УДК 550.388.2

# ЭФФЕКТИВНЫЙ ИНДЕКС СОЛНЕЧНОЙ АКТИВНОСТИ ДЛЯ МЕДИАНЫ КРИТИЧЕСКОЙ ЧАСТОТЫ F2-СЛОЯ

© 2020 г. М. Г. Деминов<sup>1,</sup> \*, Г. Ф. Деминова<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Институт земного магнетизма, ионосферы и распространения радиоволн им. Н.В. Пушкова РАН (ИЗМИРАН), г. Москва, г. Троицк, Россия \*e-mail: deminov@izmiran.ru

> Поступила в редакцию 20.04.2020 г. После доработки 12.05.2020 г. Принята к публикации 21.05.2020 г.

На основе сопоставления скользящих средних за 12 мес. значений потока солнечного радиоизлучения на длине волны 10.7 см *F*107 и ионосферного индекса солнечной активности *T* установлен эффективный индекс солнечной активности  $T_F$ . Индекс  $T_F$  определен как полином второй степени от *F*107 с коэффициентами, которые не зависят от времени, и предназначен для использования в задачах прогноза медианы критической частоты *F*2-слоя *foF*2 по известным моделям ионосферы вместо индексов *T*, *F*107 или международного числа солнечных пятен *Ri*. Индекс  $T_F$  применим для любого уровня солнечной активности и всего периода измерений *F*107. Индекс  $T_F$  не зависит от геомагнитной активности из-за зависитот медианы *foF*2 от этой активности. Получено, что скользящий средний за 12 месяцев индекс геомагнитной активности *Ap*<sub>12</sub> и разность  $\Delta T = T - T_F$  уменьшались со временем в интервале 1954—2019 гг., но для  $\Delta T$  эта тенденция была скорее качественной. В результате, линейная зависимость  $\Delta T$  от *Ap*<sub>12</sub> практически отсутствовала для этого интервала: коэффициент корреляции между ними был меньше 0.1.

DOI: 10.31857/S0016794020050053

# 1. ВВЕДЕНИЕ

Широко используемые эмпирические модели, такие как IRI [Bilitza, 2018] или NeQuick [Nava et al., 2008], содержат так называемые карты ITU-R для вычисления медианных за месяц значений критической частоты F2-слоя foF2. Эти глобальные карты построены для каждого месяца года, двух уровней солнечной активности (Rz = 0 и Rz == 100) и линейной интерполяции для промежуточных значений Rz:

$$foF2 = a_0 + a_1Rz,\tag{1}$$

где Rz — скользящее среднее за 12 мес. международное число солнечных пятен (прежняя версия, которая включает классический Цюрихский ряд данных),  $a_0$  и  $a_1$  — коэффициенты, которые определяются на основе карт ITU-R для данного пункта, месяца года и мирового времени [Jones and Gallet, 1962, 1965]. В уравнении (1) вместо Rzмогут быть использованы другие скользящие средние за 12 мес. солнечные (Ri, F107) или ионосферные (T, IG) индексы солнечной активности. Здесь Ri — новая версия международного числа солнечных пятен, F107 — поток солнечного радиоизлучения на длине волны 10.7 см. Включение индекса Ri в рассмотрение оправдано и тем, что после 2015 г. прежний индекс *Rz* не поддерживается [Clette et al., 2015]. Для использования индексов *Ri* или *F*107 в уравнении (1) получают уравнения регрессии, отражающие зависимости Rz от Ri или F107 [Bilitza, 2018; Гуляева, 2016]. Многочисленные исследования показали, что точность вычисления параметров ионосферы и термосферы с помощью индекса F107 уменьшается для периодов продолжительной низкой солнечной активности [Lühr and Xiong, 2010; Chen et al., 2011; Bilitza et al., 2012; Solomon et al., 2013; Emmert et al., 2014; Qian et al., 2014; Danilov and Konstantinova, 2020]. В свою очередь, ошибки вычисления foF2 с помощью индекса *Ri* увеличились существенно для последнего солнечного цикла 24 [Деминов и др., 2020]. В результате, солнечные индексы *Ri* и F107 перестали быть адекватными индикаторами солнечной активности для foF2 в последние десятилетия.

