## АКУСТИКА ЖИВЫХ СИСТЕМ. БИОМЕЛИЦИНСКАЯ АКУСТИКА

УЛК 535.211:534.612

# УЛУЧШЕНИЕ ОПТОАКУСТИЧЕСКИХ ИЗОБРАЖЕНИЙ БИОТКАНЕЙ МЕТОДОМ ОДНОМЕРНОЙ ОБРАТНОЙ СВЕРТКИ С АДАПТИВНОЙ САМОКАЛИБРОВКОЙ В РЕАЛЬНОМ ВРЕМЕНИ

© 2023 г. Е. М. Тиманин<sup>а, \*</sup>, И. С. Михайлова<sup>а</sup>, И. И. Фикс<sup>а</sup>, А. А. Курников<sup>а</sup>, А. В. Ковальчук<sup>а</sup>, А. Г. Орлова<sup>а</sup>, О. А. Угарова<sup>а</sup>, М. Frenz<sup>b</sup>, М. Jaeger<sup>b</sup>, П. В. Субочев<sup>а, \*\*</sup>

<sup>a</sup>Институт прикладной физики РАН, ул. Ульянова 46, Нижний Новгород, 603155 Россия <sup>b</sup>Institute of Applied Physics, University of Bern, Sidlerstrasse, Bern, 53012 Switzerland

\*e-mail: eugene@appl.sci-nnov.ru \*\*e-mail: pavel.subochev@gmail.com

Поступила в редакцию 16.02.2023 г. После доработки 05.05.2023 г.

Принята к публикации 19.05.2023 г.

Предложен метод одномерной деконволюции с использованием регуляризации Тихонова для улучшения трехмерных оптоакустических изображений *in vivo*. Метод использует адаптивную самокалибровку для устранения частотно-зависимых искажений, связанных с распространением и регистрацией ультразвука. Адаптируясь к неоднородным частотным характеристикам исследуемой среды, метод не требует дополнительных калибровочных экспериментов. Время обработки трехмерных оптоакустических данных размером  $200 \times 200 \times 100$  вокселей составляет менее 5 мс, позволяя улучшать ангиографические изображения в режиме реального времени и повышать эффективное пространственное разрешение на более чем 50%.

*Ключевые слова:* оптоакустическая визуализация, улучшение изображений, метод обратной свертки, Тихоновская регуляризация

DOI: 10.31857/S0320791923600750, EDN: CPLOMZ

### 1. ВВЕДЕНИЕ

Фототермальные эффекты в настоящее время объединяют целый ряд направлений научных исследований, основные достижения в которых приведены в обзорных работах [1—7]. Наиболее популярным направлением исследований является оптоакустическая (ОА) визуализация хромофоров биологических тканей [3—7], диагностические возможности которой напрямую зависят от качества ОА изображений.

Задача ОА визуализации пространственного распределения хромофоров неразрывно связана с учетом частотных и геометрических характеристик лазерного источника и ультразвукового приемника, а также особенностей распространения оптического и акустического излучения в исследуемой среде [8]. Методам построения ОА изображений, основанным на модельном описании эффектов, сопровождающих распространение и регистрацию ОА импульсов, посвящено немало работ [9–16]. Однако, повышение качества ОА изображений может быть основано и на феноменологическом учете эффектов, сопровождающих процессы распространения и регистрации ОА импульсов. Характерными примерами являются

эффекты дифракции и затухания ультразвука [17], способствующие подавлению высокочастотных компонент в спектрах ОА импульсов [18]. На ангиографических ОА изображениях данные эффекты могут проявляться, например, как относительное уменьшение контрастности объектов малого диаметра, таких как капилляры. В рамках феноменологических подходов, компенсация эффектов частотно-зависимого затухания может быть достигнута за счет применения алгоритмов машинного обучения [19, 20], а также за счет применения методов обратной свертки [21–24]. В части работ [23, 24] для нахождения фильтра свертки рекомендовалось использовать Тихоновскую регуляризацию.

