УДК 537.591.15

НОВЫЕ ОЦЕНКИ ЭНЕРГИИ НАКЛОННЫХ ЛИВНЕЙ

© 2019 г. Л. Г. Деденко^{1, 2, *}, А. В. Лукьяшин^{3, 4}, Т. М. Роганова², Г. Ф. Федорова²

¹Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования "Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова", физический факультет, Москва, Россия ²Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

вное государственное оюджетное образовательное учреждение высшего образования "Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова",

Научно-исследовательский институт ядерной физики имени Д.В. Скобельцына, Москва, Россия

³Федеральное государственное бюджетное учреждение Институт теоретической и экспериментальной физики имени А.И. Алиханова Национального исследовательского центра Курчатовский институт, Москва, Россия

 $^4 \Phi$ едеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

"Национальный исследовательский ядерный университет "МИФИ", Москва, Россия

**E-mail: ddn@dec1.sinp.msu.ru* Поступила в редакцию 10.10.2018 г. После доработки 20.02.2019 г. Принята к публикации 26.04.2019 г.

Энергии наклонных широких атмосферных ливней предлагается оценивать по сигналам в поверхностных сцинтилляционных детекторах Якутской установки, расположенных на расстоянии 600 м от оси ливня и зенитному углу прихода ливня. Оценки энергии наклонных ливней вычислялись по новым формулам, полученным в результате моделирования в рамках различных моделей взаимодействия адронов. Эти модели взаимодействия адронов проверялись на основе сравнения рассчитанных и экспериментальных спектров атмомосферных мюонов. Оказалось, что рассчитанный в рамках моделей EPOS LHC и QGSJETII-04 спектр мюонов не сильно отличается от экспериментального. Впервые показано, что энергетический спектр первичного космического излучения, полученный по данным Якутской установки, которые интерпретировались согласно предложенному методу, согласуется с мировыми данными.

DOI: 10.1134/S0367676519080131

введение

Оптимальная процедура оценки энергии Е₀ наклонных широких атмосферных ливней (ШАЛ) по показаниям $s(r, \theta)$ всех сработавших наземных сцинтилляционных детекторов (НСД) требует больших вычислений [1], поэтому обычно для этой цели используется сигнал $s(r, \theta)$ на каком-то фиксированном расстоянии r от оси ливня. В случае Якутской комплексной установки (ЯКУ) это 600 м. Величина сигнала $s(600, \theta)$ определяется из экспериментальной функции пространственного распределения ($\Phi \Pi P$) сигналов *s*(*r*, θ). Поскольку НСД расположены в плоскости установки, то при интерпретации сигналов от наклонных ливней с разными зенитными углами θ может возникнуть проблема [2–9]. В случае таких ливней толши покрытия и самого сцинтиллятора возрастают пропорционально $\sim \sec(\theta)$ и поэтому изменяется величина сигнала по сравнению с детектором, расположенным в плоскости, перпендикулярной оси ливня. Фактически это означает, что ливни с разными зенитными углами регистрируются разными детекторами. Никаких проблем не будет,

если сигналы в этих разных детекторах сопоставлять с соответствующими расчетными, как это делается для вертикальных ливней. В настоящей работе предложен более простой метод вычисления новой оценки E_n энергии E_0 ШАЛ по сигналам $s_n(600, \theta)$ (нижний индекс n – new) в наклонных ливнях и впервые получено согласие энергетического спектра ЯКУ с мировыми данными.

