УДК 544.31.031:546.881.5

ТЕРМОДИНАМИКА ИСПАРЕНИЯ ТРИИОДИДА ИТТРИЯ В ФОРМЕ МОЛЕКУЛ YI₃ И Y₂I₆

© 2020 г. Е. Л. Осина^{1, *}, Л. Н. Горохов¹, С. Б. Осин²

¹Объединенный институт высоких температур РАН, Москва, Россия ²Химический факультет, Московский государственный университет, Москва, Россия *E-mail: j-osina@vandex.ru

Поступила в редакцию 18.03.2020 г. После доработки 18.03.2020 г. Принята к публикации 18.06.2020 г.

В результате критического анализа экспериментальных и теоретических данных по структуре и частотам колебаний мономерной и димерной форм молекул трииодида иттрия выбраны значения молекулярных постоянных и рассчитаны термодинамические функции YI_3 и Y_2I_6 . С использованием литературных данных об отношении парциальных давлений димерных и мономерных молекул методом третьего закона термодинамики определена энтальпия реакции $YI_3(кр., ж) + YI_3(г) = Y_2I_6(г)$ и рассчитан состав пара иодида иттрия в температурном интервале 800-961 K, для которого в литературе приведены данные по полному давлению. Установлено, что в исследованном температурном интервале отношение давлений $P_{\rm m}/P_{\rm m}$ увеличивается от 0.003 до 0.014. По найденным парциальным давлениям впервые рассчитаны величины энтальпии сублимации трииодида иттрия в форме мономерных и димерных молекул и энтальпии образования этих молекул. Полученные величины введены в базу данных программного комплекса ИВТАНТЕРМО.

DOI: 10.31857/S0040364420050075

введение

Данная работа завершает серию публикаций по исследованию термодинамики испарения тригалогенидов иттрия. В публикациях [1–4] приведены значения термодинамических функций, энтальпий сублимации трифторида, трихлорида и трибромида иттрия в форме мономерных и димерных молекул YX₃ и Y₂X₆ и энтальпий их образования. Целями настоящей работы являются:

1) расчет термодинамических функций молекул YI_3 и Y_2I_6 на основе современных данных об их структурных и энергетических свойствах;

2) расчет состава пара над трииодидом иттрия, $P_{\rm A}/P_{\rm M}$ и парциальных давлений мономерных и димерных молекул по экспериментальным данным об общем давлении пара трииодида иттрия;

3) расчет энтальпий сублимации и энтальпий образования мономерной и димерной форм молекул трииодида иттрия с использованием рассчитанных в данной работе таблиц термодинамических функций $YI_3(\Gamma)$ и $Y_2I_6(\Gamma)$.

ВЫБОР МОЛЕКУЛЯРНЫХ ПОСТОЯННЫХ

Трииодид иттрия YI₃. Структура молекулы YI₃ экспериментально исследовалась методом газовой электронографии в [5–7]. В работе [5], проведенной в предположении наличия в исследуемом

паре только молекул YI₃ и их плоской структуры, найдено межатомное расстояние $r_{o}(Y-I) = 2.80(3)$ Å. Несовершенная методика стала причиной большой неточности определения этого структурного параметра. В [6, 7] приведены более точные значения структурных параметров $YI_3 - r_g(Y-I) =$ = 2.831(5) [6], 2.817(7) [7] и установлена плоская структура молекулы симметрии D_{3h} . Согласно выводам авторов [6], в паре присутствует только одна молекулярная форма, соответствующая молекуле YI₃. В фундаментальном обзоре [7] приведены сведения о том, что при температуре 1260 К пар содержит 25 ± 5% димерных молекул Y₂I₆. Квантово-химические расчеты выполнены в работах [8] (приближение MP2), [9] (CISD + Q), [10] (RHF, B3LYP). Во всех расчетах получена плоская структура молекулы. Произведение моментов инерции, приведенное в табл. 1, рассчитано для межъядерного расстояния r_g (Y–I) = 2.817 ± 0.007 Å [7] с погрешностью расчета 7 × 10^{-112} г³ см⁶.