Ионосферные индексы T и IG построены по экспериментальным данным медиан foF2 ряда ионосферных станций для замены солнечного индекса Rz в уравнении (1) с целью обеспечения минимальных ошибок вычисления foF2 по эмпирическим моделям [Liu et al., 1983; Caruana, 1990]. Поэтому обычно ионосферные индексы точнее



**Рис. 1.** Связь между индексами *T* и *F*107 по экспериментальным данным за 1954—1996 гг. (точки) и на основе уравнения регрессии (2) — сплошная линия.

солнечных индексов [Liu et al., 1983; Caruana, 1990], но в задачах долгосрочного прогноза ионосферы это преимущество ионосферных индексов может быть нивелировано неточностью прогноза ионосферных индексов [Zakharenkova et al., 2013].

Анализ связей между ионосферными и солнечными индексами может позволить получить поправки к известным уравнениям регрессии, отражающим зависимости *Rz* от *Ri* или *F*107, для увеличения точности использования солнечных индексов. Так, учет этой поправки для зависимостей *Ri* и *Rz* от *F*107 позволил существенно увеличить точность использования индекса *F*107 как индикатора солнечной активности для *foF*2, которая стала отчетливо выше точности индекса *Ri* особенно в последние десятилетия [Деминов, 2016; Деминов и Деминова, 2019].

Возможен прямой путь увеличения точности ионосферных индексов на основе уравнений регрессии между ионосферными и солнечными индексами без использования известных связей между солнечными индексами. Решение этой задачи на основе анализа индексов T и F107 было главной целью данной работы. При этом мы стремились получить устойчивое уравнение регрессии, которое было бы применимо для всего периода измерения индекса F107 с достаточно высокой точностью. Анализ показал, что этим свойством обладает индекс F107 и не обладает индекс Ri. Это и определило выбор индекса F107 для решения данной задачи.

# 2. ЭФФЕКТИВНЫЙ ИНДЕКС СОЛНЕЧНОЙ АКТИВНОСТИ

Анализ данных индексов солнечной активности показал, что в интервале 1954—1996 гг. связь между индексами этой активности была достаточно устойчивой [Деминов и Деминова, 2019]. Отметим, что этот интервал соответствует солнечным циклам 19–22. По данным индексов *T* и *F*107 для этого интервала было получено уравнение регрессии

$$T = -117 + 1.94F107 - 0.00313(F107)^{2}, \qquad (2)$$

с коэффициентом корреляции K = 0.998 и среднеквадратичным отклонением вычисленных значений *T* от измеренных  $\sigma = 4$ . Более наглядно о степени точности уравнения (2) можно судить по данным на рис. 1.

Эффективный индекс солнечной активности  $T_{\rm F}$  определен нами на основе уравнения (2):

$$T_{\rm F} = -117 + 1.94F107 - 0.00313(F107)^2.$$
 (3)

Он предназначен для замены индекса Rz на  $T_F$  в уравнении (1) для вычисления медианы *foF2* по эмпирическим моделям IRI или NeQuick при любом уровне солнечной активности.

Известно, что индекс F107 не является адекватным индикатором солнечной активности для медианы *foF2* при низкой солнечной активности (см., например, [Деминов и Деминова, 2019]). Анализ показал, что в индексе  $T_F$  этот недостаток выражен гораздо слабее. Для наглядности, на рис. 2 показаны зависимости индекса T от  $T_F$  и  $Rz^*$  для интервала 2009–2019 гг., который соответствует солнечному циклу 24. Этот цикл является самым низким за весь период измерений индекса F107 до настоящего времени. Индекс  $Rz^*$  определен на основе анализа связи между индексами Rz и Ri в интервале 1957–2014 гг. [Гуляева, 2016]:

$$Rz^* = 0.7Ri,\tag{4}$$

т.е. *Rz*\* это индекс *Rz*, который определен с помощью индекса *Ri*.

