УДК 539.142.3

# МНОГОЧАСТИЧНЫЕ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ В ЯДЕРНОЙ МАТЕРИИ

© 2019 г. Е. Г. Друкарев<sup>1</sup>, М. Г. Рыскин<sup>1</sup>, В. А. Садовникова<sup>1, \*</sup>

<sup>1</sup>Федеральное государственное бюджетное учреждение "Петербургский институт ядерной физики имени Б.П. Константинова Национального исследовательского центра "Курчатовский институт",

Гатчина, Россия \*E-mail: sadovnik@thd.pnpi.spb.ru Поступила в редакцию 12.11.2018 г. После доработки 08.04.2019 г. Принята к публикации 27.05.2019 г.

Исследовано влияние трехнуклонных и четырехнуклонных сил на характеристики нуклона в симметричной ядерной материи с использованием метода правил сумм при конечной плотности. Подход, в рамках которого материя рассматривается как система нуклонов в "пионных шубах" (т.е. однопионные и итерированные однопионные обмены включаются в описание одночастичных состояний), позволяет получить строгую иерархию многочастичных сил.

DOI: 10.1134/S0367676519090047

#### **ВВЕДЕНИЕ**

В этой работе мы продолжаем изложение наших результатов по исследованию многочастичных взаимодействий в ядерной материи. Используется метод правил сумм квантовой хромодинамики (КХД) при конечной плотности, основы которого описаны в обзоре [1] (о правилах сумм КХД в вакууме см. книгу [2]). В нашей предыдущей работе [3] мы приводим основные формулы, используемые при вычислениях. Напомним только, что метод основан на дисперсионных соотношениях для поляризационного оператора, описывающего распространение системы с квантовыми числами протона. В правой части дисперсионных соотношений мы выделяем нуклонный (протонный) полюс, соответствующий пробному нуклону, а высшие реальные состояния описываем конти-

нуумом с эффективным порогом  $W_m^2$ . Параметры нуклона в материи: эффективная масса  $m^*$  и векторная собственная энергия  $\Sigma_V$  являются решением системы уравнений.

$$\frac{\mathscr{L}^{I}(M^{2}, W_{m}^{2})}{\mathscr{L}^{q}(M^{2}, W_{m}^{2})} = m^{*}; \quad \frac{\mathscr{L}^{P}(M^{2}, W_{m}^{2})}{\mathscr{L}^{q}(M^{2}, W_{m}^{2})} = -\frac{\Sigma_{V}}{m}, \quad (1)$$

где m — масса свободного нуклона,  $\mathcal{L}^{i}(i = q, P, I)$  — три структуры поляризационного оператора, подвергнутые преобразованию Бореля (см. формулу (6) в [3]).

Функции  $\mathscr{L}^{\prime}$  зависят от средних значений операторов КХД в ядерной материи, называемых конденсатами. Зная зависимость параметров конденсата от плотности среды  $\rho$ , мы можем, таким образом, найти зависимость от плотности характеристик пробного нуклона. Как и в случае вакуума, предполагается, что роль конденсатов уменьшается с увеличением их размерности. Поэтому наиболее важны векторный и скалярный конденсаты  $v(\rho) = \langle M | \sum_i \overline{q}^i \gamma_0 q^i | M \rangle$  и  $\varkappa(\rho) = \langle M | \sum_i \overline{q}^i q^i | M \rangle$ . Здесь  $q^i$  – кварковые операторы, индекс *i* соответствует *u* и *d* кваркам,  $| M \rangle$  – основное состояние материи. Векторный конденсат записан в системе покоя материи.

Пока мы ограничиваемся конденсатами с d = 3, структуры  $\mathcal{L}^q$  и  $\mathcal{L}^P$  зависят от векторного конденсата и не зависят от  $\varkappa(\rho)$ . В свою очередь  $\mathcal{L}^I$ зависит только от скалярного конденсата. Если пренебречь малым отличием величины порога  $W_m^2$  от вакуумного значения  $W_0^2$  [4], то два уравнения (1) становятся независимыми. В этом приближении векторная собственная энергия  $\Sigma_V$  не зависит от скалярного конденсата  $\varkappa(\rho)$ . Поэтому в точном решении мы ожидаем слабой зависимости  $\Sigma_V$  от скалярного конденсата, в то время как эффективная масса  $m^*$  почти полностью им определяется.

Векторный конденсат легко вычисляется:  $v(q) = n_v \rho$ , где  $n_v - число$  валентных кварков в нуклоне  $(n_v = 3)$ . Однако нахождение скалярного конденсата требует модельных представлений для  $|M\rangle$ . Построению такой модели и посвящена настоящая работа.



