# \_\_\_ ЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ И МАГНИТНЫЕ \_\_\_\_ СВОЙСТВА

УЛК 537.622

# ВЛИЯНИЕ МЕЖФАЗНОГО ОБМЕННОГО ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ НА МЕТАСТАБИЛЬНОСТЬ МАГНИТНЫХ СОСТОЯНИЙ НАНОЧАСТИЦ ЯДРО/ОБОЛОЧКА

© 2023 г. И. Г. Ильюшин<sup>a</sup>, \*, Л. Л. Афремов<sup>a</sup>, В. Н. Харитонов<sup>b</sup>

<sup>а</sup>Департамент теоретической физики и интеллектуальных технологий, Института наукоемких технологий и передовых материалов, ДВФУ, п. Аякс, 10, о. Русский, Владивосток, 690922 Россия

<sup>b</sup>Лаборатория моделирования физических процессов, Института наукоемких технологий и передовых материалов, ДВФУ, п. Аякс, 10, о. Русский, Владивосток, 690922 Россия

\*e-mail: iliushin.ig@dvfu.ru

Поступила в редакцию 04.10.2022 г. После доработки 14.11.2022 г. Принята к публикации 28.11.2022 г.

В рамках модели двухфазных (ядро/оболочка) эллипсоидальных наночастиц проведено моделирование влияния межфазного обменного взаимодействия, размера, вытянутости и ориентации длинных осей ядра и оболочки на метастабильность магнитных состояний. На примере наночастиц  $\mathrm{Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4}$  показано, что метастабильность магнитных состояний реализуется в ограниченном диапазоне значений константы межфазного обменного взаимодействия между ядром и оболочкой  $A_{\mathrm{in}}$  и геометрических параметров. С ростом модуля константы межфазного обменного взаимодействия  $|A_{\mathrm{in}}|$  от  $A_{\mathrm{in}}=0$  до некоторого конечного значения, метастабильность магнитных состояний монотонно уменьшается от максимальной до нуля, независимо от угла между длинными осями ядра и оболочки.

*Ключевые слова:* метастабильность, межфазное обменное взаимодействие, наночастицы ядро/оболочка

DOI: 10.31857/S0015323022601544, EDN: KYSHCA

## **ВВЕДЕНИЕ**

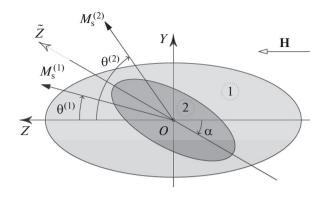
Интерес к исследованию двухфазных магнитных наночастиц, состоящих из ядра и покрывающей его оболочки (наночастиц ядро/оболочка), во многом обусловлен возможностью их использования, например, при создании и конструировании электронных устройств [1, 2] или при реализации биомедицинских технологий (доставка лекарств [3], магнитной гипотермии [4] и др.). Общей особенностью систем как суперпарамагнитных, так и заблокированных магнитных наночастиц ядро/оболочка является зависимость их магнитных характеристик от геометрических и магнитных параметров фаз. Естественно, что размеры, форма и ориентация длинных осей ядра и оболочки существенно влияют на магнитные состояния наночастиц ядро/оболочка, которые, в свою очередь, через процессы намагничивания определяют их магнитные свойства. Наличие интерфейса в наночастицах ядро/оболочка может оказать существенное влияние на их гистерезисные характеристики и температуру блокировки (см., напр., обзор [5]).

В данной работе на примере наночастиц  $Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4$  проведено моделирование влияния геометрических параметров (размер фаз, их вытянутость и ориентация длинных осей) и межфазного обменного взаимодействия на метастабильность магнитных состояний частиц ядро/оболочка.

## МОДЕЛЬ НАНОЧАСТИЦЫ ЯДРО/ОБОЛОЧКА

Обобщим модель наночастицы ядро/оболочка, которая подробно описана в работе [6].

1. Однородно намагниченная наночастица (фаза (1)) объемом V, имеющая форму эллипсоида вращения с вытянутостью Q и малой полуосью B, содержит однородно намагниченное эллипсоидальное ядро (фаза (2)) с объемом  $v = \varepsilon V$  вытянутостью q, и малой полуосью b, длинная ось которого составляет угол  $\alpha$  с длиной осью наночастицы, ориентированной вдоль оси Oz (см. рис. 1).



