____ ЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ И МАГНИТНЫЕ ____ Свойства

УДК 537.622

ВЛИЯНИЕ МЕЖФАЗНОГО ОБМЕННОГО ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ НА МЕТАСТАБИЛЬНОСТЬ МАГНИТНЫХ СОСТОЯНИЙ НАНОЧАСТИЦ ЯДРО/ОБОЛОЧКА

© 2023 г. И. Г. Ильюшин^{а,} *, Л. Л. Афремов^а, В. Н. Харитонов^b

^аДепартамент теоретической физики и интеллектуальных технологий, Института наукоемких технологий и передовых материалов, ДВФУ, п. Аякс, 10, о. Русский, Владивосток, 690922 Россия

^bЛаборатория моделирования физических процессов, Института наукоемких технологий и передовых материалов, ДВФУ, п. Аякс, 10, о. Русский, Владивосток, 690922 Россия

> *e-mail: iliushin.ig@dvfu.ru Поступила в редакцию 04.10.2022 г. После доработки 14.11.2022 г. Принята к публикации 28.11.2022 г.

В рамках модели двухфазных (ядро/оболочка) эллипсоидальных наночастиц проведено моделирование влияния межфазного обменного взаимодействия, размера, вытянутости и ориентации длинных осей ядра и оболочки на метастабильность магнитных состояний. На примере наночастиц $Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4$ показано, что метастабильность магнитных состояний реализуется в ограниченном диапазоне значений константы межфазного обменного взаимодействия между ядром и оболочкой A_{in} и геометрических параметров. С ростом модуля константы межфазного обменного взаимодействия $|A_{in}|$ от $A_{in} = 0$ до некоторого конечного значения, метастабильность магнитных состояний между длинными осями ядра и оболочки.

Ключевые слова: метастабильность, межфазное обменное взаимодействие, наночастицы ядро/оболочка

DOI: 10.31857/S0015323022601544, EDN: KYSHCA

введение

Интерес к исследованию двухфазных магнитных наночастиц, состоящих из ядра и покрывающей его оболочки (наночастиц ядро/оболочка), во многом обусловлен возможностью их использования, например, при создании и конструировании электронных устройств [1, 2] или при реализации биомедицинских технологий (доставка лекарств [3], магнитной гипотермии [4] и др.). Общей особенностью систем как суперпарамагнитных, так и заблокированных магнитных наночастиц ядро/оболочка является зависимость их магнитных характеристик от геометрических и магнитных параметров фаз. Естественно, что размеры, форма и ориентация длинных осей ядра и оболочки сушественно влияют на магнитные состояния наночастиц ядро/оболочка, которые, в свою очередь, через процессы намагничивания определяют их магнитные свойства. Наличие интерфейса в наночастицах ядро/оболочка может оказать существенное влияние на их гистерезисные характеристики и температуру блокировки (см., напр., обзор [5]).

В данной работе на примере наночастиц $Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4$ проведено моделирование влияния геометрических параметров (размер фаз, их вытянутость и ориентация длинных осей) и межфазного обменного взаимодействия на метастабильность магнитных состояний частиц ядро/оболочка.

МОДЕЛЬ НАНОЧАСТИЦЫ ЯДРО/ОБОЛОЧКА

Обобщим модель наночастицы ядро/оболочка, которая подробно описана в работе [6].

1. Однородно намагниченная наночастица (фаза (1)) объемом V, имеющая форму эллипсоида вращения с вытянутостью Q и малой полуосью B, содержит однородно намагниченное эллипсоидальное ядро (фаза (2)) с объемом $v = \varepsilon V$ вытянутостью q, и малой полуосью b, длинная ось которого составляет угол α с длиной осью наночастицы, ориентированной вдоль оси Oz (см. рис. 1).



Рис. 1. Иллюстрация к модели наночастицы ядро/оболочка.

2. Считается, что оси кристаллографической анизотропии ферромагнетиков параллельны длинным осям наночастицы и ядра соответственно.