**Рис. 1.** Фейнмановские диаграммы, описывающие однопионный (*a*) и итерированный однопионный (*б*) обмены между нуклонами материи *1* и *2*. Сплошные линии соответствуют нуклонам, пунктирные – пионам.

## 1. НУКЛОНЫ В "ПИОННЫХ ШУБАХ"

В качестве первого шага состояние  $|M\rangle$  обычно представляют как систему нерелятивистских невзаимодействующих нуклонов (газовое приближение). В этом случае отличие скалярного конденсата от вакуумного значения  $\varkappa(0)$  определяется суммой вкладов отдельных нуклонов  $\varkappa_N = \langle N | \sum_i \overline{q}^i q^i | N \rangle$ , где  $|N\rangle$  – вектор состояния свободного покоящегося нуклона. Этот матричный элемент просто выражается через нуклонный сигма-член  $\sigma_N$ , связанный с наблюдаемыми. Таким образом,

$$\kappa(\rho) = \kappa(0) + \kappa_N \rho;$$
  
$$\kappa_N = \left\langle N \left| \sum_i \overline{q} q \right| N \right\rangle = \frac{2\sigma_N}{m_u + m_d},$$
 (2)

где  $m_{u,d}$  — массы легких кварков;  $\varkappa(0) = \langle N | \sum_i \bar{q}q | N \rangle \approx 2(-240 \text{ МэВ})^3$  [2]. Обычно полагают  $\sigma_N = 45 \text{ МэВ}$ , однако, некоторые экспериментальные данные совместимы со значениями сигма-члена в интервале  $35 \le \sigma_N \le 70 \text{ МэВ}$ . Отметим, что структурам  $\mathscr{L}^i$  в газовом приближении соответствует пробный нуклон, взаимодействующий с каждым нуклоном среды по отдельности. То есть мы вычисляем характеристики пробного нуклона с учетом только двухчастичных взаимодействий.

На следующем этапе мы учитываем взаимодействие нуклонов в состоянии  $|M\rangle$ , предполагая, что оно происходит путем обмена мезонами. Нам нужно учесть вклад общего мезонного облака в конденсат  $\varkappa(\rho)$ . Основная часть вклада определяется пионами [1]. Это связано с тем, что при разумных предположениях о виде кварковой волновой функции матричный элемент  $\langle h | \sum_i \bar{q}q | h \rangle$ представляет собой суммарное число кварков и антикварков  $n_{\bar{q}q}$  в адроне h. Поэтому для мезонов следует ожидать  $n_{\bar{q}q} = 2$ , в то время как для пионов



**Рис. 2.** Фейнмановские диаграммы, описывающие вклады в одночастичную собственную энергию нуклона *1* однопионного и итерированного однопионного обменов. По состояниям *2* производится суммирование. Рис. *а* соответствует диаграмме рис. 1*a*, рис. *б* – диаграмме рис. 1*b*. Обозначения те же, что на рис. 1.

 $n_{\bar{q}q} = m_{\pi}/(m_u + m_d) \approx 12$ , что объясняется большим числом "морских" кварк-антикварковых пар.

Таким образом, нужно учесть вклад пионных взаимодействий в вектор состояния  $|M\rangle$ . Учету двухчастичных взаимодействий будет соответствовать учет трехчастичных взаимодействий в характеристиках пробного нуклона  $m^*$  и  $\Sigma_V$ . Включение трехчастичных взаимодействий в состоянии  $|M\rangle$  приведет к учету четырехчастичных взаимодействий в характеристиках нуклонов, и т.д. Вклады однопионного и двухпионных взаимодействий в скалярный конденсат вычислены в [5] с использованием киральной теории возмущений.

Заметим, что интерпретация однопионного взаимодействия не является однозначной. Обмен пионами между нуклонами среды с трехмерными импульсами p<sub>1</sub> и p<sub>2</sub> выражается фейнмановской диаграммой, изображенной на рис. 1а. Только обменный (фоковский) член дает ненулевой вклад. Прямой (хартриевский) член равен нулю, так как пион-нуклонная вершина пропорциональна импульсу, передаваемому пионом. Обычно этот вклад включается в двухчастичное взаимодействие. Однако он может быть представлен как собственная энергия нуклона в среде (см. рис. 2а). Диаграмма, изображенная на рис. 2а с интегрированием по трехмерному импульсу промежуточного нуклона р от 0 до  $\infty$ , уже учтена в одночастичной функции нуклона с импульсом  $p_1$ . Однако в среде состояния с импульсами  $p_2 < p_F$ , где  $p_F$  – импульс Ферми, заняты, и этот вклад необходимо вычесть. Интеграл по энергиям может быть выражен через вычет в полюсе нуклонного пропагатора, и вклад диаграммы рис. 26 соответствует диаграмме рис. 1*a*, просуммированной по всем импульсам  $p_2 < p_F$ . То же относится к итерированному однопионному обмену, описываемому диаграммой рис. 16 [6]. Ему соответствует диаграмма собственной энергии, изображенная на рис. 2б.