**Рис. 1.** Иллюстрация к модели наночастицы ядро/оболочка.

- 2. Считается, что оси кристаллографической анизотропии ферромагнетиков параллельны длинным осям наночастицы и ядра соответственно.
- 3. Векторы спонтанной намагниченности фаз  $\mathcal{M}_s^{(1)}$  и  $\mathcal{M}_s^{(2)}$  (как и длинные оси магнитных фаз) расположены в плоскости yOz и составляют углы  $\mathfrak{d}^{(1)}$  и  $\mathfrak{d}^{(2)}$  с осью Oz соответственно.
- 4. Внешнее магнитное поле H приложено вдоль оси Oz.

#### ЭНЕРГИЯ НАНОЧАСТИЦ ЯДРО/ОБОЛОЧКА

**Одноосные наночастицы.** Энергию наночастицы E, находящейся во внешнем поле  $\mathbf{H}$ , можно представить в виде суммы энергий:

• энергии кристаллографической анизотропии:

$$\begin{split} E_{\rm A} &= -\frac{1}{4} \Big\{ \Big( \mathcal{M}_s^{(1)} \Big)^2 \, k_{\rm A}^{(1)} \, (1 - \varepsilon) \cos 2 \vartheta^{(1)} + \\ &+ \Big( \mathcal{M}_s^{(2)} \Big)^2 \, k_{\rm A}^{(2)} \varepsilon \cos 2 (\vartheta^{(2)} - \alpha) \Big\} V; \end{split} \tag{1}$$

• энергии магнитостатического взаимодействия между ядром и оболочкой, которую, в соответствии с [7], можно представить в виде:

$$E_{\rm m} = \left\{ -\frac{\left(\mathcal{M}_{\rm s}^{(1)}\right)^{2}}{4} \left[ \left( (1 - 2\varepsilon) k_{\rm N}^{(1)} + \varepsilon k_{\rm N}^{(2)} \cos 2\alpha \right) \cos 2\vartheta^{(1)} - \frac{\varepsilon k_{\rm N}^{(2)} \sin 2\alpha \sin 2\vartheta^{(1)}}{4} \right] - \frac{\left(\mathcal{M}_{\rm s}^{(2)}\right)^{2}}{4} \varepsilon k_{\rm N}^{(2)} \cos 2(\vartheta^{(2)} + \alpha) + \frac{\varepsilon \mathcal{M}_{\rm s}^{(1)} \mathcal{M}_{\rm s}^{(2)}}{3} \times (2) \times \left[ \frac{3}{2} k_{\rm N}^{(2)} \sin 2\alpha \sin \left(\vartheta^{(1)} + \vartheta^{(2)}\right) + \left( k_{\rm N}^{(2)} - k_{\rm N}^{(1)} \right) \left( \sin \vartheta^{(1)} \sin \vartheta^{(2)} - 2 \cos \vartheta^{(1)} \cos \vartheta^{(2)} \right) \right] \right\} V,$$

• энергии обменного взаимодействия через границу, которая согласно [8] может быть представлена следующим образом:

$$E_{\rm ex} = -\frac{2A_{\rm in}}{\delta}\cos(\vartheta^{(1)} - \vartheta^{(2)})s,\tag{3}$$

• энергии Зеемана:

$$E_{\rm H} = -H \left[ (1 - \varepsilon) \mathcal{M}_{\rm s}^{(1)} \cos \vartheta^{(1)} + \varepsilon \mathcal{M}_{\rm s}^{(2)} \cos \vartheta^{(2)} \right]. \tag{4}$$

Полная энергия частицы может быть представлена:

$$E = \left\{ -\frac{\left(\mathcal{M}_{s}^{(1)}\right)^{2}}{4} \mathcal{H}^{(1)} \cos 2\left(\vartheta^{(1)} - \delta^{(1)}\right) - \frac{\left(\mathcal{M}_{s}^{(2)}\right)^{2}}{4} \mathcal{H}^{(2)} \cos 2\left(\vartheta^{(2)} - \delta^{(2)}\right) + \mathcal{M}_{s}^{(1)} \mathcal{M}_{s}^{(2)} \times \left[ -\vartheta U_{1} \sin \vartheta^{(1)} \sin \vartheta^{(2)} + \vartheta U_{2} \cos \vartheta^{(1)} \cos \vartheta^{(2)} + \frac{1}{2} \varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha \sin\left(\vartheta^{(1)} + \vartheta^{(2)}\right) - H\left[ (1 - \varepsilon) \mathcal{M}_{s}^{(1)} \cos \vartheta^{(1)} + \varepsilon \mathcal{M}_{s}^{(2)} \cos \vartheta^{(2)} \right] \right\} V,$$

