УДК 537.611.3:539.216.2

## НЕРЕГУЛЯРНАЯ ДИНАМИКА ТОПОЛОГИЧЕСКИХ СОЛИТОНОВ В ДВИЖУЩИХСЯ ГРАНИЦАХ МАГНИТНЫХ ДОМЕНОВ ПРИ НАЛИЧИИ НЕОДНОРОДНОСТЕЙ И ТЕПЛОВЫХ ФЛУКТУАЦИЙ

© 2019 г. В. В. Зверев<sup>1, 2, \*</sup>, И. М. Изможеров<sup>1, 2</sup>, Е. Ж. Байкенов<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования "Уральский федеральный университет имени первого Президента России Б.Н. Ельцина", Екатеринбург, Россия <sup>2</sup>Федеральное государственное бюджетное учреждение науки "Институт физики металлов имени М.Н. Михеева Уральского отделения Российской академии наук", Екатеринбург, Россия

> \**E-mail: vvzverev49@gmail.com* Поступила в редакцию 07.09.2018 г. После доработки 31.01.2019 г. Принята к публикации 27.06.2019 г.

В рамках микромагнитного подхода численно изучены особенности внутренней динамики неоднородной доменной границы, движущейся в пленке из пермаллоя, при наложении периодических граничных условий. Рассмотрен случай малых случайных пространственных вариаций направлений осей анизотропии при нулевой температуре, а также случай термических флуктуаций в пленке с однородной анизотропией. Показано, что флуктуации, изменяя траектории движения топологических солитонов, не оказывают влияния на "быстрые" процессы перестроек топологической структуры.

DOI: 10.1134/S0367676519100302

Трехмерное микромагнитное моделирование позволило показать, что предсказанные ранее эффекты возникновения колебаний скорости доменной границы (ДГ) (одномерная модель [1]) и перестроек продольной вихревой структуры ДГ (двумерные модели [2]) не исчерпывают всех возможностей сложного динамического поведения ДГ в образцах конечного размера. В частности, в магнитных пленках в результате продольной неустойчивости ДГ или при наличии неоднородностей начального распределения намагниченности появляются топологические солитоны, имеющие вид линейных вихрей [3] (выходящих на граничные поверхности или замыкающихся внутри пленки), и блоховские точки (БТ). Динамика таких структур в однородных пленках и постоянном магнитном поле рассматривалась в [4-6]. В данной работе мы исследуем влияние на динамику случайных пространственных неоднородностей анизотропии и тепловых флуктуаций.

В прямоугольной области с размерами  $L_x \times L_y \times L_z$ , при  $L_x = 400$  нм,  $L_y = 12.5-100$  нм,  $L_z = 800$  нм (шаг кубической сетки d = 3.125 нм) методом Хьюна численно интегрировались уравнения Ландау–Лифшица–Гильберта

$$\frac{d\vec{m}}{dt} = -\left|\gamma\right| \left[\vec{m}\vec{H}_{eff}\right] + \alpha \left[\vec{m}\frac{d\vec{m}}{dt}\right],\tag{1}$$

$$\vec{H}_{eff} = 2AM_s^{-1}\Delta\vec{m} + 2KM_s^{-1}\vec{k}\left(\vec{k}\vec{m}\right) + + \vec{H}^{(m)} + \delta\vec{H} + \vec{k}H,$$
(2)

где  $\vec{m} = \vec{M}/M_s$  – нормированное поле намагниченности  $\vec{M}$ ;  $\vec{k}$  – орт оси *z*. Эффективное поле  $\vec{H}_{eff}$  является суммой (слева направо) обменного поля, поля анизотропии, магнитостатического поля  $\vec{H}^{(m)}$ , поля термических флуктуаций  $\delta \vec{H}$  и постоянного внешнего магнитного поля H = 0.01 Тл. Для выполнения расчетов использовался пакет mumax3 [7]. Были использованы значения материальных констант, типичные для пермаллоя безмагнитострикционного состава: константы обмена  $A = 1.3 \cdot 10^{-11} \, \text{Дж} \cdot \text{м}^{-1}$  и одноосной анизотропии  $K = 10^2 \, \text{Дж} \cdot \text{м}^{-3}$ ; намагниченность насышения  $M_s = 8.6 \cdot 10^5$  А/м; параметр затухания  $\alpha = 0.02$ . На расчетную область были наложены граничные условия:  $\vec{m}|_{x=0} = \vec{k}$ ,  $\vec{m}|_{x=L_x} = -\vec{k}$ ,  $\vec{m}|_{z=0} = \vec{m}|_{z=L_z}$ ; на границах пленки (y = 0 и  $y = L_v$ ) намагниченность не закреплена.