Статистические характеристики для данных на этом рисунке:  $d(T - T_F) = -2$ ,  $\sigma(T - T_F) = 5$ ,  $d(T - Rz^*) = 4$ ,  $\sigma(T - Rz^*) = 12$ , где d -сдвиг,  $\sigma$ среднеквадратичное отклонение одного индекса относительного другого. Из данных на этом рисунке и приведенных статистических характеристик следует, что для низкого солнечного цикла индекс  $T_{\rm F}$  существенно точнее индекса  $Rz^*$ . Кроме того, для низкого солнечного цикла связь между индексами T и Rz\* перестает быть однозначной: фиксированному значению Rz\* могут соответствовать разные значения Т на фазах роста и спада солнечного цикла, т.е. существует эффект гистерезиса. Этот эффект для солнечного цикла 24 более детально рассмотрен в работе [Деминов и др., 2020]. Сравнение со статистическими оценками для уравнения (2) показывает, что величина  $\sigma(T - T_{\rm F})$  почти одинакова для интервалов 1954— 1996 и 2009–2019 гг.:  $\sigma(T - T_F) = 4-5$ . Кроме того,  $\sigma(T - T_F) = 4$  для всего интервала 1948–2019 гг.,



**Рис. 2.** Связь ионосферного индекса солнечной активности *T* с эффективным индексом этой активности *T*<sub>F</sub> и индексом *Rz*\* по экспериментальным данным (точки) для интервала 2009–2019 гг.

т.е. для всего интервала измерений индекса F107. Отметим, что  $d(T - T_F) = 0.03$  для интервала 1948—2019 гг., т.е. систематический сдвиг между индексами T и  $T_F$  практически отсутствует для этого интервала. Эти оценки позволяют утверждать, что эффективный индекс солнечной активности  $T_F$  может быть рекомендован в качестве индикатора солнечной активности для вычисления и прогноза медианы *foF2* по эмпирическим моделям для любого уровня солнечной активности и всего периода измерений индекса F107 (в данном случае до 2019 г. включительно).

Ионосферный индекс Тможет зависеть от геомагнитной активности из-за возможной зависимости медианы foF2 от этой активности [Деминов и др., 2017]. Индекс T<sub>F</sub> не зависит от геомагнитной активности по определению (см. уравнение (3)). Поэтому можно предположить, что разница *T* – *T*<sub>F</sub> позволит выделить вклад геомагнитной активности в T, если он значим. Предварительный результат такого анализа для изменений скользящего среднего за 12 мес. индекса геомагнитной активности  $Ap_{12}$  и разности  $\Delta T = T - T_{\rm F}$  в интервале 1954–2019 гг. показан на рис. 3. Из данных на этом рисунке видно, что изменения  $Ap_{12}$  и  $\Delta T$  со временем в годах носят сложный характер. Тем не менее, уравнения регрессии в виде полиномов второй степени отражают общую тенденцию этих изменений. Статистические характеристики для этих уравнений регрессии таковы. Стандартное отклонение  $\sigma = 4$ , коэффициент определенности K = 0.5 для зависимости  $Ap_{12}$  от времени в годах. Напомним, что коэффициент определенности это коэффициент корреляции между измеренными и вычисленными по уравнению регрессии значениями, в данном случае, *Ар*<sub>12</sub>. Стандартное

отклонение  $\sigma = 4$ , коэффициент определенности K = 0.3 для зависимости  $\Delta T$  от времени в годах. Анализ показал, что зависимость  $Ap_{12}$  или  $\Delta T$  от времени (в виде полинома второй степени) значима для использованного массива данных при доверительном уровне 95-99% по критерию Фишера, если соответствующий коэффициент определенности K > 0.3-0.4. Следовательно, зависимость Ар<sub>12</sub> от времени значима при доверительном уровне 99%, зависимость  $\Delta T$  от времени не значима или слабо значима при доверительном уровне 95%. Линейная зависимость  $\Delta T$  от  $Ap_{12}$  не значима, поскольку коэффициент корреляции между этими индексами  $K(\Delta T, Ap_{12}) < 0.1$ . Даже для интервала 2000-2018 гг., когда зависимость Ар<sub>12</sub> от времени была наиболее отчетливой (см. рис. 3),  $K(\Delta T, Ap_{12}) = 0.1$ . Следовательно, линейная зависимость  $\Delta T$  от  $Ap_{12}$  практически отсутствовала для интервала 1954-2019 гг. Тем не менее, наблюдалась общая тенденция к уменьшению индексов  $Ap_{12}$  и  $\Delta T$  со временем в годах, но для  $\Delta T$  этот результат был скорее качественным.

