# КЛАСТЕРНАЯ САМООРГАНИЗАЦИЯ ИНТЕРМЕТАЛЛИЧЕСКИХ СИСТЕМ. НОВЫЙ ДВУХСЛОЙНЫЙ КЛАСТЕР-ПРЕКУРСОР К46 = 0@8(Ca<sub>2</sub>Hg<sub>6</sub>)@38(Hg<sub>6</sub> + CaHg<sub>6</sub>)<sub>2</sub>(Ca<sub>6</sub>Hg<sub>6</sub>) ДЛЯ САМОСБОРКИ КРИСТАЛЛИЧЕСКОЙ СТРУКТУРЫ Ca<sub>11</sub>Hg<sub>54</sub>-*hP*65

© 2020 г. В. Я. Шевченко<sup>1, \*</sup>, В. А. Блатов<sup>2</sup>, Г. Д. Илюшин<sup>2, 3</sup>

<sup>1</sup>Институт химии силикатов им. И.В. Гребенщикова РАН, наб. Макарова, 2, Санкт-Петербург, 199034 Россия

<sup>2</sup> Международный научно-исследовательский центр по теоретическому материаловедению, Самарский государственный технический университет, ул. Молодогвардейская, 244, Самара, 443100 Россия

<sup>3</sup>Федеральный научно-исследовательский центр "Кристаллография и фотоника", Ленинский пр., 59, Москва, 119333 Россия \*e-mail: shevchenko@isc.nw.ru

> Поступила в редакцию 11.07.19 г. После доработки 04.10.19 г. Принята к публикации 08.10.19 г.

С помощью компьютерных методов (пакет программ ToposPro) осуществлен комбинаторно-топологический анализ и моделирование самосборки кристаллической структуры  $Ca_{11}Hg_{54}-hP65$  (a = b = 17.114 Å, c = 10.442 Å, гексагональная пр. группа *P*-6). Установлены 184 варианта кластерного представления 3D атомной сетки с числом структурных единиц 3–7. Определены полиэдрические кластеры K8 = 0@Ca<sub>2</sub>Hg<sub>6</sub>, представляющие собой гексагональные бипирамиды, полиэдрические кластеры K11 = 0@Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub> и полиэдрические кластеры с центральным Hg-атомом K12 =  $Hg(Ca_3Hg_8)$ . Центры кластеров Ca<sub>2</sub>Hg<sub>6</sub>, 0@Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub> и Hg(Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub>) занимают высокосимметричные позиции 1*c*, 1*b*, и 1*f* с симметрией –6. Кластеры-прекурсоры Ca<sub>2</sub>Hg<sub>6</sub> являются темплатами, на поверхности которых происходит образование атомных оболочек из 38 атомов. Состав двухслойного темплатированного кластера K46 = 0@8(Ca<sub>2</sub>Hg<sub>6</sub>)@38(Hg<sub>6</sub> + CaHg<sub>6</sub>)<sub>2</sub>(Ca<sub>6</sub>Hg<sub>6</sub>). Реконструирован симметрийный и топологический код процессов самосборки 3D структуры из нанокластеров-прекурсоров K46 с участием полиэдрических кластеров 0@Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub> и Hg(Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub>).

Ключевые слова: интерметаллид Ca<sub>11</sub>Hg<sub>54</sub>—hP65, самосборка кристаллической структуры, полиэдрические кластеры K8 = Ca<sub>2</sub>Hg<sub>6</sub> и K12 = Hg(Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub>), двухслойный кластер K46 = 0@8(Ca<sub>2</sub>Hg<sub>6</sub>)@38(Hg<sub>6</sub> + CaHg<sub>6</sub>)<sub>2</sub>(Ca<sub>6</sub>Hg<sub>6</sub>) **DOI**: 10.31857/S0132665120010199

#### ВВЕДЕНИЕ

Кристаллохимическое семейство двойных Hg-интерметаллидов насчитывает около 200 соединений [1]. Образование Hg-интерметаллидов установлено в 45 системах A–Hg. Наибольшее число кристаллохимически различных интерметаллидов (одиннадцать) установлено в двойной системе Ca–Hg, с широкой областью изменения соотношения атомов Hg : A от 11 до 0.33 (табл. 1, [2–6]).