Если пренебречь всеми взаимодействиями, кроме однопионного и итерированного однопионного обменов, то получится система невзаимодействующих нуклонов, каждый из которых обладает своей "пионной шубой" ("квазисвободные нуклоны"). Для такой системы можно написать аналог формулы (2)

$$\varkappa(\rho) = \varkappa(0) + \hat{\varkappa}(\rho), \tag{3}$$

где

$$\hat{\varkappa}(\rho) = \varkappa_{\rm N} \rho + \varkappa^{(1)}; \quad \varkappa^{(1)} = \left\langle \pi \left| \sum_{i} \overline{q} q \right| \pi \right\rangle f^{(1)}(\rho). \quad (4)$$

Среднее значение по пиону обычно записывают как  $\langle \pi | \sum_i \bar{q}q | \pi \rangle = 2m_\pi m_\pi / (m_u + m_d)$ , где  $m_\pi$  – масса пиона. Множитель  $2m_\pi$  получается в результате выделения нормировочных факторов  $(2m_\pi)^{-1/2}$  в векторах состояний пионов. Функция  $f^{(1)}(\rho)$  может быть найдена как производная по  $m_\pi^2$  суммы плотностей энергий однопионного и итерированного однопионного обменов [5]. Последнее утверждение иллюстрируется диаграммой рис. 3. Более строгое доказательство основано на теореме Гельмана–Фейнмана (Hellman–Feynman). Появление "пионной шубы" заметно меняет величину  $\varkappa_N(\rho)$ . Так, при  $\sigma_N = 45$  МэВ находим  $\varkappa_N = 8.2$ . Записав  $\kappa^{(1)}(\rho) = \kappa_N^{(1)}(\rho)\rho$ , при феноменологическом значении равновесной плотности  $\rho_0 = 0.17 \, \text{фm}^{-3}$  получаем  $\hat{\varkappa}_N(\rho) = 11.4$ .

Скалярный конденсат с учетом двухчастичных (2N) взаимодействий в состоянии  $|M\rangle$  в нашем представлении

$$\hat{\varkappa}(\rho) = \varkappa_{N}\rho + \varkappa^{(1)} + \varkappa^{(2)}; \varkappa^{(2)} = \left\langle \pi \left| \sum_{i} \overline{q} q \right| \pi \right\rangle f^{(2)}(\rho),$$
(5)

где  $f^{(2)}(\rho)$  – производная по  $m_{\pi}^2$  – суммы плотностей энергий двухчастичных пионных обменов, не включающих однопионный и итерированный однопионный обмены [5]. Правила сумм с учетом 2N взаимодействий в скалярном конденсате определяют характеристики пробного нуклона с учетом 3N сил. Аналогично конденсат с учетом трехчастичных взаимодействий в состоянии  $|M\rangle$ 

$$\hat{\varkappa}(\rho) = \varkappa_{\scriptscriptstyle N} \rho + \varkappa^{(1)} + \varkappa^{(2)} + \varkappa^{(3)}$$
$$\varkappa^{(3)} = \left\langle \pi \left| \sum_{i} \overline{q} q \right| \pi \right\rangle f^{(3)}(\rho).$$

Правила сумм с таким конденсатом определяют характеристики пробного нуклона с учетом 4N сил.

Отметим, что в обычном (стандартном) представлении при учете многочастичных сил несколько механизмов дают большие, частично компенсирующиеся вклады в скалярный кон2

МНОГОЧАСТИЧНЫЕ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ В ЯДЕРНОЙ МАТЕРИИ



**Рис. 3.** Фейнмановская диаграмма, иллюстрирующая на примере однопионного обмена формулу (4). Жирные линии обозначают оператор  $\bar{q}q$ . Остальные обозначения такие же, как на рис. 1, 2.

денсат. В нашем представлении можно выделить один ведущий вклад – двухпионный обмен, содержащий  $\Delta$  – изобару в промежуточном состоянии.

