УДК 539.17.01,539.142,539.143

ВЛИЯНИЕ ЭФФЕКТОВ ПЕРЕСОЕДИНЕНИЯ ЦВЕТА И ФОРМИРОВАНИЯ АДРОННЫХ СТРУЙ НА РАСПРЕДЕЛЕНИЕ ПО ПОПЕРЕЧНОМУ ИМПУЛЬСУ ЗАРЯЖЕННЫХ ЧАСТИЦ В *pp*-СТОЛКНОВЕНИЯХ ПРИ ЭНЕРГИЯХ БОЛЬШОГО АДРОННОГО КОЛЛАЙДЕРА

© 2019 г. В. С. Сандул^{1,} *, В. В. Вечернин¹, Г. А. Феофилов¹

¹Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования "Санкт-Петербургский государственный университет", Санкт-Петербург, Россия

**E-mail: vladislav2018@yandex.ru* Поступила в редакцию 12.11.2018 г. После доработки 08.04.2019 г. Принята к публикации 27.05.2019 г.

Получены зависимости среднего поперечного импульса заряженных частиц от быстроты y и псевдобыстроты η , изучено влияние вышеупомянутых эффектов на эти зависимости. Показано, что результат существенно зависит от того, для интервала какой физической величины — быстроты или псевдобыстроты, — проводится рассмотрение распределений частиц по поперечному импульсу, что важно учитывать при сравнении теоретически рассчитанных распределений с экспериментальными данными. В частности, показано, что учет кинематического фактора, возникающего в описании распределения частиц по поперечному импульсу в заданном псевдобыстротном интервале, значительно влияет на описание экспериментальных данных по *pp*-столкновениям при энергиях

 $\sqrt{s} = 7$ ТэВ на Большом адронном коллайдере.

DOI: 10.1134/S0367676519090242

введение

В настоящее время исследование кварк-глюонной плазмы [1, 2] является одним из основных направлений релятивисткой ядерной физики. Теоретическое изучение этого сверхплотного и сверхгорячего состояния материи началось в 80-х годах прошлого века, а в 2005 году на ускорителе RHIC Брукхейвенской национальной лабораторией в ядерных столкновениях Au + Au при энергии $\sqrt{s} = 200$ ГэВ кварк-глюонная плазма была обнаружена экспериментально [3].

Долгое время получение кварк-глюонной плазмы в лабораторных условиях считалось возможным только в столкновениях тяжелых ядер. Однако после запуска БАК и достижения энергии столкновений частиц порядка нескольких ТэВ возможные признаки коллективных нелинейных явлений, которые предшествуют стадии образования кваркглюонной плазмы, такие как увеличение выхода странных частиц и наличие дальних корреляций множественности и среднего поперечного импульса рожденных в столкновении частиц, были обнаружены и в *pp*-столкновениях [4, 5]. В связи с этим возрос интерес к изучению этих процессов в высокоэнергичных столкновениях протонов.

Одной из основных наблюдаемых величин в экспериментах по столкновению частиц является поперечный импульс вторичных частиц $p_{\rm T}$. Изучение спектров поперечных импульсов, вычисленных в рамках различных моделей и измеренных экспериментально, помогает оценить адекватность тех или иных теоретических подходов к описанию процессов, происходящих в высокоэнергетичных столкновениях частиц.

В настоящей работе исследуется влияние механизма пересоединения цвета на спектры поперечных импульсов частиц, рожденных в *pp*-столкновениях в различных быстротных и псевдобыстротных интервалах. Явление пересоединения цвета заключается в том, что конфигурация цветных потоков, соединяющих партоны системы, образовавшейся в результате неупругого столкновения частиц, имеет возможность измениться таким образом, что суммарная длина цветных потоков уменьшается [6, 7].

Учет процессов пересоединения цвета в рамках генератора событий РҮТНІА ведет к умень-



Рис. 1. Значение среднего поперечного импульса в различных быстротных интервалах (*a*) и псевдобыстротных интервалах (*б*). • – расчеты с включенным пересоединением цвета и учетом адронных струй, • – с включенным пересоединением цвета и без учета адронных струй, \bigcirc – без пересоединения цвета и с учетом адронных струй, \bigcirc – без пересоединения цвета и без учета и без учета адронных струй.

шению множественности $N_{\rm ch}$ и увеличению среднего поперечного импульса $\langle p_{\rm T} \rangle$ частиц, образующихся в *pp*-столкновениях [8], что оказывается существенно важным для корректного описания экспериментально наблюдаемых корреляций между $\langle p_{\rm T} \rangle$ и $N_{\rm ch}$.