### 3. ОБСУЖДЕНИЕ

Ионосферный индекс T может принимать отрицательные значения при низкой солнечной активности, и минимальные значения T достигали почти -10 для низкого солнечного цикла 24 (см. рис. 2). Возможные причины этого заложены в уравнении (1), коэффициенты которого были получены по данным медиан *foF2*, по-видимому, за 1954–1958 гг. [Jones and Gallet, 1962, 1965; Jones and Obitts, 1970]. В этом уравнении принята линейная зависимость *foF2* от *Rz*. Эта зависимость нелинейная, замена *Rz* на *T* позволяет до некото-



**Рис. 3.** Изменения со временем в годах индекса геомагнитной активности  $Ap_{12}$  и отклонения ионосферного индекса *T* от эффективного индекса  $T_F$  по экспериментальным данным (точки) и аппроксимации этих изменений полиномами второй степени (сплошные линии).

рой степени устранить данный недостаток уравнения (1). При этом индекс Тможет стать отрицательным для согласования с измеренными значениями foF2 при постоянных коэффициентах уравнения (1) для данного пункта и месяца года. Выше отмечалось, что эти коэффициенты были получены по данным  $R_z$  и медиан foF2, по-видимому, за 1954-1958 гг. Среднее значение геомагнитного индекса  $Ap_{12} = 16$  для этого интервала соответствует повышенной геомагнитной активности, среднее значение  $Ap_{12} = 8$  в интервале 2009— 2019 гг., что соответствует низкой геомагнитной активности (см. рис. 3). Обычно, но не всегда, увеличение геомагнитной активности приводит к уменьшению медианы *foF2* [Деминов и др., 2017]. Следовательно, коэффициенты уравнения (1) были получены для пониженных значений foF2 относительно спокойного уровня. Поэтому при низкой геомагнитной активности эти коэффициенты будут завышать значения foF2, что будет приводить к более низким значениям Т для согласования с данными измерений. В результате, самые низкие значения индекса Т в солнечном цикле 24 наблюдались в минимумах этого цикла и достигали почти -10 (см. рис. 2). Индекс  $T_{\rm F}$  получен

на основе индекса Т, поэтому он также может принимать отрицательные значения. Из уравнения (3) следует, что  $T_{\rm F} < 0$  для F107 < 67.7. Такие низкие значения F107 встречаются крайне редко, поэтому обычно  $T_{\rm F} > 0$ . Например, даже для низкого солнечного цикла 2009-2019 гг. было выполнено условие T<sub>F</sub> > 1.5. Для второй половины 2019 г. приближенно  $T_{\rm F} = 3$ , индекс T достигал значения -9.8, и величина  $\Delta T = T - T_{\rm F}$  достигла рекордно низкого значения -12.8 (см. рис. 3). Следует отметить, что разница между индексами T и T<sub>F</sub> для очень низкой солнечной активности обычно не приводит к сушественным ошибкам при вычислении медиан *foF*2 по уравнению (1) с заменой Rz на T<sub>F</sub>, поскольку в правой части уравнения (1) первый член преобладает над вторым для этих условий.

Из данных на рис. 2 можно видеть, что максимальные значения индексов T и  $T_{\rm F}$  почти совпадают

 $(T_{\text{max}} = 98, T_{\text{Fmax}} = 99)$ , и они больше  $Rz_{\text{max}}^* = 82$  для низкого солнечного цикла 24. Занижение высоты солнечного цикла по индексу *Ri* относительно высоты этого цикла по индексу *F*107 (и по величине ультрафиолетового излучения Солнца) является характерной особенностью последних низких солнечных циклов, что связывают с уменьшением магнитного поля Солнца в этот период [Livingston et al., 2012; Svalgaard and Hansen 2013; Balogh et al., 2014]. Высокая точность индекса *T*<sub>F</sub> относительно индекса *Rz*\* является отражением этого свойства последних низких солнечных циклов.

