УДК 546.65,661.691.4

ОПТИМИЗАЦИЯ СИНТЕЗА R₂O₂Se ДЛЯ ПОЛУЧЕНИЯ ОПТИЧЕСКИХ МАТЕРИАЛОВ (R=La, Gd, Y)

© 2023 г. Т. А. Помелова¹, М. С. Тарасенко^{1, *}, И. В. Юшина¹, В. В. Малютина-Бронская², В. Е. Федоров¹, Н. Г. Наумов¹

¹Институт неорганической химии им. А.В. Николаева СО Российской академии наук, пр. Академика Лаврентьева, 3, Новосибирск, 630090 Россия ²ГНПО "Оптика, оптоэлектроника и лазерная техника", пр. Независимости, 68, Минск, 220072 Беларусь *e-mail: tarasen@niic.nsc.ru Поступила в редакцию 17.06.2022 г. После доработки 08.09.2022 г. Принята к публикации 19.09.2022 г.

Отработаны методики синтеза оксоселенидов лантана, гадолиния и иттрия из оксидов методом нагревания в токе водорода и паров селена. Для лантана оптимальная температура селенирования составляет 700°С, для гадолиния 850°С, для иттрия 900°С. Последующий отжиг образцов в токе водорода при 1000°С позволяет удалить следы аморфного селена и примесных фаз, содержащих диселенидные группы.

Ключевые слова: оксоселенид, лантан, гадолиний, иттрий **DOI:** 10.31857/S0002337X23010165, **EDN:** OTWBIY

введение

Оксосульфиды РЗЭ-R₂O₂S – широко используются в промышленности и остаются объектами научных исследований [1–13]. Основное применение оксосульфидов гадолиния (GOS) и иттрия (YOS), активированных трехвалентными ионами Pr, Sm, Eu или Tb, - сцинтилляторы рентгеновского излучения в медицине и ядерной индустрии [3-8]. Оксоселениды РЗЭ R₂O₂Se рассматриваются как перспективные сцинтилляционные материалы. У данных соединений возрастает коэффициент ослабления высокоэнергетичного излучения Z_{eff} [14] по сравнению с R_2O_2S , а высокие хемо- и термостойкость, присущие неорганическим сцинтилляторам, сохраняются [15–17]. Для промышленного применения требуются материалы в т.ч. и в виде наноразмерных порошков или тонких пленок. Например, наночастицы оксосульфидов РЗЭ рассматриваются в медицинской области в качестве люминесцентных меток [9], апконверторов [10] и контраста для МРТ [11, 12]. Получение тонких порошков оксосульфидов РЗЭ возможно путем сульфидирования исходных оксидов требуемого гранулометрического состава [18, 19].

Оксоселениды, получаемые ампульным синтезом в расплаве хлорида цезия [15–17], имеют размеры кристаллитов от десятков микрон до нескольких миллиметров. Кроме того, ампульный синтез имеет ограничения по массе получаемого продукта (как правило, не более 10 г). Мы обратили внимание на способ синтеза, предложенный одними из первых исследователей данных соединений: нагревание в токе водорода с пара́ми селена [20, 21]. В процессе указанного синтеза продукты сильно загрязняются селеном, который гасит люминесценцию, что затрудняет их использование в качестве оптических материалов.

Цель данной работы — оптимизация способа получения оксоселенидов лантана, гадолиния и иттрия для получения порошков достаточной чистоты.

ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

Синтез $R_2O_2Se.B$ качестве исходных соединений использовали La_2O_3 (99.99%), Gd_2O_3 (99.99%), Y_2O_3 (99.99%) и серый селен квалификации "о.с.ч.".

Синтез проводился в двузонной печи, схема установки приведена на рис. 1. Навеску оксида РЗЭ и селена помещали в кварцевые лодочки. Лодочки размещали в реакторе согласно рис. 1. После продувки реактора аргоном (20 мин) и водородом (25 мин) печь нагревали. Температура зоны с селеном составляла 350°С, температуру второй зоны подбирали в зависимости от оксида РЗЭ: 700°С для R_2O_3 , 850°С для Gd_2O_3 и 900°С для Y_2O_3 . Процесс селенирования протекает в течение нескольких часов. Для удаления следов селена образцы R_2O_2 Se нагревали в однозонной печи, темпера-



Рис. 1. Установка для получения оксоселенидов РЗЭ: *1* – холодная зона печи, *2* – горячая зона печи, *3* – проточный реактор, *4* – кварцевая лодочка с селеном, *5* – кварцевая лодочка с оксидом РЗЭ.

