# ФИЗИЧЕСКАЯ ХИМИЯ ПОВЕРХНОСТНЫХ ЯВЛЕНИЙ

УДК 541.143,541.544

# КИНЕТИКА МНОГОКОМПОНЕНТНОГО МАССОПЕРЕНОСА И ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ КОНЦЕНТРАЦИОННЫХ ВОЛН СОРБИРУЮЩИХСЯ КОМПОНЕНТОВ В МОДЕЛЯХ СОРБЕНТОВ-НАНОКОМПОЗИТОВ

## © 2019 г. А. И. Калиничев<sup>а,\*</sup>

<sup>а</sup> Российская академия наук Институт физической химии и электрохимии им. А.Н. Фрумкина, Москва, Россия

\* *e-mail: kalin\_phyche@mail.ru* Поступила в редакцию 18.10.2018 г. После доработки 18.10.2018 г. Принята к публикации 19.12.2018 г.

Представлены результаты теоретического компьютерного моделирования-исследования сорбционной кинетики много-n(6)-компонентного массопереноса (ММП) в современных сорбционных комбинированных матрицах нанокомпозитах (НК), где активные нуль-зарядные наночастицы, (НЧ<sup>0</sup>) например, металла (Ме<sup>0</sup>) внедрены в процессе синтеза внутрь исходной матрицы ионита, образуя "наносайты". Продемонстрированы визуально примеры много-(n = 6)-компонентных { $X_n(L,T)$ }-концентрационных волн, распространяющихся вдоль расстояния (L) с течением времени (T) при ММП через планарную матрицу селективных бифункциональных НК. Демонстрируются варианты вытеснительного режима (ВР) для ММП в НК при движении концентрационных волн для двух сорбирующихся селективных компонентов в сорбенте в зависимости от различных пара-

метров ММП процесса:  $X_{1,2,6}^0$ -входных концентраций в НК сорбенте и двух  $K_S^{1,2}$ -параметров селективности 1,2-сорбирующихся компонентов. Для визуализации результатов расчета сорбционного процесса ММП разработан дополнительно метод создания научных компьютерных анимаций (названных "НКА.avi" видеофайлы). Компьютерные видеофайлы представляют визуально результаты компьютерного моделирования сорбционной кинетики ММП НК в виде распространяющихся  $\{X_n(L,T)\}$ -много-(n = 6)-компонентных концентрационных волн в современных сорбционных НК-материалах. Концентрационные волны  $n(6)^{\text{ти}}$ -компонентов распространяются через мембрану толщиной (L) с течением времени (T). Демонстрация движения и взаимодействия шестикомпонентных  $\{X_n(L,T)\}$ -концентрационных волн в НК сорбентах на демонстрационном экране визуализирует процесс в создаваемых компьютерных устных презентациях и облегчает его восприятие для научной аудитории.

*Ключевые слова:* НК-сорбенты, НК-модель, агломераты наночастиц, наносайты, концентрационные волны, взаимодействие сорбат—сорбент-компонентов

DOI: 10.1134/S0044453719090073

## введение

В данной работе рассматривается кинетика много-*n*(6)-компонентного массопереноса (ММП) для "расширенной" системы с увеличенной вариантностью (<sup>увел</sup> $k^{(2)} = 6$ ) для шести компонентов-ионов (по сравнению с рассмотренными ранее предшествующими НК-моделями [1–4], где вариантность <sup>пред</sup> $k^{(1)} = 5$ ) в НК: { $X_n(L,T)$ } = = {( $\mathbf{R}_k \mathbf{P}_i$ )<sup>+</sup><sub>*m*(1,2)</sub>,  $\mathbf{P}_{i(3,4)}^+$ ,  $\mathbf{An}_5^-$ (анионы) и  $\mathbf{R}_{k(6)}^0$ -наносайты} (справа от символов приведены индексы, обозначающие номер компонента в ММП НК-системе). Компоненты концентрационной { $X_n$ }-

композиции включены в ММП внутри комбинированной матрицы НК сорбента. Агломераты  $H\Psi^0(Me^0)$  образуют в матрице активные "наноцентры", определенные далее как "наносайты" [1-4].

В результате синтеза внутри НК-матрицы расположены агломераты нуль-заряженных наночастиц (НЧ<sup>0</sup>), где для примера НЧ<sup>0</sup> представляет металл<sup>0</sup> (Me<sup>0</sup>) в матрице НК-ионита (рис. 1а). Агломераты НЧ<sup>0</sup> (Ме<sup>0</sup> для ионитов) обычно внедряются в изучаемую, результирующую, комбинированную планарную матрицу-мембрану НК-сорбента (рис. 1), образованную в результате



Рис. 1. СЭМ-микрофото НК [5] (a); схема ММП <sup>увел</sup> $k^{(2)}$ (6)-НК-модели:  $J_{k,m,P}$ -потоки масс и  $R^0_{k(6)}$ -"наносайты" (штрих) (б). Парные{ $P^+_{i(3,4)}$ ;  $m_{1,2}$ -"сорбат-сорбент"-компоненты; I-ММП-маршрут; II-{ $D_{3-5}$ }, со-маршрут, ( $j = An^-_5$ ) (б).

предварительного экспериментального синтеза при внедрении НЧ<sup>0</sup> [5].

В статье проведено теоретическое компьютерное исследование ММП в кинетическом процессе внутри мембраны комбинированного НКсорбента.

# МОДЕЛЬ МНОГОКОМПОНЕНТНОГО МАССОПЕРЕНОСА В НК-СОРБЕНТАХ

Процесс ММП в матрице современного НК сорбента включает в себя процесс "адсорбции– десорбции" для диффузионно подвижных ( $D_{3,4} > > 0$ ) принципиальных  $P_{i(3,4)}^+$ -компонентов сорбата (из вышеупомянутой n(6)-компонентной { $X_n$ }-композиции) на сорбционно активных центрах  $R_{k(6)}^0$ -"наносайтах" матрицы-мембраны НК-сорбента (рис. 1).

Активные "наносайты"-центры адсорбции (которые вводятся в процессе синтеза НК, см. далее) введены в теоретическое рассмотрение на основе разработанных ранее НК-моделей. Такие предшествующие НК-модели включают композицию с вариантностью  $^{npeg}k^{(1)} = 5$  и с наличием только одного целевого  $P_3^+$ -компонента сорбата [1–4].