3. Векторы спонтанной намагниченности фаз $\mathcal{M}_{s}^{(1)}$ и $\mathcal{M}_{s}^{(2)}$ (как и длинные оси магнитных фаз) расположены в плоскости *уOz* и составляют углы $\vartheta^{(1)}$ и $\vartheta^{(2)}$ с осью *Oz* соответственно.

4. Внешнее магнитное поле *H* приложено вдоль оси *Oz*.

ЭНЕРГИЯ НАНОЧАСТИЦ ЯДРО/ОБОЛОЧКА

Одноосные наночастицы. Энергию наночастицы E, находящейся во внешнем поле **H**, можно представить в виде суммы энергий:

• энергии кристаллографической анизотропии:

$$E_{\rm A} = -\frac{1}{4} \left\{ \left(\mathcal{M}_{s}^{(1)} \right)^{2} k_{\rm A}^{(1)} \left(1 - \varepsilon \right) \cos 2\vartheta^{(1)} + \left(\mathcal{M}_{s}^{(2)} \right)^{2} k_{\rm A}^{(2)} \varepsilon \cos 2(\vartheta^{(2)} - \alpha) \right\} V;$$
(1)

• энергии магнитостатического взаимодействия между ядром и оболочкой, которую, в соответствии с [7], можно представить в виде:

$$E_{\rm m} = \left\{ -\frac{\left(\mathcal{M}_{\rm s}^{(1)}\right)^2}{4} \left[\left((1-2\varepsilon) \, k_{\rm N}^{(1)} + \varepsilon k_{\rm N}^{(2)} \cos 2\alpha \right) \cos 2\vartheta^{(1)} - \right. \\ \left. - \varepsilon k_{\rm N}^{(2)} \sin 2\alpha \sin 2\vartheta^{(1)} \right] - \right. \\ \left. - \frac{\left(\mathcal{M}_{\rm s}^{(2)}\right)^2}{4} \varepsilon k_{\rm N}^{(2)} \cos 2(\vartheta^{(2)} + \alpha) + \frac{\varepsilon \mathcal{M}_{\rm s}^{(1)} \mathcal{M}_{\rm s}^{(2)}}{3} \times (2) \right. \\ \left. \times \left[\frac{3}{2} \, k_{\rm N}^{(2)} \sin 2\alpha \sin \left(\vartheta^{(1)} + \vartheta^{(2)}\right) + \right. \\ \left. + \left(k_{\rm N}^{(2)} - k_{\rm N}^{(1)} \right) \left(\sin \vartheta^{(1)} \sin \vartheta^{(2)} - 2\cos \vartheta^{(1)} \cos \vartheta^{(2)} \right) \right] \right\} V,$$

• энергии обменного взаимодействия через границу, которая согласно [8] может быть представлена следующим образом:

$$E_{\rm ex} = -\frac{2A_{\rm in}}{\delta}\cos(\vartheta^{(1)} - \vartheta^{(2)})s, \qquad (3)$$

• энергии Зеемана:

$$E_{\rm H} = -H \Big[(1-\varepsilon) \mathcal{M}_{\rm s}^{(1)} \cos \vartheta^{(1)} + \varepsilon \mathcal{M}_{\rm s}^{(2)} \cos \vartheta^{(2)} \Big].$$
(4)

Полная энергия частицы может быть представлена:

$$E = \left\{ -\frac{\left(\mathcal{M}_{s}^{(1)}\right)^{2}}{4} \mathcal{K}^{(1)} \cos 2\left(\vartheta^{(1)} - \delta^{(1)}\right) - \frac{\left(\mathcal{M}_{s}^{(2)}\right)^{2}}{4} \mathcal{K}^{(2)} \cos 2\left(\vartheta^{(2)} - \delta^{(2)}\right) + \mathcal{M}_{s}^{(1)} \mathcal{M}_{s}^{(2)} \times \left[-\mathcal{U}_{1} \sin \vartheta^{(1)} \sin \vartheta^{(2)} + \mathcal{U}_{2} \cos \vartheta^{(1)} \cos \vartheta^{(2)} + \frac{1}{2} \varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha \sin \left(\vartheta^{(1)} + \vartheta^{(2)}\right) - H\left[(1 - \varepsilon) \mathcal{M}_{s}^{(1)} \cos \vartheta^{(1)} + \varepsilon \mathcal{M}_{s}^{(2)} \cos \vartheta^{(2)} \right] \right\} V,$$
(5)

