# \_\_\_\_\_ ЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ И МАГНИТНЫЕ \_\_\_\_ СВОЙСТВА

УДК 537.611.3

# ОСОБЕННОСТИ ПРОЯВЛЕНИЯ ФЛЕКСОМАГНИТОЭЛЕКТРИЧЕСКОГО ЭФФЕКТА ВО ВНЕШНЕМ МАГНИТНОМ ПОЛЕ

© 2023 г. Р. М. Вахитов<sup>а,</sup> \*, Р. В. Солонецкий<sup>а</sup>, А. Р. Низямова<sup>а</sup>

<sup>а</sup>Уфимский университет науки и технологий, ул. Заки Валиди, 32, Уфа, 450076 Россия \*e-mail: vakhitovrm@yahoo.com Поступила в редакцию 20.07.2022 г. После доработки 23.09.2022 г.

Принята к публикации 12.10.2022 г.

Исследуется влияние магнитного поля на поведение 180-градусных доменных границ в одноосной ферромагнитной пленке с неоднородным магнитоэлектрическим взаимодействием. Показано, что в зависимости от величины и направления поля можно усилить или ослабить флексомагнитоэлектрический эффект в исследуемом в образце. Кроме того, было установлено, что в обратном поле возможен эффект переключения характера взаимодействия источника электрического поля с доменной стенкой с притяжения на отталкивание.

*Ключевые слова:* одноосная ферромагнитная пленка, флексомагнитоэлектрический эффект, 180-градусная доменная граница, неоднородное электрическое поле, магнитное поле **DOI:** 10.31857/S0015323022601350, **EDN:** KQLORM

1. ВВЕДЕНИЕ

В настоящее время повышенный интерес вызывают исследования магнитоэлектрических эффектов, наблюдаемых в определенном классе магнетиков, называемых мультиферроиками [1, 2]. Они характеризуются двумя и более параметрами порядка и обладают рядом необычных свойств, которые могут найти применение в устройствах спинтроники и магнитной памяти нового поколения. К мультиферроикам, как известно, относятся и пленки ферритов-гранатов, в которых и был обнаружен гигантский магнитоэлектрический эффект (линейный) при комнатной температуре [3]. Спустя некоторое время в них был открыт новый эффект подобного типа, заключающийся в явлении смещения доменных границ (ДГ) под действием неоднородного электрического поля [4]. Анализируя данные эксперимента, авторы предположили, что их можно объяснить проявлефлексомагнитоэлектрического нием эффекта (ФМЭ) [1], т.е. наличием в исследуемых материалах неоднородного магнитоэлектрического взаимодействия (НМЭВ), впервые рассмотренного в работе [5]. Полученные в [4] результаты инициировали новые исследования в этом направлении [6-11], что позволило более основательно изучить влияние электрического поля на структуру и свойства магнитных неоднородностей различной топологии в магнитных пленках с НМЭВ.

В то же время в работах [12, 13] была предложена другая интерпретация опытных данных [3], которая не связана с "заряженными" ДГ. Она базируется на эффекте возможного изменения константы анизотропии материала, обусловленного смещением однотипных ионов относительно положения равновесия под действием неоднородного электрического поля. Необходимо отметить. что в работе [14] на основе флуоресцентной спектроскопии одиночных молекул была подтверждена флексомагнитоэлектрическая природа наведенной электрической поляризации в пленках ферритов-гранатов. Тем не менее сравнительный анализ приведенных механизмов показал [15], что они оба на качественном уровне вполне объясняют картину поведения ДГ в неоднородном электрическом поле. Отсюда следует, что каждый из механизмов вносит свой вклад в изучаемое явление. Однако какой из них является доминирующим, необходимо выяснить в ходе дальнейших исследований. Кроме того, представляет практический интерес изучение различных факторов (внешних или внутренних), существенно сказывающихся на степень проявления данного эффекта. В частности, в работах [15-19] было показано, что на некоторые свойства ДГ (величину смещения, скорость и т.д.), а также на ее трансформацию в неоднородном электрическом поле существенное влияние оказывает внешнее магнитное поле, и в особенности ее плоскостная компонента [15, 19]. С этой целью в данной работе проводится теоретический анализ влияния внешнего магнитного поля на характер проявления ФМЭ в изучаемых магнетиках.