тура отжига в токе водорода составляла 800, 900 или 1000° С для лантана, гадолиния и иттрия соответственно. Было показано, что данная методика синтеза хорошо масштабируется. Навеска 10 г оксида иттрия при 900°С полностью превращается в Y_2O_2 Se за 3 ч.

Методы исследования. Порошковые дифрактограммы регистрировали на дифрактометре Philips PW 1820 с использованием излучения Cu $K_{\alpha_{cp}}$ (1.5418 Å). Условия съемки были следующими: шаг по 20 составлял 0.05°, время выдержки 2 с, диапазон измерений 20 от 10° до 70°.

Рентгеновский микрозондовый анализ поверхностей кристаллов проводили на сканирующем электронном микроскопе (СЭМ) ТМ 3000 (Hitachi) с системой микроанализаторов EDS System QUANTAX 70 (Bruker). Приготовление заключалось в выборе и нанесении кристаллитов на кюветы с углеродной липкой лентой. Важно было расположить кристаллит горизонтально в соответствии с геометрией прибора.

Спектры диффузного отражения регистрировали с помощью спектрометра UV/VIS/NIR Shimadzu 3101 PC.

Спектры комбинационного рассеяния (**KP**) получены на спектрометре LabRAM HR Horiba с возбуждением линией 488 нм Ar⁺-лазера, мощность света, сфокусированного в пятно диаметром ~2 нм на поверхности образца составляла 0.8 мВт, исследования проводились при комнатной температуре.

РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

Как было отмечено, синтез проводили в двузонной печи. Температура зоны *1* определяет давление паров селена, температура зоны *2* определяет температуру реакции, а значит, скорость и глубину селенирования оксида РЗЭ. Экспериментально найдено, что температура зоны с селеном должна составлять 350°С для всех трех оксидов (температура плавления селена 221°С). При более высоких температурах скорость получения целевого продукта возрастает незначительно, но при этом аморфный селен начинает серьезно загрязнять получаемое вещество.

Оптимальная температура второй зоны подбиралась для каждого оксида. Однофазный оксоселенид гадолиния образуется при температуре 850° С, а для оксоселенида иттрия процесс не идет ниже 900°С. В обоих случаях полученный продукт имеет серо-розовую окраску, а дифрактограммы показывают наличие только одной фазы — R_2O_2 Se (рис. 2).

Реакция селенирования La_2O_3 при 800°С приводит к получению образцов темно-коричневого или даже черного цвета. Согласно данным порошковой дифракции, такие образцы содержат сложную смесь фаз, одной из которых является La_3Se_4 [22] (рис. 3а), что говорит о слишком быстром и глубоко протекающем процессе селенирования. При температуре 700°С образуется смесь соединений $La_4O_4Se_3$ [23] и La_2O_2Se [20], как видно из дифрактограммы на рис. 3б. Образец имеет насыщенный темно-красный цвет, обусловленный наличием фазы $La_4O_4Se_3$. При температуре 600°С реакция селенирования идет медленнее и, при равном времени процесса, остается большое количество исходного оксида наряду с $La_4O_4Se_3$ и La_2O_2Se .

Следует отметить, что структура обоих соединений представляет собой слои $(R_2O_2)^{2+}$ и компенсирующие заряд селенид- или диселенид-ионы, расположенные между слоями (рис. 4). Слоистость соединений позволяет предположить, что существуют возможности устранения избыточных атомов селена из межслоевых пространств.

По результатам рентгенофазового анализа порошков, образцы оксоселенидов гадолиния и ит-



Рис. 2. Экспериментальные (1) и расчетные (2) дифрактограммы оксоселенидов гадолиния (а) и иттрия (б).



Рис. 3. Дифрактограммы продуктов селенирования La₂O₃ в течение 2 ч при 800 (а) и 700°С (б) в сравнении с литературными данными.