где эффективные константы анизотропии $\mathscr{K}^{(1,2)}$ и положение эффективных осей $\delta^{(1,2)}$ фаз определяются следующими выражениями:

$$\mathcal{H}^{(1)} = \left(\left((1 - \varepsilon) k_{\rm A}^{(1)} + (1 - 2\varepsilon) k_{\rm N}^{(1)} + \varepsilon k_{\rm N}^{(2)} \cos 2\alpha \right)^2 + \left(\varepsilon k_{\rm N}^{(2)} \sin 2\alpha \right)^2 \right)^{\frac{1}{2}}, \tag{6}$$

$$tg(2\delta^{(1)}) = -\frac{\varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha}{(1-\varepsilon) k_{A}^{(1)} + (1-2\varepsilon) k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha},(7)$$

$$\mathscr{K}^{(2)} = \varepsilon \sqrt{\left(k_{\rm A}^{(2)}\right)^2 + \left(k_{\rm N}^{(2)}\right)^2 + 2k_{\rm A}^{(2)}k_{\rm N}^{(2)}\cos 4\alpha},\qquad(8)$$

$$tg(2\delta^{(2)}) = -\frac{k_N^{(2)} - k_A^{(2)}}{k_N^{(2)} + k_A^{(2)}} tg2\alpha.$$
(9)

Константы межфазного взаимодействия \mathcal{U}_1 и \mathcal{U}_2 выражаются через константы магнитостатического и обменного взаимодействия фаз:

$$\mathcal{U}_{1} = \varepsilon \left(\frac{k_{N}^{(1)} - k_{N}^{(2)}}{3} + \frac{2sA_{in}}{v\,\delta\mathcal{M}_{s}^{(1)}\mathcal{M}_{s}^{(2)}} \right),$$
(10)
$$\mathcal{U}_{2} = \varepsilon \left(\frac{2\left(k_{N}^{(1)} - k_{N}^{(2)}\right)}{3} - \frac{2sA_{in}}{v\,\delta\mathcal{M}_{s}^{(1)}\mathcal{M}_{s}^{(2)}} \right).$$

В соотношениях (1)–(10) $k_A^{(1,2)} = K_1^{(1,2)} / \left(\mathcal{M}_s^{(1,2)}\right)^2$,

 $k_{\rm N}^{(1,2)}$ — безразмерные константы кристаллографической анизотропии и анизотропии формы 1-й и 2-й фаз соответственно, $K_1^{(1,2)}$ — первые константы анизотропии фаз, s — площадь поверхности разделяющей фазы, $A_{\rm in}$ — константа межфазного обменного взаимодействия, δ — ширина переходной области, имеющая порядок постоянной решетки. Отметим, что константа анизотропии формы $k_{\rm N} = 2\pi(1-3N_z)$ выражается через размагничивающий коэффициент вдоль длинной оси $N_z = \left[q \ln \left(q + \sqrt{q^2 - 1}\right) - \sqrt{q^2 - 1}\right] / \left(q^2 - 1\right)^{3/2}$, зависящий только от вытянутости эллипсоида q.

Отметим, что магнитные состояния могут зависеть от поверхностной анизотропии. Как было показано в работе [9], добавка к перечисленным выше энергии поверхностной анизотропии эквивалентно замене $k_N^{(1,2)}$ на $k_N^{(1,2)} + 2\pi k_S^{(1,2)} b_{(1,2)}^2 \xi(q_{(1,2)})$ (обозначения описаны в [9]).