$$(5)$$

где эффективные константы анизотропии  $\mathcal{K}^{(1,2)}$  и положение эффективных осей  $\delta^{(1,2)}$  фаз определяются следующими выражениями:

$$\mathcal{K}^{(1)} = \left( \left( (1 - \varepsilon) k_{A}^{(1)} + (1 - 2\varepsilon) k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha \right)^{2} + \left( \varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha \right)^{2} \right)^{\frac{1}{2}}, \tag{6}$$

$$tg(2\delta^{(1)}) = -\frac{\varepsilon k_N^{(2)} \sin 2\alpha}{(1 - \varepsilon) k_A^{(1)} + (1 - 2\varepsilon) k_N^{(1)} + \varepsilon k_N^{(2)} \cos 2\alpha}, (7)$$

$$\mathcal{H}^{(2)} = \varepsilon \sqrt{\left(k_{\rm A}^{(2)}\right)^2 + \left(k_{\rm N}^{(2)}\right)^2 + 2k_{\rm A}^{(2)}k_{\rm N}^{(2)}\cos 4\alpha},\qquad(8)$$

$$tg(2\delta^{(2)}) = -\frac{k_N^{(2)} - k_A^{(2)}}{k_N^{(2)} + k_A^{(2)}} tg2\alpha.$$
 (9)

Константы межфазного взаимодействия  ${\mathfrak A}_1$  и  ${\mathfrak A}_2$  выражаются через константы магнитостатического и обменного взаимодействия фаз:

$$\mathcal{U}_{1} = \varepsilon \left( \frac{\left(k_{N}^{(1)} - k_{N}^{(2)}\right)}{3} + \frac{2sA_{\text{in}}}{v\delta\mathcal{M}_{s}^{(1)}\mathcal{M}_{s}^{(2)}} \right),$$

$$\mathcal{U}_{2} = \varepsilon \left( \frac{2\left(k_{N}^{(1)} - k_{N}^{(2)}\right)}{3} - \frac{2sA_{\text{in}}}{v\delta\mathcal{M}_{s}^{(1)}\mathcal{M}_{s}^{(2)}} \right).$$
(10)

В соотношениях (1)—(10)  $k_A^{(1,2)}=K_1^{(1,2)}\Big/\Big(\mathcal{M}_s^{(1,2)}\Big)^2$ ,  $k_N^{(1,2)}$  — безразмерные константы кристаллографической анизотропии и анизотропии формы 1-й и 2-й фаз соответственно,  $K_1^{(1,2)}$  — первые константы анизотропии фаз, s — площадь поверхности разделяющей фазы,  $A_{\rm in}$  — константа межфазного обменного взаимодействия,  $\delta$  — ширина переходной области, имеющая порядок постоянной решетки. Отметим, что константа анизотропии формы  $k_N = 2\pi(1-3N_z)$  выражается через размагничивающий коэффициент вдоль длинной оси  $N_z = \left[q\ln\left(q+\sqrt{q^2-1}\right)-\sqrt{q^2-1}\right]\Big/\left(q^2-1\right)^{3/2}$ , зависящий только от вытянутости эллипсоила a.

Отметим, что магнитные состояния могут зависеть от поверхностной анизотропии. Как было показано в работе [9], добавка к перечисленным выше энергии поверхностной анизотропии эквивалентно замене  $k_{\rm N}^{(1,2)}$  на  $k_{\rm N}^{(1,2)} + 2\pi k_{\rm S}^{(1,2)} b_{(1,2)}^2 \xi\left(q_{(1,2)}\right)$  (обозначения описаны в [9]).

**Многоосные наночастицы.** Пусть магнитные фазы наночастицы (1 — оболочка, 2 — ядро) представлены кристаллами кубической симметрии с константами кристаллографической анизотропии первого  $K_1^{(1,2)}$  и второго  $K_2^{(1,2)}$  порядка соответственно. Проведем решение задачи о магнитных состояниях двухфазной многоосной частицы в рамках следующих предположений:

1) если первые константы кристаллографической анизотропии фаз  $K_1^{(1,2)}$  положительны, то "легкие оси" фаз (кристаллографические направления типа [100]) совпадают с длинными осями оболочки и ядра соответственно (рис. 1). В противном случае ( $K_1^{(1,2)} < 0$ ) совместим "легкие оси" (направления [111]) с длинными осями фаз;

2) воспользуемся условием магнитной одноосности зерна многоосного кристалла, суть которого состоит в том, что при некоторой вытянутости его анизотропия формы превалирует над кристаллографической анизотропией. Процесс намагничивания таких частиц подобен намагничиванию одноосных частиц с некоторой эффективной константой, которая определяется полной свободной энергией [10].