В нашей работе мы исследуем возможности упрощенного практического применения известных подходов [23, 24], ограничиваясь феноменологическим описанием эффектов, влияющих на спектры оптоакустических сигналов при их распространении и измерении. Вычислять фильтр свертки мы предлагаем с помощью адаптивной самокалибровки, используя в качестве обучающего оптоакустического сигнала один из экспериментальных А-сканов, уже содержащихся в

улучшаемом оптоакустическом изображении [25]. В отличие от работ [23, 24], все экспериментальные данные для нашей работы были получены с использованием ультразвуковой антенны со сверхширокой полосой приема 100 кГц—100 МГц [26].

### 2. МАТЕРИАЛЫ И МЕТОДЫ

#### 2.1. Теория

Рассмотрим изолированный кровеносный сосуд в точке  $\mathbf{r}_0$ , на который производится импульсное лазерное воздействие. В результате локального термоупругого нагрева содержащегося внутри сосуда гемоглобина, рождается волна давления. которая в идеализированном трехмерном случае [5] является в точке  ${\bf r}_0$  симметричным биполярным ОА импульсом  $IR(\mathbf{r}_0, t)$ . Результат измерения той же волны давления ультразвуковым приемником  $A_{\text{scan}}(\mathbf{r}_1, t)$ , расположенным в другой точке  $\mathbf{r}_1$ , может существенно отличаться от  $IR(\mathbf{r}_0, t)$ . На результаты измерения  $A_{\text{scan}}(\mathbf{r}_1, t)$  могут влиять эффекты распространения ультразвуковых волн, а также антенные эффекты – ограниченность апертуры и неоднородная чувствительность в частотной полосе приема. Оставаясь в рамках феноменологического учета эффектов среды и антенны, удобно предположить, что существует фильтр свертки F(t), ответственный за преобразование  $A_{\text{scan}}(\mathbf{r}_1, t)$  в  $IR(\mathbf{r}_0, t)$ :

$$(A_{\text{scan}}F)(t) = IR(t). \tag{1}$$

Для нахождения неизвестного фильтра F(t) длиной N удобно записать свертку двух векторов (1) в дискретной форме в виде системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ):

$$\sum_{j=1}^{N} A_{\text{scan}}(t_{i+1-j}) \times F(t_j) = \left| \sum_{j=1}^{N} A_{ij} \times F_j = IR_i \right| = IR(t_i), (2)$$

где матрица  $A_{ij}$  составлена из компонент вектора  $A_{\text{scan}}\left(t_{i}\right)$  длиной M по типу матрицы Теплица. Поскольку на практике длина А-скана обычно превышает длительность ОА импульсов от отдельных кровеносных сосудов, система (2) как правило является переопределенной (M>N) и для нахождения ее приближенного решения хорошо подходят методы регуляризации. В соответствии с методом Тихонова фильтр F может быть найден как минимум функционала  $\|A\times F-IR\|_{2}^{2}+\beta\|F\|_{2}^{2}$ . С учетом определения нормы  $\|F\|_{2}^{2}=F^{T}\times F$ , получим следующее выражение для искомого фильтра:

$$F = (A^{T} \times A + \Gamma^{T} \times \Gamma)^{-1} \times A^{T} \times IR, \tag{3}$$

где  $\Gamma = \beta \times I$ , I — единичная матрица,  $\beta$  — параметр регуляризации.

## 2.2. Программная реализация

Численный алгоритм (рис. 1), предназначенный для вычисления фильтра F, был реализован нами в пакете MATLAB® (MathWorksInc., USA) и предоставлен в открытом доступе [27]. Для нахождения функции фильтрации Гиспользовалась так называемая самокалибровка, когда в качестве калибровочного сигнала  $A_{\text{scan}}(\mathbf{r}_1, t)$  использовался один из А-сканов улучшаемого ОА изображения (в случае ангиограммы — соответствующий кровеносному сосуду минимального размера, расположенному в фокусе приемной антенны). Идеализированный биполярный импульсный отклик  $IR(\mathbf{r}_0, t)$  формировался в виде вектора размерности M, содержащего две ненулевые компоненты  $(\pm 1)$ . Фильтр свертки F рассчитывался по формуле (3) за конечное число итераций k, в рамках которых осуществлялась оптимизация параметра регуляризации В при фиксированных длинах фильтра N = 3, 4 и 5. В качестве критерия оптимальности использовалась относительная степень сжатия фильтром *F* исходного сигнала:

$$C_k = \frac{\text{FWHM}_0 - \text{FWHM}_k}{\text{FWHM}_0} \times 100\%, \tag{4}$$