# 4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

На основе сопоставления скользящих средних за 12 мес. значений потока солнечного радиоизлучения на длине волны 10.7 см F107 и ионосферного индекса солнечной активности T установлен эффективный индекс солнечной активности  $T_F$ . Индекс  $T_F$  определен как полином второй степени от F107 с коэффициентами, которые не зависят от времени, и предназначен для использования в задачах прогноза медианы критической частоты F2-слоя foF2 по известным моделям ионосферы вместо индексов T, F107 или международных чисел солнечных пятен  $R_Z$  или Ri(прежняя и новая версии). Получены следующие выводы.

1. Индекс  $T_{\rm F}$  применим для любого уровня солнечной активности и всего периода измерений *F*107 с 1948 г. по настоящее время. Точность индекса  $T_{\rm F}$  сохраняется высокой для всего периода измерений *F*107, включая период низкого солнечного цикла 24. Точность индекса *Ri* гораздо ниже точности  $T_{\rm F}$  для солнечного цикла 24. 2. Индекс  $T_{\rm F}$  не зависит от геомагнитной активности по определению. Индекс T может зависеть от геомагнитной активности из-за зависимости медианы *foF2* от этой активности. Получено, что скользящий средний за 12 месяцев индекс геомагнитной активности  $Ap_{12}$  и разность  $\Delta T = T - T_{\rm F}$  уменьшались со временем в интервале 1954—2019 гг., но для  $\Delta T$  эта тенденция была скорее качественной. В результате, линейная зависимость  $\Delta T$  от  $Ap_{12}$  практически отсутствовала для этого интервала: коэффициент корреляции между ними был меньше 0.1.

### 5. БЛАГОДАРНОСТИ

Авторы благодарят SIDC, Бельгия, за индексы  $R_z$ и  $R_i$  — относительные числа солнечных пятен (http://sidc.oma.be/silso/); SWC, Канада, за данные F107 — потока радиоизлучения Солнца на длине волны 10.7 см (ftp://ftp.geolab.nrcan.gc.ca/data/); SWS, Австралия, за данные T — ионосферного индекса солнечной активности (http://www.sws.bom.gov.au/HF\_Systems/); WDC for Geomagnetism, Япония, за данные *Ap*-индекса (http://wdc.kugi.kyoto-u.ac.jp/).

#### ФИНАНСИРОВАНИЕ РАБОТЫ

Исследование выполнено при поддержке РФФИ в рамках научного проекта № 20-05-00050.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

– Гуляева Т.Л. Модификация индексов солнечной активности в международных справочных моделях ионосферы IRI и IRI-Plas в связи с пересмотром ряда чисел солнечных пятен // Солнечно-земная физика. Т. 2. № 3. С. 59–68. 2016.

– Деминов М.Г. Индекс солнечной активности для долгосрочного прогноза ионосферы // Космич. исслед. Т. 54. № 1. С. 3–9. 2016.

– Деминов М.Г., Деминова Г.Ф., Депуева А.Х., Депуев В.Х. Зависимость медианы критической частоты F2-слоя на средних широтах от геомагнитной активности // Солнечно-земная физика. Т. 3. № 4. С. 74–81. 2017.

– Деминов М.Г., Деминова Г.Ф. Индекс солнечной активности для долгосрочного прогноза критической частоты F2-слоя // Геомагнетизм и аэрономия. Т. 59. № 2. С. 191–198. 2019.

– Деминов М.Г., Непомнящая Е.В., Обридко В.Н. Индексы солнечной активности для параметров ионосферы в циклах 23 и 24 // Геомагнетизм и аэрономия. Т. 60. № 1. С. 3–8. 2020.

- Balogh A., Hudson H.S., Petrovay K., von Steiger R. Introduction to the solar activity cycle: Overview of causes and consequences // Space Sci. Rev. V. 186.  $\mathbb{N}$  1. P. 1–15. 2014.