В зависимости от знака константы анизотропии энергия кристаллографической анизотропии имеет следующий вид [10]:

$$\begin{cases} \frac{1}{4}k_{A1}^{(1)}(\mathcal{M}_{s}^{(1)})^{2}(1-\varepsilon)\sin^{2}2\vartheta^{(1)} + \\ + \frac{1}{4}k_{A1}^{(2)}(\mathcal{M}_{s}^{(2)})^{2}\varepsilon\sin^{2}2\vartheta^{(2)}; \\ k_{A1}^{(1)} > 0, \quad k_{A1}^{(2)} > 0; \\ \frac{1}{54}k_{A2}^{(1)}(\mathcal{M}_{s}^{(1)})^{2}(1-\varepsilon)\sin^{2}\vartheta^{(1)} \times \\ \times (1+2\cos2\vartheta^{(1)})^{2} + \\ + \frac{1}{54}k_{A2}^{(2)}(\mathcal{M}_{s}^{(2)})^{2}\varepsilon\sin^{2}\vartheta^{(2)} \times \\ \times (1+2\cos2\vartheta^{(2)})^{2}; \\ E_{A} = \begin{cases} k_{A1}^{(1)} < 0, \quad k_{A1}^{(2)} < 0, \\ \frac{1}{4}k_{A1}^{(1)}(\mathcal{M}_{s}^{(1)})^{2}(1-\varepsilon)\sin^{2}2\vartheta^{(1)} + \\ + \frac{1}{54}k_{A2}^{(2)}(\mathcal{M}_{s}^{(2)})^{2}\varepsilon\sin^{2}\vartheta^{(2)} \times \\ \times (1+2\cos2\vartheta^{(2)})^{2}, \quad k_{A1}^{(1)} > 0, \quad k_{A1}^{(2)} < 0; \\ \frac{1}{54}k_{A2}^{(1)}(\mathcal{M}_{s}^{(1)})^{2}(1-\varepsilon) \times \\ \times \sin^{2}\vartheta^{(1)}(1+2\cos2\vartheta^{(1)})^{2} + \\ + \frac{1}{4}k_{A1}^{(2)}(\mathcal{M}_{s}^{(2)})^{2}\varepsilon\sin^{2}2\vartheta^{(2)}; \\ k_{A1}^{(1)} < 0, \quad k_{A1}^{(2)} > 0. \end{cases}$$

В соотношениях (11)  $k_{\rm A1}^{(\rm l,2)}=K_{\rm l}^{(\rm l,2)}\Big/\Big(\mathcal{M}_{\rm s}^{(\rm l,2)}\Big)^2$  и  $k_{\rm A2}^{(\rm l,2)}=K_{\rm l}^{(\rm l,2)}\Big/\Big(\mathcal{M}_{\rm s}^{(\rm l,2)}\Big)^2$  — безразмерные константы кристаллографической анизотропии первого или второго порядка оболочки либо ядра соответственно.

В соответствии со вторым положением, сформулированным выше, полная энергия определяется соотношением (5), в котором эффективные константы анизотропии  $\widetilde{\mathcal{K}}^{(1,2)}$  и положение эффективных осей  $\widetilde{\delta}^{(1,2)}$  имеют вид:

$$\widetilde{\mathcal{K}}^{(1)} = \begin{cases}
\left\{ \left( (1 - \varepsilon) \widetilde{k}_{A}^{(1)} + (1 - 2\varepsilon) k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha \right)^{2} + \\
+ \left( \varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha \right)^{2} \right\}^{\frac{1}{2}}, \\
k_{A1}^{(1)} > 0, \qquad (12) \\
\left\{ \left( (1 - \varepsilon) k_{A2}^{(1)} / 3 + (1 - 2\varepsilon) k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha \right)^{2} + \\
+ \left( \varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha \right)^{2} \right\}^{\frac{1}{2}}, \\
k_{A1}^{(1)} < 0,
\end{cases}$$