Помимо эффекта пересоединения цвета в настоящей работе исследуется зависимость спектров распределения вторичных частиц по поперечному импульсу от процесса фрагментации так называемых адронных струй — узких пучков частиц, образующихся в данном столкновении. Конкретно, здесь и далее под адронной струей подразумевается пучок вторичных частиц, локализованный в пространстве (y, ϕ) (y - b)Ф – азимутальный угол) в пределах некоторого радиуса $R = \sqrt{\Delta y^2 + \Delta \phi^2} < 0.5$ и имеющий сум-марный $p_{\rm T} > 5 \ \Gamma \ni {\rm B} \cdot c^{-1}$. Так как частицы, образующие струи, как правило, обладают относительно большими поперечными импульсами, исключение таких частиц из рассмотрения должно вести к уменьшению среднего поперечного импульса столкновения и сдвигу спектра распределения вторичных частиц в область малых $p_{\rm T}$.

ДЕТАЛИ АНАЛИЗА И РЕЗУЛЬТАТЫ

Используя генератор событий РҮТНІА 8.235 было сгенерировано 25000 *pp*-столкновений при энергии $\sqrt{s} = 7$ ТэВ с учетом пересоединения цвета и столько же без учета этого эффекта. При этом в настоящей работе рассматривались лишь события, не относящиеся к процессам одиночной дифракции (Non-single diffractive (NSD)).

Сначала для более общего анализа спектров поперечных импульсов вторичных частиц были рассчитаны значения среднего поперечного импульса заряженных частиц для различных быстротных и псевдобыстротных интервалов шириной по $\Delta y = 0.2$ и $\Delta \eta = 0.2$, удаленных от y = 0 и $\eta = 0$ соответственно. Те же расчеты были проведены и для событий, в которых были исключены из рассмотрения частицы, входящие в струи.

Результаты этих расчетов приведены на рис. 1*а* (для интервалов по быстроте) и рис. 1*б* (для интервалов по псевдобыстроте). На обоих графиках видно, что поведение зависимости $\langle p_{\rm T} \rangle$ от рассматриваемого быстротного и псевдобыстротного интервалов существенно меняется в зависимости от учета пересоединения цвета и учета струй. Видно, что при наличии процессов адронизации струй и эффектов пересоединения цвета средний поперечный импульс $\langle p_{\rm T} \rangle$ заряженных частиц в заданном (псевдо)быстротном интервале монотонно убывает при перемещении (псевдо)быстротного интервала от центральной области в область больших (псевдо)быстрот.

Однако выключение пересоединения цвета и исключение частиц, входящих в струи, как вместе, так и по отдельности, ведет к выполаживанию графиков на рис. 1*a* и 1*б*. Также выключение эффектов пересоединения цвета и исключение из





 $d^2 N_{\rm ch}/dp_{\rm T} dy$, $\Gamma \ni {\rm B}^{-1} \cdot c$

Рис. 2. Распределение заряженных частиц по поперечным импульсам в быстротном интервале 0.0 < y < 0.2. \bullet – расчеты с включенным пересоединением цвета и учетом адронных струй, \blacksquare – с включенным пересоединением цвета и без учета адронных струй, \bigcirc – без пересоединения цвета и с учетом адронных струй, \square – без пересоединения цвета и без учета и без учета адронных струй.

рассмотрения адронных струй ожидаемо ведет к уменьшению $\langle p_{\rm T} \rangle$ для каждого быстротного интервала. Последнее наблюдается также и для зависимости $\langle p_{\rm T} \rangle$ от рассматриваемого псевдобыстротного интервала.

Тем не менее, в поведении $\langle p_{\rm T} \rangle$ на рис. 1*a* и 1*б* присутствуют и существенные отличия. Видно, что уменьшение $\langle p_{\rm T} \rangle$ при перемещении рассматриваемого псевдобыстротного интервала от центральной области псевдобыстрот имеет более ярко выраженный характер по сравнению с уменьшением $\langle p_{\rm T} \rangle$ при перемещении рассматриваемого быстротного интервала от центральной области быстрот. Кроме того, для псевдобыстротной зависимости $\langle p_{\rm T} \rangle$ (рис. 1*б*) выполаживание при выключении пересоединения цвета и удаления адронных струй наблюдается лишь в области псевдобыстрот наблюдается рост $\langle p_{\rm T} \rangle$ при перемещении пересоединения цвета и удаления адронных струй наблюдается лишь в области псевдобыстрот наблюдается рост $\langle p_{\rm T} \rangle$ при перемещении псевдобыстротного интервала к $\eta = 0$.

Для того чтобы понять существенную разницу в поведении быстротной и псевдобыстротной зависимостей $\langle p_{\rm T} \rangle$ вторичных заряженных частиц, рожденных в *pp*-столкновениях, рассмотрим



Рис. 3. Распределения заряженных частиц по поперечным импульсам в различных псевдобыстротных интервалах. ■ – спектр поперечных импульсов частиц в интервале $0.0 < \eta < 0.2$, \Box – спектр поперечных импульсов в интервале $1.8 < \eta < 2.0$. Расчеты проведены с включенным пересоединением цвета и учетом адронных струй.

