КЛАСТЕРНАЯ САМООРГАНИЗАЦИЯ ИНТЕРМЕТАЛЛИЧЕСКИХ СИСТЕМ: КЛАСТЕРЫ-ПРЕКУРСОРЫ *К*4, *К*5, *К*9 ДЛЯ САМОСБОРКИ КРИСТАЛЛИЧЕСКИХ СТРУКТУР Zr₇₂P₃₆-*oS*108, Zr₁₈Ni₂₂-*tI*40, Zr₄Ni₄-*oS*8

© 2023 г. В. Я. Шевченко^{1, *}, Г. Д. Илюшин^{2, **}

¹Институт химии силикатов им. И.В. Гребенщикова РАН, наб. Макарова, 2, Санкт-Петербург, 199034 Россия ²Научно-исследовательский центр "Кристаллография и фотоника", Ленинский пр., 59, Москва, 119333 Россия *e-mail: shevchenko@isc.nw.ru **e-mail: gdilyushin@gmail.com

> Поступила в редакцию 17.01.2023 г. После доработки 01.02.2023 г. Принята к публикации 08.02.2023 г.

С помощью компьютерных методов (пакет программ ToposPro) осуществлен комбинаторно-топологический анализ и моделирование самосборки кристаллических структур Zr₇₂P₃₆-*oS*108 (*a* = 29.509 Å, *b* = 19.063 Å, *c* = 3.607 Å, *V* = 2029.49 Å³, *Cmmm*), Zr₁₈Ni₂₂-*tI*40 (*a* = *b* = 9.880 Å, *c* = 6.610 Å, *V* = 645.23 Å³, *I*4/*m*. Zr₄Ni₄-*oS*8 (*a* = 3.271 Å, *b* = 9.931 Å, *c* = 4.107 Å, *V* = 133.43 Å³, *Cmcm*. Для кристаллической структуры Zr₇₂P₃₆-*oS*108 установлены 40 вариантов кластерного представления 3D атомной сетки с числом структурных единиц 5, 6, 7. Определены структурные единицы в виде пирамиды *K*5 = 0@PZr₄, тетраэдра *K*4 = 0@Zr₄, супратетраэдра *K*9 = Zr(Zr₄P₄) из четырех связанных тетраэдров. Для кристаллической структуры Zr₁₈Ni₂₂-*tI*40 также определены супратетраэдры *K*9 = Ni(Zr₄Ni₄). Для кристаллической структуры Zr₄Ni₄-*oS*8 определен кластер-прекурсор в виде тетраэдра *K*4 = Zr₂Ni₂. Реконструирован симметрийный и топологический код процессов самосборки 3D структур из кластеров-прекурсоров в виде: первичная цепь \rightarrow слой \rightarrow каркас.

Ключевые слова: $Zr_{2}P_{36}$ -oS108, $Zr_{18}Ni_{22}$ -tI40, Zr_4Ni_4 -oS8, самосборка кристаллической структуры, кластерные прекурсоры, тетраэдры $K4 = 0@Zr_4$, тетраэдры $K4 = 0@Zr_2Ni_2$, пирамиды $K5 = 0@PZr_4$, супратетраэдры $K9 = Zr(Zr_4P_4)$, супратетраэдры $K9 = Ni(Zr_4Ni_4)$

DOI: 10.31857/S0132665123600024, EDN: SPXLRW

ВВЕДЕНИЕ

Образование 403 фосфидов $A_x P_y$ установлено в двойных системах с участием 74 атомов A [1, 2]. Наиболее многочисленным является кристаллохимическое семейство $A_2 P_2 - cF8$ с пр. группой Fm-3m, с атомами A = Zr, Sn, Mo, In, Sc, Y, Ln, Ac, насчитывающее 28 соединений [1, 2]. В системах с атомами A = Ti, Mn, Fe, Ni, Cu, Nb, Pd установлено от 10 до 14 соединений.

В системе Zr–P образуются 7 соединений с областью изменения состава от ZrP₂ до Zr₃P ([3–8], табл. 1). Шесть соединений входят в кристаллохимические семейства A_2P_2 -*cF*8, AP_2 -*oP*12, A_2P_2 -*hP*8, A_3P -*tP*32, A_7P_4 -*mC*44, Zr₁₄ B_9 -*oP*92 (B = P, As) [1, 2]. Ме-

таллофосфид $Zr_{72}P_{36}$ -*oS*108 не имеет аналогов и является наиболее кристаллохимически сложным среди всех соединений A_nP_m .