Кристаллические структуры шести Hg-интерметаллидов входят в кристаллохимические семейства наиболее распространенных типов кристаллических структур, на-

Соединение	Hg/Ca	Струк- турный тип	Число соединений [1]	Пространствен- ная группа	Класс Пирсона	Параметры ячейки, Å	<i>V</i> , Å <sup>3</sup>
Ca <sub>3</sub> Hg [2]	0.33	Fe <sub>3</sub> C	194	Pnma (62)	oP16	8.161, 10.150, 6.828	565.6
Ca <sub>3</sub> Hg [3]	0.33	Cu <sub>3</sub> Au	1827	<i>Pm</i> -3 <i>m</i> (221)	cP4	4.920, 4.920, 4.920	119.1
Ca <sub>2</sub> Hg [2]	0.5	Co <sub>2</sub> Si	43	<i>Pnma</i> (62)	oP12	7.860, 4.890, 9.870	379.4
Ca <sub>5</sub> Hg <sub>3</sub> [2]	0.6	Cr <sub>5</sub> B <sub>3</sub>	183	<i>I</i> 4/ <i>mcm</i> (140)	tI32	8.189, 8.189, 14.701	985.8
Ca <sub>3</sub> Hg <sub>2</sub> [2]	0.66	$U_3Si_2$	142	P4/mbm (127)	tP10	8.476, 8.476, 4.197	301.5
Ca <sub>2</sub> Hg <sub>2</sub> [2]	1	CsCl	1797	<i>Pm</i> -3 <i>m</i> (221)	cP2	3.759, 3.759, 3.759	53.1
CaHg <sub>2</sub> [2]	2	AlB <sub>2</sub>	43	<i>P-3m 1</i> (164)	hP3	4.894, 4.894, 3.571	74.1
Ca <sub>4</sub> Hg <sub>9</sub> [4]	2.25	Cu <sub>9</sub> Al <sub>4</sub>	47	P-43m (215)	cP52	11.130, 11.130, 11.130	1378.8
CaHg <sub>3</sub> [2]	3	Mg <sub>3</sub> Cd	356	<i>P</i> 6 <sub>3</sub> / <i>mmc</i> (194)	hP8	6.635, 6.635, 5.020	191.4
Ca <sub>11</sub> Hg <sub>54</sub> [5]	4.90	Ca <sub>11</sub> Hg <sub>54</sub>	3	<i>P</i> -6 (174)	hP65	13.389, 13.389, 9.615	1492.7
CaHg <sub>11</sub> [6]	11	BaHg <sub>11</sub>	13	<i>Pm</i> -3 <i>m</i> (221)	cP36	9.600, 9.600, 9.600	884.7

Таблица 1. Кристаллографические данные

считывающие по несколько сотен представителей; три Hg-интерметаллида принадлежат кристаллохимическим семействам с более чем сорока представителями (табл. 1). В работе [7, 8] проведено моделирование кластерной самосборки распространенных типов кристаллических структур, установленных для Hg-интерметаллидов.

Наиболее кристаллохимически сложное семейство интерметаллидов Ca<sub>11</sub>Hg<sub>54</sub>-*hP*65 включает в себя еще два соединения: Sr<sub>11</sub>Hg<sub>54</sub>-*hP*65 [5] и Yb<sub>11</sub>Hg<sub>54</sub>-*hP*65 [9]. Кристаллическая структура интерметаллида Ca<sub>11</sub>Hg<sub>54</sub>-*hP*65 [5] с пр. группой *P*-6 (по. 174) и V == 1492.7 Å<sup>3</sup> характеризуется 18 кристаллографически независимыми атомами с последовательностью Вайкоффа  $l^6k^3f^4ihgfa$ . Для атомов Нg установлен широкий спектр значений KЧ = 11 (5 атомов), 12 (8 атомов) и 13 (1 атом). Атомы Ca имеют KЧ = 14 (1 атом), 15 (2 атома), 16 (1 атом).

В настоящей работе с помощью пакета программ ToposPro [10] проведен геометрический и топологический анализ кристаллической структуры интерметаллида  $Ca_{11}Hg_{54}-hP65$ . Реконструирован симметрийный и топологический код процессов самосборки 3D структуры из кластеров-прекурсоров K46 в виде: первичная цепь  $\rightarrow$  микрослой  $\rightarrow$  микрокаркас.