#### 2. ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ

Рассматривается одноосный ферромагнетик в форме пленки толщиной *D*. Предполагается, что ось легкого намагничивания перпендикулярной анизотропии направлена вдоль нормали к пленке и параллельна оси *Oz* (рис. 1), ось *Oy* совпадает с направлением, вдоль которого образец неоднороден, т.е. вдоль нее происходит вращение магнитных моментов. Вектор намагниченности  $\mathbf{M} = M_{s}\mathbf{m}$  ( $M_{s}$  – намагниченность насыщения) выражается через единичный вектор  $\mathbf{m}$ , определяемый через переменные  $\theta$  и  $\phi$ :  $\mathbf{m} = (\sin\theta \cdot \cos\phi, \sin\phi, \cos\theta \cdot \cos\phi)$ .

Энергия магнетика, приведенная к площади сечения пленки плоскостью *xOz*, берется в виде:

$$E = \int_{-\infty}^{\infty} \left\{ A \left[ \left( \frac{d\varphi}{dy} \right)^2 + \cos^2 \varphi \left( \frac{d\theta}{dy} \right)^2 \right] + K_u \times \right.$$

$$\times \left( \sin^2 \theta \cos^2 \varphi + \sin^2 \varphi \right) + \varepsilon_{\text{int}} + \varepsilon_{\text{H}} + 2\pi M_s^2 \sin^2 \varphi \left. \right\} \frac{(1)}{dy}.$$

Здесь A — обменный параметр,  $K_u$  — константа одноосной анизотропии,  $\varepsilon_{int}$ ,  $\varepsilon_H$  — плотности энергии НМЭВ и зеемановского взаимодействия, соответственно. Последнее слагаемое представляет плотность энергии размагничивающих полей от объемных зарядов [20, 21]. При этом предполагается, что пленка является толстой ( $\Delta_0 \ll D < \Lambda_0, \Delta_0 = \sqrt{A/K_u}$  — характерный размер ДГ,  $\Lambda_0 = \sqrt{A/2\pi M_s}$  — размер линии Блоха [22]) и пренебрегается вкладом размагничивающих полей. Соответственно, формула для  $\varepsilon_H$  имеет вид:

$$\varepsilon_{\rm H} = -M_{\rm s}\,({\rm m}{\rm H}),\tag{2}$$

+(

выражение для  $\varepsilon_{int}$  берется в форме [23]:

$$\varepsilon_{\rm int} = M_{\rm s} \mathbf{E} \left( b_{\rm l} \mathbf{m} {\rm div} \mathbf{m} + b_{\rm 2} \left[ \mathbf{m} \times {\rm rot} \mathbf{m} \right] \right), \qquad (3)$$

где  $b_1$ ,  $b_2$  — магнитоэлектрические постоянные, Е и **H** — напряженности, соответственно, электрического и магнитного полей. В данном случае эти поля считаются неоднородными и действуют в ограниченных областях пространства:

$$\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 / \mathrm{ch}^{-1} (y/L_1), \quad H = H_0 / \mathrm{ch}^{-1} (y/L_2), \quad (4)$$

где  $\mathbf{E}_0 = \mathbf{E}(0)$ ,  $H_0 = H(0)$  — значения соответствующих полей в центре полосы их действия,  $L_1, L_2$  — характерные размеры соответствующих полос вдоль оси *Оу*. При этом предполагается, что поле **E** направлено вдоль оси *Oz* (**E**||*Oz*), поле **H** произвольно.



Рис. 1. Схема, иллюстрирующая геометрию задачи.

Тогда выражение для  $\varepsilon_{int}$ , записанное через угловые переменные, примет вид:

$$\varepsilon_{\text{int}} = \mathbf{E}M_{s}^{2} \bigg[ (b_{1}\cos^{2}\varphi + b_{2}\sin^{2}\varphi)\cos\theta \frac{d\varphi}{dy} + b_{2}\sin\theta\sin\varphi\cos\varphi \frac{d\theta}{dy} \bigg].$$
(5)

Структура и свойства магнитных неоднородностей определяются из уравнений Эйлера— Лагранжа, которые имеют вид:

$$\frac{d}{d\xi} \left( \cos^2 \varphi \frac{d\theta}{d\xi} \right) - \sin \theta \cos \theta \cos^2 \varphi + + (\lambda_1 + \lambda_2) f(\xi) \sin \theta \cos^2 \varphi d\varphi \frac{d\varphi}{d\xi} + + \lambda_2 \sin \theta \sin \varphi \cos \varphi \frac{df(\xi)}{d\xi} - \frac{\frac{\partial \varepsilon_{\rm H}}{\partial \theta}}{M_{\rm s} H_{\rm u}} = 0; \frac{d^2 \varphi}{d\xi^2} - \sin \varphi \cos \varphi \left[ \cos^2 \theta - \left( \frac{d\theta}{d\xi} \right)^2 \right] -$$
(6)  
$$- (\lambda_1 + \lambda_2) f(\xi) \sin \theta \cos^2 \varphi \frac{d\theta}{d\xi} + (\lambda_1 \cos^2 \varphi + \lambda_2 \sin^2 \varphi) \cos \theta \frac{df(\xi)}{d\xi} - \frac{1}{M_{\rm s} H_{\rm u}} \frac{\partial \varepsilon_{\rm H}}{\partial \varphi} - - Q^{-1} \sin \varphi \cos \varphi = 0.$$