В системе Zr—Ni образуются 11 соединений с областью изменения состава от ZrNi₅-*cF*24 [9] до Zr₂Ni-*tI*12 [10]. Кристаллические структуры ZrNi(Ni₄)-*cF*24 с пр. группой *F*-43*m* и Zr₂(Ni₄)-*cF*24 с пр. группой *Fd*-3*m* [11] топологически эквивалентны и входят в многочисленное семейство тетраэдрических структур Фриауфа [12]. В двойных интерметаллидах $A^{[16]}B^{[16]}B^{[12]}_4 = ZrNi(Ni_4)$ атомы Zr^[16] и Ni^[16] с KЧ = 16, занимают фиксированные позиции 4а и 4с и длины связей Zr–Ni2 = и Ni1–Ni2 равны 2.782 Å и в тетраэдре Ni₄ расстояния Ni–Ni = 2.372 Å. В Zr₂(Ni₄)-*cF*24 длины связей Zr–Ni равны 2.873 Å и в тетраэдре расстояния Ni–Ni = 2.245 Å.

Кристаллическая структура Zr_4Ni_4-oS8 с пр. группой *Стст* [14] также относится к многочисленному семейству состоящему из 106 двойных интерметаллидов, образующихся с участием больших атомов A = Zr, Hf, Sc, Y, Ln, Ac, Ca Sr, Ba. По числу представителей это семейство занимает 4 место после структурных типов Mg₂Cu₄-*cF*24, Mg₂Zn₄-*hP*12, CaCu₅-*hP*6 *P*6/*mmm* [1, 2]. Близкая по стехиометрическому составу к Zr₄Ni₄-*oS*8 кристаллическая структура Zr₁₈Ni₂₂-*tI*40 [15] с пр. группой *I*4/*m* имеет только двух аналогов Hf₁₈Ni₂₂-*tI*40 [16] и Zr₁₈Pt₂₂-*tI*40 [17].

В настоящей работе проведен геометрический и топологический анализ кристаллических структур $Zr_{72}P_{36}$ -oS108, $Zr_{18}Ni_{22}$ -t/40, Zr_4Ni_4 -oS8. Установлены кластеры-прекурсоры *K*4, *K*5, *K*9 участвующие в самосборке кристаллических структур. Реконструирован симметрийный и топологический код процессов самосборки 3D структур из кластеров-прекурсоров в виде: первичная цепь \rightarrow слой \rightarrow каркас.

Работа продолжает исследования [17–21] в области моделирования процессов самоорганизации систем на супраполиэдрическом уровне и геометрического и топологического анализа кристаллических структур с применением современных компьютерных методов [22].

МЕТОДИКИ, ИСПОЛЬЗОВАННЫЕ ПРИ КОМПЬЮТЕРНОМ АНАЛИЗЕ

Геометрический и топологический анализ осуществляли с помощью комплекса программ ToposPro [22], позволяющего проводить многоцелевое исследование кристаллической структуры в автоматическом режиме, используя представление структур в виде фактор-графов.

Данные о функциональной роли атомов при образовании кристаллической структуры получены расчетом координационных последовательностей, т.е. наборов чисел $\{N_k\}$, где N_k – число атомов в k-ой координационной сфере данного атома. Полученные значения координационных последовательностей атомов для $Zr_{72}P_{36}$ -oS108, $Zr_{18}Ni_{22}$ -t/40, Zr_4Ni_4 -oS8 приведены в табл. 1.

Алгоритм разложения в автоматическом режиме структуры любого интерметаллида, представленного в виде свернутого графа, на кластерные единицы основывается на следующих принципах: структура образуется в результате самосборки из нанокластеров-прекурсоров образующих каркас структуры, пустоты в котором заполняют спейсеры; кластеры-прекурсоры занимают высокосимметричные позиции; набор нанокластеров-прекурсоров и спейсеров включает в себя все атомы структуры.