Колебательный спектр молекулы YI₃ экспериментально не исследован. В литературе имеются данные по значениям частот колебаний, оцененным в [11], рассчитанным по силовому полю в электронографической работе [6] и полученным в теоретических расчетах [8–10]. Значения гармонических частот колебаний в приближениях MP2 [8], CISD + Q [9] и RHF/SDD [10] согласуются.

| Молекула | $I_A I_B I_C \times 10^{117}$, г ³ см ⁶ | v_1 | v_2 | v ₃ | ν_4 | v_5 | ν_6 | ν_7 |
|-------------------------------|--|-------|-------|-----------------------|---------|-------|---------|---------|
| YI ₃ | 315.7×10^{5} | 143 | 30 | 243(2) | 38(2) | — | _ | - |
| Y ₂ I ₆ | 161.4×10^{7} | 243 | 239 | 222 | 204 | 172 | 131 | 124 |

Таблица 1. Молекулярные постоянные YI_3 и Y_2I_6 ($p_x = 1$ для обеих молекул)

Примечание. Числа симметрии – $\sigma(YI_3) = 6$, $\sigma(Y_2I_6) = 4$; p_x – статистический вес основного состояния; $v_8 = 117$, $v_9 = 67$, $v_{10} = 43$, $v_{11} = 38$, $v_{12} = 37$, $v_{13} = 31$, $v_{14} = 28$, $v_{15} = 28$, $v_{16} = 27$, $v_{17} = 17$, $v_{18} = 3$ см⁻¹.

Однако в случае расчета ВЗЦҮР, так же как для молекулы YBr₃, получены малореалистичные значения частот неплоских колебаний для базисов LANL2DZ и SDD (-1, 22 см⁻¹ соответственно). В [6] значения частот колебаний рассчитаны с использованием колебательных характеристик электронографического эксперимента, а именно величины средних амплитуд колебаний ядер и значения эффективного сокращения, измеренного авторами впервые. Значения валентных частот колебаний v_1 и v_3 в [6] ниже гармонических величин в расчетах [8-10], а деформационных частот v_2 и v_4 – выше. Так, частота неплоского колебания $v_2 = 70 \text{ см}^{-1}$ не только существенно выше рассчитанных гармонических значений $v_2 = 38$, 40, 35 и 40 см⁻¹ [8–10] (LANL2DZ и SDD) соответственно, но и превышает экспериментальную величину для молекулы YCl_3 ($v_2 = 58.6 \text{ см}^{-1}$ [12]), что вызывает сомнения. Частоты колебаний, приведенные в табл. 1, приняты по данным расчета [8]. Их погрешности оценены в 10 см⁻¹ для v_2 , v₄, 15 для v₁ и 20 для v₃.

Димер трииодида иттрия. В обзоре [7] приведены результаты исследования структуры молекул Y₂I₆ методом газовой электронографии. Теоретически строение Y₂I₆ изучено методом теории возмущений МР2 в [8] и функционала плотности (DFT) в [10]. Согласно данным, приведенным в [7], при 1260 К пар содержит 25 ± 5% димерных молекул. Кроме состава пара, варьируемыми параметрами димера были $r(Y-I_t)$ и $r(Y-I_b)$ (I_t – концевой атом иода, І_b – атом иода в плоском четырехчленном цикле). Значения валентных углов $\angle I_b - Y - I_b$, $\angle I_t - Y - I_t$ приняты из расчета [8] и закреплены. Приведенные в обзоре [7] величины структурных параметров согласуются с соответствующими результатами теоретических расчетов [8, 10]. Во всех работах установлена структура с плоским четырехчленным циклом І_b-Y-I_b-Y симметрии D_{2h} . Произведения моментов инерции в табл. 1 вычислены с использованием структурных параметров $r_g(Y-I_t) = 2.806(6), r_g(Y-I_b) =$ = 3.023(7) Å, $\angle I_b - Y - I_b = 91.9(5.0)$, $\angle I_t - Y - I_t =$ = 116.7(2.0)°, принятым по экспериментальным данным [7] и расчету [8]. Погрешность произведения моментов инерции оценена в $9 \times 10^{-110} \, r^3 \, cm^6$.

Колебательные спектры Y_2I_6 экспериментально не изучены. Частоты колебаний этих молекул рассчитаны в работах [8, 10]. Теоретические расчеты в [10] выполнены в приближениях RHF и B3LYP с базисами LanL2DZ и SDD, в [8] – методом теории возмущений MP2. Величины частот, полученные в расчетах [10], как валентные, так и деформационные, систематически меньше соответствующих значений в [8]. Исключение составляет частота неплоской деформации четырехчленного цикла. Ее значение в [10] несколько выше (6–8 см⁻¹). Значения частот колебаний приняты по расчету [8] и приведены в табл. 1. Погрешности частот колебаний оценены в 10% для валентных частот и 15–20% для деформационных.

