ЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ И МАГНИТНЫЕ СВОЙСТВА

УДК 537.611.4

МНОГООБРАЗИЕ ВИДОВ МАГНИТНОГО УПОРЯДОЧЕНИЯ: МЕТОД СЛУЧАЙНЫХ ПОЛЕЙ ОБМЕННОГО ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ

© 2020 г. В. И. Белоконь^{*a*, *}, О. И. Дьяченко^{*a*}, Р. В. Лапенков^{*a*}, Е. В. Чибиряк^{*a*}

^аШкола естественных наук, Дальневосточный федеральный университет, ул. Суханова, 8, Владивосток, 690950 России *e-mail: dvachenko.oi@dvfu.ru

Поступила в редакцию 29.10.2019 г. После доработки 14.01.2020 г. Принята к публикации 16.01.2020 г.

В рамках метода случайных полей обменного взаимодействия и модели Изинга проведено исследование различных вариантов магнитного упорядочения в двухподрешеточных магнетиках с обменным взаимодействием. Выявлены условия возникновения намагниченности в данных системах. Получены уравнения, позволяющие определить температуры фазовых переходов.

Ключевые слова: метод случайного поля, модель Изинга, магнитное упорядочение

DOI: 10.31857/S0015323020060030

введение

Магнетизм известен с древних времен, однако в этой области до сих пор ведутся интенсивные исследования. Во многом это связано с появлением новых магнитных материалов (таких как спиновое стекло, спиновый лед), которые используются в различных технических устройствах, в том числе устройствах вычислительной техники.

Простейшим классическим методом описания свойств магнитных систем с обменным взаимодействием является теория молекулярного поля. Однако она не способна описывать все многообразие видов магнитного упорядочения.

Одним из подходов, позволяющих расширить возможности применения и при этом сохранить простоту теории молекулярного поля, является теория случайных полей обменного взаимодействия [1, 2]. В этой теории функция распределения поля зависит от закона взаимодействия частиц. В частности, это может быть прямой обмен или РККИ-взаимодействие. Преимущество этого подхода по сравнению с обычной теорией молекулярного поля в том, что он позволяет количественно описать фазовые переходы в системах с любым законом обмена, а также дает возможность оценить критическую концентрацию взаимодействующих частиц, ниже которой фазовый переход невозможен [3].

Например, в работе [4] решена задача о концентрационных фазовых переходах в двухподрешеточных магнитных системах. В работе [5] рассмотрены магнитные фазовые переходы в тонких пленках.

Так как многие магнитные материалы по существу являются сплавами, состоящими из атомов разного сорта, то особый интерес представляет исследование магнитного упорядочения в таких материалах. Цель данной статьи — рассмотрение в рамках теории случайных полей взаимодействия и модели Изинга различных вариантов магнитного упорядочения в двухподрешеточных магнетиках с обменным взаимодействием.

ТЕОРИЯ СЛУЧАЙНЫХ ПОЛЕЙ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ

В методе случайных полей взаимодействия, который получил дальнейшее развитие в работах [6-8], предполагается, что эффективное (молекулярное) поле взаимодействия H является случайной величиной, распределенной по определенному закону. Случайность может быть связана как со случайным распределением примесей (при концентрации взаимодействующих атомов p < 1), так и с ориентацией магнитных моментов соседей. Соответствующая (приближенная) функция распределения приделения приделения привет вид

$$W(H) = \frac{1}{\sqrt{\pi B}} \exp\left\{-\frac{[H - H_0 M]^2}{B^2}\right\}.$$
 (1)

Среднее значение $\langle H \rangle = H_0 M$ и дисперсия $2\sigma^2 = B^2$ полей взаимодействия выражаются следующим образом:

$$H_0 = p \sum_k \varphi_k; \ B^2 = 2p \Big[1 - M^2 p \Big] \sum_k \varphi_k^2.$$
 (2)

Здесь p — концентрация обменно взаимодействующих частиц, φ_k — эффективное поле обменного взаимодействия, создаваемое атомом с номером k, $M = \langle \alpha \rangle - \langle \beta \rangle$ — средний магнитный момент, приходящийся на один атом, α и β — относительные вероятности ориентации магнитного момента частицы "вверх" и "вниз". Соответствующие значения в фигурных скобках обозначают конфигурационное и термодинамическое усреднение.