В отличие от предшествующих НК-моделей рассмотренная здесь "расширенная" НК-модель имеет увеличенный термодинамический параметр <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -вариантность. Известный из термодинамики неравновесных процессов [6] интегральный, *k*-параметр: вариантность, использованный в данной статье для рассматриваемой в НК ММП системы, характеризует "степень свободы" систем ММП в НК-сорбентах, которые будут рассматриваться далее на основе феноменологического подхода термодинамики неравновесных процессов [6]. Рассмотренная в данной работе "расширенная" n(6)-компонентная <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -НК-модель является более вариативной, а ее принципиальное отличие в том, что "расширенный" вариант <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -НК-модели с  $\{X_n\}$ -композицией включает два  $P_{i(3,4)}^+$ -целевых принципиальных сорбат-компонента (а не один,  $P_i^+$ , как в предшествующих статьях [1–4]).

Рассматриваемая (усовершенствованная) НКмодель с большей <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -вариантностью позволяет рассмотреть взаимодействие в НК-сорбенте двух  $P_{i^{(3,4)}}^+$ -сорбирующихся целевых компонентов на активных  $R_6^0$ -наносайтах бифункциональной НК-матрицы мембраны, для которой иллюстрации и схемы представлены на рис. 1 и рис. 2.

На рис. 1а представлена на СЭМ-микрофото [5] конфигурация экспериментальной, комбинированной НК-матрицы мембраны с включенными внутрь агломератами НЧ<sup>0</sup> (в виде "светлых" точек внутри матрицы, рис. 1а).

В более вариативную n(6)-компонентную, "усовершенствованную" <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -НК-модель включены в рассмотрение два целевых сорбирующихся,  $P_{i(3,4)}^+$ -компонента сорбата. В итоге, разработанная здесь <sup>увел</sup> $k^{(2)}$  (6)-НК-модель обладает увеличенной <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -термодинамической вариантностью (рис. 1б), в то время как предыдущие <sup>пред</sup> $k^{(1)}$ -НК-модели [1–4] обладают пониженной <sup>пред</sup> $k^{(1)}(5)$ -вариантностью (<sup>пред</sup> $k^{(1)} < ^{увел}k^{(2)}$ , и содержат только один сорбирующийся,  $P_3^+$ -компонент-сорбат [1–4].

Представленные на рис. 1 схемы разработанной комбинированной, бифункциональной



Рис. 2. Сток (Ia)-источник (Id) уравнения (1) и (2) (а – адсорбции; d – десорбции) и (3), (4). Пояснения в тексте.

<sup>увел</sup>*k*<sup>(2)</sup>(6)-"НК-модели" реализуют две возможности ММП в НК-сорбенте:

1) "трансформация масс" на селективном ММП НК (I)-маршруте, с участием  $R^0_{k(6)}$ -наносайтов (рис. 16, и рис. 2), а также

2) диффузионный  $(D_{i(3,4)j} > 0, MMП со-марш$ рут, (II), рис. 16) для упомянутой концентраци $онной композиции <math>\{X_n\} = \{(\mathbf{R}_k \mathbf{P}_i)_{(1,2)}^+; \mathbf{P}_{i(3,4)}^+; \mathbf{An}_5^-; \mathbf{R}_{k(6)}^0$ - "наносайты" (рис. 16). В рассматриваемой здесь n(6)-компонентной системе ММП в НК для подвижных  $(D_{3,4} > 0)$  принципиальных  $\mathbf{P}_{i(3,4)}^+$ -компонентов сорбата (см. рис. 16), имеют место: "селективные две реакции (1) и (2) "адсорбции–десорбции" с соответствующими двумя соотношениями (3) и (4) закона действующих масс (3ДM<sub>S</sub>);  $K_S^{1,2}$  – два параметра селективности для принци-

 $K_S^{1,2}$  — два параметра селективности для принципиальных компонентов ( $m_1, m_2 \equiv 1, 2$ ) в НК-сорбенте (см. ниже)

$$\mathbf{R}_{k}^{0} + \mathbf{P}_{i(3)}^{+} \leftrightarrow (\mathbf{R}_{k}\mathbf{P}_{i})_{m1}^{+}, \quad \{m_{1} \equiv 1, i = 3, k = 6\}, \quad (1)$$

 $\mathbf{R}_{k}^{0} + \mathbf{P}_{i(4)}^{+} \leftrightarrow (\mathbf{R}_{k}\mathbf{P}_{i})_{m2}^{+}, \quad \{m_{2} \equiv 2, i = 4, k = 6\}, \quad (2)$ 

и соответствующие ЗДМ<sub>S</sub> соотношения:

$$K_{\rm S}^{\prime} = [\mathbf{R}_{k} \mathbf{P}_{i}]_{m1} / ([\mathbf{R}_{k}^{\circ}][\mathbf{P}_{i(3)}], \{m_{1} \equiv 1, i = 3, k = 6\},$$
(3)

$$K_{\rm S}^2 = [\mathbf{R}_k \mathbf{P}_i]_{m2} / ([\mathbf{R}_k^0][\mathbf{P}_{i(4)}]),$$
  

$$\{m_2 \equiv 2, i = 4, k = 6\},$$
(4)

где  $m_1 \equiv 1, m_2 \equiv 2,$ и  $K_S^{m1} \equiv K_S^1, K_S^{m2} \equiv K_S^2 -$ два коэффициента, характеризующие селективность целевых компонентов " $P_{i(3,4)}$ -сорбат и  $(R_k P_i)_{m(1,2)}$ -НКсорбент" в ММП НК-процессе, а "[]-квадратные" скобки означают соответствующие переменные концентрации компонентов:  $[P_{i(3,4)}]$ ,  $[\mathbf{R}_{k(6)}^{0}], [(\mathbf{R}_{k}\mathbf{P}_{i(3,4)})]_{(1,2)}$  (см. также рис. 2). Далее парные соотношения реакций (1) и (2), а также сопутствующие ЗДМ<sub>S</sub> (3), (4)-соотношения для сорбат( $[\mathbf{P}_{i}]$ )-сорбент $[\mathbf{R}_{k}\mathbf{P}_{i}]_{m(1,2)}$  и  $[\mathbf{R}_{k(6)}]$ ) – концентраций в рассматриваемой <sup>увел</sup> $k^{(2)}$ (6)-НК-модели имеют место (1) и (2), а также схему на рис. 2.