где метрика FWHM (Full Width at Half Maximum) — число отсчетов выше уровня ½ от максимума сигнала abs(Hilbert( $A_{\text{scan}}(\mathbf{r}_1, t)F(t)$ )), представляющего собой огибающую обработанного А-скана на каждой итерации k. Оптимизация считалась достигнутой, если увеличение итераций k переставало приводить к увеличению параметра  $C_k$ .

Свертка рассчитанного фильтра F со всеми остальными А-сканами исходного ОА изображения была реализована во временной области. При этом время вычислений на графическом процессоре GPU Nvidia RTX 4090 (4 мс) оказалось примерно в 3 раза меньше аналогичных вычислений на CPU AMD Threadripper 3970X (12 мс).

#### 2.3. Экспериментальная установка

Оптоакустические данные были получены на экспериментальной установке, схема которой приведена на рис. 2. В качестве источника зондирующего излучения использовался лазер Wedge HB (Brignt Solutions, Италия), работающий в импульсном режиме на длине волны 532 нм с длительностью 1 нс. максимальной частотой повторения 2 кГц, максимальной энергией в импульсе 1 мДж. Оптические импульсы доставлялись до объекта через многомодовое оптоволокно NA = 0.22 (Thorlabs, США). Для проведения *in vivo* и фантомных экспериментов была изготовлена сканирующая оптико-акустическая головка, состоящая из сферически-сфокусированного ультразвукового датчика с фокусным расстоянием 7.6 мм и апертурой 8.6 мм (BARI-NN Ltd., Россия) и выхода

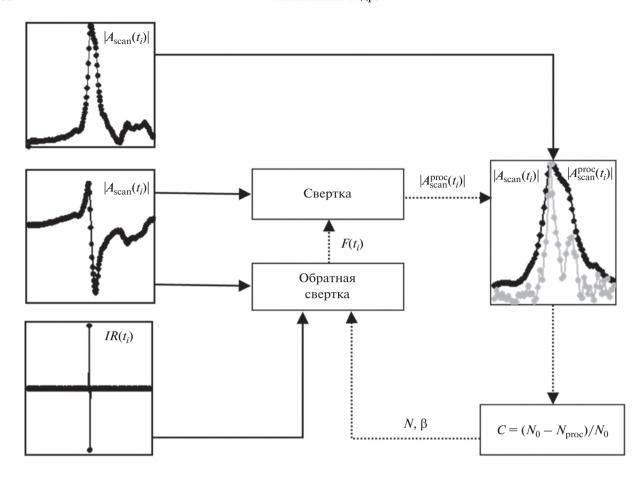


Рис. 1. Алгоритм обработки сигналов.

оптоволокна, закрепленного в центральном отверстии датчика. Сканирующая головка приводилась в движение двумя линейными двигателями M-664 (PI, Германия) внутри иммерсионной камеры, дно которой содержало окно из прозрачной полиэтиленовой пленки толщиной менее 100 мкм, через которое осуществлялся оптический и акустический контакт с объектом исследования. Сигналы с датчика сначала проходили через встроенный усилитель с коэффициентом усиления K=30, а затем подавались на вход 16-рязрядного АЦП (GaGe, США) и записывались на жесткий диск компьютера с частотой 200 МГц.