Уравнение, определяющее зависимость среднего магнитного момента M от температуры и концентрации атомов, имеет вид

$$M = \int \operatorname{th}\left[\frac{m_0 H}{kT}\right] W(H, M) dH, \qquad (3)$$

где m_0 — магнитный момент атома. Достоинство системы (1)—(3) состоит в том, что основные характеристики плотности распределения полей взаимодействия (математическое ожидание и дисперсия) не постулируются, а определяются законом взаимодействия $\varphi(m, r)$. W(H, M) представляет собой "размазанную" δ -функцию, которую в дальнейшем удобно заменить ступенчатой:

$$W(\tilde{H}) = \begin{cases} \frac{1}{2B}, & -B \le \tilde{H} \le B; \\ 0, & \tilde{H} < -B, & \tilde{H} > B. \end{cases}$$
(4)

Такая замена может быть оправдана только в области малых M, т.е. области фазовых переходов, где ошибка в вычислениях становится незначительной [7]. Отметим, что при $B \rightarrow 0$ уравнение (3) оказывается уравнением теории молекулярного поля.

Для $M \ll 1$, используя (3) и (4), можно вывести условия появления отличного от нуля М:

$$\frac{H_0}{B} \operatorname{th}\left[\frac{m_0 B}{kT}\right] > 1.$$
(5)

Это условие может быть реализовано при

$$\frac{H_0}{B} \ge 1. \tag{6}$$

Выражение для точки Кюри:

$$\frac{H_0}{B} \operatorname{th}\left[\frac{m_0 B}{k T_{\rm C}}\right] = 1.$$
(7)

Для случая прямого обмена условие (5) означает появление протекающего кластера. При переходе к теории молекулярного поля условие (5) дает

$$\frac{m_0 H_0}{kT} > 1. \tag{8}$$

ФИЗИКА МЕТАЛЛОВ И МЕТАЛЛОВЕДЕНИЕ том 121 № 8

Равенство единице определяет парамагнитную точку Кюри, которая всегда выше $T_{\rm C}$. В интервале между парамагнитной точкой Кюри и точкой Кюри дальний порядок сменяется ближним, а выше парамагнитной точки Кюри реализуется парамагнетизм. При

$$\frac{H_0}{B} < 1 \tag{9}$$

и *Т* ниже парамагнитной точки Кюри возможно упорядочение типа кластерного стекла.

ДВУХПОДРЕШЕТОЧНЫЕ МАГНЕТИКИ

В случае, если мы имеем две подрешетки, функция распределения случайных полей взаимодействия на атоме первой (второй) подрешетки выглядит следующим образом:

$$W(H_{1}) = \frac{1}{\sqrt{\pi}B_{1}} \exp\left[\frac{-\{H_{1} - M_{1}H_{011} - M_{2}H_{012}\}^{2}}{B_{1}^{2}}\right];$$

$$W(H_{2}) = \frac{1}{\sqrt{\pi}B_{2}} \exp\left[\frac{-\{H_{2} - M_{1}H_{021} - M_{2}H_{022}\}^{2}}{B_{2}^{2}}\right],$$
(10)

где

$$B_{1}^{2} = 2p_{1}\left(1 - M_{1}^{2}p_{1}\right)\sum_{k}\varphi_{11k}^{2} + 2p_{2} \times \left(1 - M_{2}^{2}p_{2}\right)\sum_{l}\varphi_{12l}^{2}, \qquad (11)$$

$$H_{011} = p_{1}\sum_{k}\varphi_{11k}, \quad H_{012} = p_{2}\sum_{l}\varphi_{12l}, \qquad B_{2}^{2} = 2p_{2}\left(1 - M_{2}^{2}p_{2}\right) \times \sum_{l}\varphi_{22l}^{2} + 2p_{1}\left(1 - M_{1}^{2}p_{1}\right)\sum_{k}\varphi_{21k}^{2}, \qquad (12)$$

$$H_{1} = p_{1}\sum_{k}\varphi_{11k}, \quad H_{012} = p_{2}\sum_{l}\varphi_{12l}, \qquad (12)$$

$$H_{022} = p_2 \sum_{l} \varphi_{22l}, \quad H_{021} = p_1 \sum_{k} \varphi_{21k},$$