Целевые { $P_{i(3,4)}$ }-компоненты сорбата, вступают в "парные" реакции (1) и (2), а именно, "прямые" (адсорбция  $\rightarrow$ , вправо): и "обратные (десорбция  $\leftarrow$ , влево): с активными" наносайтами,  $R_{k(6)}^{0}$  в НК (рис. 16 и (1), (2)). В результате парных ( $\leftarrow$ обратных) (1) и (2)-реакций десорбции (1), (2) для ( $R_{k}^{0}P_{i}$ )<sup>+</sup><sub>(1,2)</sub>-компонентов—"комплексов" при десорбции в НК-сорбенте образуются фиксированные  $R_{k(6)}^{0}$ -наносайты, выполняющие роль сорбента (1<sup>-е</sup> слагаемое в (1), (2)), а также целевые подвижные ( $D_{3,4} > 0$ ),  $P_{i(3,4)}$ -компоненты сорбата (второе слагаемое в (1), (2)).

Двум парным реакциям (1), (2) соответствуют законы действующих масс (3ДМ<sub>S</sub>) [6], которые представлены количественно двумя 3ДМ<sub>S</sub>-соотношениями (3), (4), выраженных посредством  $[R_kP_i]_{m(1,2)}; [P_{i(3,4)}]$  и  $[R_k^0]$ -концентраций целевых компонент—участников процесса адсорбции (Ia)-десорбции (Id) сорбирующихся ( $[R_kP_i]_{m(1,2)};$  $i_{3,4}; k_6$ )-принципиальных компонентов (рис. 2) в двух реакциях (1) и (2). Два 3ДМ<sub>S</sub> соотношения (3), (4) определяют два  $K_S^{m(1,2)}$ -коэффициента селективности, которые задают вытеснительное поведение целевых  $X_{1,2,6}(L,T)$ -концентрационных волн, показанное как результат компьютерного моделирования—исследования для принципиальных 1,2,6-компонентов (см. далее).

На многодиффузионном  $\{D_{3-5}\}$ ММП НК (II)со-маршруте, сопутствующем "трансформации масс" на селективном (I)-маршруте (рис. 16), проходит процесс многокомпонентной  $\{D_{3-5}\}$ диффузии, а именно, диффузия ( $D_{3,4} > 0$ ) подвижных  $P_{i(3,4)}$ -компонентов сорбата, ссовместно с несорбирующимися, но диффундирующими анионами ( $An_{5}^{-}$ ) в порах НК-мембраны (где  $\{D_{3-5} > 0\}$ , рис. 16).

Диффузионные  $J_{Pi}$ -потоки ( $P_{i(3,4)}^+$ , рис. 16) в порах НК-сорбента-мембраны) описываются классическими соотношениями Нернста–Планка [1– 4, 6] с учетом влияния электрического поля. Диффузионный ММП со-маршрут, II (рис. 16) для подвижных ( $D_{3,4} > 0$ ) принципиальных  $P_{i(3,4)}^+$ -компонентов сорбата (рис. 16) включает несорбирующиеся (но диффундирующие,  $D_5 > 0$ , ( $An_5^-$ -анионы), где в качестве одного из примеров НК здесь рассматривается шестикомпонентная <sup>увел</sup> $k^{(2)}$ (6)-НК-модель ионита, содержащая в матрице НК агломераты нуль-зарядных НЧ<sup>0</sup> металла (Me<sup>0</sup>, рис. 1).

Кардинальным для рассматриваемого процесса ММП является компонент  $R^0_{k(6)}$ -"наносайты" [1–4], которому в рассматриваемой здесь n(6)компонентной <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -НК-модели целенаправленно приписывается роль активных  $R^0_{k(6)}$ -наносайтов сорбента (рис. 1). Агломераты НЧ<sup>0</sup> (активные центры  $R^0_{k(6)}$ -наносайты) введены в рассмотрение в НК-модели ранее, и названы "наносайтами" [1–4], расположенными в матрице НК (рис. 1а).

Наносайты обозначены для <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -НК-модели в системе ММП НК под наибольшим номером: шестой компонент ( $\mathbf{R}^{0}_{k(6)}$ ). Принципиальный шестой компонент  $\mathbf{R}^{0}_{k(6)}$  ("наносайты") выделен на рис. 1б (штрихованные "области"), а также на рис. 2. Ключевой  $\mathbf{R}^{0}_{k(6)}$ -компонент играет роль сорбента для принципиальных подвижных ( $D_{3,4} > 0$ )  $\mathbf{P}^{+}_{i(3,4)}$ -компонентов сорбата, фиксирован в НК-матрице, и потому не диффундирует ( $D_{6} = 0$ ) в процессе ММП в НК (см.  $\mathbf{R}^{0}_{k(6)}$ , рис. 1, 2). Тем не менее следует подчеркнуть, что концентрационные  $X_{k(6)}(L,T)$ -волны фиксированно-

го ( $D_6 = 0$ )  $R^0_{k(6)}$ -компонента распространяются в НК-матрице (см. рис. 3). Это атипичное распространение  $X_{k(6)}(L,T)$ -концентрационных волн будет визуально представлено в заключение и объяснения будут даны.

Процесс ММП в НК рассматривается в данной системе шестикомпонентной  $\{X_n\}$ -композиции (см. выше) с учетом "адсорбции—десорбции" на ММП (I)-маршруте диффундирующих и сорбиру-

ющихся  $P_{i(3,4)}^+$ -принципиальных компонентов (см. рис. 2).

Комбинированный процесс с двумя (I,  $K_{\rm S}^{1,2}$ -селективный) и (II, { $D_{3-5}$ }-многодиффузионный) со-маршрутами ММП в НК изображен схематически на рис. 1б, и рис. 2, где соответственно "штрихованные области" есть активные  $R_{k(6)}^0$ -"наносайты" (т.е. НЧ<sup>0</sup>-агломераты).