Работа продолжает исследования [7, 8, 11–16] в области моделирования процессов самоорганизации систем на супраполиэдрическом уровне и геометрического и топологического анализа кристаллических структур с применением современных компьютерных методов.

#### МЕТОДИКИ, ИСПОЛЬЗОВАННЫЕ ПРИ КОМПЬЮТЕРНОМ АНАЛИЗЕ

Геометрический и топологический анализ осуществляли с помощью комплекса программ ToposPro [10], позволяющего проводить многоцелевое исследование кристаллической структуры в автоматическом режиме, используя представление структур в виде "свернутых графов" (фактор-графов). Данные о функциональной роли атомов при образовании кристаллической структуры получены расчетом координационных

A	Локальное	Координационные последовательности					
ATOM	окружение	N <sub>1</sub>	<i>N</i> <sub>2</sub>	N <sub>3</sub>	$N_4$	$N_5$	
Cal	14Hg	14	47	106	189	312	
Ca2	15Hg	15	48	104	190	312	
Ca3	15Hg	15	47	105	200	310	
Ca4	1Ca + 15Hg	16	46	104	193	310	
Hg2	4Ca + 8Hg	12	47	106	189	294	
Hg3	3Ca + 8Hg	11	46	104	187	290	
Hg4	2Ca + 11Hg	13	47	108	188	297	
Hg5	3Ca + 9Hg	12	47	108	189	302	
Hg6	3Ca + 9Hg	12	47	103	190	299	
Hg7	4Ca + 8Hg	12	48	104	192	302	
Hg8	4Ca + 8Hg	12	47	109	193	309	
Hg9	1Ca + 11Hg	12	46	106	192	303	
Hg10	3Ca + 9Hg	12	46	105	194	316	
Hg11	3Ca + 9Hg	12	44	109	194	313	
Hg12	3Ca + 8Hg	11	44	101	188	302	
Hg13	3Ca + 8Hg	11	47	107	191	299	
Hg14	3Ca + 8Hg	11	44	107	182	305	
Hg15	11Hg	11	47	107	188	302	

Таблица 2. Локальное окружение атомов Са и Нд и значения координационных последовательностей

последовательностей, т.е. наборов чисел  $\{N_k\}$ , где  $N_k$  – число атомов в k-ой координационной сфере данного атома.

Полученные значения координационных последовательностей атомов в 3D-сетках приведены в табл. 2, в которой выделено число соседних атомов в ближайшем окружении, т.е. в первой координационной сфере атома. Все атомы характеризуются различными наборами координационных последовательностей  $\{N_k\}$ , следовательно, все атомы топологически (и функционально) различны.

Алгоритм разложения в автоматическом режиме структуры любого интерметаллида, представленного в виде свернутого графа, на кластерные единицы основывается на следующих принципах: структура образуется в результате самосборки из кластеров-прекурсоров. При этом кластеры-прекурсоры образуют каркас структуры, пустоты в котором заполняются кластерами-спейсерами (состоящими из небольшого числа атомов), нанокластеры-прекурсоры не имеют общих внутренних атомов, но они могут иметь общие атомы на поверхности, кластеры-прекурсоры занимают высокосимметричные позиции, набор нанокластеров-прекурсоров и кластеров-спейсеров включает в себя все атомы структуры.

Алгоритм реализован в комплексе программ ToposPro [10].

## САМОСБОРКА КРИСТАЛЛИЧЕСКОЙ СТРУКТУРЫ Са<sub>11</sub>Hg<sub>54</sub>-*hP*65

Использованный нами метод моделирования кристаллической структуры основан на определении иерархической последовательности ее самосборки в кристаллографи-



Рис. 1. Полиэдрические кластеры.

ческом пространстве [11]. На первом уровне самоорганизации системы определяется механизм формирования первичной цепи структуры из нанокластеров 0-уровня, сформированных на темплатной стадии химической эволюции системы, далее — механизм самосборки из цепи слоя (2-ой уровень) и затем из слоя-трехмерного каркаса (3-й уровень).