индексы *k* и *l* нумеруют атомы первой и второй подрешетки соответственно. Здесь $\varphi_{11} = m_1 J_1, m_1$ – магнитный момент атома первой подрешетки; $\varphi_{12} = m_2 J_{21}, m_2$ – магнитный момент атома второй подрешетки. Для $\varphi_{22} = m_2 J_2, \varphi_{21} = m_1 J_{12}$ аналогично, при этом $J_{21} = J_{12}$ – обменные интегралы для атомов из разных подрешеток; p_1 и p_2 концентрации магнитных атомов в первой и второй подрешетках соответственно. M – средний магнитный момент, приходящийся на один атом. В случае прямого обмена получаем:

$$B_{1}^{2} = 2p_{1}\left(1 - M_{1}^{2}p_{1}\right)z_{1}m_{1}^{2}J_{1}^{2} + + 2p_{2}\left(1 - M_{2}^{2}p_{2}\right)z_{2}m_{2}^{2}J_{12}^{2};$$
(13)
$$H_{011} = p_{1}z_{1}m_{1}J_{1}, \quad H_{012} = p_{2}z_{2}m_{2}J_{12};$$

№ 8 2020

$$B_{2}^{2} = 2p_{2} \left(1 - M_{2}^{2} p_{2}\right) z_{2} m_{2}^{2} J_{2}^{2} + + 2p_{1} \left(1 - M_{1}^{2} p_{1}\right) z_{1} m_{1}^{2} J_{21}^{2};$$
(14)
$$H_{022} = p_{2} z_{2} m_{2} J_{2}, \quad H_{012} = p_{1} z_{1} m_{1} J_{21};$$

где z_1 и z_2 — число ближайших соседей у атома пер-вой и второй подрешетки, соответственно. В приближении ступенчатой функции распределения по полям взаимодействия (4), для относительных магнитных моментов, приходящихся на один атом подрешетки, получим:

Интегрируя (15) и (16), получаем систему уравнений, определяющих относительные магнитные моменты подрешеток:

$$M_{1} = \frac{kT}{2B_{1}m_{1}} \ln \frac{\operatorname{ch}\left[\frac{m_{1}}{kT}(M_{1}H_{011} + M_{2}H_{012} + B_{1})\right]}{\operatorname{ch}\left[\frac{m_{1}}{kT}(M_{1}H_{011} + M_{2}H_{012} - B_{1})\right]}; (17)$$
$$M_{2} = \frac{kT}{2B_{2}m_{2}} \ln \frac{\operatorname{ch}\left[\frac{m_{2}}{kT}(M_{2}H_{022} + M_{1}H_{021} + B_{2})\right]}{\operatorname{ch}\left[\frac{m_{2}}{kT}(M_{2}H_{022} + M_{1}H_{021} - B_{2})\right]}. (18)$$

При температурах, близких критической температуре фазового перехода, $M_1 \ll 1$, $M_2 \ll 1$, уравнения (17), (18) при разложении до третьего члена включительно выглядят следующим образом:

$$M_{1} = \frac{1}{B_{1}} \operatorname{th} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT} \right] (H_{011}M_{1} + H_{012}M_{2}) - \frac{1}{3B_{1}} \left(\frac{m_{1}}{kT} \right)^{2} \operatorname{th} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT} \right] (H_{011}M_{1} + H_{012}M_{2})^{3} + (19) + \frac{1}{3B_{1}} \left(\frac{m_{1}}{kT} \right)^{2} \operatorname{th}^{3} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT} \right] (H_{011}M_{1} + H_{012}M_{2})^{3};$$
$$M_{2} = \frac{1}{B_{2}} \operatorname{th} \left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT} \right] (H_{022}M_{2} + H_{021}M_{1}) - \frac{1}{3B_{2}} \left(\frac{m_{2}}{kT} \right)^{2} \operatorname{th} \left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT} \right] (H_{022}M_{2} + H_{021}M_{1})^{3} + (20) + \frac{1}{3B_{2}} \left(\frac{m_{2}}{kT} \right)^{2} \operatorname{th}^{3} \left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT} \right] (H_{022}M_{2} + H_{021}M_{1})^{3}.$$

Выразив в линейном приближении M_2 через M_1 и M_1 через M_2 и подставив в (19), (20), мы получаем уравнения для средних магнитных моментов:

$$M_{1}^{2} = \frac{3}{\left(\frac{m_{1}}{kT}\right)^{2} \left[1 - \text{th}^{2} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right]\right]} \times \frac{1}{\left\{H_{011} + \frac{H_{012}H_{021} \text{th} \left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT}\right]}{B_{2} - H_{022} \text{th} \left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT}\right]}^{2} - \frac{3B_{1}}{\left(\frac{m_{1}}{kT}\right)^{2} \left[1 - \text{th}^{2} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right]\right] \text{th}^{2} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right]} \times \frac{1}{\left\{H_{011} + \frac{H_{012}H_{021} \text{th} \left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT}\right]}{B_{2} - H_{022} \text{th} \left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT}\right]}^{3}}, \frac{1}{\left\{H_{022} + \frac{H_{012}H_{021} \text{th} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right]}{B_{1} - H_{011} \text{th} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right]}^{2} - \frac{3B_{2}}{\left(\frac{m_{2}}{kT}\right)^{2} \left[1 - \text{th}^{2} \left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT}\right]} \text{th}^{2} \left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT}\right]} \times \frac{1}{\left\{H_{022} + \frac{H_{012}H_{021} \text{th} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right]}{B_{1} - H_{011} \text{th} \left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right]}^{3}} \right\}}$$