**Таблица 1.** Экспериментальные значения спонтанной намагниченности  $\mathcal{M}_s$ , первых и вторых констант кристаллографической анизотропии  $K_{1,2}$  магнетита (Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>) и титаномагнетита (Fe<sub>2.44</sub>Ti<sub>0.56</sub>O<sub>4</sub>) [11]

Параметры	Fe <sub>3</sub> O <sub>4</sub>	Fe <sub>2.44</sub> Ti <sub>0.56</sub> O <sub>4</sub>
$\mathcal{M}_{s}$ , Гс	480	151
$K_1, 10^5  \text{эрг/см}^3$	-1.06	-0.7
$K_2, 10^5  \text{spr/cm}^3$	2.8	-0.15

$$tg(2\delta^{(1)}) = \begin{cases} \frac{-\varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha}{(1-\varepsilon)k_{A}^{(1)} + (1-2\varepsilon)k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha}, \\ k_{AI}^{(1)} > 0, \\ \frac{-\varepsilon k_{N}^{(2)} \sin 2\alpha}{(1-\varepsilon)k_{A2}^{(1)}/3 + (1-2\varepsilon)k_{N}^{(1)} + \varepsilon k_{N}^{(2)} \cos 2\alpha}, \\ k_{AI}^{(1)} < 0, \end{cases}$$
(13)

$$\widetilde{\mathcal{K}}^{(2)} = \begin{cases}
\varepsilon \sqrt{\left(k_{A1}^{(2)}\right)^{2} + \left(k_{N}^{(2)}\right)^{2} + 2k_{A1}^{(2)}k_{N}^{(2)}\cos 4\alpha}, \\
k_{A1}^{(1)} > 0, \\
\varepsilon \sqrt{\left(k_{A2}^{(2)}/3\right)^{2} + \left(k_{N}^{(2)}\right)^{2} + 2k_{A2}^{(2)}k_{N}^{(2)}\cos 4\alpha/3}, \\
k_{A1}^{(1)} > 0,
\end{cases} (14)$$

$$tg(2\tilde{\delta}^{(2)}) = -\begin{cases} \frac{k_N^{(2)} - k_{A1}^{(2)}}{k_N^{(2)} + k_{A1}^{(2)}} tg 2\alpha, \\ k_N^{(1)} > 0, \\ \frac{k_N^{(2)} - k_{A2}^{(2)}/3}{k_N^{(2)} + k_{A2}^{(2)}/3} tg 2\alpha, \\ k_N^{(1)} < 0. \end{cases}$$
(15)

Таким образом, магнитные состояния многоосной наночастицы ядро/оболочка могут быть определены с помощью соотношения (5), в котором эффективные константы анизотропии и положение эффективных осей задаются соотношениями (12)—(15).

Выражения (5)—(10), (12)—(15) позволяют исследовать влияние геометрических (q и  $\epsilon$ ) и магнитных ( $\mathcal{M}_s^{(1,2)}$ ,  $k_{A1,2}^{(1,2)}$ ,  $A_{in}$ ) характеристик на магнитные состояния как одноосных, так и кристаллографически многоосных наночастиц ядро/оболочка.

## МАГНИТНЫЕ СОСТОЯНИЯ НАНОЧАСТИЦ ЯДРО/ОБОЛОЧКА

Минимизация энергии (5) по  $\vartheta^{(1)}$  и  $\vartheta^{(2)}$  совместно с условиями минимума:

$$\frac{\partial E}{\partial \vartheta^{(1)}} = 0, \quad \frac{\partial E}{\partial \vartheta^{(2)}} = 0; \quad \frac{\partial^2 E}{\partial \vartheta^{(1)2}} > 0, 
\frac{\partial^2 E}{\partial \vartheta^{(1)2}} \frac{\partial^2 E}{\partial \vartheta^{(2)2}} - \left(\frac{\partial^2 E}{\partial \vartheta^{(1)} \partial \vartheta^{(2)}}\right)^2 > 0$$
(16)

приводит к системе уравнений, которая позволяет определить основные и метастабильные состояния магнитных моментов фаз наночастицы.

**Выбор параметров моделирования.** Расчет магнитных состояний проведем на примере почти сферических (Q=1.05) наночастиц  $\mathrm{Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4}$  размером  $2B=20\,$  нм, магнитные характеристики которых представлены в табл. 1.