Применение разработанных ранее [1-4] и усовершенствованной здесь бифункциональной НК-модели ММП (с расширением прежней термодинамической <sup>пред</sup>  $k^{(1)}(5)$ -вариантности с одной "парой" принципиальных  $\{P_3 и (R_k P_3)_1^+\}$  "сорбат сорбент" компонентов [1-4] до усовершенствованной здесь <sup>увел</sup>  $k^{(2)}$  (6)-НК-модели с двумя парами компонентов, а именно: диффундирующими  $P_{i(3,4)}$  (где  $D_{3,4} > 0$ ) и фиксированными { $(R_k P)_i)_{1,2}^+$ } (где  $D_{1,2} = 0$ )-компонентами. Таким образом, два подвижных Р<sub>i(3,4)</sub>-сорбат компонента и два фиксированных  $(\mathbf{R}_{k}\mathbf{P}_{i})_{1,2}^{+}$ -компонента вместе с  $\mathbf{R}_{k(6)}^{0}$ -наносайтами сорбента составляют группу принципиальных 1-4,6-компонентов в <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -НКмодели (рис. 1б). Один диффузионно подвижный  $An_{5}^{-}$ -компонент (анионы) из { $X_{n}$ }-композиции не участвует в сорбционном ММП процессе (маршрут, I) в НК. Однако, этот An<sub>5</sub>-компонент играет важную роль в ММП процессе: он диффузионно подвижен ( $D_5 > 0$ ) и участвует в стремлении ММП НК-системы к поддержанию электронейтральности в порах НК.

Участие принципиальных компонентов: ( $\mathbf{R}_{k(6)}\mathbf{P}_{i}^{+}_{1,2}$ ;  $\mathbf{P}_{i(3,4)}^{+}$  и  $\mathbf{R}_{(6)}^{0}$  с учетом ЗДМ<sub>S</sub> соотношений (3), (4) (см. выше) приводит к { $K_{\mathbf{S}}^{1,2}$ }-селективной сорбционной "трансформации масс" для принципиальных пяти ( $\mathbf{P}_{i(3,4)}^{+}$ -сорбат, ( $\mathbf{R}_{k}\mathbf{P}_{i}^{-}_{1,2}$ -сорбент и  $\mathbf{R}_{k(6)}^{0}$ -компонентов (рис. 16).

Далее будет показано, что "трансформация масс" на селективном (I)-маршруте (посредством двух (1) и (2), реакций адсорбции—десорбции и двух соответствующих  $3ДM_s$ , (3) и (4)-соотношений см. рис. 2) приводит к необычному распространению  $X_{1,2,6}$ -концентрационных волн недиффундирующих 1,2,6-компонентов (где  $D_{1,2,6} = 0$ ) через матрицу НК (см. рис. 3а,6, демонстрирующие движение  $X_{1-4,2,6}(L,T)$  концентрационных волн, (см. кривые 1 (пунктир), 2 (сплошная) и 6 (штрих-пунктир): движение во времени (от  $T^1$  к  $T^3$ ) и вдоль L по горизонтали (к выходу, L = 0 от входа, L = 1) на рис. 3а,6.



**Рис. 3.** Движение  $X_{1-4,6}(L,T)$ -волн, со временем *Т*:  $T^{1,3}$ -серии (a; б). ВР для  $X_{1,2,6}(L,T)$ -волн в НК  $X_6$ -интегральная  $R_{k(6)}$ -волна. Рисунки-фреймы для  $\{X_{1-4,6}(L,T)\}$ -волн.  $\{D_3 = 0.1; D_4 = 0.055; D_5 = 0.02\}$ . Селективности  $(K_S^{1,2})$ .  $X_{1,2}^0$ -концентрации на входе; безразмерные параметры: L,  $(T^3 > T^1)$ ,  $K_S^{1,2}$ ,  $\{D_{3-5}\}$ ,  $X_n$ . Пояснения в тексте.

На основе разработанной <sup>увел</sup>k<sup>(2)</sup>(6)-НК-модели, и соответствующего механизма трансформации масс: "сток-источник" (рис. 2), а также уравнений материального ММП неравновесной термодинамики [6] реализовано компьютерное решение уравнений, включенных в численное моделирование ММП НК-процесса.

Численное компьютерное моделирование (на основе математического метода "прогонки" с применением многократных итераций [1–4]) осуществлено для представленной n(6)-компонентной сорбционной НК ММП системы, которая основана на описании процесса шестью кинетическими дифференциальными уравнениями материального баланса (система уравнений баланса масс с вариантностью  $k^{(1)} = 5$  даны ранее в [1–4]).

При компьютерном моделировании в данной работе в дифференциальные n(6)-уравнения материального баланса включены принципиальные характеристики и параметры (безразмерные) усовершенствованной <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -НК-модели (см. рис. 2 и 3).

#### МЕХАНИЗМ СТОК-ИСТОЧНИК И ТРАНСФОРМАЦИЯ МАСС

На рис. 16 и рис. 2 изображены две стадии реакции (1): адсорбции ("прямая", Іа на рис. 2), и ("обратная", Іd (рис. 2) для селективного ММП (I)-маршрута и для одного из двух принципиаль-

ных  $P_{i(3,4)}^+$ -компонентов сорбата (Ia, Id, рис. 2).

Дополнительно на рис. 2 записано уравнение реакции (1), (2) (с индексами  $\{i_{3,4}; m_{1,2} \text{ (где } m_1 \equiv 1; m_2 \equiv 2)\}$ ) и соответствующее соотношение  $K_S^{1,2}$ -ЗДМ<sub>S</sub> (3). На рис. 2, возле уравнения (1) указано соответствие стрелок в реакции (1) – упомянутым стадиям: Іа, адсорбции и Іd, десорбции.

Другая "пара индексов –  $\{i_4; m_2\}$ " в уравнении реакции (2) и соответствующее  $K_S^2 - 3 ДM_S$  соотношение (4) отражены на рис. 2, и этот вариант полностью идентичен изображенному при замене:  $\{m_1, i_3\}$  на  $\{m_2, i_4\}$ , где  $m_1 \equiv 1; m_2 \equiv 2$ .

Таким образом, следующее объяснение (для реакции (1), (2) и  $K_{\rm S}^{1,2}$ –ЗДМ<sub>S</sub>-соотношения (3) полностью применимо и для другого рассматриваемого случая: второй реакции (2) и соответству-

ющего  $K_s^2$ –3ДМ<sub>s</sub>-соотношения (4): на селективном ММП-маршруте (I, рис. 16, и рис. 2) в результате использования двух реакций (1), (2) для каждого из двух целевых  $P_{i(3,4)}$ -компонентов сорбата происходят две стадии реакции (1), (2) изображенной (для компонента  $m_1 \equiv 1, m_2 \equiv 2$ ) на рис. 2: "адсорбция" (Ia, на рис. 2), и "десорбция (Id, на рис. 2).