$$(22)$$

Исходя из того, что разность в правой части не может быть отрицательной, получаем условия возникновения отличного от нуля среднего магнитного момента для обеих подрешеток:

$$\frac{H_{011}}{B_{1}} \operatorname{th}\left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right] \left\{ 1 + \frac{\frac{H_{012}H_{021}}{H_{011}B_{2}} \operatorname{th}\left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT}\right]}{1 - \frac{H_{022}}{B_{2}} \operatorname{th}\left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT}\right]} \right\} > 1; \quad (23)$$

$$\frac{H_{022}}{B_{2}} \operatorname{th}\left[\frac{m_{2}B_{2}}{kT}\right] \left\{ 1 + \frac{\frac{H_{012}H_{021}}{H_{022}B_{1}} \operatorname{th}\left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right]}{1 - \frac{H_{011}}{B_{1}} \operatorname{th}\left[\frac{m_{1}B_{1}}{kT}\right]} \right\} > 1. \quad (24)$$

Опираясь на неравенства (23), (24), можно выделить следующие частные случаи магнитного упорядочения, которые могут возникнуть при выполнении неравенств, записанных ниже:

1. Отсутствие взаимодействия между подрешетками, $H_{012} = H_{021} = 0$. Каждая из подрешеток ниже температуры Кюри упорядочивается ферромагнитно:

$$\frac{H_{011}}{B_1} \text{th}\left[\frac{m_1 B_1}{k T_{C,1}}\right] = 1; \quad \frac{H_{022}}{B_2} \text{th}\left[\frac{m_2 B_2}{k T_{C,2}}\right] = 1.$$
(25)

2. Отсутствие взаимодействия внутри подрешеток, $H_{011} = H_{022} = 0$ и при этом имеется отрицательное обменное взаимодействие между подрешетками. Тогда ниже критической температуры мы имеем ферримагнитное упорядочение:

$$\frac{H_{012}}{B_1} \operatorname{th}\left[\frac{m_1 B_1}{k T_C}\right] \frac{H_{021}}{B_2} \operatorname{th}\left[\frac{m_2 B_2}{k T_C}\right] = 1.$$
(26)

3. Отсутствие взаимодействия внутри подрешеток $H_{011} = H_{022} = 0$, а также равенства $B_1 = B_2 = B$, $H_{012} = H_{021} = H$. Обменное взаимодействие между подрешетками также предполагается отрицательным. В этом случае мы имеем антиферромагнитное упорядочение:

$$\frac{H^2}{B^2} \text{th}^2 \left[\frac{mB}{kT_{\rm N}} \right] = 1, \qquad (27)$$

*T*_N – температура Нееля.

4. Предположим, что в первой подрешетке ниже критической температуры реализуется ферромагнитное упорядочение, т.е. имеется отличный от нуля средний магнитный момент $M_1 \neq 0$. В это время во второй подрешетке ниже критической температуры средний магнитный момент равен нулю $M_2 = 0$, но при этом наблюдается отличный от нуля средний квадрат магнитного момента, приходящегося на один атом $\langle M_2^2 \rangle \neq 0$, который может свидетельствовать о переходе в сперомагнитное состояние. Вычислим $\langle M_2^2 \rangle$ в рамках теории случайных полей взаимодействия:

$$\left\langle M_{2}^{2} \right\rangle = \frac{1}{2B_{2}} \times \\ \times \int_{-B_{2}}^{B_{2}} \operatorname{th}^{2} \left[\frac{m_{2}}{kT} (H_{2} + M_{2}H_{022} + M_{1}H_{021}) \right] dH_{2}.$$
(28)

Интегрируя (28), получаем:

$$\left\langle M_{2}^{2} \right\rangle = 1 - \frac{kT}{2B_{2}m_{2}} \times \\ \times \operatorname{th} \left[\frac{m_{2}}{kT} (M_{2}H_{022} + M_{1}H_{021} + B_{2}) \right] + \\ + \frac{kT}{2B_{2}m_{2}} \operatorname{th} \left[\frac{m_{2}}{kT} (M_{2}H_{022} + M_{1}H_{021} - B_{2}) \right].$$
(29)

ФИЗИКА МЕТАЛЛОВ И МЕТАЛЛОВЕДЕНИЕ

Из (29) видно, что даже если $M_2 = 0$, то $\langle M_2^2 \rangle$ может быть отлично от нуля, т.е. подрешетка может находиться в сперомагнитном состоянии. Согласно [9], такой тип упорядочения, при котором в одной подрешетке имеется ферромагнитное состояние, а во второй отсутствует средний магнитный момент, называется сперимагнитным.