МЕТОД РАСЧЕТА ОЦЕНКИ ЭНЕРГИИ ЛИВНЯ

Сначала на основе показаний различных НСД вычислялась аппроксимация $\Phi \Pi P$ сигналов $s(r, \theta)$ в конкретном наклонном ливне по методу наименьших квадратов:

$$y = b_0 + b_1 x + b_2 x^2, (1)$$

где $x = \lg(r/1_M), y = \lg(s(r, \theta))$. Эта аппроксимация определяет экспериментальный сигнал $s(600, \theta)$. Отметим, что сигнал измеряется в единицах, принятых на ЯКУ, которые пропорциональны ~sec(θ) и различны для ливней с разными зенитными угла-

ми. В данной работе предлагается сигналы в НСД для всех наклонных ливней измерять в одних и тех же единицах $E_{\text{ВЭМ}}$. Эта единица (ВЭМ — вертикальный эквивалентный мюон) — величина сигнала в детекторе от мюона, падающего в вертикальном направлении, была определена моделированием с использованием GEANT4 [10]. Для перевода экспериментального сигнала в сигнал $s(600, \theta)$ в единицах $E_{\text{ВЭМ}}$ он умножался на sec(θ). На основе сигнала $s_n(600, \theta)$ и расчетного коэффициента $a(\theta)$, который вычислялся в тех же единицах $E_{\text{ВЭМ}}$, определялась оценка E_n энергии E_0 наклонного ливня.

$$E_n = a(\theta) \cdot s_n(r,\theta). \tag{2}$$

Сначала были рассчитаны коэффициенты $a(\theta)$ для фиксированных углов 0°, 15°, 30° и 45° в области энергий 10¹⁷—10²⁰ эВ в рамках моделей взаимодействия адронов QGSJETII-04 [11] и EPOS LHC [12] с помощью пакета CORSIKA [13] и таблиц сигналов от различных вторичных частиц ливня [14]. Затем результаты этих расчетов аппроксимировались квадратичным полиномом методом наименьших квадратов:

$$a(\theta) = a_0 + a_1(\sec \theta - 1) + a_2(\sec \theta - 1)^2.$$
 (3)

Были обработаны 116 ливней из части банка данных ЯКУ, любезно предоставленной нам М.И. Правдиным и С.П. Кнуренко. Отбирались наблюденные в разные годы ливни с зенитным углом $\theta \le 45^{\circ}$. В результате выполнения описанных выше процедур были получены по 116 оценок *Е*_n энергии *E*₀ для каждой из использованных моделей. Далее находились отношения $R = E_{\text{Яку}}/E_n$ оценок $E_{\text{Яку}}$ из банка данных к новым оценкам E_n и средние значения этих отношений для двух групп ливней с энергиями меньше 4.6 · 10¹⁸ эВ и больше этого значения. Для оценки погрешностей моделей QGSJETII-04, EPOS LHC и QGSJETII-03 [15] было проведено их тестирование по спектрам атмосферных мюонов. Поскольку каждый ливень – индивидуальное событие, то надо учитывать флуктуации в развитии ливней, что, согласно работам [9, 14], приведет к уменьшению оценки энергии. В данной работе эти флуктуации не учитывались.

РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТА И ОБСУЖДЕНИЕ

Результаты моделирования позволили определить величину экспериментальной единицы $E_{B \ni M}$ в стандартных единицах $E_{B \ni M} = 10.8$ МэВ [14]. Отметим, что в [4] $E_{B \ni M}$ определяется как $E_1 = 11.75$ МэВ. Но это значение — потери энергии в сцинтилляторе, которые, как показало моделирование, на ~10% превышают энергию, выделившуюся в сцинтилляторе. Очевидно, часть выделившейся энергии проносится частицами каскада через

Таблица 1. Коэффициенты *a*₀, *a*₁, *a*₂

Модель	a_0	<i>a</i> ₁	<i>a</i> ₂
QGSJETII-04	2.890	0.510	13.428
EPOS LHC	2.693	0.347	10.297