На рис. 2 приведена схема работы механизма: сток (Ia) – источник (Id) на примере уравнения реакции (1), (2) и соответствующего  $K_{\rm S}^{1,2}$ –ЗДМ<sub>S</sub> соотношения (3), (4) (см. рис. 2, справа, внизу в рамке).

В двух реакциях (1) и (2) при участии  $R_{k(6)}^0$ , компонента в результате адсорбции (где  $[R_{k(6)}^0]$ -"убывает") компонент  $R_{k(6)}^0$  играет роль: "*k*-стока (Ia) на рис. 2), где происходит переход адсорбция (Ia, см. (1), (2) рис. 2) из "свободного"  $R_{k(6)}^0$ -компонента в "связанный,  $(R_k P_3)_{m(1,2)}^+$ -комплексы" (рис. 2, (Ia)), а затем обратно при десорбции (Id), (рис. 2, (Id)).

"Трансформация *k*-масс" на маршруте (I) происходит для любой из стадий (Ia и Id, рис. 2): "селективных реакций (1), (рис. 2) с учетом соответствующего"  $K_{\rm S}^{1,2}$ -ЗДМ<sub>S</sub> соотношения (3), (4) (внизу справа в рамке) для каждой пары: { $m_1$ ;  $i_3$ } (1) или { $m_2$ ;  $i_4$ } (2) из четырех участников { $m_{(1,2)}$ ; P<sub>*i*(3,4)</sub>} ММП в НК сорбционного процесса.

Обратный переход (Id) в уравнении реакции (1) (рис. 2) от " $(\mathbf{R}_k \mathbf{P}_i)_{m1}$ -компонента в"  $\mathbf{R}_{k(6)}^0$ ; ( $\mathbf{P}_i$ )<sup>+</sup>-компоненты в (1) при десорбции, ведет к тому, что [ $_{k(6)}\mathbf{R}^0$ ]-"возрастает" и тогда к нему применяется термин [6] "k-источник", (Id) на рис. 2.

Совместный механизм "сток-источник" [6] наглядно изображен на рис. 2 для  $m_{1,2}$ -компонентов (где "k-сток" (Ia)-слева от вертикали), а "k-источник" (Id)-справа от вертикали на рис. 2.

Как было указано ранее действия механизма "сток-источник" для уравнений реакции (2); (4) – демонстрируются на том же рис. 2, если заменить индексы  $\{m_1; i_3\}$  (рис. 2) на индексы  $\{m_2; i_4\}$  для реакции (2) и  $K_8^2$ -ЗДМ<sub>8</sub> (4).

В итоге созданная  $n(6^{\text{ти}})$ -компонентная <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -модель ММП в НК приобретает механизм "трансформации масс", называемый в неравновесной термодинамике [6] "сток (Ia) – источник (Id)", и представленный на рис. 2.

В соответствии с выше приведенным объяснением "темные стрелки" (направленные "вверх", слева от вертикали) показывают уменьшение массы  $\mathbf{R}_{k(6)}^{0}$ -компонента, за счет перехода части *k*-массы в состав  $(\mathbf{R}_{k}^{0}\mathbf{P}_{i})_{m^{1/2}}$ -"комплекса".

Наоборот, "темные стрелки" (направленные "вниз", справа от вертикали", рис. 2) показывают увеличение массы  $R^0_{k(6)}$ -компонента, за счет Id, (десорбции и "распада ( $R^0_k P_i$ )<sub>m1</sub>-комплексов"), и следовательно показывают соответствующий переход части *k*-массы обратно в "свободное состояние"  $R^0_{k(6)}$ -компонента (см. рис. 2).

Механизм "сток-источник" [6] на (I)-маршруте ММП влияет на направления  $J_k(I)$ ,  $J_p(I)$ ;  $J_m(I)$ -потоков масс компонентов следующим образом (рис. 2):

а) на этапе адсорбции (Ia) в реакции (1) соотношения для потоков  $k_{(6)}, i_3, m_{1,2}$ -компонентов принимают вид:  $J_k$ (Ia) < 0;  $J_{i(3)}$ , (Ia) < 0;  $J_{m(1,2)}$  (Ia) > 0, (см. рис. 2, слева от вертикали – "сток" k-масс);

б) на этапе десорбции (Id) в реакции (1) соотношения для потоков  $k_6, i_3, m_{1,2}$ -компонентов принимают вид:  $J_{k(6)}(Id) > 0; J_{i(3,4)}, (Id) > 0; J_{m1,2}(Id) < 0$  (см. рис. 2, справа от вертикали, "источник" k-масс).

Ключевой и принципиальный для моделирования ММП в НК  $R^0_{k(6)}$ -компонент ("наносайты") замыкает рассматриваемую n(6)-компонентную ММП НК систему и определяет наличие "адсорбции (Ia)—десорбции (Id)" на рис. 2 (см. объяснение выше). Естественно, что  $R_{k(6)}$ -компонент определяет возможность реализации компьютерного расчета с использованием важнейшего механизма неравновесной термодинамики [6] "сток-(слева от вертикали (адсорбция), темная стрелка вверх); источник (справа от вертикали (десорбция), темная стрелка вниз)" (рис. 2).

Далее компьютерный расчет шести кинетических дифференциальных уравнений ММП в НК планарной матрице-мембране (рис. 16 и рис. 2) с учетом реакций (1), (2) и ЗДМ<sub>S</sub> (3),(4) соотношений представляет как результат распространяющиеся  $X_{1-6}(L,T)$  концентрационные волны (во времени *T*, и в *L*-пространстве, см. компьютерные расчетные волны на рис. 3.

В процессе компьютерного моделирования (численного расчета) учитываются (включаются) механизмы  $k^{(2)}(6)$ -НК модели, такие как "трансформация масс" в реакциях (1) и (2), "сток—источник", (рис. 2) в бифункциональной (с наличием двух ММП (I) и (II)-со-маршрутов) в НК матрице (рис. 16 и рис. 2).

В результате перечисленных механизмов и уравнений в среде, НК-матрице распространяются недиффундирующие (так как  $D_{1,2,6} = 0$ ), и принципиальные  $\{X_{1,2,6}(L,T)\}$ -концентрационные волны, которые по типу их движения можно

назвать "атипичными" или необычными" (рис. 3,  $T^{1,3}$ -серии; распространяющиеся  $X_{1,2,6}(L,T)$ -концентрационные волны).