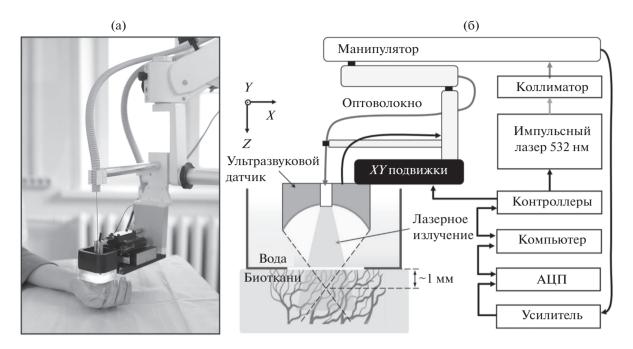
На рис. За представлена импульсная характеристика датчика, полученная после воздействия лазерного импульса на его поверхность. Пример ОА-сигнала, полученного от сосуда в ткани, показан на рис. Зб. Соответствующие спектры показаны на рис. Зв. Сравнение двух сигналов и их спектров демонстрирует, что амплитудно-частотная характеристика акустического датчика является значительно более равномерной, чем частотные характеристики среды в том же частотном диапазоне (до 100 МГц).

#### 2.4. Фантомные и іп vivo эксперименты

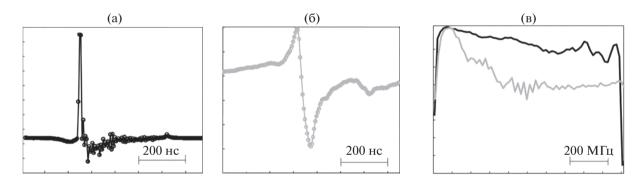
Эффективность работы разработанного алгоритма была продемонстрирована как на фантоме, содержащем светопоглощающие микросферы, так и в *in vivo* эксперименте по визуализации поверхностных сосудов ладони человека. Как в фантомном, так и в *in vivo* эксперименте между пленкой иммерсионной камеры и объектом наносился тонкий слой ультразвукового геля средней вязкости Медиагель (ООО "Гельтек-Медика", Россия).

Фантом, имитирующий ткань, был основан на геле, приготовленном из 88% дистиллированной воды, 4% агар-агара (Sigma Aldrich, США) и 8% липофундина (В. Вгоwп, Германия). Микрочастицы черного полистирола со средним диаметром 15 мкм (Cospheric LLC, США) были рассыпаны в монослой на поверхности отвержденного геля, а затем покрыты слоем того же жидкого геля толщиной 1 мм. Фантом помещался на горизонтальную плоскую поверхность и сканировался в диапазоне 5 × 5 мм с шагом 25 мкм. Фокус ультразвукового датчика при этом был наведен на монослой микросфер.

*In vivo* эксперимент проводился с участием 26-летнего здорового добровольца из группы исследователей. Во время эксперимента рука распо-



**Рис. 2.** Оптоакустическая установка. (а) — Фотография оптико-акустической головки в процессе сканирования сосудов ладони человека. (б) — Схема установки.



**Рис. 3.** (а) — Импульсная переходная характеристика датчика, (б) — пример ОА-сигнала, принятого от сосуда и (в) — соответствующие спектры.

лагалась ладонью вверх так, чтобы исследуемая область возвышения большого пальца была параллельна плоскости сканирования (рис. 2). Ультразвуковой датчик устанавливался так, чтобы его геометрический фокус располагался на глубине 1 мм от поверхности ткани. Область размером 5 × 5 мм сканировалась с шагом 25 мкм. Диапазон диаметров исследуемых сосудов при этом составлял от нескольких десятков микрометров до ~100 мкм.

В ходе экспериментов с добровольцем энергия лазерных импульсов не превышала 100 мкДж, а освещенность на поверхности тканей не превышала 2.5 мДж/см², что находилось в безопасных пределах (20 мДж/см²) по стандартам Американского национального института стандартов (ANSI). Диаметр оптического пятна на поверхности тканей составлял порядка 2.4 мм при расстоянии до

поверхности 6 мм и диаметре сердцевины волокна 400 мкм.