Для анализа результатов микромагнитного моделирования были разработаны методы динамической визуализации топологических солитонов, базирующиеся на численном расчете значений топологических зарядов двух типов [4–6]: 1) числа вращения  $J = (2\pi)^{-1} \oint d\Phi$ , равного числу полных оборотов, совершаемых проекцией вектора  $\vec{m}$  на некоторую плоскость при обходе замкнутого контура; 2) скирмионного чис-



Рис. 1. "Мгновенный снимок" вихревой конфигурации в расчетной области.

ла  $\chi = (4\pi)^{-1} \iint d\Omega$ , имеющего смысл степени отображения находящейся в координатном пространстве замкнутой поверхности, охватывающей некоторую область, на сферу  $|\vec{m}| = 1$ .

На рис. 1 изображена вихревая конфигурация в пленке толщиной  $L_y = 100$  нм в момент времени t = 1.885 нс. Осевые линии светлых (темных) трубчатых поверхностей обозначают местоположения коров вихрей (v) и антивихрей (av), имеющих в области ядра положительную (отрицательную) проекцию намагниченности на ось y. Вихревые нити, расположенные в левой части образца, выходят на граничные поверхности пленки в виде поверхностных вихрей (антивихрей), и содержат БТ (+) и (-) со значениями скирмионного заряда  $\chi = +1$ и  $\chi = -1$ . В правой части образца имеется замкнутая вихревая структура, расположенная внутри пленки. Вертикальными (горизонтальными) стрелками показаны направления векторов намагниченности в ядрах поверхностных вихрей и антивихрей (в доменах). Для нахождения положений линейных вихрей мы рассчитывали значения J с использованием плоскостей, параллельных плоскости xz; координаты БТ определяли путем расчета значений  $\chi$  (подробное описание процедур описано в [4–6]).

На рис. 2 изображены графики зависимостей от времени *z*-координат центров поверхностных *v* и *av* на границах пленки и *z*-координат БТ (ось *z* совпадает с осью ДГ). Графики на рис. 2a-e отвечают случаю отсутствия случайных возмущений; на рис. 2e-2e – случаю введения "шумового" магнитного поля, имитирующего термические флуктуации при температуре T = 300 K [7]. Также был рассмотрен случай малых случайных пространственных вариаций направлений осей анизотропии при T = 0 K (направления различны в 16 подобластях рабочей области, разброс углов ~0.01 рад). Траектории движения *v*, *av* и БТ в этом случае отличаются от изображенных на рис. 2; при этом общая картина движения сохраняется.

В работах [5, 6] была дана классификация основных "быстрых" процессов топологических трансформаций, к которым относятся рождения и аннигиляции пар v/av на границах пленки, а также пар БТ (+)/(–) с противоположными топологическими зарядами внутри образца; трехсолитонные процессы  $v/av/(\pm)$ (последние обозначены на рис. 2 латинскими и греческими буквами).



**Рис. 2.** Графики зависимостей от времени *z*-координат центров вихрей (*v*) и антивихрей (*av*) на верхней (*a*, *e*) и нижней (*b*, *e*) границах пленки; БТ точек типа (+) и (-) внутри пленки (*b*, *d*). В начальный момент времени распределение намагниченности содержит две БТ; значения температуры T = 0 K (*a*-*b*) и T = 300 K (*c*-*e*). Векторы  $\vec{n}$  задают направления внешних нормалей к границам пленки.