#### ОПИСАНИЕ КИНЕТИКИ ММП СОРБЦИОННОГО ПРОЦЕССА И НК-МОДЕЛЬ

Феноменологическая бифункциональная НКмодель ММП содержит в малом объеме большое количество активных НК ( $\mathbf{R}_{k=6}^{0}$ )-"наносайтов", которые играют в теоретическом рассмотрении кардинальную роль НК-сорбента. Компонент  $R^{0}_{k(6)}$  намеренно включен в авторскую НК-модель, здесь и ранее [1-4]. Активные  $R^0_{k(6)}$ -"наносайты" являются центрами селективной ( $K_s^{1,2}$ ) адсорбции-десорбции (селективный ММП маршрут, I) по отношению к принципиальным двум диффузионно подвижным  $P_{i(3,4)}^+$ -компонентам сорбата в НК (см. рис. 16 и рис. 2).

Из соотношений ЗДМ<sub>s</sub> реакций (1), (3) и (2), (4) следует, что пять принципиальных компонент:  $(\mathbf{R}_{6}\mathbf{P}_{i})_{m(1,2)}$  и  $\mathbf{R}_{k(6)}^{0}$  (а также диффузионно подвижные ( $D_{3,4} > 0$ ),  $P_{i(3,4)}^+$ -компоненты) принимают активное участие в селективном ММП (I)маршруте (где ЗДМ<sub>S</sub>-соотношения (рис. 2) играют существенную роль, благодаря  $K_{\rm S}^{1,2}$ -факторам селективности.

Ясно также, что только два диффузионно подвижных ( $D_{3,4} > 0$ ), принципиальных  $P_{i(3,4)}^+$ -компонента принимают участие одновременно в двух со-маршрутах ММП НК: (I), селективный ( $K_{s}^{1,2}$ ) и (II), {*D*<sub>3-5</sub>}-многодиффузионный (рис. 1б).

Принципиальные, диффундирующие и сорбирующиеся Р<sub>i(3,4)</sub>-компоненты сорбата обладают различной  $K_{S}^{1,2}$ -селективностью ( $K_{S}^{1} > K_{S}^{2}$ ) в соответствии с приведенными (выше в тексте) ЗДМ<sub>s</sub>соотношениями (3), (4) и (рис. 2).

Естественно, что величины  $K_{\rm S}^{1,2}$ -селективно-стей (3), (4) сильно влияют на сорбируемость  $\{(P)_{i(3,4)}^{+}$ -сорбат и  $(R_k P_i)_{1,2}^{+}$ -сорбент $\}$ -компонентов, а также и на поведение соответствующих принципиальных {X<sub>1-4,6</sub>}-концентрационных волн (рис. 3). В ряде случаев "атипичное" поведение продемонстрировано на рис. За, для X<sub>1.2.6</sub>-концентрационных волн, полученных в результате компьютерного моделирования-исследования.

Благодаря наличию различных величин селективностей ( $K_{\rm S}^1 > K_{\rm S}^2$ ) для специфических, необычных и недиффундирующих  $X_{1,2,6}(L,T)$ -концентра-

ционных волн, (так как  $D_{1,2,6} = 0$ , но тем не менее распространяющихся) возникает вытеснительный режим (ВР) в НК-планарной матрице, где 1 – вытеснитель, а 2 – вытесняемый компоненты на рис. За.

Для сорбционной ММП НК-кинетики визуально продемонстрировано распространение атипичных X<sub>126</sub>-концентрационных волн посредством созданных многоцветных научных компьютерных анимаций (НКА) на конференциях и симпозиумах. Здесь (вместо анимаций на устных презентациях) на рис. 3 представлены "остановленные видеоизображения" по две рамки-фрейма (т.е. кадры изображений из НКА анимаций) в тексте статьи на каждой из двух "вертикалей" на рис. 3.

Профили распространяющихся  $X_{1-4,6}(L,T)$ концентрационных волн во времени (Т) и пространстве (L) наглядно (т.е. в движении) представлены на рис. 3 (а, б) при различных значениях параметров НК-модели  $\{K_{\rm S}^{1,2}; X_{1,2,6}^0$  и  $D_{3-5} > 0$  см. подрисуночные подписи $\}$ .

Причина "атипичного, и необычного" поведения недиффундирующих  $\{X_{1,2,6}(L,T)\}$ -концентрационных волн (рис. 3, где  $D_{1,2,6} = 0$ ) состоит в комбинированном свойстве, выражаемом бифункциональностью (т.е. наличием (I) и (II) сомаршрутов ММП в НК, см. рис. 1б, и рис. 2).

Комбинация двух рассматриваемых ММП сомаршрутов в НК-матрице, а именно со-маршрутов: Селективный, (I) и (II), "Многодиффузионный" (( $D_{3-5} > 0$ ) ведет к "трансформации масс" (рис. 1б и 2), которая включает и обуславливает их поведение с распространением {Х1,2,6}-атипичных волн (рис. 3)).

Таким образом, в данной работе современное компьютерное моделирование кинетики ММП НК-процесса, основанное на принципах термодинамики неравновесных процессов [1-4, 6-8], дает приближенное математическое компьютерное решение феноменологических дифференциальных ММП НК-уравнений, выраженных *n*(6)уравнениями (в частных производных), включая предложенную n(6)-компонентную <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -НКмодель для бифункциональной ММП НК-системы в комбинации с введением двух упомянутых (I) и (II)-ММП со-маршрутов (рис. 16 и рис. 2).

В соответствии с данным ранее определением  ${X_n(L,T)}$ -волн на рис. За ( $_aK_S^1 = 400$ ); б( $_6K_S^1 = 320$ ) распространение вдоль L-расстояния в НК-мембране ( $0 \le L \le 1$ , проходит в направлении к выходу из НК-матрицы (где L = 0, см. рис. 3).

#### ВОЛНОВАЯ W-КОНЦЕПЦИЯ МНОГОКОМПОНЕНТНЫХ КОНЦЕНТРАЦИОННЫХ ВОЛН

В представлении результатов моделирования используется фундаментальная волновая (W)концепция термодинамики неравновесных процессов [6–8]. Здесь уместно определить понятие "распространение концентрационных  $X_n(L,T)$ волн", следуя фундаментальной работе [9], как, "распространение возмущения (т.е. здесь "концентраций") в среде, (в НК-*L*-матрице) с течением времени (*T*)".