Соединение	Атом	Локальное окружение	Координационные последовательности
			N1 N2 N3 N4 N5
Zr ₇₂ P ₃₆ -oS108	P1	8Zr	8 40 89 178 290
	P2	9Zr	9 40 98 191 301
	P3	7Zr	7 36 86 172 290
	P4	9Zr	9 40 90 178 300
	P5	9Zr	9 38 91 169 284
	Zrl	5P + 6Zr	11 39 97 191 313
	Zr2	5P + 6Zr	11 41 109 190 317
	Zr3	5P + 6Zr	11 42 101 193 314
	Zr4	5P + 7Zr	12 42 103 192 304
	Zr5	3P + 10Zr	13 48 113 201 302
	Zr6	4P +10 Zr	14 48 116 202 328
	Zr7	4P + 6Zr	10 44 106 194 302
	Zr8	4P + 6Zr	10 44 104 208 330
	Zr9	3P + 11Zr	14 51 115 201 329
	Zr10	4P + 6Zr	10 42 106 181 292
	Zr11	2P + 11Zr	13 49 113 203 342
	Zr12	4P + 8Zr	12 40 94 190 305
	Zr13	4P + 10 Zr	14 54 110 210 332
Zr ₁₈ Ni ₂₂ - <i>tI</i> 40	Ni1	8Ni + 6Zr	14 50 110 194 302
	Ni2	6Ni + 8Zr	14 50 110 194 302
	Ni3	6Ni + 7Zr	13 49 110 194 302
	Zrl	10Ni + 4Zr	14 50 110 194 302
	Zr2	9Ni + 5Zr	14 50 110 194 302
	Zr3	8Ni + 6Zr	14 50 110 194 302
Zr ₄ Ni ₄ - <i>oS</i> 8	Ni1	Ni4 Zr7	11 46 117 204 325
	Zrl	Ni7 Zr8	15 54 119 210 327

Таблица 1. Координационные последовательности и локальное окружение атомов в кристаллической структуре $Zr_{72}P_{36}$ -oS108, $Zr_{18}Ni_{22}$ -tI40, Zr_4Ni_4 -oS8



Рис. 1. Zr₇₂P₃₆-*оS*108. Кластерные прекурсоры. Длины связей атомов в Å.

СИММЕТРИЙНЫЙ И ТОПОЛОГИЧЕСКИЙ КОД (ПРОГРАММА) САМОСБОРКИ КРИСТАЛЛИЧЕСКИХ СТРУКТУР

Использованный нами метод моделирования кристаллической структуры основан на определении иерархической последовательности ее самосборки в кристаллографическом пространстве. На первом уровне самоорганизации системы определяется механизм формирования первичной цепи структуры из нанокластеров 0-уровня, сформированных на темплатной стадии химической эволюции системы, далее — механизм самосборки из цепи слоя (2-ой уровень) и затем из слоя — трехмерного каркаса структуры (3-й уровень).

Кристаллическая структура Zr₇₂P₃₆-oS108

Параметры элементарной ячейки: *a* = 29.509 Å, *b* = 19.063 Å, *c* = 3.607 Å, *V* = 2029.49 Å³. В элементарной ячейке находятся 108 атомов.

Пространственная группа *Сттт* (65) с симметрией частных позиций *ттт* (2a, 2b, 2c, 2d), 2/*m* (4e, 4f), 2*mm* (4g, 4h, 4i, 4j, 4k,4l), 2 (8m, 8n, 8p, 8q). Кратность общего положе-

Таблица 2. Zr₇₂P₃₆-*oS*108. Варианты кластерного представления кристаллической структуры с 5, 6 и 7 структурными единицами. Указан центральный атом или центр пустоты полиэдрического кластера, число его оболочек (в первой скобке) и количество атомов в каждой оболочке (во второй и третьей скобке). Кристаллографические позиции, соответствующие центрам пустот полиэдрических кластеров обозначены ZA1, ZA2

5 структурных единиц

 $\begin{array}{l} P5(0)(1) \ P1(1)(1@8) \ P2(1)(1@9) \ P3(0)(1) \ P4(1)(1@9) \\ P5(0)(1) \ P1(1)(1@8) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(0)(1) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ P1(1)(1@8) \ P2(1)(1@9) \ P3(0)(1) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ P1(1)(1@8) \ P2(1)(1@9) \ P3(0)(1) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ Zr7(1)(1@10) \ P2(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \\ P5(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@9) \ P3(1)(1@7) \ P4(1)(1@7) \$