Результаты моделирования влияния размеров b, вытянутости q и ориентации длинной оси  $\alpha$  магнетитового ядра на распределение основных и метастабильных состояний наночастиц  $\mathrm{Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4}$  показали, что при  $Q \ge 1$  и  $q \ge 1$  возможны два или четыре состояния, которые различаются взаимной ориентацией магнитных моментов фаз. Так, в отличие от наночастиц с  $\alpha = 0$ , в которых магнитные моменты ядра и оболочки ориентируются параллельно ( $\uparrow \uparrow$ ,  $\downarrow \downarrow$ ), либо антипараллельно ( $\uparrow \downarrow$ ,  $\downarrow \uparrow$ ) друг другу, рост  $\alpha$  приводит к увеличению отклонения магнитных моментов фаз от оси  $O_Z$  в каждом из четырех состояний (см. рис. 2).

Если магнитостатическое взаимодействие между фазами преобладает над обменным ( $\mathcal{U}_2 > 0$ ), то второе и четвертое состояния устойчивы. В то же время первое и третье метастабильны, так как свободная энергия частицы в этих состояниях меньше, нежели в первом и третьем. В противном случае ( $\mathcal{U}_2 < 0$ ) устойчивы первое и третье состояния.

Зависимость числа магнитных состояний наночастицы с заданными значениями размера малой полуоси B и вытянутости Q от геометрических характеристик ядра (размера малой полуоси b и вытянутости q) удобно представить с помощью диаграммы  $\{b,q\}$  (см. рис. 3).

Каждой точке диаграммы  $\{b,q\}$  сопоставляется наночастица, ядро которой имеет размер b и вытянутость q. Точкам темной области диаграммы  $\{b,q\}$  сопоставляются частицы, которые могут находиться в одном из четырех перечисленных выше основных или метастабильных состояний. Точки, попавшие в светлую область, соответству-

ют наночастицам, находящимся в одном из двух равновесных состояний.

При построении диаграмм  $\{b,q\}$  нами использовано соотношение между малыми полуосями эллипсоидов ядра b и наночастицы  $B-(b \le B)$  и ограничение  $qb \le R(\alpha)$  на длинную ось ядра qb, обусловленное размером наночастицы  $R(\alpha) = QB/\sqrt{\cos^2\alpha + Q^2\sin^2\alpha}$  вдоль прямой совпадающей с длинной осью ядра. Перечисленные выше соотношения определяют ограничения на выбор q и b:

$$\frac{b}{B} \le 1, \quad q\frac{b}{B} \le \frac{Q}{\sqrt{\cos^2 \alpha + Q^2 \sin^2 \alpha}}.$$
 (17)

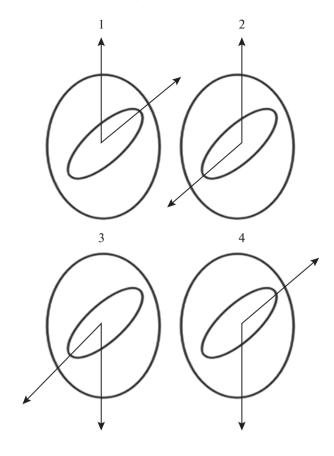
Заметим, что максимальное число равновесных состояний двухфазной наночастицы ядро/оболочка равно удвоенному числу "легких осей". Поэтому не удовлетворяющие условию магнитной одноосности [10] сферические наночастицы ядро/оболочка со сферическим ядром, магнитные фазы которых представлены материалами кубической симметрии, могут находиться в шести или восьми состояниях.

#### ВЛИЯНИЕ МЕЖФАЗНОГО ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ НА МЕТАСТАБИЛЬНОСТЬ

Будем считать, что количественной характеристикой метастабильности состояний магнитных моментов наночастиц ядро/оболочка является вероятность P обнаружения наночастицы в метастабильном состоянии. Вероятность P можно определить как отношение числа точек на диаграмме  $\{b,q\}$ , соответствующих частицам, находящимся в одном из четырех состояний (попавших в темную область  $S_{\mathsf{T}}$ ) к полному числу всевозможных состояний (попавших в темную  $S_{\mathsf{T}}$  и светлую области  $S_{\mathsf{C}}$ ):  $P = S_{\mathsf{T}}/(S_{\mathsf{C}} + S_{\mathsf{T}})$ .

Влияние межфазного обменного взаимодействия на метастабильность магнитных состояний наночастиц ядро/оболочка  $\mathrm{Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4}$  различающихся углом  $\alpha$  представлено в табл. 2.