РАСЧЕТ ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ

Термодинамические функции молекул YI₃ и Y₂I₆ рассчитаны в приближении "жесткий ротатор гармонический осциллятор" в интервале температур 298.15—3000 К. Возможность использования гармонического приближения для вычисления колебательной статистической суммы YI₃ подтверждена постоянством величин колебательных квантов $\Delta G_{v+1/2}$, рассчитанных в работе [13]. В расчетах термодинамических функций использованы молекулярные постоянные, приведенные в табл. 1. Возбужденные электронные состояния при расчете термодинамических функций не учтены, поскольку ион Y⁺³ имеет заполненную электронную конфигурацию ...4*s*²4*p*⁶. Результаты расчетов термодинамических функций представлены полиномами вида [14]:

$$\Phi^{\circ}(T) = \varphi_1 + \varphi_2 \ln X + \varphi_3 X^2 + \varphi_4 X^1 + \varphi_5 X + \varphi_6 X^2 + \varphi_7 X^3.$$

Для увеличения точности аппроксимации термодинамических функций температурный интервал 298.15–3000 К разбивался на два подынтервала 298.15–1500 и 1500–3000 К. При этом отклонение рассчитанных и аппроксимированных значений приведенной энергии Гиббса $\Phi^{\circ}(T)$ в каждом интервале не превышало 0.001 Дж моль⁻¹ K⁻¹.

Коэффициенты полиномов даны в табл. 2. В табл. 3 приведены значения термодинамиче-

2020

| <i>Т</i> , К | ϕ_1 | φ ₂ | $\phi_3 \times 10^{-4}$ | $\phi_4 \times 10^{-1}$ | φ ₅ | φ ₆ | φ ₇ |
|-------------------------------|----------|----------------|-------------------------|-------------------------|----------------|----------------|----------------|
| YI ₃ | | | | | | | |
| 298.15-1500 | 614.6375 | 82.42163 | -8.295918 | 4.139274 | 10.02238 | -33.39631 | 56.49020 |
| 1500-3000 | 532.0269 | 38.1854 | 957.692 | -42.72213 | 209.9379 | -239.675 | 142.6408 |
| Y ₂ I ₆ | | | | | | | |
| 298.15-1500 | 1135.939 | 183.0493 | -19.882 | 10.53509 | -5.199428 | 26.27253 | -56.577 |
| 1500-3000 | 1003.632 | 114.2097 | 1387.009 | -59.46529 | 332.0225 | -395.2883 | 247.3677 |

Таблица 2. Коэффициенты полиномов, аппроксимирующих значения $\Phi^{\circ}(T)$ для молекул YI₃ и Y₂I₆ в двух температурных интервалах

Таблица 3. Термодинамические функции YI_3 и Y_2I_6

| | $C_p^{\circ}(T)$ | $\Phi^{\circ}(T)$ | $S^{\circ}(T)$ | $H^{\circ}(T) - H^{\circ}(0)$ | $C_p^{\circ}(T)$ | $\Phi^{\circ}(T)$ | $S^{\circ}(T)$ | $H^{\circ}(T) - H^{\circ}(0)$ |
|--------|---------------------------|-------------------|-----------------|-------------------------------|-------------------------------|-------------------|----------------|-------------------------------|
| Т, К | Дж моль $^{-1}$ K $^{-1}$ | | | кДж моль ⁻¹ | $Д$ ж моль $^{-1}$ K $^{-1}$ | | | кДж моль ⁻¹ |
| | | | YI ₃ | | Y ₂ I ₆ | | | |
| 298.15 | 80.979 | 338.332 | 408.983 | 21.064 | 178.373 | 525.899 | 677.980 | 43.343 |
| 1000 | 82.941 | 429.636 | 508.587 | 78.952 | 182.495 | 724.475 | 897.222 | 172.747 |
| 2000 | 83.093 | 485.145 | 566.142 | 161.994 | 182.811 | 846.126 | 1023.852 | 355.453 |
| 3000 | 83.121 | 518.138 | 599.840 | 245.104 | 182.870 | 918.556 | 1097.989 | 538.299 |

ских функций $YI_3(г)$ и $Y_2I_6(г)$ при температурах 298.15, 1000, 2000 и 3000 К.