6 структурных единиц

ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(0)(1) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(0)(1) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(0)(1) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(0)(1) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9)ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(0)(1) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(0)(1) Zr7(1)(1@10) P2(0)(1) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9)ZA2(2b)(1)(0@10) P5(0)(1) Zr7(1)(1@10) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(0)(1) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(1)(1@9) Zr7(1)(1@10) P2(0)(1) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(1)(1@9) Zr7(1)(1@10) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) ZA2(2b)(1)(0@10) P5(1)(1@9) Zr7(1)(1@10) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9)

7 структурных единиц

$$\begin{split} & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(0)(1) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(0)(1) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(0)(1) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(0)(1) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(0)(1) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(0)(1) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(0)(1) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@9) P3(1)(1@7) P4(1)(1@9) \\ & ZA2(2b)(1)(0@10) ZA1(2a)(1)(0@10) P5(1)(1@9) P1(1)(1@8) P2(1)(1@$$



Рис. 2. Zr₇₂P₃₆-оS108. Тетрамер.

ния 16. Позиции с точечной симметрией 2mm занимают атом P5 и атомы Zr6–Zr12, позиции с точечной симметрией m занимают атомы P1–P4 и атомы Zr1–Zr5.

Определены значения КЧ атомов Р равные 7, 8, 9, и КЧ атомов Zr равные 10, 11, 12, 13, 14 (табл. 1).

Установлены 40 вариантов кластерного представления 3D атомной сетки с числом структурных единиц 5 (7 вариантов), 6 (21 вариантов), 7 (12 варианта) (табл. 2).

Определены 4 кристаллографически независимых структурных единиц в виде пирамиды K5 = 0@PZr₄, тетраэдра K4 = 0@Zr₄, супратетраэдра $K9A = Zr(Zr_4P_4)$, супратетраэдра $K9B = Zr(Zr_4P_4)$ (рис. 1).

Ниже рассмотрен наиболее быстрый вариант самосборки с участием тетрамеров из связанных структурных единиц *K*4 +*K*5 + *K*9A + *K*9B (рис. 2).

Первичная цепь S_3^1 . Образование первичной цепи происходит при связывании тетрамеров с индексом связывания Pc = 11 в плоскости XY (рис. 3).

Самосборка слоя S_3^2 . Образование микрослоя происходит при связывании первичных цепей в плоскости *XY* (рис. 4).

Кристаллическая структура Zr₁₈Ni₂₂-tI40

Параметры тетрагональной ячейки $Zr_{18}Ni_{22}$: a = b = 9.880 Å, c = 6.610 Å, V = 645.23 Å³. Последовательность Вайкоффа *ih*²*dba*. В элементарной ячейке находятся 40 атомов.



Рис. 3. Zr₇₂P₃₆-*оS*108. Первичная цепь S₃¹.

Пространственная группа I4/m (no. 87) с симметрией частных позиций 4/m (2a, 2b), 2/m(4c), -4(4d), 4(4e), -1(8f), 2(8g), m(8h). Кратность общего положения 16. Атом Zr1 и Ni1 занимают позиции 2a и 2b, атом Ni2 – 4d, Zr2, Zr3 – 8h, Ni3 – 16i. Определено значения KЧ атома Ni3 равное 13, для остальных атомов Ni и Zr равное 14 (табл. 1).

Ниже рассмотрен наиболее быстрый вариант самосборки с участием супраполиэдрических кластеров из четырех связанных тетраэдров $K9 = Zr_4Ni_5$ (рис. 5). Центры кристаллографически независимых тетраэдров в позиции 16i (0.14, 0.44, 0.86) и в 16i (0.05, 0.64, 0.88).

Первичная цепь S_3^1 . Образование первичной цепи происходит при связывании кластеров *К*9 с индексом связывания *Pc* = 18 в направлении оси Z (рис. 6).

Самосборка слоя S_3^2 . Образование микрослоя происходит при связывании первичных цепей в плоскости с участием атомов спейсеров, образующих цепь из атомов Zr1 и Ni1 (рис. 7).

Самосборка каркаса S_3^3 . Микрокаркас структуры формируется при связывании двух микрослоев S_3^2 . Расстояние между слоями соответствует значению вектора трансляции c = 3.607 Å.