Расчет вероятности P позволяет утверждать, что рост константы межфазного обменного взаимодействия приводит к уменьшению метастабильности наночастиц  $\mathrm{Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4}$ . При этом для частиц с  $\alpha=0$  метастабильность исчезает при  $|A_{\mathrm{in}}|_{\mathrm{min}}=0.3\times10^{-8}$  Эрг/см, магнитные моменты наночастиц переходят в одно из двух основных состояний. Указанная выше зависимость метастабильности магнитных состояний от межфазного обменного взаимодействия качественно выполняется для частиц ядро/оболочка с различ-

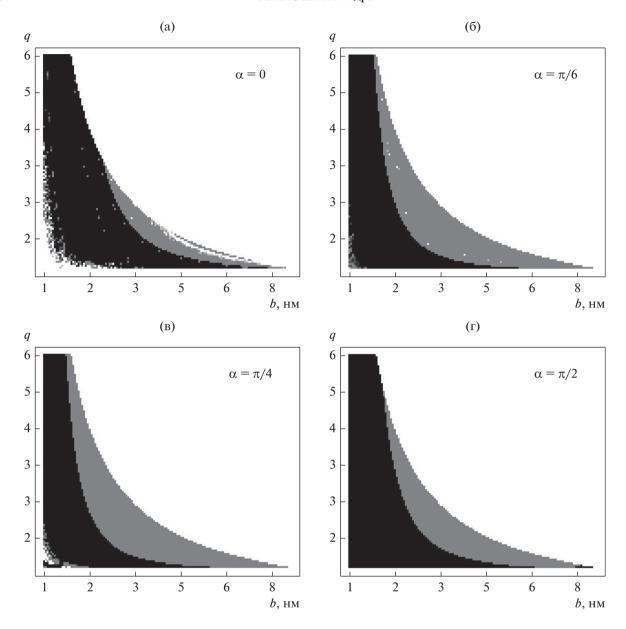


**Рис. 2.** Иллюстрация равновесных состояний наночастиц ядро/оболочка: *в первом* "( $^{\nwarrow}$ )-состоянии" магнитные моменты обеих фаз составляют острые углы ( $-\pi/2 < \vartheta^{(1)} < \pi/2$ ,  $-\pi/2 < \vartheta^{(2)} < \pi/2$ ) с осью Oz; во втором "( $^{\nearrow}$ )-состоянии" магнитные моменты ядра и оболочки составляют углы  $-\pi/2 < \vartheta^{(1)} < \pi/2$ ,  $-3\pi/2 < \vartheta^{(2)} < -\pi/2$ ; третье " $^{\checkmark}$ " и четвертое " $^{\checkmark}$ "" осотояния являются инверсией первого и второго соответственно.

ными значениями угла между длинными осями наночастицы и ядра  $\alpha$ . С увеличением  $\alpha$  минимальное значение  $|A_{\rm in}|_{\rm min}$ , при котором исчезает метастабильность магнитных состояний наночастиц  ${\rm Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4}$ , меняется немонотонно. Отмеченное изменение  $|A_{\rm in}|_{\rm min}$  определяется немонотонной зависимостью эффективных констант магнитной анизотропии от угла  $\alpha$  (см. соотношения (12), (14)).

#### РЕЗУЛЬТАТЫ РАБОТЫ

Получены выражения полной энергии наночастицы ядро/оболочка с произвольной ориентацией осей анизотропии магнитных фаз. В полную



**Рис. 3.** Диаграммы  $\{b,q\}$  магнитных состояний наночастиц  $\mathrm{Fe_3O_4/Fe_{2.44}Ti_{0.56}O_4}$  с константой межфазного обменного взаимодействия  $A_{\mathrm{in}}=0$ , рассчитанные для различных значений угла  $\alpha$ .

энергию включены: энергии кристаллографической и поверхностной анизотропии, энергия магнитостатического взаимодействия ядра и оболочки, энергия межфазного обменного взаимодействия и энергия Зеемана.

Полученное выражение полной энергии позволило исследовать влияние геометрических параметров (размер ядра и оболочки, их вытянутость, ориентация длинных осей) и межфазного обменного взаимодействия на метастабильность магнитных состояний наночастиц ядро/оболочка.