Здесь  $\lambda_i = \mathbf{E}_0 / \mathbf{E}_i = \mathbf{E}_0 M_s^2 b_i / 2K_u \Delta_0$ ,  $\mathbf{E}_i = 2K_u \times \Delta_0 / M_s^2 b_i$ , i = 1, 2;  $\xi = y / \Delta_0$ ,  $l_i = L_i / \Delta_0$ ,  $f(\xi) =$ = ch<sup>-1</sup> ( $\xi / l_i$ ), Q =  $K_u / 2\pi M_s^2$ . Величины  $\lambda_i$ ,  $\mathscr{E}_i$  – соответственно, приведенные и характерные электрические поля,  $\xi$  – приведенная координата, Q – фактор качества материала,  $H_u = 2K_u / M_s$  – поле одноосной анизотропии. В дальнейшем будет задействован еще один безразмерный параметр h ==  $H_0 / H_u$  (приведенное магнитное поле).

Численный анализ этих уравнений с учетом НМЭВ показал [21], что в одноосных ферромагнетиках при h = 0 в зависимости от выбранных

ФИЗИКА МЕТАЛЛОВ И МЕТАЛЛОВЕДЕНИЕ том 124 № 1 2023



**Рис. 2.** Зависимости интегральной величины поляризации N 180° ДГ от параметра  $\lambda$  в магнитном поле **Н** || Ox. Линия I (черная) соответствует h = 0, 2 (красная) - h = 0.1, 3 (синяя) - h = 0.2, 4 (желтая) h = 0.4. Здесь и в дальнейшем значения материальных параметров берутся следующие:  $Q = 3, l_1 = 5, l_2 = 1000$ .

граничных условий, налагаемых на  $\theta$  и  $\phi$  при  $|\xi| \to \infty$ , возможно существование трех типов микромагнитных структур. Таковыми являются 180° ДГ с некруговой траекторией вектора намагниченности [24], 0° ДГ с квазиблоховской структурой [24, 25], 0° ДГ неелевского типа [25]. В данной работе основное внимание будет уделено поведению 180° ДГ в исследуемом ферромагнетике во внешнем магнитном поле, что связано с аналогичными экспериментальными исследованиями  $\Phi$ MЭ [15, 19], в которых наблюдали только такой тип границ.

### 3. ТРАНСФОРМАЦИЯ 180° ДГ В ЭЛЕКТРИЧЕСКОМ ПОЛЕ, **H** = 0

Очевидно, 180° ДГ блоховского типа во внешнем магнитном поле **H** будет трансформироваться, однако характер этих изменений будет зависеть как от величины, так и от ориентации поля **H** относительно плоскости ДГ. При этом случай, когда **H**  $\parallel Oz$ , для 180° ДГ не имеет смысла рассматривать, так как такое поле приведет лишь к смещению ДГ как целого.

Рассмотрим сначала случай h = 0. Численное исследование уравнений (6) (здесь рассматривается случай  $\lambda_1 = \lambda_2 = \lambda$ ) показывает [21], что 180° ДГ блоховского типа при действии на нее неоднородного электрического поля претерпевает ряд трансформаций ее текстуры при возрастании величины  $\lambda$ : 180° ДГ блоховского типа  $\rightarrow$  180° ДГ с квазиблоховской структурой  $\rightarrow$  180° ДГ с квазинеелевской структурой  $\rightarrow$  180° ДГ неелевского типа. Магнитные неоднородности, находящиеся в данной цепочке превращений в промежуточных позициях, относятся к ДГ с некруговой траекторией вектора намагниченности [10, 21, 24]. Это означает, что магнитные моменты в обоих типах ДГ имеют как блоховскую ( $m_x \neq 0$ ), так и неелевскую ( $m_y \neq 0$ ) компоненты. Однако их отличие заключается в том, что 180° ДГ с квазиблоховской структурой не имеет участков с чисто неелевским законом поворота магнитных моментов ( $m_y = 0$ ), а во втором типе такие участки имеются.