Кристаллографические данные. Параметры гексагональной ячейки: a = b = 13.389, c = 9.615 Å.

Пространственная группа *P*-6 (по. 174) с элементами точечной симметрией: g = -6 (1*a*, 1*b*, 1*c*, 1*d*, 1*e*, 1*f*), 3 (2*g*, 2*h*, 2*i*), *m* (3*j*, 3*k*). Порядок группы равен 6.

Полиэдрические кластеры К8, К11 и К12. Установлены 184 варианта кластерного представления 3D атомной сетки с числом структурных единиц от 3 до 7.

Определены полиэдрические кластеры  $K8 = 0@Ca_2Hg_6$  представляющие собой гексагональные бипирамиды, полиэдрические кластеры  $K11 = 0@Ca_3Hg_8$  и полиэдрические кластеры с центральным Hg-атомом  $K12 = Hg(Ca_3Hg_8)$  (рис. 1).

Центры кластеров  $Ca_2Hg_6$ ,  $0@Ca_3Hg_8$  и  $Hg(Ca_3Hg_8)$  занимают наиболее высокосимметричные позиции 1*c*, 1*b*, и 1*f* с симметрией –6.

Супраполиэдрические кластеры-прекурсоры K46. Кластеры  $Ca_2Hg_6$  являются темплатами, на поверхности которых происходит образование атомных оболочек из 38 атомов (рис. 2). Состав двухслойного кластера K46 =  $0@8(Ca_2Hg_6)@38(Hg_6 + CaHg_6)_2(Ca_6Hg_6)$ .

Самосборка кристаллической структуры. Первичная цепь. Образование первичных цепей  $S_3^1$  происходит при связывании кластеров К46 тройными кольцами Hg<sub>3</sub> в направлении [001]. Расстояние между центрами кластеров К46 в первичной цепи определяет значение вектора трансляции c = 9.818 Å.

2D слой. Образование слоя  $S_3^2$  происходит при связывании первичных цепей  $S_3^1$  в направлении [100] (рис. 3). Расстояние между осями первичных цепей определяет значение вектора трансляции a = 13.602 Å. Пустоты в каркасе занимают полиэдрические кластеры 0@Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub> и Hg(Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub>) и атомы-спейсеры Hg(14) (рис. 3).

*Самосборка каркаса.* 3D каркасная структура  $S_3^3$  формируется при связывании 2D слоев (со сдвигом) в направлении [010] (рис. 3). В 3D каркасе расстояние между эквивалентными 2D слоями определяет значение вектора b = 13.602 Å.



Рис. 2. Кластер К46 (две проекции).

# ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Осуществлен комбинаторно-топологический анализ и моделирование кластерной самосборки кристаллической структуры Ca<sub>11</sub>Hg<sub>54</sub>-*hP*65.

Определены полиэдрические кластеры K8 =  $0@Ca_2Hg_6$ , представляющие собой гексагональные бипирамиды, полиэдрические кластеры K11 =  $0@Ca_3Hg_8$  и полиэдрические кластеры с центральным Hg-атомом K12 = Hg(Ca\_3Hg\_8).

25



Рис. 3. Каркасная структура (две проекции).

Кластеры  $Ca_2Hg_6$  являются темплатами, на поверхности которых происходит образование атомных оболочек из 38 атомов. Состав двухслойного темплатированного кластера  $K46 = 0@8(Ca_2Hg_6)@38(Hg_6 + CaHg_6)_2(Ca_6Hg_6)$ .