Погрешности термодинамических функций обусловлены как погрешностями принятых значений молекулярных постоянных, так и методом расчета ("жесткий ротатор—гармонический осциллятор") и составляют 10, 12, 15 и 21, 28, 36 Дж моль⁻¹ К⁻¹ в приведенной энергии Гиббса $\Phi^{\circ}(T)$ при T = 298.15, 1000, 3000 К для YI₃ и Y₂I₆ соответственно.

РАСЧЕТ СОСТАВА ПАРА И ПАРЦИАЛЬНЫХ ДАВЛЕНИЙ МОНОМЕРНЫХ И ДИМЕРНЫХ МОЛЕКУЛ

В литературе имеется только одна экспериментальная работа по исследованию процесса сублимации трииодида иттрия [15]. Авторы определяли давление насыщенного пара от 800 до 961 К эффузионным методом Кнудсена. Для этого интервала температур методом наименьших квадратов получено уравнение зависимости логарифма давления пара от температуры

$$\lg P = (-11706 \pm 330)/T + 9.54 \pm 0.378, \qquad (1)$$

где *P* – в мм рт. ст.

Погрешности коэффициентов уравнения (1) являются среднеквадратичными ошибками, полученными для доверительной вероятности 0.95. Из уравнения (1) по методу второго закона термодинамики авторами была рассчитана величина

энтальпии сублимации трииодида иттрия $\Delta H_s^{\circ}(0) = 224.3 \pm 6$ кДж моль⁻¹. При этом полагалось, что насыщенный пар над трииодидом содержит только мономерные молекулы. Также получена величина температуры плавления $T_{nn} = 964^{\circ}$ С и установлено, что трииодид иттрия не разлагается по крайней мере до 1650°С. Эксперименты при более высоких температурах авторами не проводились из-за летучести иттрия.

В настоящей работе данные по полному давлению [15] совместно с полученными значениями термодинамических функций YI_3 и Y_2I_6 использовались для расчета состава пара, т.е. отношения давлений димерных и мономерных молекул $P_{\rm m}/P_{\rm m}$, являющихся константами равновесия реакции при разных температурах:

$$YI_{3}(\kappa p., \mathbf{x}) + YI_{3}(\mathbf{r}) = Y_{2}I_{6}(\mathbf{r}).$$
⁽²⁾

Для этой цели необходима хотя бы одна точка с известным значением $P_{\rm A}/P_{\rm M}$. В [7] имеются данные по составу пара над иодидом иттрия (75 ± 5% мономера и 25 ± 5% димера) для температуры 1260 К. С использованием этих данных рассчитана энтальпия реакции (2) по уравнению метода третьего закона термодинамики (см. [14]):

$$\Delta_r H^{\circ}(0) = T(\Delta_r \Phi^{\circ}(T) - R \ln K_p).$$
(3)

Термодинамические функции $YI_3(кр., ж)$, необходимые для расчетов, взяты из базы данных программного комплекса ИВТАНТЕРМО. Значение энтальпии реакции (2) получено равным $\Delta_r H^{\circ}(0) = 98.5 \pm 12 \text{ кДж моль}^{-1}$. Погрешность этой величины обусловлена главным образом погрешностью термодинамических функций участников реакции (2). Найденная величина $\Delta_r H^{\circ}(0)$ дает возможность рассчитать отношение парциальных давлений мономера $YI_3(\Gamma)$ и димера $Y_2I_6(\Gamma)$ для разных температур.

На основании результатов расчетов состава пара и данных об общем давлении в температурном интервале 800–961 К [15] рассчитаны значения парциальных давлений YI_3 и $Y_2I_6 P_M$ и P_{A} . Полученные давления использованы для расчета энтальпий сублимации YI_3 (кр.) в форме молекул мономера и димера. Средние значения, рассчитанные в интервале 800–961 К, представлены ниже (кДж моль⁻¹):

$$\Delta_{s} H^{\circ}(YI_{3}, \kappa p., 0 \text{ K}) = 297.8 \pm 10,$$

$$2YI_{3}(\kappa p.) = Y_{2}I_{6}(\Gamma),$$

$$\Delta_{s} H^{\circ}((4), 0 \text{ K}) = 396.3 \pm 17.$$
(4)