спектры распределения этих частиц по поперечному импульсу в быстротных и псевдобыстротных интервалах, расположенных в центральной области (y = 0 и $\eta = 0$ соответственно), а также в интервалах, расположенных на некотором удалении от центра.

Эти спектры изображены на рис. 2 для быстротного интервала 0.0 < y < 0.2. Видно, что выключение пересоединения цвета и удаление из рассмотрения струй ведет к увеличению числа частиц с малым поперечным импульсом ($p_{\rm T} < 0.8 \ \Gamma \Rightarrow {\rm B} \cdot c^{-1}$) и уменьшению числа частиц с большим поперечным импульсом ($p_{\rm T} > 1 \ \Gamma \Rightarrow {\rm B} \cdot c^{-1}$). Поведение спектров поперечных частиц в различных быстротных интервалах различается слабо, что в итоге и влечет за собой слабую зависимость $\langle p_{\rm T} \rangle$ от быстротного интервала. В то же время спектры поперечных импульсов частиц в различных псевдобыстротных интервалах имеют существенное различие в области малых $p_{\rm T}$. Это заметно при сравнении точек с поперечным импульсом $p_{\rm T} < 0.4 \ \Gamma \Rightarrow {\rm B} \cdot c^{-1}$

точек с поперечным импульсом $p_T < 0.4 \ 1 \ 3B \cdot c$ на рис. 3. При перемещении псевдобыстротного интервала от точки $\eta = 0$ количество частиц с малым поперечным импульсом увеличивается, из



Рис. 4. Распределение заряженных частиц по поперечным импульсам в псевдобыстротном интервале $0.0 < \eta < 0.2$ (*a*) и в псевдобыстротном интервале $1.6 < \eta < 1.8$ (*б*). — экспериментальные данные коллаборации CMS [2]. Сплошная линия – аппроксимация экспериментальных данных формулой (5), пунктирная линия – аппроксимация данных той же формулой, но без учета зависимости распределения частиц по $p_{\rm T}$ от псевдобыстроты (η = const = 0). Параметры аппроксимации: T = 0.145 ГэВ, n = 6.6.

чего следует существенное уменьшение среднего поперечного импульса.

Причина различия в поведении спектров поперечных импульсов частиц в зависимости от того, в интервале какой физической величины рассматриваются частицы — быстроты или псевдобыстроты, — заключается в нетривиальной кинематической связи быстроты, псевдобыстроты и поперечного импульса. Рассмотрим поведение функции Цалиса [9–11], аппроксимирующей распределение частиц по поперечному импульсу:

$$\frac{1}{2\pi p_{\rm T}} \frac{d^2 N_{\rm ch}}{d\eta dp_{\rm T}} \propto \left(1 + \frac{E_{\rm T}}{nT}\right)^{-n},\tag{1}$$

где $E_{\rm T} = \sqrt{p_{\rm T}^2 + m^2} - m$, *n* и *T* – параметры аппроксимации.

Проанализируем поведение этой функции в пределе $p_{\rm T} \rightarrow 0$ (так как именно в области малых $p_{\rm T}$ наблюдается существенное различие спектров в различных псевдобыстротных интервалах, что и является причиной убывания $\langle p_{\rm T} \rangle$ при удалении рассматриваемого псевдобыстротного интервала от $\eta = 0$). Ясно, что

$$\lim_{p_{\rm T}\to 0} E \frac{d^3 N_{\rm ch}}{d^3 p} = \lim_{p_{\rm T}\to 0} \frac{1}{2\pi p_{\rm T}} \frac{d^2 N_{\rm ch}}{dy dp_{\rm T}} =$$

$$= \lim_{p_{\rm T}\to 0} \frac{1}{2\pi p_{\rm T}} \frac{E}{p} \frac{d^2 N_{\rm ch}}{d\eta dp_{\rm T}} = \text{const} = C > 0.$$
(2)

С учетом того, что $E = \sqrt{p^2 + m^2}$, $p = \sqrt{p_Z^2 + p_T^2}$, $p_Z = p \cos \theta$, $p_T = p \sin \theta$, выражение (2) примет следующий вид:

$$\lim_{p_{\rm T}\to 0} \frac{1}{2\pi p_{\rm T}} \frac{d^2 N_{\rm ch}}{d\eta dp_{\rm T}} = C \lim_{p_{\rm T}\to 0} \frac{p}{E} =$$

$$= C \lim_{p_{\rm T}\to 0} \frac{p_{\rm T}}{\sqrt{p_{\rm T}^2 + m^2 \sin^2 \theta}} =$$

$$= C \lim_{p_{\rm T}\to 0} \frac{p_{\rm T}}{\sqrt{p_{\rm T}^2 + m^2 / \cosh^2 \eta}},$$
(3)