Многоосные наночастицы. Пусть магнитные фазы наночастицы (1 – оболочка, 2 – ядро) представлены кристаллами кубической симметрии с константами кристаллографической анизотропии первого $K_1^{(1,2)}$ и второго $K_2^{(1,2)}$ порядка соответственно. Проведем решение задачи о магнитных состояниях двухфазной многоосной частицы в рамках следующих предположений:

1) если первые константы кристаллографической анизотропии фаз $K_1^{(1,2)}$ положительны, то "легкие оси" фаз (кристаллографические направления типа [100]) совпадают с длинными осями оболочки и ядра соответственно (рис. 1). В противном случае ($K_1^{(1,2)} < 0$) совместим "легкие оси" (направления [111]) с длинными осями фаз;

2) воспользуемся условием магнитной одноосности зерна многоосного кристалла, суть которого состоит в том, что при некоторой вытянутости его анизотропия формы превалирует над кристаллографической анизотропией. Процесс намагничивания таких частиц подобен намагничиванию одноосных частиц с некоторой эффективной константой, которая определяется полной свободной энергией [10].

В зависимости от знака константы анизотропии энергия кристаллографической анизотропии имеет следующий вид [10]:

ФИЗИКА МЕТАЛЛОВ И МЕТАЛЛОВЕДЕНИЕ том 124 № 2 2023

$$\begin{cases} \frac{1}{4} k_{A1}^{(1)} (\mathcal{M}_{s}^{(1)})^{2} (1-\varepsilon) \sin^{2} 2\vartheta^{(1)} + \\ + \frac{1}{4} k_{A1}^{(2)} (\mathcal{M}_{s}^{(2)})^{2} \varepsilon \sin^{2} 2\vartheta^{(2)}; \\ k_{A1}^{(1)} > 0, \ k_{A1}^{(2)} > 0; \\ \frac{1}{54} k_{A2}^{(1)} (\mathcal{M}_{s}^{(1)})^{2} (1-\varepsilon) \sin^{2} \vartheta^{(1)} \times \\ \times (1+2\cos 2\vartheta^{(1)})^{2} + \\ + \frac{1}{54} k_{A2}^{(2)} (\mathcal{M}_{s}^{(2)})^{2} \varepsilon \sin^{2} \vartheta^{(2)} \times \\ \times (1+2\cos 2\vartheta^{(2)})^{2}; \\ E_{A} = \begin{cases} k_{A1}^{(1)} < 0, \ k_{A1}^{(2)} < 0, \\ \frac{1}{4} k_{A1}^{(1)} (\mathcal{M}_{s}^{(1)})^{2} (1-\varepsilon) \sin^{2} 2\vartheta^{(1)} + \\ + \frac{1}{54} k_{A2}^{(2)} (\mathcal{M}_{s}^{(2)})^{2} \varepsilon \sin^{2} \vartheta^{(2)} \times \\ \times (1+2\cos 2\vartheta^{(2)})^{2}, \ k_{A1}^{(1)} > 0, \ k_{A1}^{(2)} < 0; \\ \frac{1}{54} k_{A2}^{(1)} (\mathcal{M}_{s}^{(1)})^{2} (1-\varepsilon) \times \\ \times \sin^{2} \vartheta^{(1)} (1+2\cos 2\vartheta^{(1)})^{2} + \\ + \frac{1}{4} k_{A1}^{(2)} (\mathcal{M}_{s}^{(2)})^{2} \varepsilon \sin^{2} 2\vartheta^{(2)}; \\ k_{A1}^{(1)} < 0, \ k_{A1}^{(2)} > 0. \end{cases}$$

$$(11)$$

В соотношениях (11) $k_{A1}^{(l,2)} = K_1^{(l,2)} / (\mathcal{M}_s^{(l,2)})^2$ и $k_{A2}^{(l,2)} = K_2^{(l,2)} / (\mathcal{M}_s^{(l,2)})^2$ – безразмерные константы кристаллографической анизотропии первого или второго порядка оболочки либо ядра соответственно.