Кристаллическая структура Zr₂Ni₂-oS8

Параметры тетрагональной ячейки: a = 3.271 Å, b = 9.931 Å, c = 4.107 Å, V = 133.43 Å³. В элементарной ячейке находятся 8 атомов.

Пространственная группа *Стст* (по. 63) с симметрией частных позиций 2/*m* (2a, 2b), *m*2*m* (4c), -1 (8d), 2 (8e), *m* (8f, 8g). Кратность общего положения 16. Атом Zr1 и Ni1 за-



Рис. 4. Zr₇₂P₃₆-*оS*108. Слой S₃².



Рис. 5. $Zr_{18}Ni_{22}$ -*t1*40. Первичная цепь S_3^1 .

нимают позиции 4с. Определено значения КЧ атома Ni равное 9 и атома Zr равное 15 (табл. 1).

Ниже рассмотрена самосборка кристаллической структуры с участием тетраэдрических кластеров $K4 = 0@Zr_2Ni_2$ с симметрией 2 (рис. 8). Центр кластера K4 в позиции 8е (1/4, 1/2, 1/2).



Рис. 6. Zr₁₈Ni₂₂-*tI*40. Слой S₃².

Первичная цепь S_3^1 . Образование первичной цепи происходит при связывании кластеров с индексом связывания Pc = 6 в направлении оси Z (рис. 8).

Самосборка слоя S_3^2 . Образование микрослоя происходит при связывании первичных цепей в плоскости *YZ* (рис. 8).

Самосборка каркаса S_3^3 . Микрокаркас структуры формируется при связывании двух микрослоев S_3^2 . Расстояние между слоями соответствует значению вектора трансляции a = 3.607 Å.



Рис. 7. $\operatorname{Zr}_{18}\operatorname{Ni}_{22}$ -*t1*40. Каркас S_3^3 (две проекции).



Рис. 8. Zr₂Ni₂. Слой S₃².

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

С помощью компьютерных методов (пакет программ ToposPro) осуществлен комбинаторно-топологический анализ и моделирование самосборки кристаллических структур $Zr_{72}P_{36}$ -oS108, $Zr_{18}Ni_{22}$ -t/40, Zr_4Ni_4 -oS8. Для $Zr_{72}P_{36}$ -oS108 определены структурные единицы в виде пирамиды $K5 = 0@PZr_4$, тетраэдра $K4 = 0@Zr_4$, супратетраэдра $K9 = Zr(Zr_4P_4)$ из четырех связанных тетраэдров. Для кристаллической структуры $Zr_{18}Ni_{22}$ -t/40 также определены супратетраэдры $K9 = Ni(Zr_4Ni_4)$. Для кристаллической структуры Zr_4Ni_4 -oS8 определен кластер-прекурсор в виде тетраэдров $K4 = Zr_2Ni_2$. Реконструирован симметрийный и топологический код процессов самосборки 3D структур из кластеров-прекурсоров в виде: первичная цепь \rightarrow слой \rightarrow каркас.

Моделирование самосборки кристаллических структур выполнено при поддержке Минобрнауки РФ в рамках выполнения работ по государственному заданию ФНИЦ "Кристаллография и фотоника" РАН, кластерный анализ выполнен при поддержке Российского научного фонда (РНФ № 21-73-30019).

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Villars P., Cenzual K.* Pearson's Crystal Data-Crystal Structure Database for Inorganic Compounds (PCDIC) ASM International: Materials Park, OH.
- Inorganic crystal structure database (ICSD). Fachinformationszentrum Karlsruhe (FIZ), Germany and US National Institute of Standard and Technology (NIST).
- Tergenius L.E., Nolaeng B.I., Lundstroem T. The crystal structure of Zr₁₄P₉ //Acta Chemica Scandinavica. Series A. 1981. V. 35. P. 693–699.
- Ahlzen P.J., Rundqvist S. Crystal structure refinement of Zr₇P₄ // Z. Kristallogr. 1989. V. 189. P. 149–153.
- 5. *Irani K.S., Gingerich K.A.* Structural transformation of zirconium phosphide // J. Physics and Chemistry of Solids. 1963. V. 24. P. 1153–1158.