В качестве примера можно рассмотреть двухподрешеточный магнетик со следующими параметрами:

$$H_{011} = J_1 m_1 z_1; (30)$$

$$H_{022} = J_2 m_2 z_2, \tag{31}$$

$$H_{012} = J_{12}m_2z_2, (32)$$

$$H_{021} = J_{21} m_1 z_1, \tag{33}$$

$$B_{1} = \sqrt{2z_{1} (J_{1}m_{1})^{2} + 2z_{2} (J_{12}m_{2})^{2}}, \qquad (34)$$

$$B_2 = \sqrt{2z_2 (J_2 m_2)^2 + 2z_1 (J_{21} m_1)^2}.$$
 (35)

Здесь $m_1 = m_2 = 3\mu_B = 3 \times 927 \times 10^{-23}$ Эрг/Гс, $z_1 = 8, z_2 = 12, J_1 = J_2 = 10^{25}$ Гс²/Эрг, $J_{21} = J_{12} =$ $= -10^{20}$ Гс²/Эрг, p = 1. Приравняв левые части выражений (23) и (24) к единице, определим температуру Кюри, которая для каждой из подрешеток составляет: $T_{C, 1} = 410$ К, $T_{C, 2} = 630$ К. Если $B \rightarrow 0$, то парамагнитная точка Кюри составит 440 К. Соответственно, в интервале 410 < T_C < 440 К имеет место сперомагнитное упорядочение, в этом случае в одной из подрешеток реализуется спиновое стекло, а в другой – ферромагнетизм.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Таким образом, метод случайных полей взаимодействия позволяет более точно по сравнению с теорией молекулярного поля оценить температуры фазовых переходов в состояние ферромагнитного, ферримагнитного, антиферромагнитного упорядочения, разделив температуру Кюри и парамагнитную точку Кюри. Кроме того, этот метод дает возможность исследовать переходы в состояние кластерного стекла, сперомагнитного и сперимагнитного упорядочения.

Работа выполнена при финансовой поддержке государственного задания Министерства образования и науки Российской Федерации мнемокод 0657-2020-0005, FZNS-2020-0005.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

 Belokon V., Nefedev K., Kapitan V., Dyachenko O. Magnetic states of nanoparticles with RKKY interaction // Adv. Mater. Research. 2013. V. 774. P. 523–527.

№ 8 2020

том 121

- 2. *Nefedev K., Belokon V.* Magnetic phase transitions in amorphous systems with competing exchange interactions // Phys. Solid State. 2002. V. 44. № 9. P. 1708.
- Афремов Л.Л., Белоконь В.И., Дьяченко О.И., Петров А.А. Метод случайного поля в магнетизме наночастиц. Дальневосточный федеральный ун-т, Владивосток, 2016, 107 с.
- Belokon V., Kapitan V., Dyachenko O. The combination of the random interaction fields' method and the Bethe-Peierls method for studying twosublattice magnets // J. Magn. Magn. Mater. 2016. V. 401. P. 651.
- Belokon V., Dyachenko O. Random interaction fields method: magnetic phase transitions in the thin films // J. Magn. Magn. Mater. 2015. V. 374. P. 92.

- 6. *Belokon V., Semkin S.* Random-field method in the theory of binary-alloys ferromagnetism. // J. Exp. Theor. Phys. 1993. V. 77. № 5. P. 815–818.
- Belokon V., Nefedev K. Distribution function for random interaction fields in disordered magnets: Spin and macrospin glass // J. Exp. Theor. Phys. 2001. V. 93. № 1. P. 136–142.
- Belokon V., Trofimov A., Dyachenko O. Oguchis method and random interaction fields method: Investigation of properties of ferromagnetic materials // J. Magn. Magn. Mater. 2019. V. 471. P. 501.
- Хёрд К.М. Многообразие видов магнитного упорядочения в твердых телах // УФН. 1984. Т. 142. С. 331–355.