В соответствии со вторым положением, сформулированным выше, полная энергия определяется соотношением (5), в котором эффективные константы анизотропии $\tilde{\mathcal{H}}^{(1,2)}$ и положение эффективных осей $\tilde{\delta}^{(1,2)}$ имеют вид:

$$\tilde{k}^{(1)} = \begin{cases} \left\{ \left((1-\varepsilon) \, \tilde{k}_{A}^{(1)} + (1-2\varepsilon) \, k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha \right)^{2} + \\ + \left(\varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha \right)^{2} \right\}^{\frac{1}{2}}, \\ k_{A1}^{(1)} > 0, \qquad (12) \\ \left\{ \left((1-\varepsilon) \, k_{A2}^{(1)} / 3 + (1-2\varepsilon) k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha \right)^{2} + \\ + \left(\varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha \right)^{2} \right\}^{\frac{1}{2}}, \\ k_{A1}^{(1)} < 0, \end{cases}$$

Таблица 1. Экспериментальные значения спонтанной намагниченности \mathcal{M}_s , первых и вторых констант кристаллографической анизотропии $K_{1,2}$ магнетита (Fe₃O₄) и титаномагнетита (Fe_{2.44}Ti_{0.56}O₄) [11]

Параметры	Fe ₃ O ₄	Fe _{2.44} Ti _{0.56} O ₄
$\mathcal{M}_{\rm s}$, Гс	480	151
$K_1, 10^5$ эрг/см ³	-1.06	-0.7
<i>K</i> ₂ , 10 ⁵ эрг/см ³	2.8	-0.15

$$tg(2\delta^{(1)}) = \begin{cases} \frac{-\varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha}{(1-\varepsilon)k_{A}^{(1)} + (1-2\varepsilon)k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha}, \\ k_{A1}^{(1)} > 0, \\ \frac{-\varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha}{(1-\varepsilon)k_{A2}^{(1)}/3 + (1-2\varepsilon)k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha}, \\ k_{A1}^{(1)} < 0, \end{cases}$$
(13)

$$\tilde{\mathcal{H}}^{(2)} = \begin{cases} \varepsilon \sqrt{\left(k_{A1}^{(2)}\right)^2 + \left(k_N^{(2)}\right)^2 + 2k_{A1}^{(2)}k_N^{(2)}\cos 4\alpha,} \\ k_{A1}^{(1)} > 0, \\ \varepsilon \sqrt{\left(k_{A2}^{(2)}/3\right)^2 + \left(k_N^{(2)}\right)^2 + 2k_{A2}^{(2)}k_N^{(2)}\cos 4\alpha/3,} \\ k_{A1}^{(1)} > 0, \end{cases}$$
(14)

$$tg(2\tilde{\delta}^{(2)}) = -\begin{cases} \frac{k_{N}^{(2)} - k_{A1}^{(2)}}{k_{N}^{(2)} + k_{A1}^{(2)}} tg2\alpha, \\ k_{A1}^{(1)} > 0, \\ \frac{k_{A1}^{(2)} - k_{A2}^{(2)}/3}{k_{N}^{(2)} + k_{A2}^{(2)}/3} tg2\alpha, \\ k_{A1}^{(1)} < 0. \end{cases}$$
(15)

Таким образом, магнитные состояния многоосной наночастицы ядро/оболочка могут быть определены с помощью соотношения (5), в котором эффективные константы анизотропии и положение эффективных осей задаются соотношениями (12)–(15).

Выражения (5)–(10), (12)–(15) позволяют исследовать влияние геометрических (q и ε) и магнитных ($\mathcal{M}_{s}^{(1,2)}, k_{A1,2}^{(1,2)}, A_{in}$) характеристик на магнитные состояния как одноосных, так и кристаллографически многоосных наночастиц ядро/оболочка.

МАГНИТНЫЕ СОСТОЯНИЯ НАНОЧАСТИЦ ЯДРО/ОБОЛОЧКА

Минимизация энергии (5) по $\vartheta^{(1)}$ и $\vartheta^{(2)}$ совместно с условиями минимума:

$$\frac{\partial E}{\partial \vartheta^{(1)}} = 0, \quad \frac{\partial E}{\partial \vartheta^{(2)}} = 0; \quad \frac{\partial^2 E}{\partial \vartheta^{(1)2}} > 0,$$

$$\frac{\partial^2 E}{\partial \vartheta^{(1)2}} \frac{\partial^2 E}{\partial \vartheta^{(2)2}} - \left(\frac{\partial^2 E}{\partial \vartheta^{(1)} \partial \vartheta^{(2)}}\right)^2 > 0$$
(16)

приводит к системе уравнений, которая позволяет определить основные и метастабильные состояния магнитных моментов фаз наночастицы.