В данной работе на основе волновой (W)-концепции изучается взаимодействие многокомпонентных,  $\{X_{n}(L,T)\}$ -концентрационных волн n(6)компонентов при их распространении через планарную НК-мембрану (см. схему на рис. 1б). Здесь, а также, особенно, в устных презентациях [1-4, 10, 11] распространение взаимодействующих  $\{X_n(L,T)\}$ -концентрационных волн n(6)-компонентов демонстрируется на основе разработанного и использованного ранее метода визуализации [1-4, 10, 11], в котором после компьютерной обработки численных результатов моделирования создаются многоцветные научные компьютерные анимации (НКА), с использованием различных цветов для каждого из рассматриваемых n(6)-компонентов в многоцветных НКА.avi-видеофайлах.

Упомянутый метод визуализации используется около 15 лет на различных научных семинарах, а также на международных и Всероссийских конференциях [1, 10, 11].

Фундаментальная феноменологическая (W)-"волновая" концепция многокомпонентных  ${X_n(L - \text{расстояние}, T - \text{время})}$ -концентрационных волн широко используется в термодинамике неравновесных процессов [6–8] во многих родственных научных областях для теоретического описания многокомпонентного транспорта в кинетике и динамике M сорбционных систем ММП. Волновая W-концепция распространяющихся  ${X_n(L,T)}$ -волн, и ее использование в многокомпонентной кинетике и динамике сорбции подробно рассматривается в работах [1–4, 7, 8].

Интерференция-взаимодействие недиффундирующих, (ввиду отсутствия коэффициентов диффузии,  $D_{1,2,6} = 0$ ), но при этом распространяющихся { $X_{1,2,6}(L,T)$ }-концентрационных волн приносит (в рассмотренных фронтальных режимах, на рис. 3) "хроматографический" вытеснительный режим (ВР) в поведение двух интерферирующих волн, а именно: поведение  $X_1(L,T)$ волны *1*-вытеснителя (пунктир), и  $X_2(L,T)$ -концентрационной волны вытесняемого 2 – компонента (сплошная) на рис. За.

Необычные, недиффундирующие (но тем не менее, распространяющиеся)  $X_{1,2,6}(L,T)$ -волны рас-

считаны в результате примененной здесь разработанной <sup>увел</sup> $k^{(2)}(6)$ -модели НК ММП (рис. 16, рис. 2) и компьютерного численного моделирования.

#### РЕЗУЛЬТАТЫ МОДЕЛИРОВАНИЯ И ОБСУЖДЕНИЕ

В компьютерном моделировании кинетического ММП процесса через планарную НК-мембрану (рис. 1б) реализуется переменная  $[R^0_{k(6)}]$ концентрация, где волновые  $X_6$ -кривые, (штрихпунктир) показаны в принципиальной сорбционной  $X_{k(6)}(L,T)$ -концентрационной волне 3а.

Концентрационная  $X_6(L,T)$ -волна в области безразмерных нормированных концентраций ( $1 \ge X_6(L,T)$ )  $\ge 0$ ) для "свободных"  $\mathbb{R}^0_{k(6)}$ -"наносайтов" (рис. 3, кривые 6, штрих-пунктир) носит интегральный характер с плавным, ниспадающим (от 1 до 0)  $X_{k(6)}(L,T)$ -профилем (см. интегральные кривые 6, штрих-пунктир на рис. 3.

Движение  $X_6(L,T)$ -волны для двух вариантов (а, б) осуществляется к выходной плоскости (к L = 0, рис. 3). Скорость этой  $X_6(L,T)$ -интегральной волны тем больше, чем больше величина  $K_{\rm S}^1$ -селективности 1-вытеснителя (в частности  $_{\rm a}T^3 = 12 <_6 T^3 = 18$ , где  $_{\rm a}K_{\rm S}^1 = 400 > _6 K_{\rm S}^1 = 320$ ).

Физический смысл возникновения и распространения такой "интегральной"  $R_{k(6)}^0$ -волны (в  $T^{1,3}$ -серии; рис. За ( $_aK_s^1 = 400$ ); ( $_6K_s^1 = 320$ ) кривые 6, штрих-пунктир) понятен – это результат изменения ("трансформации масс" компонентов, рис. 2) концентраций принципиальных составляющих { $m_{1,2}$ ;  $P_{i(3,4)}$ ;  $R_{k(6)}^0$ } в процессе адсорбции(Ia)-десорбции(Id) для двух ЗДМ<sub>S</sub>-реакций (1) и (2) и соответствующих соотношений ЗДМ<sub>S</sub> (3), (4),  $K_s^{1,2}$ , см. также рис. 2). Принципиально важный результат, связанный с распространением атипичных (необычных)  $X_{1,2}(L,T)$ -волн визуально подтверждается наличием "интегральной кривой, 6" (штрих-пунктир)  $X_{k(6)}$ , распространяющейся в пространстве (L) с течением времени (см. рис. За,6,  $T^{1,3}$ -серии).

Движение во времени  $T^{1,3}$  (сверху–вниз) сопровождается наличием ВР для принципиальных  $X_{m(1,2)}$ -концентрационных волн в сорбенте: 1 – вытеснитель (пунктир), 2 – вытесняемый компонент (сплошная), где 1, 2 – принципиальные, сорбирующиеся и недиффундирующие ( $D_{1,2} = 0$ ) компоненты.

Сравнение  $X_{1,2}$ -профилей на рис. 3 показывает кардинальное влияние  $K_{\rm S}^1$ -селективности 1-вытеснителя не только на эффективность ВР (где  $X_2^{\rm mx}$ -концентрация пика), но также и на время- $(T^3)$  процесса ММП в HK.