Следует отметить, что каскад трансформаций структуры 180° ДГ, возникающих при возрастании электрического поля, сопровождается вначале индуцированием в окрестности 180° ДГ связанных зарядов, и последующим возрастанием электрической поляризации (как ее дифференциальной величины  $p = vp_0$ , так и интегральной –  $P = Np_0$ , где v и N – приведенные, дифференциальная и интегральная поляризации ( $p_0 = M_s^2 b_j / \Delta_0$  – характерная величина поляризации [21]). При достижении полем значения  $\lambda = \lambda_c$ , при котором 180° ДГ становится полностью неелевской, на графике зависимости  $N = N(\lambda)$  (рис. 2, черная кривая) имеется излом: резкий подъем сменяется участком медленного (адиабатического) возрастания величины N.

#### 4. ТРАНСФОРМАЦИЯ 180° ДГ В МАГНИТНОМ ПОЛЕ, $\lambda = 0$

Рассмотрим влияние внешнего магнитного поля на структуру и свойства 180° ДГ. Положим, что **H** || *Ох* и совпадает с направлением магнитных моментов в плоскости ДГ при *y* = 0. При этом магнитные моменты образуют с полем угол  $\psi$ , лежащий в интервале  $0 \le \psi \le \theta_0$ , где  $\theta_0$  = arcsin (h). Анализ уравнений (6) для данного случая показывает, что в отсутствие электрического поля ( $\lambda$  = 0) намагниченность в доменах **M**<sub>0</sub> составляет с осью *Оz* угол  $\theta_0$ . Соответственно, 180° ДГ блоховского типа при действии магнитного поля *h* становится уже (180°–2 $\theta_0$ ) с законом поворота вектора **m** в стенке, определяемый выражениями (при  $l_2 \rightarrow \infty$ ):

$$\theta = 2 \arctan\left\{ \left[ 1 - \sqrt{1 - h^2} th\left(\frac{\sqrt{1 - h^2}\xi}{2}\right) \right] / h \right\}, \quad \varphi = 0.(7)$$

Отсюда видно, что при возрастании поля *h* максимальный угол разворота намагниченности  $\theta_m$  в такой ДГ, равный  $\theta_m = (180^\circ - 2\theta_0)$ , будет непрерывно уменьшаться, а ее ширина  $\Delta$  будет увеличиваться (рис. 3).

При достижении полем *h* критической величины h = 1 ( $H = H_u$ ) предельные ориентации намагниченности в доменах  $\mathbf{m}_1$  и  $\mathbf{m}_2$  ( $\mathbf{m}_1 = \mathbf{m}$  ( $-\infty$ ),  $\mathbf{m}_2 = \mathbf{m}$  ( $\infty$ )) становятся параллельными ( $\mathbf{m}_1 \| \mathbf{m}_2$ ),



Рис. 3. Зависимости ширины  $180^{\circ}$  ДГ  $\Delta$  от магнитного поля. (**H** || *Ox*). Здесь  $\lambda = 0$ , линия *I* соответствует  $l_2 = 3$ ,  $2 - l_2 = 5$ ,  $3 - l_3 = 10$ ,  $4 - l_2 = 1000$ .

а ширина такой ДГ неограниченно возрастает. Соответственно,  $\theta_m \rightarrow 0$  и стенка исчезает. Однако, если магнитное поле является неоднородным и действует в ограниченной области, представляющей полоску шириной  $l_2$  (вдоль оси *Oy*), то в этом случае согласно расчетам при возрастании *h* ширина ДГ  $\Delta$  будет также увеличиваться, но с меньшим углом наклона соответствующей кривой (рис. 3). В то же время угол разворота  $\theta_m$  будет убывать, но предельного значения  $\theta_m = 0$  он достигнет в значительно больших полях (h > 1).

Если магнитное поле направлено противоположно оси Ox, то 180° ДГ будет трансформироваться по другому сценарию. В данном случае магнитные моменты в доменах начнут также отклоняться от оси Oz в сторону направления поля **H**, но разворот вектора **m** будет уже  $\theta_m \ge \pi$ . При этом структура 180° ДГ станет описываться уже другим распределением намагниченности, имеющем вид (при  $l_2 \to \infty$ ):

$$\theta = -2\operatorname{arctg}\left\{\left[1 + \sqrt{1 - h^2} \operatorname{cth}\left(\sqrt{1 - h^2} \xi/2\right)\right]/h\right\}, \quad (8)$$
  
$$\varphi = 0.$$

Соответственно, годограф вектора намагниченности **m** будет описывать более "длинную" траекторию на поверхности сферы единичного радиуса ( $\theta_m = \pi + 2\theta_0$ ), чем в первом случае ориентации **H**. Таким образом эта стенка представляет ( $180^\circ + 2\theta_0$ ) ДГ. При возрастании *h* угол  $\theta_m$  будет увеличиваться и в пределе при *h* = 1 угол  $\theta_m = 2\pi$ , т.е. ( $180^\circ + 2\theta_0$ ) ДГ станет уже  $360^\circ$  ДГ. Соответственно, магнитные моменты, расположенные в центре стенки (вблизи *y* = 0), будут направлены противоположно полю **H**. Как извест-