Погрешности принятых энтальпий сублимации приведены с учетом как воспроизводимости измерений давления пара, погрешности отношения $P_{\rm A}/P_{\rm M}$, так и неточности использованных в вычислениях термодинамических функций YI₃(кр., ж), YI₃(г) и Y₂I₆(г). Полученные величины энтальпий сублимации трииодида иттрия в форме мономерных и димерных молекул приводят к величине энергии диссоциации (в кДж моль⁻¹) димерных молекул (д) на мономерные (м):

$$D_0 (\pi = 2 \mathrm{M}) = 2 \Delta_s H^{\circ} (\mathrm{YI}_3, \mathrm{Kp.}, 0 \mathrm{K}) - \Delta_s H^{\circ} ((4), 0 \mathrm{K}) = 199 \pm 12.$$

Значение энтальпии сублимации YI₃ (297.8 ± 10), полученное по уравнению метода третьего закона термодинамики (3), существенно отличается от величины, рассчитанной в [15] (224.3 ± 6 кДж моль⁻¹), но находится в согласии со значениями для трихлорида и трибромида иттрия [3, 4] и трииодидов лантаноидов ΔH_s° (298.15 K), например LaI₃ – 304 [16], CeI₃ – 295 [17], GdI₃ – 283 кДж моль⁻¹ [18].

Для расчета энтальпий образования молекул $YI_3(\Gamma)$ и $Y_2I_6(\Gamma)$ необходима энтальпия образования $YI_3(\kappa p.)$. Так же как и в предыдущей работе [3] по термодинамике испарения трихлорида иттрия, в данной работе использованы результаты работы [19] и для энтальпии образования $YI_3(\kappa p.)$ принята величина $-640.9 \pm 2.7 \ \kappa Дж \ моль^{-1}$. В калориметрическом исследовании [20] получено близкое значение $-633.5 \pm 2.4 \ \kappa Дж \ моль^{-1}$.

ТЕПЛОФИЗИКА ВЫСОКИХ ТЕМПЕРАТУР том 58 № 5

Комбинация принятых величин энтальпий сублимации с энтальпией образования YI_3 (кр.) [19] дает значения энтальпий образования молекул YI_3 и Y_2I_6 (кДж моль⁻¹):

$$\Delta_f H^{\circ}(\mathbf{YI}_3, \mathbf{r}, 298.15) = -346.0 \pm 12,$$

$$\Delta_f H^{\circ}(\mathbf{YI}_3, \mathbf{r}, 0) = -341.3 \pm 12,$$

$$\Delta_f H^{\circ}(\mathbf{Y}_2\mathbf{I}_6, \mathbf{r}, 298.15) = -888.1 \pm 20,$$

$$\Delta_f H^{\circ}(\mathbf{Y}_2\mathbf{I}_6, \mathbf{r}, 0) = -882.0 \pm 20.$$

В табл. 4 приведены величины энтальпий сублимации и энтальпий образования всего ряда тригалогенидов иттрия. Энтальпии сублимации в форме молекул мономеров и димеров трихлорида, трибромида и трииодида иттрия имеют близкие значения и существенно отличаются от соответствующей гораздо большей величины для трифторида.

Данные табл. 5 демонстрируют симбатный ход изменения величин энтальпий сублимации и температур плавления в ряду тригалогенидов иттрия.

Технически важной характеристикой вещества является точка кипения $T_{\rm кип}$ при давлении пара 1 атм (760 мм рт. ст). С использованием рассчитанных в настоящей работе энтальпии реакции (2) и энтальпии сублимации YI₃ вычислена температура кипения трииодида иттрия $T_{\rm кип} = 1553$ К. Расчеты показали, что в температурном интервале 800 К $-T_{\rm кип}$ отношение парциальных давлений

Таблица 4. Энтальпии сублимации и образования молекул (кДж моль⁻¹)

| Соединение | $\Delta_{s}H^{\circ}(298.15 \text{ K})$ | $\Delta_f H^{\circ}(298.15 \text{ K})$ |
|------------------|---|--|
| YF ₃ | 445.2 ± 5 | -1273.3 ± 8 |
| YCl ₃ | 287.0 ± 5 | -731.4 ± 8 |
| YBr ₃ | 289.5 ± 7 | -568.6 ± 9 |
| YI ₃ | 294.9 ± 10 | -346.0 ± 12 |
| Y_2F_6 | 636.8 ± 13 | -2800.2 ± 12 |
| Y_2Cl_6 | 357.4 ± 12 | -1679.6 ± 15 |
| Y_2Br_6 | 394.0 ± 14 | -1322.2 ± 17 |
| Y_2I_6 | 393.6 ± 17 | -888.1 ± 20 |