Рис. 4. Фрагменты структур R₂O₂Se (R = Y, La–Nd, Sm–Lu, пр. гр. $P\overline{3}m1$) [16, 17, 20] и R₄O₄Se₃ (R = La–Nd, Sm, пр. гр. *Amm*2) [23, 24]; связи R–Se не приведены.



Рис. 5. Спектры поглощения образцов Gd_2O_2Se , полученные преобразованием по методу Кубелки–Мунка $F(R_{\infty}) = (1 - R_{\infty})^2/2R_{\infty}$ [27]: синтезированного при 850°С (*I*), с дополнительным отжигом в водороде при 950°С (*2*) и синтезированного в ампуле [17] (*3*).

НЕОРГАНИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ том 59 № 1 2023



Рис. 6. Спектры диффузного отражения образцов La₂O₂Se, отожженных 1 ч в водороде при 800 (1), 1000°С (2).

трия однофазны и имеют серую окраску. Образец с лантаном содержит смесь двух фаз — La_2O_2Se и $La_4O_4Se_3$ — и окрашен в серо-коричневый цвет. Для осветления образцов применялись отжиги. Отжиг на воздухе при 400°C течение 3 ч не приводит к осветлению, а при 500°C частично образуется оксид соответствующего РЗЭ. Отжиг в статическом вакууме при градиенте температур 900— 25°C не привел к осветлению образца, но небольшое количество селена отлетело в холодный конец ампулы.

Отжиг в токе водорода при температурах 800– 1000°С позволил получить светлые образцы. Осветление образцов контролировали по изменению поглощения в спектрах диффузного отражения. На рис. 5 приведены спектры поглощения для оксоселенида гадолиния, синтезированного при 850°С, после отжига и образца после ампульного синтеза [17]. Видно, что у отожженного в водороде образца снижается поглощение в синей области спектра, однако полностью избавиться от поглощения не удалось (кривая 2 приближается к оси абсцисс при длинах волн больше 380 нм), цвет образца остается розоватым. Для образцов оксоселенидов иттрия [16] и гадолиния [17] с размерами частиц около 0.25 мм отмечалось наличие розового оттенка вследствие окисления селенид-иона до аморфного селена кислородом воздуха на поверхности кристаллов. У меньших частиц удельная поверхность больше и окраска образца, обусловленная аморфным селеном, темнее. Наночастицы селена демонстрируют поглощение во всей области видимого спектра, наиболее интенсивное в области 250–550 нм [25, 26].

Коричневая смесь оксоселенидов $La_2O_2Se + La_4O_4Se_3$ после отжига в водороде при 800°С в течение 1 ч приобретает светлую окраску и, по данным порошковой дифракции, соответствует фазе La_2O_2Se . Отжиг в водороде при 1000°С позволяет получить порошок светло-розового цвета. Спектры диффузного отражения показывают очень слабое поглощение в видимой области (рис. 6).

Спектры КР образцов (рис. 7) свидетельствуют о том, что образец без дополнительного отжига в водороде имеет небольшой сдвиг пиков и дополнительные широкие линии в области 210—270 нм, которые можно отнести к различным модификациям селена (треугольные, цепочечные) или аморфному стеклоподобному селену [28]. После отжига в водороде дополнительные пики пропадают и спектр совпадает с записанным для оксоселенида гадолиния, полученного в ампулах.



Рис. 7. КР-спектры образцов Gd_2O_2Se : синтезированного в смеси H_2 + Se при 700 (1), при 850°С (2), при 850°С с последующим отжигом в водороде при 950°С (3) и полученного ампульным синтезом [17] (4).



Рис. 8. КР-спектры синтезированной смеси $La_2O_2Se + La_4O_4Se_3$ (1) и образцов, полученных после отжига в водороде при 800 (2), при 1000°С (La_2O_2Se) (3).

НЕОРГАНИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ том 59 № 1 2023



Рис. 9. СЭМ-изображения образцов Y₂O₂Se (a), Gd₂O₂Se (б) и La₂O₂Se (в).