При визуальном сравнении рис. За и 3б очевидно, что процесс ВР в случае За-варианта  $(_{a}K_{S}^{1} = 400)$  проходит не только намного быстрее:  $_{a}T^{3}(12) \leq _{6}T^{3}(18)$ , чем в 36-варианте ( $_{6}K_{S}^{1}(320)$ , но и по величине  $(X_2^{mx})$  и положению  $(L_3)$  пика концентрирования (рис. За) заведомо превосходит рис. 3б. Численные соотношения подтверждают этот визуальный вывод для BP:  $_{a}L_{3} = 0.3$ )  $<_{6}L_{3} =$ 

 $= 0.6)_{a}X_{2}^{m} = (0.62 - 0.57) > {}_{6}X_{2}^{m} = 0.52.$ 

Для ММП НК сорбционной кинетики визуально продемонстрирована (посредством созданных многоцветных компьютерных НКА-анимаций для устных презентаций, а здесь для "остановленных черно-белых видеоизображений", см. рис. 3а,б), что причина атипичного поведения недиффундирующих ( $D_{1,2,6} = 0$ ) { $X_{1,2,6}(L,T)$ }-концентрационных волн (рис. 3) состоит в комбинированном свойстве, выражаемом бифункциональностью НК-матриц с комбинацией двух ММП со-маршрутов:  $K_{\rm S}^{1,2}$ , селективный, (I) и (II)-многодиффузионный,  $\{D_{3-5} > 0\}$  (см. рис. 16 и рис. 2).

Применение фундаментальных концепций неравновесной термодинамики [6] с включением разработанной. "расширенной" <sup>увел</sup>  $k^{(2)}(6)$ -бифункциональной НК-модели (с повышенной вариантностью,  $y_{\text{вел}}k^{(2)}(6)$ , рис. 2) приводит к неизвестному ранее (для НК) результату, а именно: возникает вытеснительный режим, ВР в кинетике НК ММП, когда в процессе участвуют две "па-ры" целевых компонентов: "P<sub>i(3,4)</sub>-сорбат"-"(R<sub>k</sub>P<sub>i</sub>)<sub>1.2</sub>-сорбент" (рис. 2).

Кардинальное отличие принципиально расширенной бифункциональной НК-модели с увеличенной <sup>увел</sup>  $k^{(2)}(6)$ -вариантностью от предшествующих  $^{\text{пред}}k^{(1)}(5)$  НК-моделей [1-4], (где  $y_{\text{вел}}k^{(2)}(6) > n_{\text{ред}}k^{(1)}(5))$  дает возможность проводить теоретическое исследование ММП кинетики в НК с учетом взаимодействия принципиальных сорбирующихся {( $\mathbf{R}_k \mathbf{P}_i$ )\_{1,2};  $\mathbf{P}_{i(3,4)}^+$ }-компонентов на  $R^0_{k(6)}$ -"наносайтах" в НК-сорбенте (рис. 2 и 3). Результат показывает наличие ВР и его зависимость от определяющих параметров сорбционных НК ММП систем, а именно от параметров двух селективностей (*K*<sup>1,2</sup><sub>S</sub>-величин) и от входных  $X_{m(1,2)}^{0}$ -концентраций (рис. 3).

Показано атипичное, (необычное) поведение Х<sub>1.2.6</sub>-концентрационных волн: (где 1,2,6-компоненты не обладают диффузионной подвижностью,  $D_{1,2,6} = 0$ ) и, тем не менее,  $X_{1,2,6}$ -волны распространяются в среде НК.

Физический смысл распространения атипичных волн: движение X<sub>1.2.6</sub>-волн проходит за счет "трансформации масс" в реакциях адсорбциидесорбции (Іа и Іd на рис. 2) соответствующего механизма "сток (слева)-источник (справа)" (рис. 2), включая движение диффундирующих (D<sub>3,4</sub> > 0) принципиальных Р<sub>*i*(3,4)</sub>-компонентов сорбата.

Многокомпонентные (и соответственно многоцветные) распространяющиеся и взаимодействующие концентрационные волны в кинетике и динамике ММП-процессов эффективно представляются на экране в виде визуальных анимаций ("НКА.avi"-видеофайлов) в устных презентациях для научных аудиторий с активным восприятием поведения многокомпонентных  $X_{1,2,6}(L,T)$ -концентрационных волн в НК-матрицах.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Kalinitchev A.I. In: "IEX2012" El. Book, Ed. by M. Cox, Lond. Soc. Chem. Ind. (SCI), S. Fundam. 2012. P. 1-18.
- 2. Kalinitchev A.I. Prot. Met. & Phys. Chem. Surf.: 2013. V. 49. № 6. P. 627. Springer Ed. doi:.http://www.springerlink.com/openurl.asp?genre = article& ID. https://doi.org/10.1134/S2070205113060051
- 3. Kalinitchev A.I. Advances in Nanoparticles. 2013. V. 2. № 2 P. 1: (SCIRP). May27. E-J-l doi: https://doi.org/10.4236/anp.2013.22028 ID: 31894.
- Kalinitchev A.I. Review in "Nanotechnology Reviews" NTREV. (Ed. by Jae. Seung. Lee. S. Korea). 10.08.2014. V. 3. № 5. P. 465–496. online: 2014. https: doi.org/ https://doi.org/10.1515/ntrev-2014-0007
- 5. Кравченко Т.А., Полянский Л.Н., Калиничев А.И. и др. Нанокомпозиты металл-ионообменник. М.: "Наука", 2009. 390 с.
- 6. Хаазе Р. Термодинамика необратимых процессов. (Гл. 2; 4). М.: "Мир". 1967. 543 с.
- 7. Helfferich F., Klein G. Multicomponent Chromatography. Theory of Interference. N.Y., M. Dekker Inc. 1970. 360 p.
- 8. Калиничев А.И. // Успехи Химии.1996. V. 65. № 2. C. 103. v065n02A BEH000201. https://doi.org/10.1070/RC1996
- 9. Witham G.B. Linear and Nonlinear Waves. Wiley & Sons Inc. N.Y. 1974. 625 p.
- 10. Kalinitchev A., Hoell W. in: "IEX 2004". Book S. Fundam. Ed. by M. Cox (Soc. Chem. Ind. (SCI), Lond. Procceedings. Book in "IEx Thechnology for Today and Tomorrow"; S. Fundamentals. Ed. by M. Cox (UK), Soc. Chem. Ind. (SCI). www.soci.org, Lond. 2004. P. 349-356. Cambridge (4-8 July 2004).
- 11. Kalinitchev A., Hoell W. In "IEX 2008. Book S. Fundam. Ed. by M. Cox. Soc. Chem. Ind. (SCI), Lond. Proceedings. Book "Recent Advances in IEx Theory & Practice". S. Fundam. Ed. by M. Cox (UK). Cambridge (9-11 July 2008) www.soci.org, Lond.2008. P. 85–93.