сцинтиллятор в грунт. Нужно также иметь в виду, что в работах [4, 16] сигналы $s(r, \theta)$ в наклонных ливнях с зенитными углами в измеряются в разных единицах, равных $E_{\Im M} = E_1 \sec(\theta)$. Очевидно, что эта единица – сигнал от мюона, проходящего через детектор под зенитным углом 0. В [4] величина сигнала $s(600, \theta)$ в единицах $E_{\Im M}$ пересчитывается в расчетный сигнал s(600, 0°) для вертикального ливня в единицах E_1 . Единица E_{2M} используется для пересчета сигнала от наклонного ливня в сигнал в детекторе, расположенном в плоскости, перпендикулярной оси ливня. Это было бы верно, если бы все вторичные частицы были мюонами. Однако, как показывают расчеты [14], основная доля сигнала образуется за счет гаммаквантов и электронов. Ясно, что электроны с энергией ~10 МэВ приведут к сигналу ~10 МэВ независимо от зенитного угла. В случае гамма-квантов сигнал также не будет увеличиваться пропорционально sec(θ) и поэтому использование единицы измерения $E_{\Theta M}$ существенно уменьшает как эту электронно-фотонную часть сигнала, так и весь сигнал наклонного ливня. Это, в свою очередь, приводит к значительному уменьшению величины пробега для поглощения λ как части, так и самого этого сигнала и, как следствие, к увеличению оценки $E_{\text{Яку}}$ энергии E_0 наклонных ливней. Поэтому новые оценки E_n энергии E_0 ливней по сигналу $s_n(600, \theta)$, измеренному в единицах $E_{\text{BЭМ}}$, и зенитному углу θ с использованием формулы (2) представляются более предпочтительными.

Согласно аппроксимации из банка данных 1974 г. $s(600, 41.7^{\circ}) = 56.65$, что отличается на ~10% от величины 51.2, согласно предложенной в данной работе аппроксимации сигналов. Этот сигнал в единицах $E_{\text{BЭM}}$ становится равным $s_n(600, 41.7^{\circ}) = 75.86$.

Коэффициенты $a(\theta)$ вычислялись по формуле (3) для каждого ливня с известным зенитным углом θ . Коэффициенты a_0, a_1 и a_2 представлены в табл. 1 для двух моделей.

Оценка энергии E_0 ливня № 27 равна $E_n = 3.5 \cdot 10^{19}$ эВ согласно модели QGSJETII-04, а отношение оценок *R* равно 1.57. Таким образом, видно, что предлагаемый метод приводит к существенному уменьшению оценок $E_{Яку}$ энергии E_0 наклонных ливней по причинам, рассмотренным выше. Что касается вертикальных ливней, то имеется отмеченное выше отличие единиц $E_{ВЭМ}$ и E_1 . В табл. 2 приведены значения коэффициента



Рис. 1. Отношения расчетных спектров вертикальных мюонов к данным экспериментов: $\Box - QGSJETII-03$, $\blacksquare - QGSJETII-04$, $\blacktriangle - EPOS LHC$.

 $a(\theta^{\circ})$ для вертикальных ливней для двух моделей из работ [4, 16] и результаты [14].

Видно, что после правки значений во второй колонке на коэффициент $k = E_1/E_{B \to M}$ в третьей колонке получаются значения, хорошо согласующиеся с данными [14]. Рис. 1 демонстрирует отношения результатов расчета спектра атмосферных вертикальных мюонов для моделей QGSJETII-04, OGSJETII-03 и EPOS LHC к гладкой аппроксимации экспериментальных данных [17–19]. Из рис. 1 видно, что все модели предсказывают разные значения потока мюонов высокой энергии. Калибровка рассчитанной оценки энергии согласно модели QGSJETII-03 по сигналу на расстоянии 800 м от оси ливня на установке Telescope Array (ТА) с помощью флуоресцентного света показала, что эту оценку энергии следует понизить в 1.27 раза [20]. Из рис. 1 ясно, что в случае моделей QGSJETII-04 и EPOS LHC эта поправка должна быть меньше. Учитывая разные высоты наблюдений и расстояния от оси ливней, на которых определяются сигналы, эту поправку можно оценить как 10-20% и отнести к погрешности оценки энергии Е₀. В работах [21, 22] из-за случайной ошибки в параметрах атмосферы приведены неправильные результаты тестирования моделей. Авторы этих работ приносят свои извинения. Для получения энергетического спектра ЯКУ совокуп-

Таблица 2. Коэффициенты $a(0^\circ)$

Модель	[4]	[16]	[16]/k	[14]
QGSJETII-04	3.52	3.19	2.93	2.88
EPOS LHC	3.74	2.87	2.64	2.59
Погрешность	±0.1			±0.15



Рис. 2. Энергетические спектры частиц ПКИ: ● – оценки по сигналам в НСД, ○ – [25], △ – [23], ■ – [24].