## 2. РЕЗУЛЬТАТЫ

Записав  $\varkappa(\rho) = \varkappa(0) + (\kappa_N^{(1)}(\rho) + \kappa_N^{(2)}(\rho) + \kappa_N^{(3)}(\rho))\rho$ , где второе и третье слагаемые в скобках соответствуют учету 2N и 3N взаимодействий в состоянии  $|M\rangle$ , найдем, что  $\kappa_N^{(1)}(\rho) > \kappa_N^{(2)}(\rho) > \kappa_N^{(3)}(\rho)$ . Так как эффективная масса определяется в основном скалярным конденсатом, ожидаем получить строгую иерархию вкладов многочастичных сил в  $m^*$ . Векторная собственная энергия определяется в основном векторным конденсатом. Вклад в многочастичные силы дают также конфигурации четырехкварковых конденсатов (d = 6), в которых две пары кварковых операторов действуют на два разных нуклона среды. При этом скалярно-скалярный конденсат, пропорциональный  $\hat{\chi}^2$ , дает

вклад в структуру  $\mathscr{L}^q$ , непосредственно влияя на величину  $\Sigma_V$ . Таким образом, мы предполагаем получить строгую иерархию и для вкладов в  $\Sigma_V$ .

Непосредственный расчет подтверждает эти оценки. Для  $\rho = \rho_0$  мы получаем  $m^* = 433$  МэВ при учете только 2N сил. Таким образом,  $\Sigma_S = m^* - m \approx -500$  МэВ, отличаясь почти на 150 МэВ от величины, получаемой в обычном представлении. Трехчастичные силы прибавляют к этой величине 174 МэВ, а 4N силы — еще 24 МэВ. Век-

1

#### ДРУКАРЕВ и др.

**Таблица 1.** Зависимость нуклонных характеристик от плотности. Для каждого значения  $\rho/\rho_0$  верхняя строка показывает параметры пробного нуклона в системе нуклонов, одетых "пионными шубами" с учетом только 2*N* сил. Вторая и третья строка соответствуют учету 3*N* и 4*N* сил

$ ho/ ho_0$	<i>m</i> *, МэВ	$\Sigma_V$ , МэВ	U, MəB
0.90	509	182	—237
	646	167	—116
	664	173	—92
0.95	472	195	-262
	627	175	—127
	648	182	—98
1.00	433	207	-288
	607	183	—138
	631	192	—105
1.05	392	221	—316
	587	191	—150
	613	202	—112
1.10	347	235	—347
	567	199	—162
	595	212	—129



**Рис. 4.** Зависимость от плотности эффективной нуклонной массы  $m^*$ , векторной собственной энергии  $\Sigma_V$  и одночастичного потенцияла U. На горизонтальной оси отложено отношение плотности материи  $\rho$  к равновесной плотности  $\rho_0$ . Точечные кривые – расчет с учетом двухчастичных взаимодействий нуклонов материи; штриховые кривые – с учетом 2N и 3N взаимодействий; сплошные кривые – с учетом 2N, 3N и 4N взаимодействий.

торная собственная энергия  $\Sigma_V = 207 \text{ МэВ}$  при учете только 2*N* сил. Учет 3*N* сил уменьшает векторную собственную энергию на 24 МэВ, а включение 4*N* сил увеличивает на 11 МэВ.

На рис. 4 приведена зависимость от плотности нуклонных параметров. Здесь же показана одночастичная потенциальная энергия  $U = \Sigma_S + \Sigma_V =$  $= m^* + \Sigma_V - m$ . Более детально вблизи равновесной плотности  $\rho_0$  эта зависимость приведена в табл. 1.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Drukarev E.G., Ryskin M.G., Sadovnikova V.A. // ЯФ. 2011. Т. 74. С. 1; Drukarev E.G., Ryskin M.G., Sadovnikova V.A. // Phys. Atom. Nucl. 2012. V. 75. P. 334.
- Ioffe B.L., Lipatov L.N., Fadin V.S. Quantum chromodynamics. Cambridge: Cambridge Univ. Press, 2010. 596 p.
- Друкарев Е.Г., Рыскин М.Г., Садовникова В.А. // Изв. РАН. Сер. физ. 2017. Т. 81. С. 1334; Drukarev E.G., Ryskin M.G., Sadovnikova V.A. // Bull. Russ. Acad. Sci. Phys. 2017. V. 81. P. 1192.
- 4. Drukarev E.G., Ryskin M.G., Sadovnikova V.A. // Nucl. Phys. A. 2017. V. 959. P. 129.
- Kaiser N., de Homont P., Weise W. // Phys. Rev. C. 2008. V. 77. Art. № 025204.
- Kaiser N., Fritsch S., Weise W. // Nucl. Phys. A. 2002. V. 697. P. 255.