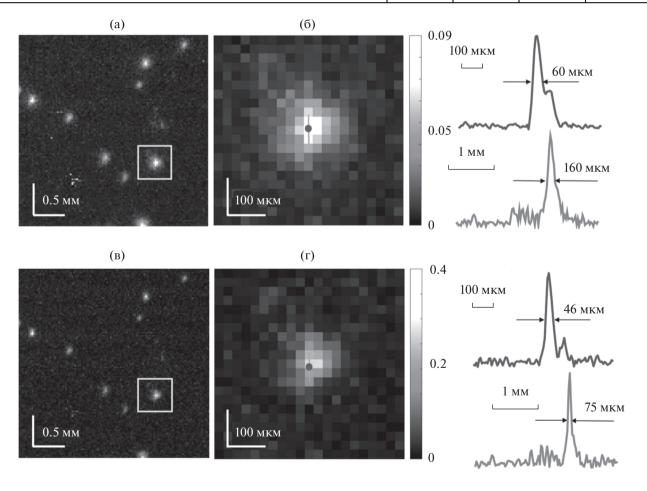
Для обработки были использованы данные из области вблизи геометрического фокуса акустического датчика ( $r = 6700 \pm 375$  мкм). Таким образом, на своем пути к детектору ультразвуковой сигнал проходил через слой фантома толщиной 1 мм, через тонкие слои геля и изолирующей пленки, и через слой воды толщиной около 6 мм.

### 3. РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

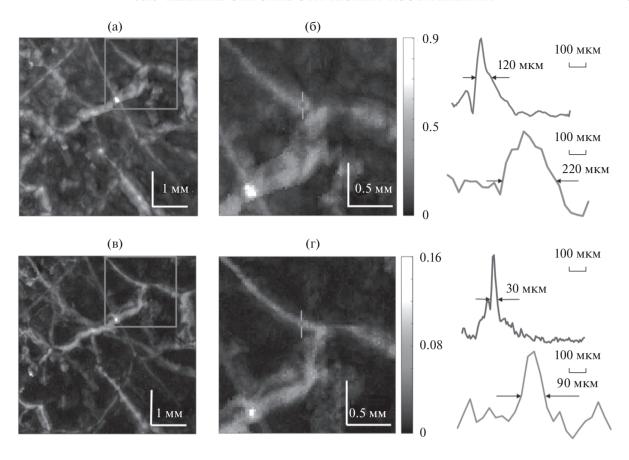
На рис. 4 показаны исходные ОА-изображения сферических включений в фантоме биологической ткани (рис. 4а, 4б) и соответствующие им ОА-изображения после деконволюции (рис. 4в, 4г). Параметры фильтра, подобранные в рамках про-

**Таблица 1.** Количественные характеристики ОА-изображений фантома биоткани и ткани руки человека до и после фильтрации

Способ отыскания фильтра	даптивная самокалибровка	Калибровка по фантому	Оптимизация Фурье-фильтра	Адаптивная самокалибровка
	Ада	Кал	Опл	Ада
Название фильтра	$F_{Ph}$	$F_{Ph}$	$F_{ m F}$	$F_{ m H}$
Объект исследования	Фантом		Рука	,
Исходное значение пикового отношения сигнал/шум, дБ	66.3	54.5		
Эффективный размер объекта до обработки (FWHM $_{ m 0}$ )	7	16		
Значение пикового отношения сигнал/шум после обработки, дБ	66.8	57	56.8	58.3
Эффективный размер объекта после обработки (FWHM)	5	13	12	4
Степень сжатия изображения исследуемого объекта ( $C$ ), $\%$	28.6	18.8	25	75



**Рис. 4.** ОА-изображения сферических включений в фантоме (a, 6) – до и  $(B, \Gamma)$  – после обработки фильтром свертки. На изображениях (6) и  $(\Gamma)$  приведены увеличенные области в окрестности отдельного включения, выделенные на изображениях (a) и (B) рамкой. Графики справа от изображений представляют отмеченные в центре изображений (6) и  $(\Gamma)$  одномерные (B) – Сканы (B) – оси датчика) и профили (B) – оси профили (B) – оси (B) –



**Рис. 5.** ОА-изображения сосудов ладони человека (a, 6) – до (b, r) – после обработки фильтром свертки. На изображениях (6) и (r) приведены увеличенные области в окрестности выбранного обучающего А-скана, выделенные на изображениях (a) и (b) рамкой. Графики справа от изображений представляют отмеченные на изображениях (6) и (r) одномерные А-сканы (b) оси датчика) и профили ОА сигналов в поперечном направлении.