ность обработанных предлагаемым подходом ливней из данных банка была поделена на 2 примерно равные части. Одна часть ливней имела энергии $<4.6 \cdot 10^{18}$ эВ, а другая часть — больше. Для моделей QGSJETII-04 и EPOS LHC были определены средние значения коэффициентов *R*, равные, соответственно, 1.67 и 1.85 для первой части и 1.51 и 1.68 для второй. На основе анализа, проведенного в [16], оценки энергии из банка данных ЯКУ были уменьшены в ~1.28 раза. С учетом этого коэффициенты R также были уменьшены в 1.28 раза, что привело к значениям 1.30 и 1.45 для первой части и 1.18 и 1.33 для второй, показывающим, во сколько раз надо снизить оценки энергии из работы [16]. При вычислениях энергетического спектра с этими коэффициентами использовались показатели спектра $\gamma_1 = 3.24$ и $\gamma_2 = 2.67$ для первой и второй части спектра из [23]. На рис. 2 представлены результаты вычислений энергетического спектра в рамках моделей QGSJETII-04 и EPOS LHC. Для сравнения приведены данные из работ ТА [23], Pierre Auger Observatory (PAO) [24] и [25], полученной на ЯКУ с помощью наблюдений излучения Вавилова-Черенкова (ИВЧ). Из рисунка видно, что для модели QGSJETII-04 НОВЫЕ ОЦЕНКИ ЭНЕРГИИ НАКЛОННЫХ ЛИВНЕЙ

 в рамнотся с
 V. 8. Р. 2857.

 7. Gaisser T.K., Hillas A.M. // Proc. 15th ICRC. (Plovdiv, 23] – во

 1977). V. 8. Р. 353.

8th ICRC. (Kyoto, 1963). V. 4. P. 65.

№ 8. P. 431.

8. Зацепин Г.Т. // Труды 6-й Межд. конф. по косм. лучам. (Москва, 1960). Т. 2. С. 212.

Pravdin M.I., Sabourov A.V. // JETP Lett. 2014. V. 99.