Выбор параметров моделирования. Расчет магнитных состояний проведем на примере почти сферических (Q = 1.05) наночастиц Fe₃O₄/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O₄ размером 2B = 20 нм, магнитные характеристики которых представлены в табл. 1.

Результаты моделирования влияния размеров *b*, вытянутости *q* и ориентации длинной оси α магнетитового ядра на распределение основных и метастабильных состояний наночастиц Fe₃O₄/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O₄ показали, что при $Q \ge 1$ и $q \ge 1$ возможны два или четыре состояния, которые различаются взаимной ориентацией магнитных моментов фаз. Так, в отличие от наночастиц с $\alpha = 0$, в которых магнитные моменты ядра и оболочки ориентируются параллельно ($\uparrow\uparrow$, $\downarrow\downarrow$), либо антипараллельно ($\uparrow\downarrow$, $\downarrow\uparrow$) друг другу, рост α приводит к увеличению отклонения магнитных моментов фаз от оси Oz в каждом из четырех состояний (см. рис. 2).

Если магнитостатическое взаимодействие между фазами преобладает над обменным ($\mathcal{U}_2 > 0$), то второе и четвертое состояния устойчивы. В то же время первое и третье метастабильны, так как свободная энергия частицы в этих состояниях меньше, нежели в первом и третьем. В противном случае ($\mathcal{U}_2 < 0$) устойчивы первое и третье состояния.

Зависимость числа магнитных состояний наночастицы с заданными значениями размера малой полуоси B и вытянутости Q от геометрических характеристик ядра (размера малой полуоси b и вытянутости q) удобно представить с помощью диаграммы $\{b, q\}$ (см. рис. 3).

Каждой точке диаграммы $\{b, q\}$ сопоставляется наночастица, ядро которой имеет размер *b* и вытянутость *q*. Точкам темной области диаграммы $\{b, q\}$ сопоставляются частицы, которые могут находиться в одном из четырех перечисленных выше основных или метастабильных состояний. Точки, попавшие в светлую область, соответствуют наночастицам, находящимся в одном из двух равновесных состояний.

При построении диаграмм $\{b,q\}$ нами использовано соотношение между малыми полуосями эллипсоидов ядра *b* и наночастицы $B - (b \le B)$ и ограничение $qb \le R(\alpha)$ на длинную ось ядра *qb*, обусловленное размером наночастицы $R(\alpha) = QB/\sqrt{\cos^2 \alpha + Q^2 \sin^2 \alpha}$ вдоль прямой совпадающей с длинной осью ядра. Перечисленные выше соотношения определяют ограничения на выбор *q* и *b*:

$$\frac{b}{B} \le 1, \quad q\frac{b}{B} \le \frac{Q}{\sqrt{\cos^2\alpha + Q^2 \sin^2\alpha}}.$$
(17)

Заметим, что максимальное число равновесных состояний двухфазной наночастицы ядро/оболочка равно удвоенному числу "легких осей". Поэтому не удовлетворяющие условию магнитной одноосности [10] сферические наночастицы ядро/оболочка со сферическим ядром, магнитные фазы которых представлены материалами кубической симметрии, могут находиться в шести или восьми состояниях.

ВЛИЯНИЕ МЕЖФАЗНОГО ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ НА МЕТАСТАБИЛЬНОСТЬ

Будем считать, что количественной характеристикой метастабильности состояний магнитных моментов наночастиц ядро/оболочка является вероятность *P* обнаружения наночастицы в метастабильном состоянии. Вероятность *P* можно определить как отношение числа точек на диаграмме $\{b,q\}$, соответствующих частицам, находящимся в одном из четырех состояний (попавших в темную область $S_{\rm T}$) к полному числу всевозможных состояний (попавших в темную $S_{\rm T}$ и светлую области $S_{\rm C}$): $P = S_{\rm T}/(S_{\rm c} + S_{\rm T})$.