- Bilitza D., Brown S.A., Wang M.Y., Souza J.R., Roddy P.A. Measurements and IRI model predictions during the recent solar minimum // J. Atmos. Solar-Terr. Phys. V. 86. P. 99– 106. 2012. - *Bilitza D*. IRI the international standard for the ionosphere // Adv. Radio Sci. V. 16. 2018.

https://doi.org/10.5194/ars-16-1-2018

*– Caruana J.* The IPS monthly T index // Solar-Terrestrial Prediction: Proc. Workshop at Leura, Australia (October 16–20, 1989). V. 2. P. 257–263. 1990.

- Chen Y., Liu L., Wan W. Does the F10.7 index correctly describe solar EUV flux during the deep solar minimum of 2007–2009? // J. Geophys. Res. V. 116. № A04304. 2011. https://doi.org/10.1029/2010JA016301

Clette F., Cliver E.W., Lefèvre L., Svalgaard L., Vaquero J.M.
Revision of the sunspot number(s) // Space Weather. V. 13.
2015.

https://doi.org/10.1002/2015SW001264

- Danilov A.D., Konstantinova A.V. Trends in foF2 and the 24th solar activity cycle // Adv. Space Res. V. 65. P. 959–96516. 2020.

- Emmert J.T., McDonald S.E., Drob D.P., Meier R.R., Lean J.L., Picone J.M. Attribution of interminima changes in the global thermosphere and ionosphere // J. Geophys. Res. - Space. V. 119. P. 6657-6688. 2014. https://doi.org/10.1002/2013JA019484

*– Jones W.B., Gallet R.M.* The representation of diurnal and geographic variations of ionospheric data by numerical methods // ITU Telecommun. J. V. 29. P. 129–147. 1962.

*– Jones W.B., Gallet R.M.* The representation of diurnal and geographic variations of ionospheric data by numerical methods, 2. Control of instability // ITU Telecommun. J. V. 32. P. 18–28. 1965.

- Jones W.B., Obitts D.L. Global representation of annual and solar cycle variation of *foF2* monthly median 1954-1958 // US Institute for Telecommunication Science, Research Report OT/ITSRR 3. 1970. P. 1–46. 1970.

- Liu R., Smith P., King J. A new solar index which leads to improved foF2 predictions using the CCIR atlas // Telecommun. J. V. 50. No 8. P. 408-414. 1983.

- Livingston W., Penn M.J., Svalgaard L. Decreasing sunspot magnetic fields explain unique 10.7 cm radio flux // Astrophys. J. Lett. V. 757. № L8. 2012.

https://doi.org/10.1088/2041-8205/757/1/L8

*– Lühr H., Xiong C.* IRI-2007 model overestimates electron density during the 23/24 solar minimum // Geophys. Res. Lett. V. 37. № L23101. 2010.

https://doi.org/10.1029/2010GL045430

- Nava B., Coisson P., Radicella S.M. A new version of the NeQuick ionosphere electron density model // J. Atmos. Solar-Terr. Phys. V. 70. № 15. P. 1856–1862. 2008.

- *Qian L., Solomon S.C., Roble R.G.* Secular changes in the thermosphere and ionosphere between two quiet Sun periods // J. Geophys. Res.-Space. V. 119. P. 2255–2262. 2014. https://doi.org/10.1002/2013JA019438

- Solomon S.C., Qian L., Burns A.G. The anomalous ionosphere between solar cycles 23 and 24 // J. Geophys. Res.-Space. V. 118. P. 6524–6535. 2013. https://doi.org/10.1002/jgra.50561

1111ps.//doi.org/10.1002/jgia.30301

- Svalgaard L., Hansen W.W. Solar activity – past, present, future // J. Space Weather Space Clim. V. 3. № A24. 2013. https://doi.org/10.1051/swsc/2013046

- Zakharenkova I.E., Krankowski A., Bilitza D. et al. Comparative study of *foF2* measurements with IRI-2007 model predictions during extended solar minimum // Adv. Space Res. V. 51. P. 620–629. 2013.