5. Clark G., Bradt H.L, La Pointe M. et al. // Proc.

- 9. Деденко Л.Г., Зацепин Г.Т. // Труды 6-й Межд. конф. по косм. лучам. (Москва, 1960). Т. 2. С. 222.
- 10. http://geant4.web.cern.ch/geant4/support/gettingstart-ed.shtml.
- 11. Ostapchenko S.S. // Phys. Rev. D. 2011. V. 83. Art. № 014018.
- 12. Pierog T., Karpenko Iu., Katzyet J.M. al. // arXiv: 1306.0121. 2013.
- Heck D., Knapp J., Capdevielle J.-N. et al. // FZKA-6019. CORSIKA: A Monte Carlo code to simulate extensive air showers. Karlsruhe: Forschungszentrum, 1998. 90 p.
- Анютин Н.В., Деденко Л.Г., Роганова Т.М., Федорова Г.Ф. // ЯФ. 2017. Т. 80. № 2. С. 136; Anutin N.V., Dedenko L.G., Roganova Т.М., Fedorova G.F. // Phys. Atom. Nucl. 2017. V. 80. № 2. Р. 260.
- 15. *Kalmykov N.N., Ostapchenko S.S., Pavlov A.I.* // Nucl. Phys. Proc. Suppl. B. 1997. V. 52. № 3. P. 17.
- Sabourov A.V., Glushkov A.V., Pravdin M.I. et al. // Proc. 35th ICRC. (Busan, 2017). P. 552.
- Achard P., Adriani O., Aguilar-Benitez M. et al. // Phys. Lett. B. 2004. V. 598. P. 15.
- Ambrosio M., Antolini R., Auriemma G. et al. // Phys. Rev. D. 1995. V. 52. P. 3793.
- Aglietta M., Alpat B., Alieva E.D. et al. // arXiv: hepex/9806001. 1998.
- 20. Ivanov D. // Proc. 34th ICRC (Hague, 2015). P. 349.
- 21. Деденко Л.Г., Роганова Т.М., Федорова Г.Ф. // Письма в ЖЭТФ. 2014. Т. 100. № 3-4. С. 247; Dedenko L.G., Roganova T.M., Fedorova G.F. // JETP Lett. 2014. V. 100. № 4. Р. 223.
- Деденко Л.Г., Роганова Т.М., Федорова Г.Ф. // ЯФ. 2015. Т. 78. № 10. С. 894; Dedenko L.G., Roganova Т.М., Fedorova G.F. // Phys. Atom. Nucl. 2015. V. 78. № 10. P. 840.
- 23. *Abbasi R.U., Ahe M., Abu-Zayyad T. et al //* Astropart. Phys. 2016. V. 80. P. 131.
- 24. *Aab A., Abreu P., Aglietta M. et al.* // arXiv: 1509.03732. 2015.
- 25. *Knurenko S.P., Sabourov A.V.* // EPJ Web Conf. 2013. V. 53. Art. № 04004.

имеется прекрасное согласие для первой части спектров, полученных на ЯКУ по сигналам НСД и данным измерений ИВЧ [25], и результатам [23]. Для второй части спектра можно говорить об удовлетворительном согласии, имея в виду большие погрешности. Спектры, полученные в рамках модели EPOS LHC, хорошо согласуются с данными [24] в первой части спектра и с [23] – во второй.

выводы

Предложен новый метод оценивания энергии ШАЛ по сигналам в НСД на расстоянии 600 м от оси ливня и зенитному углу прихода ливня. Впервые показано, что в рамках моделей OGSJETII-04 и EPOS LHC на основе предложенного метода можно согласовать энергетический спектр, полученный по многолетним данным измерений на ЯКУ, с мировыми данными [23, 24] в области энергий 6 · 10¹⁷-2 · 10¹⁹ эВ. Впервые показана согласованность спектров, измеренных на ЯКУ по сигналам в НСД и результатами наблюдений ИВЧ, в рамках модели OGSJETII-04. За много лет измерений на ЯКУ накоплены уникальные данные в области энергий, в которой предполагается переход от галактических к внегалактическим космическим лучам. В результатах измерений содержатся данные о природе частиц космических лучей и о возможных источниках. Проведенное тестирование новой методики на части банка данных ЯКУ позволяет применить ее ко всему банку и получить новые научные результаты.

В заключение авторы выражают глубокую благодарность М.И. Правдину и С.П. Кнуренко за предоставленные части банка данных ЯКУ для тестирования нового метода.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Деденко Л.Г., Глушков А.В., Кнуренко С.П. и др. // Письма в ЖЭТФ. 2009. Т. 90. № 11. С. 787; Dedenko L.G., Glushkov A.V., Knurenko S.P. et al. // JETP Lett. 2009. V. 90. № 11. Р. 691.
- Glushkov A.V., Egorova V.P., Ivanov A.A. et al. // Proc. 28th ICRC. (Tsukuba, 2003). V. 1. P. 389.
- 3. *Glushkov A.V., Pravdin M.I.* // JETP. 2006. V. 103. № 6. P. 831.
- 4. Глушков А.В., Правдин М.И., Сабуров А.В. // Письма в ЖЭТФ. 2014. Т. 99. № 7-8. С. 501; Glushkov A.V.,