где

$$\sin \theta = \frac{2}{e^{\eta} + e^{-\eta}} = \frac{1}{\cosh \eta}.$$
 (4)

Таким образом, окончательное выражение для функции распределения поперечного импульса вторичных частиц будет иметь вид

$$\frac{1}{2\pi p_T} = C \frac{p_T}{\sqrt{p_T^2 + m^2/\cosh^2 \eta}} \left(1 + \frac{E_T}{nT}\right)^{-n}.$$
 (5)

Ясно, что наличие множителя $p_T/\sqrt{p_T^2 + m^2/\cosh^2 \eta}$ увеличивает количество частиц в спектре поперечных импульсов в области малых p_T при перемещении псевдобыстротного интервала, в котором проводятся измерения поперечных импульсов вторичных заряженных частиц, из центральной области ($\eta = 0$) в область больших псевдобыстрот.

На рис. 4*a* и 4*б* изображена аппроксимация формулой (5) с учетом зависимости кинематического множителя от η и без него (η = const = 0) экспериментальных данных по спектрам распре-

деления заряженных частиц по $p_{\rm T}$, полученных коллаборацией CMS [12], в различных псевдобыстротных интервалах.

Как и ожидалось, вне области центральных псевдобыстрот отличие этих двух вариантов становится существенным, причем вариант с учетом множителя в области больших псевдобыстрот аппроксимирует экспериментальные данные лучше: с учетом погрешностей все экспериментальные точки ложатся на график аппроксимирующей функции.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Путем моделирования в рамках генератора события РҮТНІА 8 показано, что учет механизмов пересоединения цвета и формирования адронных струй оказывает значительное влияние на функцию распределения по поперечному импульсу $p_{\rm T}$ заряженных частиц, рожденных в *pp*столкновениях при энергии $\sqrt{s} = 7$ ТэВ.

Кроме того, форма спектров по поперечному импульсу зависит от того, в интервалах какой физической величины — быстроты или псевдобыстроты — проведены измерения. Симуляции *pp*-столкновений с помощью генератора событий РҮТНІА 8 также показывают, что форма распределения частиц по $p_{\rm T}$ существенно изменяется в так называемой "мягкой" области $p_T < 0.5$ ГэВ $\cdot c^{-1}$ при перемещении псевдобыстротного интервала, в котором проводятся измерения поперечных импульсов вторичных заряженных частиц, из центральной области ($\eta = 0$) в область больших псевдобыстрот.

Установлено также, что форма псевдобыстротного распределения для среднего поперечного импульса существенным образом зависит от того, какой тип физической величины – быстрота или псевдобыстрота используются в анализе. Показано, что данные особенности распределений связаны с ролью кинематического множителя $p_T / \sqrt{p_T^2 + m^2 / \cosh^2 \eta}$ в формуле для функции распределения заряженных частиц по p_T в заданном псевдобыстротном интервале, что необходимо учитывать при анализе данных.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Дремин И.М., Леонидов А.В. // УФН. 2010. Т. 180. № 11. С. 1167; Dremin I.M., Leonidov A.V. // Phys. Usp. 2010. V. 53. № 11. Р. 1123.
- 2. *Pasechnik R., Šumbera M.* // Universe. 2017. V. 3. № 1. P. 7.
- 3. *Adams J., Aggarwal M.M., Ahammed Z. et al.* // Nucl. Phys. A. 2005. V. 757. № 1-2. P. 102.
- 4. *Altsybeev I.G.* // J. Phys. Conf. Ser. 2017. V. 798. Art. № 012056.
- 5. Adam J. et al. // Nat. Phys. 2017. V. 13. P. 535.
- 6. *Christiansen J.R.* // PoS EPS-HEP2015. (Vienna, 2015). P. 443.
- 7. Bierlich C. // PoS DIS2016. (Hamburg, 2016). P. 051.
- Асрян А.Г., Деркач Д.А., Феофилов Г.А. // Вестник СПбГУ. 2008. Сер. 4. № 2. С. 3.
- 9. Tsallis C. // J. Stat. Phys. 1988. V. 52. P. 479.
- Wilk G., Włodarczyk Z. // Eur. Phys. J. A. 2009. V. 40. P. 299.
- 11. Biró T.S., Purcsel G., Ürmössy K. // Eur. Phys. J. A. 2009. V. 40. P. 325.
- 12. *Khachatryan V. et al.* // Phys. Rev. Lett. 2010. V. 105. Art. № 022002.