цедуры адаптивной самокалибровки, составили: длина фильтра свертки N=3, параметр регуляризации  $\beta=0.0194$ .

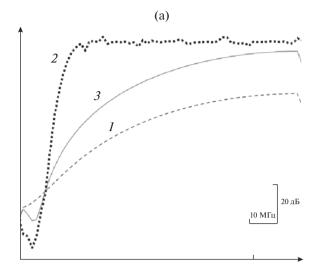
На рис. 5 показаны исходные (рис. 5а, 5б) и обработанные (рис. 5в, 5г) ОА-изображения, полученные в экспериментах на тканях ладони человека *in vivo*. Адаптивная калибровка осуществлялась по А-скану, отмеченному в центре увеличенной области визуализации (рис. 5б), при этом параметры Тихоновской деконволюции составили: N=3,  $\beta=0.0475$ .

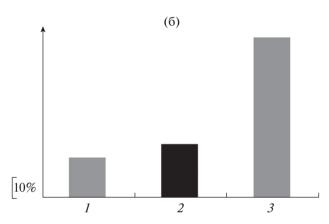
Сопоставление изображений на рис. 5а, 5б и на рис. 5в, 5г, а также исходных (справа от рис. 5б) и преобразованных (справа от рис. 5г) одномерных сканов показывает, что предлагаемая обработка позволяет получить более четкое изображение сосудов за счет сжатия исходных сигналов.

В таблице приведены результаты сравнения различных способов фильтрации:  $F_{\rm Ph}$  и  $F_{\rm H}$  — фильтры свертки, найденные для изображений фантома и руки *in vivo*;  $F_{\rm F}$  — фильтр высоких частот с частотой среза 14.4 МГц, найденной методом деления отрезка пополам в Фурье-области по критерию максимальности сжатия того же "обу-

чающего" А-скана. На рис. 6 представлены частотные характеристики найденных фильтров и соответствующие им степени сжатия исходных сигналов.

Из таблицы и рис. 6 видно, что любой метод обработки обеспечивает повышение пространственного разрешения, но эффективность сжатия изображения объектов оказывается разной. При фильтрации изображения оптимизированным Фурье-фильтром высоких частот, найденным по спектру "обучающего" скана, удается достичь уровня сжатия 25% и получить увеличение отношения сигнал/шум на 2.3 дБ. При использовании фильтра свертки, предварительно найденного на фантоме, имитирующем ткань, степень сжатия изображения сосудов тканей руки составляет всего 19%, а отношение сигнал/шум увеличивается на 2.5 дБ. Наилучшие результаты получаются, когда используется предложенный метод адаптивной самокалибровки, т.е. фильтр свертки определяется непосредственно из "обучающего" А-скана исходного изображения. В этом случае удается достичь пикового сжатия 75-процентного уровня с общей шириной пика в 4 тактовые точки (соот-





**Рис. 6.** (а) — Частотные характеристики найденных фильтров и (б) — соответствующие им степени сжатия. I — фильтр  $F_{\rm Ph}$ , 2 — фильтр  $F_{\rm F}$ , 3 — фильтр  $F_{\rm H}$ .

ветствует размеру сосуда 30 микрон). Отношение сигнал/шум при этом увеличивается на 3.8 дБ.