ИЗВЕСТИЯ РАН. СЕРИЯ ФИЗИЧЕСКАЯ том 83 № 12 2019

Анализируя графики на рис. 2, можно прийти к выводу, что "быстрые" процессы не чувствительны к введению малых случайных возмущений. В то же время такие возмущения изменяют глобальную внутреннюю динамику ДГ существенным образом. Так же, как и в известном случае "турбулентного" (хаотического) движения систем с неустойчивыми траекториями, происходит "накопление отклонений", в результате которого в определенные моменты времени изменяется общий характер движения. При этом, как при наличии случайных факторов, так и при их отсутствии, реализуются одни и те же "сценарии", характеризующие динамику на относительно небольших промежутках времени (типичные последовательности рождений и исчезновений пар v/av. одиночных БТ и пар БТ).

С макроскопической точки зрения наиболее важным следствием наличия внутренней динамики у ДГ является изменение ее скорости. В пленках толщиной  $L_y = 12.5$  и 25 нм начальные конфигурации, получаемые путем минимизации энергии, имеют вид последовательностей сквозных v и av (ДГ со структурой cross-tie). После включения поля H = 0.01 Тл v и av начинают перемещаться вдоль движущейся ДГ, также могут меняться (скачком) направления намагниченности в корах *v* и *av*; при этом в течение первых 4 нс при T = 0 и T = 300 K траектории движения v и av, и скорости ДГ практически одинаковы. При  $L_v ≥ 50$  нм стационарной начальной конфигурацией с минимальной энергией является одновихревая ДГ [2]. При  $L_v = 62.5 - 100$  нм движение вихревых структур сопровождается множественным рождением БТ, приобретая турбулентный характер, и становится чувствительным к случайным возмущениям, что приводит к изменению скорости ДГ. К примеру, при  $L_y = 62.5$ ; 75; 87.5; 100 нм скорости ДГ равны  $V_{\text{ДГ}} = 51$ ; 92; 133; 188 м/с для T = 0 К и  $V_{\text{ДГ}} = 62$ ; 145; 127; 128 м/с для T = 300; разброс достигает 60 м/с. В пленке с  $L_y = 100$  нм в поле H = 0.01 Тл средняя скорость ДГ уменьшается с ростом температуры:  $V_{\text{ДГ}} \approx 160$  м/с при T < 50 К;  $V_{\text{ДГ}} \approx 120$  м/с при T = 150-300 К. Средняя плотность энергии ДГ меняется при турбулентном движении нерегулярным образом.

Работа выполнена в рамках государственного задания (тема "Магнит" Г.р. № АААА-А18-118020290129-5), при финансовой поддержке в рамках проекта, утвержденного Постановлением Правительства Российской Федерации № 211 (контракт № 02.А03.21.0006).

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Schryer N.L., Walker L.R. // J. Appl. Phys. 1974. V. 45. P. 5406.
- 2. Филиппов Б.Н. // ФНТ. 2002. Т. 28. С. 991; Filippov B.N. // Low Temp. Phys. 2002. V. 28. № 10. Р. 707.
- 3. Noske M., Stoll H., Fähnle M. et al. // Phys. Rev. B. 2015. V. 91. Art. № 014414.
- Зверев В.В., Филиппов Б.Н. // ЖЭТФ. 2013. Т. 144. С. 126; Zverev V.V., Filippov B.N. // J. Exp. Theor. Phys. 2013. V. 117. № 1. Р. 108.
- Зверев В.В., Филиппов Б.Н. // ФТТ. 2016. Т. 58. № 3. С. 473; Zverev V.V., Filippov B.N. // Phys. Sol. St. 2016. V. 58. № 3. Р. 485.
- Зверев В.В., Изможеров И.М., Филиппов Б.Н. // ФТТ. 2018. Т. 60. № 2. С. 294; Zverev V.V., Izmozherov I.M., Filippov B.N. // Phys. Sol. St. 2018. V. 60. № 2. Р. 299.
- 7. Vansteenkiste A., Leliaert J., Dvornik M. et al. // AIP Adv. 2014. V. 4. Art. № 107133.