Спектры КР, приведенные на рис. 8, показывают, что, несмотря на однофазность La₂O₂Se по данным порошковой дифракции, колебания, соответствующие Se-Se, присутствуют и после отжига при 800°С, а также остаются после отжига при 1000°С. Достаточно широкие линии говорят о несовершенной кристалличности (ближний порядок), это позволяет предположить, что фаза со связями Se-Se или рентгеноаморфна, или содержится в количестве менее 3%. Широкий пик ~203 см⁻¹, характерный для фазы La₄O₄Se₃ связанный с колебаниями связи Se-Se, несколько сдвинут в область меньших энергий по сравнению с данными [24]; в случае гадолиния данный эффект еще более заметен (рис. 7, кривая 1). В статье [24] приводятся следующие данные относительно колебаний Se-Se в фазах R₄O₄Se₃: 211 (La), 213 (Ce), 216 (Nd) и 220 см^{-1} (Sm), которые ниже по энергии, чем колебания связей Se-Se в K₂Se₂, Rb₂Se₂ и K₂Gd₂Sb₂Se₉, обнаруженные в интервале 253-266 см⁻¹. Такой эффект авторы приписывают более слабой связи Se-Se за счет изменения кристаллографического окружения. С этой точки зрения связи Se-Se в смеси оксоселенидов лантана еще более слабые

и, соответственно, образование фазы La_2O_2Se , в которой нет диселенидных групп, должно протекать достаточно легко:

$$La_4O_4Se_3 + H_2 \rightarrow 2La_2O_2Se + H_2Se\uparrow$$

Оценка размера получаемых частиц проводилась по формуле Шеррера [29]

$$d_{\rm OKP} = \frac{0.93\lambda}{b\cos\theta},$$

где λ — длина монохроматической волны, b — уширение пика на половине высоты в радианах, θ — угол дифракции.

В образце La₂O₂Se, полученном при 800°C, область когерентного рассеяния (**ОКР**), оцененная по уширению пика 011 ($2\theta = 28.30^\circ$), составляет около 13 нм. ОКР частиц оксоселенидов иттрия и гадолиния, оцененные по уширению пика 011 ($2\theta = 30.04^\circ$ для Y и 29.6° для Gd), близки и составляют 56 нм. Согласно рис. 9, агломераты частиц достигают нескольких микрон.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В работе отработана и оптимизирована методика синтеза оксоселенидов РЗЭ. Так, при проведении синтеза в двузонной печи в токе водорода оптимальная температура в холодной зоне с элементарным селеном составляет 350° С. Для лантановых образцов оптимальная температура в горячей зоне составляет 700, для гадолиниевых — 850, для иттриевых — 900° С. Последующий отжиг в токе водорода при 1000° С позволяет практически полностью удалить избыток элементарного селена и перевести сопутствующие соединения $R_4O_4Se_3$ в целевой продукт R_2O_2Se .

Размеры частиц, оцененные по формуле Шеррера, составили несколько десятков нанометров, а СЭМ-изображения выявили агломераты с размерами в несколько микрон.

Синтезом в хлориде цезия [15, 17] получены кристаллические частицы размером до сотен микрон, т.к. условия спонтанной кристаллизации не позволяли регулировать размер.

Способ получения оксоселенидов в токе водорода может быть применен для получения частиц нанометровых размеров.

ФИНАНСИРОВАНИЕ

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (грант № 20-53-00036 Бел_а).

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Ropp R.C.* The Chemistry of Artificial Lighting Devices: Lamps, Phosphors and Cathode Ray Tubes // Studies in inorganic chemistry N.Y. Elsevier, 1993.
- Shionoya S., Yen W.M., Yamamoto H. Phosphor Handbook // Laser and Optical Science and Technology / Ed. Weber M.J. Boca Raton: CRC, 2006. V. 21.
- Bugby S.L., Jambi L.K., Lees J.E. A Comparison of CsI: Tl and GOS in a Scintillator-CCD Detector for Nuclear Medicine Imaging // J. Instrum. 2016. V. 11. P. P09009. https://doi.org/10.1088/1748-0221/11/09/p09009
- Hussey D.S., LaManna J.M., Baltic E., Jacobson D.L. Neutron Imaging Detector with 2 μm Spatial Resolution Based on Event Reconstruction of Neutron Capture in Gadolinium Oxysulfide Scintillators // Nucl. Instrum. Methods Phys. Res., Sect. A. 2017. V. 866. P. 9–12. https://doi.org/10.1016/j.nima.2017.05.035
- Jiang X.F., Xiu Q.L., Zhou J.R., Yang J.Q., Tan J.H., Yang W.Q., Zhang L.J., Xia Y.G., Zhou X.J., Zhou J.J., Zhu L., Teng H.Y., Yang G.A., Song Y.S., Sun Z.J., Chen Y.B. Study on the Neutron Imaging Detector with High Spatial Resolution at China Spallation Neutron Source // Nucl. Eng. Technol. 2021. V. 53. № 6. P. 1942–1946.