Таблица 5. Энтальпия сублимации (кДж моль⁻¹) и температура плавления галогенидов иттрия

| Соединение | $\Delta_{s}H^{\circ}(YX_{3}, \kappa p., 298.15 \text{ K})$ | <i>Т</i> _{пл} , К |
|------------------|--|----------------------------|
| YF ₃ | 445.2 | 1428 |
| YCl ₃ | 287.0 | 994 |
| YBr ₃ | 289.5 | 1186 |
| YI ₃ | 294.9 | 1238 |

2020



Зависимость $lg(P_{\Pi}/P_{M})$ от обратной температуры.

Таблица 6. Парциальные давления (атм.) мономера и димера тригалогенидов иттрия в точках кипения

| Соединение | <i>Т</i> _{кип} , К | Литературные данные | $P_{\rm g}/P_{\rm m}$ | Рм | $P_{\scriptscriptstyle \mathcal{I}}$ |
|------------------|-----------------------------|---------------------|-----------------------|-------|--------------------------------------|
| YCl ₃ | 1777 | 1761 [21] | 0.221 | 0.819 | 0.181 |
| YBr ₃ | 1613 | 1646 [22] | 0.181 | 0.847 | 0.153 |
| YI ₃ | 1553 | - | 0.634 | 0.612 | 0.388 |

 $P_{\rm A}/P_{\rm M}$ существенно возрастает от 0.004 до 0.634. Зависимость величины lg($P_{\rm A}/P_{\rm M}$) от обратной температуры приведена на рисунке. Она имеет излом с замедлением роста lg($P_{\rm A}/P_{\rm M}$), соответствующий плавлению YI₃ при $T_{\rm пл}$ = 1238 К. При температурах выше точки плавления происходит более плавный, близкий к линейному рост величины lg($P_{\rm A}/P_{\rm M}$) = f(1/T), определяемый вкладом энтальпии плавления YI₃.

Рассчитаны также температуры кипения и соответствующий состав пара в них для трихлорида и трибромида иттрия с использованием энтальпии соответствующих реакций (2), а также значений энтальпий сублимации, опубликованных ранее [3, 4]. Эти данные приведены в табл. 6.

Вычисленные значения точек кипения для YCl₃ и YBr₃ согласуются с литературными данными [21, 22], полученными экстраполяцией измеренных суммарных давлений до температуры, при которой давление достигает 1 атм.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Впервые рассчитаны значения термодинамических функций, энтальпий сублимации и энтальпий образования $YI_3(r)$ и $Y_2I_6(r)$, а также энергии диссоциации $Y_2I_6 = 2YI_3$. Данные могут быть использованы в технических расчетах и включены в справочные издания. Для термодинамического моделирования высокотемпературных процессов с участием паров тригалогенидов иттрия представляет интерес обработка литературных данных по давлению насыщенного пара, проведенная в настоящей работе и в [3, 4]. На основе полученных результатов рассчитаны составы паров тригалогенидов иттрия до точек кипения.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Осина Е.Л., Ковтун Д.М.* Термодинамические функции трифторида иттрия и его димера в газовой фазе // ЖФХ. 2018. Т. 92. № 5. С. 697.
- Горохов Л.Н., Осина Е.Л., Ковтун Д.М. Термодинамика испарения трифторида иттрия в форме молекул YF₃ и Y₂F₆ // ЖФХ. 2018. Т. 92. № 11. С. 1676.
- Осина Е.Л., Горохов Л.Н., Осин С.Б. Термодинамика испарения трихлорида иттрия в форме молекул YCl₃ и Y₂Cl₆ // ЖФХ. 2019. Т. 93. № 5. С. 650.
- Осина Е.Л., Горохов Л.Н., Ковтун Д.М. Термодинамика испарения трибромида иттрия в форме молекул YI₃ и Y₂I₆ // ТВТ. 2020. Т. 58. № 1. С. 76.
- Акишин П.А., Наумов В.А., Татевский В.М. Электронографическое исследование строения молекул галогенидов галлия и иттрия // Кристаллография. 1959. Т. 4. С. 194.
- 6. *Ежов Ю.С., Комаров С.А., Севастьянов В.Г.* Определение молекулярных постоянных трийодида иттрия из электронографических данных // Журн. структур. химии. 1997. Т. 38. № 1. С. 203.
- Hargittai M. Molecular Structure of Metal Halides // Chem. Rev. 2000. V. 100. P. 2233.