Реконструирован симметрийный и топологический код процессов самосборки 3D структур из нанокластеров-прекурсоров K46 в виде "первичная цепь  $\rightarrow$  слой  $\rightarrow$  кар-кас". Пустоты между первичными цепями занимают полиэдрические кластеры 0@Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub> и Hg(Ca<sub>3</sub>Hg<sub>8</sub>), а также атомы-спейсеры Hg.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (РФФИ № 19-02-00636) и Министерства науки и высшего образования в рамках выполнения работ по Государственному заданию ФНИЦ "Кристаллография и фотоника" РАН.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Villars P., Cenzual K.* Pearson's Crystal Data-Crystal Structure Database for Inorganic Compounds (PCDIC) ASM International: Materials Park, OH.
- 2. Bruzzone G., Merlo F. The calcium-mercury system // J. Less-Common Met. 1973. V. 32. P. 237-241.
- 3. Cenzual K., Gelato L.M., Penzo M., Parthé E. Inorganic Structure Types with Revised Space Groups. I. // Acta Crystallogr. B .1991. V. 47. P. 433–439.
- Puselj M., Ban Z. Ternäre Gamma-Messing Phasen in den Systemen Calcium-M(Ib/IIb)-Quecksilber // Z. Naturforsch. B. 1980. V. 35. P. 1594–1595.
- Tkachuk A.V., Mar A. Alkaline-earth metal mercury intermetallics A(11 x) Hg(54 + x) (A = Ca, Sr) // Inorganic Chemistry. 2008. V. 47(4). P. 1313–1318.
- Puselj M., Ban Z. Beitrag zur Kenntnis des Systems Quecksilber-Calcium // Croatica Chemica Acta. 1978. V. 51(1). P. 75–79.
- Ilyushin G.D. Modeling of self-organization processes in crystal forming systems: the symmetry and topological code of cluster self-assembly for intermetallics // Russian J. Inorganic Chemistry. 2017. V. 62. Issue 13. P. 1730–1769.
- Ilyushin G.D. Modeling of the Self-OrInnization Processes in Crystal-Forming Systems. Tetrahedral Metal Clusters and the Self-Assembly of Crystal Structures of Intermetallic Compounds // Crystallography Reports. 2017. V. 62. 5. P. 670–683.
- Tambornino Frank, Hoch Constantin. The simplest representative of a complex series. The Hg-rich amalgam Yb<sub>11</sub>Hg<sub>54</sub>. Zeitschrift fuer Kristallographie – Crystalline Materials. 2017. V. 232. P. 557–565.
- 10. Blatov V.A., Shevchenko A.P., Proserpio D.M. Applied Topological Analysis of Crystal Structures with the Program Package ToposPro // Cryst. Growth Des. 2014. V. 14. № 7. P. 3576–3585. https://topospro.com/
- Илюшин Г.Д. Моделирование процессов самоорганизации в кристаллообразующих системах. М.: Едиториал УРСС. 2003. 376 с.
- 12. Blatov V.A., Ilyushin G.D., Proserpio D.M. Nanocluster model of intermetallic compounds with giant unit cells: β, β'-Mg<sub>2</sub>Al<sub>3</sub> polymorphs // Inorg. Chem. 2010. V. 49. № 4. P. 1811–1818.
- Шевченко В.Я., Блатов В.А., Илюшин Г.Д. Симметрийный и топологический код (программа) кластерной самосборки икосаэдрических структур семейства NaZn<sub>13</sub>-cF112 и TRB<sub>66</sub>-cF1944//Физика и химия стекла. 2015. V. 41. № 4. Р. 341–351.
- 14. *Ilyushin G.D.* The Crystal Chemistry of Intermetallic Lithium Compounds. A review // Russian J. Inorganic Chemistry. 2018. V. 63. № 14. P. 1786–1799.
- 15. Шевченко В.Я., Блатов В.А., Илюшин Г.Д. Моделирование процессов самоорганизации в кристаллообразующих системах. Новые двухслойные кластеры-прекурсоры 0@(Na<sub>2</sub>Cd<sub>6</sub>)@(Na<sub>12</sub>Cd<sub>26</sub>) и 0@(Na<sub>3</sub>Cd<sub>6</sub>)@(Na<sub>6</sub>Cd<sub>35</sub>) для самосборки кристаллической структуры Na<sub>26</sub>Cd<sub>141</sub>-*h*P168 // Физика и химия стекла. 2019. V. 45. № 4. Р. @.
- Ilyushin G.D. Symmetry and Topology Code of the Cluster Self-Assembly of Intermetallic Compounds A<sub>2</sub><sup>[16]</sup> B<sub>4</sub><sup>[12]</sup> of the Friauf Families Mg<sub>2</sub>Cu<sub>4</sub> and Mg<sub>2</sub>Zn<sub>4</sub>// Crystallography Reports. 2018. V. 63. 4. P. 543–552.