- 6. Huber M., Deiseroth H.J. Crystal structure of zirconium diphosphide, ZrP₂ // Z. Kristallogr. 1994. V. 209 P. 370-370.
- 7. Ahlzen P.J., Rundqvist S. The crystal structure of Zr₂P // Zeitschrift fuer Kristallographie. 1989. V. 189. P. 117-124.
- 8. *Ahlzen P.J., Andersson Y., Rundqvist S., Tellgren R.* A neutron diffraction study of Zr₃PD_{3 x} // J Less-Common Metals. 1990. V. 161. P. 269–278.
- 9. Babizhetskyy V., Myakush O., Simon A., Kotur B. X-ray investigation of the Y-Zr-Ni system at 870 K // Intermetallics. 2013. V. 38. P. 44-48.
- 10. Ning Jinliang, Zhang Xinyu, Qin Jiaqian, Liu Yong, Ma Mingzhen, Liu Riping. Phase competition mediated by composition and pressure in $Zr_2Cu_{1-x}Ni_x$ system // J. Alloys Compd. 2015. V. 618. P. 73-77.
- 11. Da J.M., Brochado Oliveira C., Harris I.R. Valency compensation in the Laves system, Ce $(Co_{1-x}Ni_{x})_{2}//$ J. Mater. Sci. 1983. V. 18. P. 3649-3660.
- 12. Ilyushin G.D. Symmetry and Topology Code of the Cluster Self-Assembly of Intermetallic Compounds $A_2^{[16]}B_4^{[12]}$ of the Friauf Families Mg_2Cu_4 and Mg_2Zn_4 // Crystallography Reports. 2018. V. 63. P. 543–552.
- 13. Bououdina M., Lambert-Andron B., Ouladdiaf B., Pairis S., Fruchart D.J. Structural investigation by neutron diffraction of equi-atomic Zr-Ti(V)-Ni(Co) compounds and their related hydrides // Alloys Compd. 2003. V. 356. P. 54-58.
- Glimois J.L., Becle C., Develey G., Moreau J.M. Crystal structure of the intermetallic compound Ni₁₁Zr₉// J. Less-Common Metals. 1979. V. 64. P. 87–90.
 Panda S.C., Bhan S. Alloying behaviour of zirconium with other transition metals // Zeitschrift fuer
- Metallkunde. 1973. V. 64. P. 793-799.
- 16. Kirkpatrick M.E., Larsen W.L. Phase relationships in the nickel-zirconium and nickel-hafnium alloy systems // Transactions of the American Society for Metals. 1961. V. 54. P. 580–590.
- 17. Ilyushin G.D. New Cluster Precursors K5 Pyramids and K4 Tetrahedra for Self-Assembly of Crystal Structures of $Mn_4(ThMn_4)(Mn_4)-t/26$, $Mn_4(CeCo_4)(Co_4)-t/26$, and $MoNi_4-t/10$ Families // Crystal-lography Reports. 2022. V. 67. Issue 7. P. 1088–1094.
- 18. Shevchenko V.Y., Medrish I.V., Ilyushin G.D., Blatov V.A. From clusters to crystals: Scale chemistry of intermetallics // Structural Chemistry. 2019. V. 30. P. 2015-2027.
- 19. Ilyushin G.D. Intermetallic Compounds $Na_k M_n$ (M = K, Cs, Ba, Ag, Pt, Au, Zn, Bi, Sb): Geometrical and Topological Analysis, Cluster Precursors, and Self-Assembly of Crystal Structures // Crystallography Reports. 2020. V. 65. \mathbb{N} 4. P. 539–545.
- 20. Ilyushin G.D. Intermetallic Compounds $K_n M_m$ (M = Ag, Au, As, Sb, Bi, Ge, Sn, Pb): Geometrical and Topological Analysis, Cluster Precursors, and Self-Assembly of Crystal Structures // Crystal-lography Reports. 2020. V. 65. No 7. P. 1095–1105.
- 21. *Ilyushin G.D.* Intermetallic Compounds Cs_nM_k (M = Na, K, Rb, Pt, Au, Hg, Te): Geometrical and Topological Analysis, Cluster Precursors, and Self-Assembly of Crystal Structures // Crystallography Reports. 2022. V. 67. Issue 7. P. 1075-1087.
- 22. Blatov V.A., Shevchenko A.P., Proserpio D.M. Applied Topological Analysis of Crystal Structures with the Program Package ToposPro // Cryst. Growth Des. 2014. V. 14. № 7. P. 3576–3585.