https://doi.org/10.1016/j.net.2020.12.009

 Kertzscher G., Beddar S. Inorganic Scintillation Detectors Based on Eu-Activated Phosphors for Ir-192 Brachytherapy // Phys. Med. Biol. 2017. V. 62. № 12. P. 5046-5075.

https://doi.org/10.1088/1361-6560/aa716e

НЕОРГАНИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ том 59 № 1 2023

- Tisseur D., Eck D., Estre N., Kistler M., Payan E., Tamagno L. Detector Upgrade for Fast MeVX-Ray Imaging for Severe Accidents Experiments // IEEE Trans. Nucl. Sci. 2020. V. 67. № 7. P. 1715–1721. https://doi.org/10.1109/tns.2020.2995969
- Yoneyama A., Baba R., Kawamoto M. Quantitative Analysis of the Physical Properties of Cs1, GAGG, LuAG, CWO, YAG, BGO, and GOS Scintillators Using 10-, 20- and 34-keV Monochromated Synchrotron Radiation // Opt. Mater. Express. 2021. V. 11. № 2. P. 398–411. https://doi.org/10.1364/ome.409161

 Santelli J., Lechevallier S., Baaziz H., Vincent M., Martinez C., Mauricot R., Parini A., Verelst M., Cussac D. Multimodal Gadolinium Oxysulfide Nanoparticles: a Versatile Contrast Agent for Mesenchymal Stem Cell Labeling // Nanoscale. 2018. V. 10. № 35. P. 16775–16786.

- https://doi.org/10.1039/c8nr03263g
 10. Jiao J.X., Liu Y.W., Wang H., Yin X.M., Xing M.M., Luo X.X., Tian Y. Enhancing Upconversion Luminescence and Thermal Sensing Properties of Er/Yb Co-Doped Oxysulfide Core-Shell Nanocrystals // J. Am. Ceram. Soc. 2021. V. 104. № 2. P. 985–994. https://doi.org/10.1111/jace.17509
- Larquet C., Klein Y., Hrabovsky D., Gauzzi A., Sanchez C., Carenco S. Tunable Magnetic Properties of (Gd,Ce)₂O₂S Oxysulfide Nanoparticles // Eur. J. Inorg. Chem. 2019. № 6. P. 762–765. https://doi.org/10.1002/ejic.201801466
- Huang J., Tang Z.Y., Guo M., Wang Y., Wang Z.L., Wu Z., Zhang P.B. Incorporation of Gadolinium Oxide and Gadolinium Oxysulfide Microspheres: MRI/CT Monitoring and Promotion of Osteogenic/Chondrogenic Differentiation for Bone Implants // Chemnanomat. 2020. V. 6. № 12. P. 1819–1832. https://doi.org/10.1002/cnma.202000476
- Белая С.В., Баковец В.В., Рахманова М.И., Максимовский Е.А., Юшина И.В., Шаяпов В.Р., Корольков И.В. Пленки твердых растворов (Gd_{1-x}Tb_x)₂O₂S, полученные сульфидированием оксидов в парах NH₄SCN, и их оптические свойства // Неорган. материалы. 2020. Т. 56. № 8. С. 882–892. https://doi.org/10.31857/S0002337X20080035
- 14. *Knoll G.F.* Radiation Detection and Measurement / 4 изд. N.Y.: Wiley, 2010.
- Тарасенко М.С., Рядун А.А., Оразов Ж.К., Помелова Т.А., Залесский В.Б., Малютина-Бронская В.В., Федоров В.Е., Wang H.-Ch., Наумов Н.Г. Определение концентрации тушения фотолюминесценции и квантовых выходов твердых растворов (Y_{1-x}Pr_x)₂O₂Se // Неорган. материалы. 2021. Т. 57. № 8. С. 872–877. https://doi.org/10.31857/S0002337X21080315
- Tarasenko M.S., Kiryakov A.S., Ryadun A., Kuratieva N.V., Plyusnin P.E., Naumov N.G. Y₂O₂Se as a Potential Matrix for Optical Materials: A Novel Preparation Method and Optical Properties // Mater. Today Commun. 2019. V. 21. P. 10. https://doi.org/10.1016/j.mtcomm.2019.100665
- Tarasenko M.S., Kiryakov A.S., Ryadun A.A., Kuratieva N.V., Malyutina-Bronskaya V.V., Fedorov V.E., Wang H.-C., Naumov N.G. Facile Synthesis, Structure, and Properties of Gd₂O₂Se // J. Solid State Chem.