- 8. *Kova'cs A*. Molecular Vibrations of Rare Earth Trihalide Dimers M_2X_6 (M = Ce, Dy; X = I, I) // J. Mol. Struct. 1999. V. 482–483. P. 403.
- 9. Соломоник В.Г., Марочко О.Ю. Строение и колебательные спектры молекул MHal₃ (M = Sc, Y, La, Lu; Hal = F, Cl, I, I) // ЖФХ. 2000. Т. 74. № 12. С. 2296.
- Zhang Y., Zhao J., Tang G., Zhu L. Ab initio and DFT Studies on Vibrational Spectra of Some Halides of Group IIIB Elements // Spectrochimica Acta Part A. 2005. V. 62. P. 1.
- Перов П.А., Недяк С.В., Мальцев А.А. Исследование ИК-спектров поглощения паров над ScI₃, YCl₃, LaCl₃, GdCl₃, LuCl₃ методом изоляции в матрице из инертного газа // Вестн. МГУ. Сер. Химия. 1975. Т. 16. № 3. С. 281.
- Konings R.J.M., Booij A.S. High-temperature Infrared Spectroscopy of YCl₃: the Vibration Spectrum, Molecular Structure and Thermodynamic Functions // J. Mol. Struct. 1992. V. 271. № 3. P. 183.
- Марочко О.Ю. Строение и колебательные спектры молекул тригалогенидов скандия, иттрия, лантана и лютеция по данным неэмпирических расчетов методом CISD + Q. Дис. ... канд. хим. наук. Иваново: ИГХТУ, 2001.
- 14. *Гурвич Л.В., Вейц И.В., Медведев В.А. и др.* Термодинамические свойства индивидуальных веществ. Т. 1. Кн. 1. М.: Наука, 1978.
- 15. Dennison D.H., Spedding F.H., Daane A.H. The Determination of the Melting Point, the Vapor Pressure, and the Decomposition Temperature of Yttrium Triiodide. https://babel.hathitrust.org/cgi/pt?id=mdp.39015086500488 &view=1up&seq=7

- Dunaev A.M., Kudin L.S., Motalov V.B., Ivanov D.A, Butman M.F., Krämer K.W. Mass Spectrometric Study of Molecular and Ionic Sublimation of Lanthanum Triiodide // Thermochimica Acta. 2015. V. 622. P. 82.
- Villani A.R., Brunetti B., Vincenzo P. Vapor Pressure and Enthalpies of Vaporization of Cerium Trichloride, Tribromide, and Triiodide // J. Chem. Eng. Data. 2000. V. 45. P. 823.
- Motalov V.B., Dunaev A.M., Tsybert A.O., Kudin L.S., Butman M.F., Krämer K.W. Sublimation Enthalpies of Gadolinium and Thulium Triiodides and Formation Enthalpies of the Molecules LnI₃, Ln₂I₆, and Ln₃I₉ (Ln = Gd, Tm) // Int. J. Mass Spectrometry. 2017. V. 417. P. 29.
- Xiang-Yun W., Tian Zhu J., Goudiakas J., Fuger J. Thermodynamics of Lanthanide Elements IV. Molar Enthalpies of Formation of Y₃⁺ (aq), YCl(cr), YBr(cr), and YI(cr) // J. Chem. Thermodynamics. 1988. V. 20. P. 1195.
- 20. Лежава С.А. Термохимические характеристики трихлоридов и трииодидов иттрия, гольмия, тулия и ионов Y³⁺, Ho³⁺, Tm³⁺ в бесконечно разбавленном водном растворе Автореф. дис. ... канд. хим. наук. М.: МГУ, 1992.
- Дудчик Г.П., Поляченок О.Г., Новиков Г.И. Давление насыщенного пара хлоридов иттрия, празиодима, гадолиния, тербия и диспрозия // Журн. неорг. химии. 1969. Т. 14. 3165.
- 22. Махмадмуродов А., Темурова Н., Шарипов А. Термодинамика парообразования бромидов редкоземельных элементов // Изв. АН Тадж. ССР. Отд. физ. мат., хим. и геолог. 1989. № 1. С. 39.