**Рис. 4.** Зависимости угла  $\phi$  от приведенной координаты  $\xi$  в магнитном поле  $H \parallel Oy$  для разных значений h. Здесь  $\lambda = 0$ , линия I' (зеленая штриховая) соответствует h = 0.1, 2' (желтая штрих-пунктирная) -h == -0.1,  $\lambda = 0.3$ : линия I (фиолетовая) соответствует значению h = 0.1, линия 2 (красная) -h = 0, линия 3(зеленая) -h = -0.2, линия 4 (голубая) -h = -0.26, линия 5 (желтая) -h = -0.3, линия 6 (черная) -h = -0.4

но, такая стенка становится неустойчивой относительно флуктуаций вектора намагниченности неелевского типа и при определенной величине поля h [26] схлопывается и исчезает.

Если магнитное поле **H** направлено вдоль оси *Oy*, то происходит качественное изменение структуры 180° ДГ в магнитном поле. В этом случае стенка, оставаясь 180-градусной, преобразуется из блоховского типа в квазиблоховскую стенку, т.к. происходит выход намагниченности **M** из плоскости ДГ ( $\phi \neq 0$ ). Кроме того, намагниченность в доменах **M**<sub>0</sub> отклоняется от плоскости *xOz* (совпадающая с плоскостью ДГ) на угол  $\phi_0 = \phi(\infty) \neq 0$ (рис. 4, зеленая штриховая линия (*T*)).

С возрастанием *h* максимальный угол выхода  $\varphi_m$  увеличивается и при некотором  $h = h_1$  достигает значения  $\varphi_m = \pi/2$ . При дальнейшем увеличении поля вплоть до  $h = h_2$  (при Q = 3,  $l_2 = 1000$ ,  $h_2 =$  = 0.4) неелевский вклад в структуру ДГ возрастает ( $m_y$  увеличивается), а блоховский – убывает ( $m_x \rightarrow 0$ ). Наконец при  $h = h_2$  стенка становится полностью неелевской. Последующее увеличение *h* приводит к тому, что стенка становится неустойчивой и схлопывается. При уменьшении размера полосы неоднородности магнитного поля  $l_2$  это критическое поле возрастает. В обратном поле процесс трансформации 180° ДГ полностью повторяется, однако угол  $\varphi_m$  в этом случае будет принимать значения противоположного знака.



Рис. 5. Профили 180° ДГ, определяемые зависимостями угловых переменных  $\theta$  (а) и  $\varphi$  (б) от приведенной координаты  $\xi$  в магнитном поле **H** || *Ох*: линия *1* (черная) – *h* = 0, линия *2* (красная) – *h* = 0.2, линия *3* (синяя) – *h* = -0.13. Здесь  $\lambda$  = 0.2.

#### 5. ПРЕОБРАЗОВАНИЕ 180° ДГ В МАГНИТНОМ ПОЛЕ, $(\lambda \neq 0)$

Изучим теперь влияние внешнего магнитного поля на флексомагнитоэлектрический эффект. Будем считать, что **H** || *Ох*, и киральность ДГ такова, что направление магнитных моментов (при y = 0) совпадают с **H**. Тогда при "включении" поля будет иметь место аналогичная трансформация, рассмотренная в предыдущем разделе: 180° ДГ с квазиблоховской структурой преобразуется в (180° – 2 $\theta_0$ ) ДГ также с выходом **m** из плоскости вращения магнитных моментов (рис. 5а). Однако при этом с возрастанием величины *h*, которое стремится повернуть магнитные моменты вдоль поля (т.е. вернуть их снова в плоскость ДГ при неизменном значении параметра  $\lambda$ ) максимальный угол выхода  $\phi_m$  уменьшается (рис. 5б).

Кроме того, понижается и максимальная величина дифференциальной поляризации *p*<sub>m</sub> (рис. 6).

Последнее приводит к уменьшению интегральной поляризации *N*. Однако с возрастанием напряженности электрического поля  $\mathscr{C}_0$ (увеличивается  $\lambda$ ) относительное убывание  $\Delta N/N (\Delta N = N (h_2) - N(h_1), N(h_i)$  – значения интегральной поляризации, рассматриваемые



**Рис. 6.** Зависимости величины  $v_m для 180^\circ Д\Gamma$  от параметра  $\lambda$  в магнитном поле  $H \parallel Ox$ . Линия 1 (черная) соответствует h = 0, 2 (красная) -h = 0.1, 3 (синяя) -h == 0.2, 4 (желтая) -h = 0.4.