## 4. ВЫВОДЫ

Одномерная обратная свертка с Тихоновской регуляризацией позволяет компенсировать частотно-зависимые эффекты, проявляющиеся при распространении и регистрации ультразвука, более чем на 50% улучшая пространственное разрешение оптоакустических ангиограмм. Адаптивная самокалибровка устраняет необходимость в предварительных калибровочных экспериментах, расширяя возможность применения оптоакустической визуализации на *in vivo* приложения, требующие повышенной точности измерений в режиме реального времени.

Коллектив соавторов выражает благодарность сотрудникам Института прикладной физики РАН за инженерный вклад в разработку оптоакустического микроскопа, использованного при

проведении исследований: М. Прудникову, В. Воробьеву, В. Казакову, Р. Кобзеву, С. Пожидаеву, В. Котоминой.

Разработка оптоакустического микроскопа и получение экспериментальных данных были поддержаны грантом РНФ (проект № 19-75-10055П). Работы по исследованию возможностей метода Тихоновской деконволюции с адаптивной самокалибровкой и работы по оптимизации программного обеспечения для обеспечения возможности деконволюции реального времени были выполнены в рамках финансовой поддержки Министерства науки и высшего образования РФ по проекту НЦМУ "Центр фотоники" (проект No. 075-15-2022-316). М. Frenz и М. Јаедег выражают благодарность Швейцарскому Национальному Научному Фонду (SNSF) (проект № 205320-179038).

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Proskurnin M.A, Khabibullin V.R., Usoltseva L.O., Vyrko E.A., MikheevI.V., Volkov D.S.* Photothermal and optoacoustic spectroscopy: state of the art and prospects // Physics-Uspekhi. 2022. V. 65. № 3. P. 270—312.
- 2. *Егерев С.В., Симановский Я.О.* Оптоакустика неоднородных биомедицинских сред: конкуренция механизмов и перспективы применения (обзор) // Акуст. журн. 2022. Т. 68. № 1. С. 96—116.
- 3. Attia A.B.E., Balasundaram G., Moothanchery M., Dinish U.S., Bi R., Ntziachristos V., Olivo M. A review of clinical photoacoustic imaging: Current and future trends // Photoacoustics. 2019. V. 16. P. 100–144.
- Deán-Ben X.L., Razansky D. Optoacoustic imaging of the skin // Experimental dermatology. 2021. V. 30. № 11. P. 1598–1609.
- Хохлова Т.Д., Пеливанов И.М., Карабутов А.А. Методы оптикоакустической диагностики биотканей // Акуст. журн. 2009. Т. 55. № 4–5. С. 672–683.
- 6. *Lin L., Wang L.V.* The emerging role of photoacoustic imaging in clinical oncology // Nature Reviews Clinical Oncology. 2022. V. 19. № 6. P. 365–384.
- 7. *Jeon S., Kim J., Lee D., Baik J.W., Kim C.* Review on practical photoacoustic microscopy // Photoacoustics. 2019. V. 15. P. 100–141.
- 8. Gröhl J., Dreher K.K., Schellenberg M., Rix T., Holzwarth N., Vieten P., Ayala L., Bohndiek S.E., Seitel A., Maier-Hein L. SIMPA: an open-source toolkit for simulation and image processing for photonics and acoustics // J. Biomed. Opt. 2022. V. 27. № 8. P. 083010 (1—21).
- 9. Cox B.T., Laufer J.G., Beard P.C., Arridge S.R. Quantitative spectroscopic photoacoustic imaging: a review // J. Biomed. Opt. 2012. V. 17. № 6. P. 061202 (1–22).
- Rosenthal A., Ntziachristos V., Razansky D. Acoustic inversion in optoacoustic tomography: A review // Current Medical Imaging. 2013. V. 9. № 4. P. 318–336.
- 11. *Treeby B.E., Cox B.T.* k-Wave: MATLAB toolbox for the simulation and reconstruction of photoacoustic wave fields // J. of Biomedical Optics. 2010. V. 15. № 2. P. 021314 (1–12).