Показано, что наночастицы могут находиться в одном из четырех состояний, в которых с увеличением угла между длинными осями наночасти-

цы и ядра  $\alpha$ , направления магнитных моментов фаз могут меняться от параллельных  $(\uparrow\uparrow,\downarrow\downarrow)$ , либо антипараллельных  $(\uparrow\downarrow,\downarrow\uparrow)$  ориентаций при  $\alpha=0$  до "скошенных"  $-(\nwarrow\nearrow,\swarrow\searrow)$ , либо  $(\nearrow\searrow,\swarrow\nwarrow)$  при  $\alpha\neq0$ .

Метастабильность магнитных состояний, во многом определяющая процессы намагничивания наночастиц ядро/оболочка, реализуется в ограниченном диапазоне значений геометрических характеристик (размеров и вытянутости) и констант межфазного обменного взаимодействия между ядром и оболочкой  $0 \le |A_{\rm in}| \le |A_{\rm in}|_{\rm min}$ . При

**Таблица 2.** Зависимость числа метостабильных состояний от константы межфазного обменного взаимодействия

этом предельное значение  $|A_{\rm in}|_{\rm min}$  немонотонно меняется с ростом угла между длинными осями наночастицы и ядра  $\alpha$ .

Знания о возможных магнитных состояниях наночастиц ядро/оболочка, позволят понять процессы намагничивания систем таких частиц. А также оценить влияние их геометрических (размеры, форма и угол между длинными осями наночастицы и ядра) и магнитных параметров на гистерезисные характеристики и температуру блокирования, которые являются важными характеристиками для практического применения в различных областях — при конструирования новых магнитных материалов, при разработке биомедицинских технологий, а также при изучении палеонапряженности.

Работа выполнена при поддержке гранта Правительства Российской Федерации на государ-

ственную поддержку научных исследований, проводимых под руководством ведущих ученых в российских образовательных организациях высшего образования, научных учреждениях и государственных научных центрах Российской Федерации (проект № 075-15-2021-607).

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Frederix F., Friedt J.M., Choi K.H., Laureyn W., Campitelli A., Mondelaers D., Borghs G. Biosensing based on light absorption of nanoscaled gold and silver particles // Analytical Chemis. 2003. V. 75. P. 6894–6900.
- Andersson P., Forchheimer R., Tehrani P., Berggren M.
   Printable All-Organic Electrochromic Active-Matrix
   Displays // Adv. Functional Mater. 2007. V. 17.
   P. 3074–3082.
- 3. Cahill D.G., Braun P.V., Chen G., Clarke D.R., Fan S., Goodson K.E., Shi L. Nanoscale thermal transport. II. 2003–2012 // Appl. Phys. Rev. 2014. V. 1. P. 011305.
- Saykova D., Saikova S., Mikhlin Y., Panteleeva M., Ivantsov R., Belova E Synthesis and Characterization of Core—Shell Magnetic Nanoparticles NiFe<sub>2</sub>O<sub>4</sub>@Au // Metals. 2020. V. 10. P. 1075.
- Nogués J., Sort J., Langlais V., Skumryev V., Suriñach S., Muñoz J.S., Baró M.D Exchange bias in nanostructures // Phys. Reports 2005. V. 422. P. 65–117.
- Afremov L., Anisimov S., Iliushin I. Size effect on the hysteresis characteristics of a system of interacting core/shell nanoparticles // J. Magn. Magn. Mater. 2018. V. 447. P. 88–95.
- 7. Stavn M., Morrish A. Magnetization of a two-component Stoner-Wohlfarth particle // IEEE Transactions on Magnetics. 1979. V. 15. P. 1235–1240.
- 8. *Yang J.-S.*, *Chang C.-R*. The influence of interfacial on the coercivity of acicular coated particle // J. Appl. Phys. 1991. V. 69. P. 7756–7761.
- 9. Anisimov S., Afremov L., Petrov A. Modeling the effect of temperature and size of core/shell nanoparticles on the exchange bias of a hysteresis loop // J. Magn. Magn. Mater. 2020. V. 500. P. 166366.
- 10. *Афремов Л.Л., Панов А.В.* Влияние механических напряжений на остаточную намагниченность насыщения системы наночастиц // ФММ. 2008. Т. 106. № 3. С. 248–256.
- Syono Y. Magnetocrystalline anisotropy and magnetostriction of Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>-Fe<sub>2</sub>TiO<sub>4</sub> series with special application to rock magnetism // Japan. J. Geophys. 1965. V. 4(1). P. 71–143.