Влияние межфазного обменного взаимодействия на метастабильность магнитных состояний наночастиц ядро/оболочка $Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4$ различающихся углом α представлено в табл. 2.

Расчет вероятности *P* позволяет утверждать, что рост константы межфазного обменного взаимодействия приводит к уменьшению метастабильности наночастиц $Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4$. При этом для частиц с $\alpha = 0$ метастабильность исчезает при $|A_{in}|_{min} = 0.3 \times 10^{-8}$ Эрг/см, магнитные моменты наночастиц переходят в одно из двух основных состояний. Указанная выше зависимость метастабильности магнитных состояний от межфазного обменного взаимодействия качественно выполняется для частиц ядро/оболочка с различ-



Рис. 2. Иллюстрация равновесных состояний наночастиц ядро/оболочка: *в первом* "(\checkmark)-состоянии" магнитные моменты обеих фаз составляют острые углы ($-\pi/2 < \vartheta^{(1)} < \pi/2, -\pi/2 < \vartheta^{(2)} < \pi/2$) с осью *Ог; во втором* "(\nearrow)-состоянии" магнитные моменты ядра и оболочки составляют углы $-\pi/2 < \vartheta^{(1)} < \pi/2, -3\pi/2 < \vartheta^{(2)} < -\pi/2$; *третье* " \checkmark " и четвертое "(\checkmark)" состояния являются инверсией первого и второго соответственно.

ными значениями угла между длинными осями наночастицы и ядра α . С увеличением α минимальное значение $|A_{in}|_{min}$, при котором исчезает метастабильность магнитных состояний наночастиц Fe₃O₄/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O₄, меняется немонотонно. Отмеченное изменение $|A_{in}|_{min}$ определяется немонотонной зависимостью эффективных констант магнитной анизотропии от угла α (см. соотношения (12), (14)).

РЕЗУЛЬТАТЫ РАБОТЫ

Получены выражения полной энергии наночастицы ядро/оболочка с произвольной ориентацией осей анизотропии магнитных фаз. В полную



Рис. 3. Диаграммы $\{b, q\}$ магнитных состояний наночастиц $Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4$ с константой межфазного обменного взаимодействия $A_{in} = 0$, рассчитанные для различных значений угла α .

энергию включены: энергии кристаллографической и поверхностной анизотропии, энергия магнитостатического взаимодействия ядра и оболочки, энергия межфазного обменного взаимодействия и энергия Зеемана.

Полученное выражение полной энергии позволило исследовать влияние геометрических параметров (размер ядра и оболочки, их вытянутость, ориентация длинных осей) и межфазного обменного взаимодействия на метастабильность магнитных состояний наночастиц ядро/оболочка.

Показано, что наночастицы могут находиться в одном из четырех состояний, в которых с увеличением угла между длинными осями наночастицы и ядра α , направления магнитных моментов фаз могут меняться от параллельных ($\uparrow\uparrow, \downarrow\downarrow$), либо антипараллельных ($\uparrow\downarrow, \downarrow\uparrow$) ориентаций при $\alpha = 0$ до "скошенных" – ($\checkmark \nearrow, \checkmark \checkmark$), либо ($\nearrow \checkmark$, $\checkmark \checkmark$) при $\alpha \neq 0$.

Метастабильность магнитных состояний, во многом определяющая процессы намагничивания наночастиц ядро/оболочка, реализуется в ограниченном диапазоне значений геометрических характеристик (размеров и вытянутости) и констант межфазного обменного взаимодействия между ядром и оболочкой $0 \le |A_{in}| \le |A_{in}|_{min}$. При