для разных величин  $h_i$  (i = 1.2), но при одинаковом значении  $\lambda$ ) будет уменьшаться, пока в пределе не достигнет нуля. В этом случае все кривые  $N = N(\lambda)$  сходятся в пределе ( $\lambda \rightarrow \infty$ ) к одной и той же асимптоте (рис. 2), которой соответствует кривая зависимости 180° ДГ неелевского типа (h = 0). Такое же поведение демонстрируют и кривые зависимости  $\phi_m = \phi_m(\lambda)$  и  $v_m = v_m(\lambda)$ . Отсюда следует, что воздействие магнитного поля с  $\mathbf{H} \parallel Ox$ , ослабляет ФМЭ. Кроме того, наличие магнитного поля приводит к сглаживанию перехода от 180° ДГ квазинеелевского типа в 180° ДГ типа Нееля (на графиках зависимости  $N = N(\lambda)$ ), (рис. 2) отсутствует "излом" кривых), а также – к понижению критического поля  $\lambda_c$  такого перехода.

Если магнитное поле направить противоположно оси Ox, то магнитные моменты в доменах будут отклоняться от оси Oz в обратную сторону и 180° ДГ также преобразуется в (180° – 2 $\theta_0$ ) ДГ. При этом угол выхода намагниченности из плоскости стенки существенно возрастает (рис. 5), соответственно, возрастает и дифференциальная поляризация v, что ведет к увеличению интегральной поляризации N (рис. 2). Таким образом, в обратном поле ФМЭ в исследуемом образце значительно усиливается.

Рассмотрим теперь ситуацию, когда на исходный магнетик действует магнитное поле  $\mathbf{H} \mid Oy$ . В этом случае 180° ДГ типа Блоха преобразуется под действием магнитного поля в квазиблоховскую стенку уже при  $\lambda = 0$ . При этом намагниченность в доменах  $\mathbf{M}_0$  отклоняются от плоскости xOz на угол  $\varphi_0$  (рис. 4). При  $\lambda \neq 0$  процесс изменения топологии стенки усиливается; с возрастанием величины *h* увеличивается как угол  $\varphi_0$  и максимальный угол отклонения от однородного состояния ( $\varphi_m - \varphi_0$ ), так и максимальное значение диффе-



**Рис.** 7. Зависимости интегральной поляризации 180° ДГ от параметра  $\lambda$  в магнитном поле  $H \parallel Oy$ . Линия 4 (черная) соответствует h = 0, 3 (красная) -h = 0.1, 2 (синяя) -h = 0.2, 1 (желтая) -h = 0.4, 5 (красная штриховая) -h = -0.1, 6 (синяя штриховая) -h = -0.2.

ренциальной поляризации  $v_m$ . Соответственно, повышается и величина интегральной поляризации N (рис. 7).

При этом наблюдается интересная закономерность: чем больше значение h, тем при меньших электрических полях достигается переход квазиблоховской 180° ДГ в неелевскую стенку, в то же время максимальное значение интегральной поляризации уменьшается (рис. 8).

При достижении электрическим полем его критического значения  $\lambda = \lambda_c$  структура 180° ДГ становится неелевской. При этом на графике зависимости интегральной поляризации *N* от  $\lambda$  также имеет место излом, аналогично тому, что было при h = 0. Отсюда следует, что при действии магнитного поля **H** вдоль оси *Oy* ФМЭ усиливается, но происходит это в малых полях *h*, а в больших – эффект ослабевает.

В случае, когда направление Н противоположно оси Оу, магнитные моменты, поворачиваясь в сторону поля, в результате образуют угол  $\phi_0 = \phi(\infty)$ , который становится отрицательным и понижает максимальный угол выхода намагниченности из плоскости ДГ  $\phi_m$  (рис. 4). В итоге уменьшаются величины  $v_m$  и *N*. При дальнейшим возрастании h, величина N понижается и при некотором значении  $h = h_0$ , она становятся нулевой, а при  $h > h_0$  отрицательной (рис. 8). Это означает, что 180° ДГ должна будет отталкиваться от источника неоднородного электрического поля. Таким образом, путем переключения направления магнитного поля можно осуществить смену знака поляризации и тем самым изменить характер взаимодействия 180° ДГ с внешним электрическим полем. Полученный результат хорошо согласуется с экспериментальными данными [4]. Он позволяет с помощью электрического и магнитного полей ре-



**Рис. 8.** Зависимости максимального угла отклонения от однородного состояния  $\phi_{\rm m}$  180° ДГ от параметра  $\lambda$  в магнитном поле  $H \parallel Oy$ . Линия 4 (черная) соответствует h = 0, 3 (красная) - h = 0.1, 2 (синяя) - h = 0.2, 1 (желтая) h = 0.4, 5 (красная штриховая) - h = -0.1, 6 (синяя штриховая) - h = -0.2.