- 12. Perekatova V.V., Fiks I.I., Subochev P.V. Image correction in optoacoustic microscopy. Numerical simulation // Radiophysics and Quantum Electronics. 2014. V. 57. № 1. P. 67–79.
- 13. Chowdhury K.B., Prakash J., Karlas A., Justel D., Ntzia-christos V. A synthetic total impulse response characterization method for correction of hand-held optoacoustic images // IEEE Trans. on medical imaging. 2020. V. 39. № 10. P. 3218–3230.
- 14. *Hirsch L., Gonzalez M.G., Rey Vega L.* On the robustness of model-based algorithms for photoacoustic tomography: comparison between time and frequency domains // Review of Scientific Instruments. 2021. V. 92. № 11. P. 114901 (1–9).
- 15. Li W., Hofmann U.A.T., Rebling J., Zhou Q., Chen Z., Ozbek A., Gong Y., Subochev P., Razansky D., Deán-Ben X.L. Broadband model based optoacoustic mesoscopy enables deep tissue imaging beyond the acoustic diffraction limit // Laser & Photonics Reviews. 2022. V. 16. № 5. P. 2100381 (1–11).
- 16. Ультразвук в медицине. Физические основы применения / Под. ред. Хилла К., Бэмбера Дж., тер Хаар Г. Пер. с англ. под ред. Гаврилова Л.В., Хохловой В.А., Сапожникова О.А. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. 544 с. ISBN 978-5-9221-0894-2.
- 17. Jin H., Liu S., Zhang R., Zheng Z., Zheng Y. Attenuation compensation for high-frequency acoustic-resolution photoacoustic imaging // 2020 IEEE Int. Symp. on Circuits and Systems (ISCAS). IEEE, 2020. P. 1–5.
- 18. Awasthi N., Jain G., Kalva S.K., Pramanik M., Yalavarthy P.K. Deep neural network-based sinogram superresolution and bandwidth enhancement for limited-data photoacoustic tomography // IEEE Trans. Ultrason. Ferroelectr. Freq. Control. 2020. V. 67. № 12. P. 2660–2673.

- 19. *Kim M.W., Jeng G.-S., Pelivanov I., O'Donnell M.* Deep-learning image reconstruction for real-time photoacoustic system // IEEE Trans. on medical imaging. 2020. V. 39. № 11. P. 3379—3390.
- 20. Yang C., Jiao Y., Jian X., Cui Y. Image deconvolution with hybrid reweighted adaptive total variation (HRATV) for optoacoustic tomography // Photonics. MDPI, 2021. V. 8. № 2. P. 25(1–20).
- 21. Wang J., Zhang C., Wang Y. A photoacoustic imaging reconstruction method based on directional total variation with adaptive directivity // Biomedical engineering online. 2017. V. 16. № 1. P. 1–30.
- Cai D., Li Z., Chen S.L. In vivo deconvolution acoustic-resolution photoacoustic microscopy in three dimensions // Biomedical Optics Express. 2016. V. 7. P. 369

  380
- 23. *van de Sompel D., Sasportas L.S., Jokerst J.V., Gambhir S.S.* Comparison of deconvolution filters for photoacoustic tomography // PLoS ONE. 2016. V. 11. P. 0152597 (1–28).
- 24. *Warbal P., Saha R.K.* Performance comparison of commonly used photoacoustic tomography reconstruction algorithms under various blurring conditions // J. Modern Optics. 2022. V. 69. № 9. P. 487–501.
- Hofmann U.A.T., Li W., Deán-Ben X.L., Subochev P., Estrada H., Razansky D. Enhancing optoacoustic mesoscopy through calibration-based iterative reconstruction // Photoacoustics. 2022. V. 28. P. 100405 (1–8).
- 26. Kurnikov A.A., Pavlova K.G., Orlova A.G., Khilov A.V., Perekatova V.V., Kovalchuk A.V., Subochev P.V. Broadband (100 kHz−100 MHz) ultrasound PVDF detectors for raster-scan optoacoustic angiography with acoustic resolution // Quantum Electronics. 2021. V. 51. № 5. P. 383–388.
- 27. https://github.com/photoacousticsRU/TRDeconv