Таблица 2. Зависимость числа метостабильных состояний от константы межфазного обменного взаимодействия

lpha=0									
$A_{\rm in}$, × 10 ⁻⁸ эрг/см	0	±0.1	± 0.2	±0.3	±0.5	± 0.6			
Р	0.75	0.08	0.012	0	0	0			
$\alpha = \frac{\pi}{2}$									
<i>A</i> _{in} , × 10 ⁻⁸ эрг/см	0	±0.1	±0.2	±0.3	±0.5	±0.6			
Р	0.7	0.48	0.42	0.09	0.7	0			
$\alpha = \frac{\pi}{3}$									
$A_{\rm in}$, × 10 ⁻⁸ эрг/см	0	±0.1	±0.2	±0.3	±0.5	±0.6			
Р	0.47	0.06	0.02	0.02	0	0			
$lpha=rac{\pi}{4}$									
$A_{\rm in}$, × 10 ⁻⁸ эрг/см	0	±0.1	±0.2	±0.3	±0.5	±0.6			
Р	0.50	0.09	0.0	0	0	0			
$\alpha = \frac{\pi}{6}$									
$A_{\rm in}$, × 10 ⁻⁸ эрг/см	0	±0.1	±0.2	±0.3	± 0.5	±0.6			
Р	0.50	0.25	0.014	0	0	0			

этом предельное значение $|A_{in}|_{min}$ немонотонно меняется с ростом угла между длинными осями наночастицы и ядра α .

Знания о возможных магнитных состояниях наночастиц ядро/оболочка, позволят понять процессы намагничивания систем таких частиц. А также оценить влияние их геометрических (размеры, форма и угол между длинными осями наночастицы и ядра) и магнитных параметров на гистерезисные характеристики и температуру блокирования, которые являются важными характеристиками для практического применения в различных областях — при конструирования новых магнитных материалов, при разработке биомедицинских технологий, а также при изучении палеонапряженности.

Работа выполнена при поддержке гранта Правительства Российской Федерации на государственную поддержку научных исследований, проводимых под руководством ведущих ученых в российских образовательных организациях высшего образования, научных учреждениях и государственных научных центрах Российской Федерации (проект № 075-15-2021-607).

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Frederix F., Friedt J.M., Choi K.H., Laureyn W., Campitelli A., Mondelaers D., Borghs G. Biosensing based on light absorption of nanoscaled gold and silver particles // Analytical Chemis. 2003. V. 75. P. 6894–6900.
- Andersson P., Forchheimer R., Tehrani P., Berggren M. Printable All-Organic Electrochromic Active-Matrix Displays // Adv. Functional Mater. 2007. V. 17. P. 3074–3082.
- Cahill D.G., Braun P.V., Chen G., Clarke D.R., Fan S., Goodson K.E., Shi L. Nanoscale thermal transport. II. 2003–2012 // Appl. Phys. Rev. 2014. V. 1. P. 011305.
- Saykova D., Saikova S., Mikhlin Y., Panteleeva M., Ivantsov R., Belova E Synthesis and Characterization of Core–Shell Magnetic Nanoparticles NiFe₂O₄@Au // Metals. 2020. V. 10. P. 1075.
- Nogués J., Sort J., Langlais V., Skumryev V., Suriñach S., Muñoz J.S., Baró M.D Exchange bias in nanostructures // Phys. Reports 2005. V. 422. P. 65–117.
- Afremov L., Anisimov S., Iliushin I. Size effect on the hysteresis characteristics of a system of interacting core/shell nanoparticles // J. Magn. Magn. Mater. 2018. V. 447. P. 88–95.
- Stavn M., Morrish A. Magnetization of a two-component Stoner-Wohlfarth particle // IEEE Transactions on Magnetics. 1979. V. 15. P. 1235–1240.
- 8. *Yang J.-S., Chang C.-R.* The influence of interfacial on the coercivity of acicular coated particle // J. Appl. Phys. 1991. V. 69. P. 7756–7761.
- Anisimov S., Afremov L., Petrov A. Modeling the effect of temperature and size of core/shell nanoparticles on the exchange bias of a hysteresis loop // J. Magn. Magn. Mater. 2020. V. 500. P. 166366.
- Афремов Л.Л., Панов А.В. Влияние механических напряжений на остаточную намагниченность насыщения системы наночастиц // ФММ. 2008. Т. 106. № 3. С. 248–256.
- Syono Y. Magnetocrystalline anisotropy and magnetostriction of Fe₃O₄-Fe₂TiO₄ series with special application to rock magnetism // Japan. J. Geophys. 1965. V. 4(1). P. 71–143.