2022. V. 312. P. 123224.

https://doi.org/10.1016/j.jssc.2022.123224

- Супоницкий Ю.Л., Елисеев А.А., Кузьмичева Г.М. Оксосульфиды редкоземельных элементов // Успехи химии. 1988. Т. 57. № 3. С. 367–384.
- Larquet C., Carenco S. Metal Oxysulfides: From Bulk Compounds to Nanomaterials // Front. Chem. 2020. V. 8. P. 179. https://doi.org/10.3389/fchem.2020.00179
- 20. Eick H.A. The Crystal Structure and Lattice Parameters of Some Rare Earth Mono-Seleno Oxides // Acta Crystallogr. 1960. V. 13. № 2. P. 161. https://doi.org/0.1107/S0365110X60000339
- 21. *Guittard M., Flahaut J., Domange L.* The Complete Series of Oxyselenides of the Rare-Earths and Y // Acta Crystallogr. 1966. V. 21. № 5. P. 832. https://doi.org/10.1107/S0365110X66003967
- 22. Dernier P.D., Bucher E., Longinotti L.D. Temperature Induced Symmetry Transformation in the Th₃P₄ type Compounds La₃S₄, La₃Se₄, Pr₃S₄ and Pr₃Se₄//J. Solid State Chem. 1975. V. 15. № 2. P. 203–207. https://doi.org/10.1016/0022-4596(75)90247-9
- 23. Dugue J., Adolphe C., Khodadad P. Structure Cristalline de L'oxyséléniure de Lanthane La₄O₄Se₃ // Acta Crystallogr., Sect. B. 1970. № 26. P. 1627–1628. https://doi.org/10.1107/S0567740870004582
- Strobel S., Choudhury A., Dorhout P.K., Lipp C., Schleid T. Rare-Earth Metal(III) Oxide Selenides M₄O₄Se[Se₂]

(M = La, Ce, Pr, Nd, Sm) with Discrete Diselenide Units: Crystal Structures, Magnetic Frustration, and Other Properties // Inorg. Chem. 2008. V. 47. No 11. P. 4936–4944.

https://doi.org/10.1021/ic800233c

- 25. Mehta S.K., Chaudhary S., Kumar S., Bhasin K.K., Torigoe K., Sakai H., Abe M. Surfactant Assisted Synthesis and Spectroscopic Characterization of Selenium Nanoparticles in Ambient Conditions // Nanotechnology. 2008. V. 19. № 29. P. 295601. https://doi.org/10.1088/0957-4484/19/29/295601
- 26. Van Overschelde O., Guisbiers G., Snyders R. Green Synthesis of Selenium Nanoparticles by Excimer Pulsed Laser Ablation in Water // APL Mater. 2013. V. 1. № 4. P. 042114. https://doi.org/10.1063/1.4824148
- Kubelka P. New Contributions to the Optics of Intensely Light-Scattering Materials. Part I // J. Opt. Soc. Am. 1948. V. 38. № 5. P. 448–457. https://doi.org/10.1364/JOSA.38.000448
- Yannopoulos S.N., Andrikopoulos K.S. Raman Scattering Study on Structural and Dynamical Features of Noncrystalline Selenium // J. Chem. Phys. 2004. V. 121. № 10. P. 4747–4758. https://doi.org/10.1063/1.1780151
- 29. *Patterson A.L.* The Scherrer Formula for X-Ray Particle Size Determination // Phys. Rev. 1939. V. 56. P. 978–982. https://doi.org/10.1103/PhysRev.56.978