гулировать движение ДГ, что представляет практический интерес.

#### ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Таким образом, из приведенных результатов следует, что наличие внешнего магнитного поля оказывает существенное влияние на флексомагнитоэлектрический эффект, наблюдаемый в пленках ферритов-гранатов с НМЭВ. Степень его воздействия зависит как от величины, так и от ориентации магнитного поля относительно плоскости 180° ДГ. В частности, в данной работе структуру 180° ДГ изучали при двух взаимно перпендикулярных направлениях:  $H \parallel Ox$ ,  $H \parallel Oy$ . Coгласно расчетам существенное (многократное) усиление эффекта будет иметь место при действии на 180° ДГ электрических и магнитных полей в следующей геометрии:  $E \parallel O_z, \mathbf{H} \parallel O_y$ , причем наибольший эффект усиления можно достичь уже в малых магнитных полях. Это согласуется с экспериментальными данными [15, 19], из которых следует, что наибольшее смещение ДГ в неоднородном электрическом поле происходит при действии магнитного поля, перпендикулярного плоскости стенки. В данном случае эффект усиления интегральной поляризации N достигается за счет возрастания угла выхода вектора намагниченности из плоскости ДГ. Соответственно, повышается величина объемных магнитных зарядов, определяемая выражением  $\rho_v = -M_s \text{div} \mathbf{m}$ [18, 26], что в итоге и приводит к возрастанию параметров и N.

Из полученных результатов следует также, что, меняя ориентацию магнитного поля на противоположную, можно изменить характер проявления флексомагнитоэлектрического эффекта: либо его усилить (в случае  $\mathbf{H} \parallel Ox$ ), либо ослабить. Однако переключением направления **Н** можно достичь также и изменения характера взаимодействия ДГ с электрическим полем с притяжения ДГ на ее отталкивание и наоборот. Данное свойство может иметь важное значение в прикладных разработках. С другой стороны, это свойство указывает на то, что флексомагнитоэлектрический механизм является доминирующим и при воздействии на ДГ неоднородного электрического поля. Дело в том, что перпендикулярное магнитное поле может изменять ширину ДГ, его топологию, но не перемещать его.

Работа выполнена при финансовой поддержки Государственного задания на выполнение научных исследований лабораториями (Приказ MH-8/1356 от 20.09.2021).

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Пятаков А.П., Звездин А.К. Магнитоэлектрические материалы и мультиферроики // УФН. 2012. Т. 182. № 6. С. 593-620.
- Spaldin N.A., Ramesh R. Advances in magnetoelectric multiferroics // Nature Mater. 2019. V. 18. P. 203–212.
- 3. *Кричевцов Б.Б., Павлов В.В., Писарев Р.В.* Линейное воздействие электрического поля на процессы намагничивания в пленках ферритов-гранатов// Письма в ЖЭТФ. 1989. Т. 31. № 7. С. 77–88.
- Логгинов А.С., Мешков Г.А., Николаев А.В., Пятаков А.П. Магнитоэлектрическое управление доменными границами в пленке феррита-граната // Письма в ЖЭТФ. 2007. Т. 86. № 2. С. 124–127.
- 5. Барьяхтар В.Г., Львов В.А., Яблонский Д.А. Теория неднородного магнитоэлектрического эффекта // Письма в ЖЭТФ. 1983. Т. 37. № 12. С. 565–567.
- Meshkov G.A., Pyatakov A.P., Belanovsky A.D., Zvezdin K.A., Logginov A.S. Writing Vortex Memory Bits Using Electric Field // J. Magn. Soc. Jpn. 2012. V. 36. P. 45–48.
- 7. Вахитов Р.М., Харисов А.Т., Николаев Ю.Е. Влияние электрического поля на структуру доменных границ в магнетиках с флексомагнитоэлектрическим эффектом // ДАН. Физика. 2014. Т. 455. № 2. С. 150–152.
- Борич М.А., Танкеев А.П., Смагин В.В. Структура и динамические свойства скрученной магнитной доменной границы в электрическом поле // ФТТ. 2016. Т. 58. № 1. С. 63–72.
- Борич М.А., Танкеев А.П., Смагин В.В. Микромагнитная структура доменной границы с блоховскими линиями в электрическом поле // ФТТ. 2016. Т. 58. № 7. С. 1329–1337.
- 10. Вахитов Р.М., Исхакова Р.Р., Юмагузин А.Р. Магнитные фазы и неоднородные микромагнитные структуры в феррит-гранатовой пленке с ориентацией (210) // ФТТ. 2018. Т. 60. № 5. С. 923–932.
- Pyatakov P., Belotelova V.I., Kulikova D.P., Khokhlova N.E., Pyatakova Z.A. Magnetoelectricity in topological magnetic textures // J. Magn. Magn. Mater. 2017. V. 440. P. 60–62.
- Кабыченков А.Ф., Лисовский Ф.В., Мансветова Е.Г. Магнитоэлектрический эффект в пленках гранатов с наведенной магнитной анизотропией в неод-

нородном электрическом поле // Письма в ЖЭТФ. 2013. Т. 9. № 5. С. 304–308.

- Арзамасцева Г.В., Балбашов А.М., Лисовский Ф.В., Мансветова Е.Г., Темирязев А.Г., Темирязева М.П. Свойства обладающих магнитоэлектрическим эффектом эпитаксиальных пленок ферритов-гранатов с (210)-ориентацией // ЖЭТФ. 2015. Т. 147. № 4. С. 793-810.
- Veshchunov I.S., Mironov S.V., Magrini W., Stolyarov V.S., Rossolenko A.N., Skidanov V.A., Trebbia J.B., Buzdin A.I., Tamarat P., Lounis B. Direct Evidence of Flexomagnetoelectric Effect Revealed by Single-Molecule Spectroscopy// Phys. Rev. Lett. 2015. V. 115. P. 027601(5).
- Пятаков А.П., Сергеев А.С., Николаева Е.П., Косых Т.Б., Николаев А.В., Звездин А.К. Микромагнетизм и топологические дефекты в магнитоэлектрических средах // УФН. 2015. Т. 185. № 10. С. 1077–1088.
- Сергеев А.С., Сечин Д.А., Павленко О.В., Николаева Е.П., Николаев А.В., Косых Т.Б., Пятаков А.П. Влияние магнитного поля на микромагнитную структуру и электростатические свойства доменных границ // Изв. РАН. Сер. физическая. 2013. Т. 77. С. 1523–1526.
- Куликова Д.П., Пятаков А.П., Николаева Е.П., Сергеев А.С., Косых Т.Б., Пятакова З.А., Николаев А.В., Звездин А.К. Зарождение цилиндрических магнитных доменов в пленках ферритов гранатов с помощью электрического зонда // ЖЭТФ. 2016. Т. 104. С. 196–200.
- Sechin D.A., Nikolaeva E.P., Pyatakov A.P., Nikolaev A.B., Kosykh T.B. The Influence of the Magnetic Field on Electrically Induced Domain Wall Motion // Solid State Phenomena. 2015. V. 233–234. P. 443–446.
- Vakhitov R.M., Solonetsky R.V., Gurjanova V.R., Nizyamova A.R., Sechin D.A., Gareev T.T., Pyatakov A.P. Magnetic-field tuning of domain-wall multiferroicity // Phys. Rev. 2021. B 104. P. 144407(1–5).
- 20. *Магадеев Е.Б., Вахитов Р.М.* Топология уединенных магнитных неоднородностей в тонкой ферромагнитной пленке // ТМФ. 2012. Т. 171. № 3. С. 511–518.
- Вахитов Р.М., Гареева З.В., Солонецкий Р.В., Мажитова Ф.А. Микромагнитные структуры, индуцированные неоднородным электрическим полем, в магнитодноосных пленках с флексомагнитоэлектрическим эффектом // ФТТ. 2019. Т.61. № 6. С. 1120–112.
- Малоземов А., Слонзуски Дж. Доменные стенки в материалах с цилиндрическими магнитными доменами. Мир, 1982. С. 382.
- 23. *Dzyaloshinskii I.E.* Magnetoelectricity in ferromagnets // Europhys. Lett. 2008.V. 83. № 6. P. 67001(1–2).
- 24. Плавский В.В., Шамсутдинов М.А., Филиппов Б.Н. Структура и ориентация доменных границ в (111)пластинах кубических ферромагнетиков // ФММ. 1999. Т. 88. № 3. С. 22–29.
- Maksutova F.A, Solonetskiy R.V., Vakhitov R.M., Pyatakov A.P. The electric-field–induced "zero-degree domain walls" in ferromagnets // Europhys. Lett. 2020. V. 129. P. 27004(1–5).
- 26. *Khodenkov H.E., Kudelkin N.N., Randoskin V.V.* The Break-Down of the 360° Bloch Domain Wall in Bubble Magnetic Films // Phys. Status Solidi A. 1984. V. 84. K13.