УДК 541.64:539.2

## КИНЕТИКА ПРОЦЕССОВ ОРИЕНТАЦИИ И АДСОРБЦИИ В ПОЛИМЕРНЫХ АДГЕЗИВНЫХ МАТЕРИАЛАХ

© 2020 г. А. В. Максимов<sup>1, \*</sup>, О. Г. Максимова<sup>1</sup>, С. В. Осипов<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования "Череповецкий государственный университет", Череповец, Россия

> \**E-mail: a\_v\_maximov@mail.ru* Поступила в редакцию 15.07.2020 г. После доработки 10.08.2020 г. Принята к публикации 26.08.2020 г.

Рассмотрены механизмы отрывания адсорбированной макромолекулы от поверхности под действием эффективного среднего поля, формируемого межмолекулярными взаимодействиями с другими цепями. В этом приближении выведено кинетическое уравнение для параметра порядка и получены его решения. Для цепей конечной длины обнаружен эффект "критического замедления", заключающийся в резком увеличении времен их релаксации в критической точке.

DOI: 10.31857/S036767652012025X

Изучение физико-химических свойств поверхностных полимерных структур: пленок, слоев и мембран, имеет не только теоретическое, но еще практическое значение, связанное с их уникальными характеристиками, важными для применения, например, в качестве защитных покрытий листового металлопроката [1]. Решение задачи об адсорбции макромолекул закладывает основу для построения теории адгезии полимеров на межфазных границах [2].

Для классических низкомолекулярных систем, совершающих фазовые переходы 1-го рода, описание обеих фаз и исследование эффектов, связанных с конечностью системы, представляет сложнейшую задачу [3, 4] и достигается только с помощью использования компьютерного моделирования. В данной работе в приближении среднего поля разработан динамический вариант модели "липкой ленты", в рамках которой возможно получить описание как равновесное, так и релаксационное поведение обеих фаз.

Как и в обычной модели "липкой ленты" [3], в которой отдельная гибкая полимерная цепь находится в растворе вблизи некоторой адсорбирующей плоской поверхности, в данной модели [5] один участок цепи также закреплен на некоторой плоскости, а второй остается свободным (рис. 1a,  $1\delta$ ). Однако, в отличие от [3], где к свободному концу цепи приложена внешняя сила, в данной работе предполагается, что причиной вытягивания цепи является внутреннее эффективное среднее (молекулярное) поле  $\mu$ , формируемое вследствие ее межмолекулярных взаимодействий со свободными концами других цепей с потенциальной энергией  $\mu Vz$ , где z — длина вытянутого участка цепи, а V — константа взаимодействия (на единицу длины цепи), рис. 1*в*.

Другая часть цепи с числом мономерных звеньев L - z, адсорбированная на плоскости, имеет энергию  $\Psi(L - z)$ , где L - суммарное число мономерных звеньев, образующих макромолекулу, а



Рис. 1. Одноцепная модель "липкой ленты" [3]. Состояния полимерной цепи, адсорбированной на плоскости (*a*) и почти полностью оторванной от нее ( $\delta$ ) при малых и больших межмолекулярных взаимодействиях соответственно. Модель среднего поля [5], действующего на выделенную цепь со стороны других цепей (*в*)). Энергетические постоянные  $\Psi$  и *V* описывают соответственно взаимодействия с плоскостью и другими цепями (изображены штриховыми линиями).

параметр  $\Psi$  характеризует энергию адсорбции для одного мономерного звена. Вероятность вытянутому участку цепи содержать *z* звеньев равна

$$P(z) \sim \exp[\mu q z + \chi(L-z)] \sim \exp(tz)], \qquad (1)$$

где параметры  $q = V/k_{\rm B}T$ ,  $\chi = \Psi/k_{\rm B}T$  и  $t = \mu q - \chi$  имеют размерность м<sup>-1</sup>.

Величина  $\mu = \langle z \rangle / L$  характеризует среднюю вытянутость цепей в направлении поля и рассчитывается с помощью распределения (1). Она является параметром порядка для данной модели, который при заданных значениях коэффициентов адсорбции  $\chi = \Psi / k_{\rm B} T$  и молекулярного поля  $q = V / k_{\rm B} T$  можно определить из уравнения самосогласования [5]:

$$\mu = g(\mu), \tag{2}$$

где функция

$$g(\mu) = 1/[1 - \exp(-Lt(\mu))] - 1/Lt(\mu).$$
 (3)

Свободная энергия цепи в среднем поле имеет вид [5]

$$F = -k_{\rm B}T\ln Z - (1/2)\langle H \rangle, \tag{4}$$

где величина  $H = -\mu V z$  – энергия взаимодействия цепи со средним полем, а  $Z = \int_0^L dz P(z) / L$  – статистический интеграл. Выражение для функции  $f(\mu) = F(\mu)/k_{\rm B}T$  можно представить в виде

$$f(\mu) = -\ln\left\{\left[e^{Lt(\mu)} - 1\right]/Lt(\mu)\right\} + (1/2)qL\mu^{2}, \quad (5)$$

где функция  $t(\mu) = \mu q - \chi$ . Производная  $\partial f(\mu) / \partial \mu \sim \mu - g(\mu)$ , где функция  $g(\mu)$  определена в выражении (3). Поэтому из условия экстремума энергии  $\partial f(\mu) / \partial \mu = 0$  получается уравнение самосогласования (2), подробное исследование решения которого показало [5], что в данной модели имеется фазовый переход 1-го рода, сопровождаемый ростом флуктуаций, наличием метастабильных состояний, скачками теплоемкости и степени вытянутости цепи (рис. 2).

Кинетическое уравнение для параметра порядка в этой модели выведено в приближении среднего поля на основе метода Кубо, который впервые был использован для модели Изинга [6]. Для модели, рассматриваемой в данной работе, этот метод приводит к уравнению

$$\tau_0 d\mu/dt = -\mu + g(\mu), \tag{6}$$

где функция  $g(\mu)$  определена в выражении (3), а  $\tau_0$  – масштабный параметр, имеющий размерность времени. В равновесии  $d\mu/dt = 0$ , и уравнение (6) сводится к уравнению самосогласования (2) для параметра порядка  $\mu$ . В общем виде решение



**Рис. 2.** Зависимости параметра порядка (степени вытянутости цепи) от перенормированного значения коэффициента молекулярного поля  $q = V/k_{\rm B}T$  при заданном значении коэффициента адсорбции  $\chi =$  $= \Psi/k_{\rm B}T = 0.2$  (1), 0.4 (2), 0.8 (3) для полимерной цепи с заданным числом мономерных звеньев  $L = 800. q_c$ значение параметра q в критической точке.

уравнения (6) находится с помощью метода разделения переменных:

$$t/\tau_0 = \int_{\mu_0}^{\mu} dx / [g(x) - x], \tag{7}$$

где начальное условие  $\mu_0 = \mu(t = 0)$ . В термодинамическом пределе ( $L \to \infty$ ) асимптотические законы поведения (3) для функции  $g(\mu)$  приводят к закону релаксации для параметра порядка

$$\mu(t) \cong \mu^* + (\mu_0 - \mu^*) \exp(-t/\tau_0), (8) \tag{8}$$

где  $\mu^*$  – корень решения трансцендентного уравнения самосогласования (2), соответствующий устойчивому состоянию ([ $\partial$ ]  $f(\mu)/\partial\mu$ ) = 0,  $\left[\partial^2 f/\partial\mu^2\right] < 0$ . Если  $\mu^* = 0$  (в полностью адсорбированном состоянии), то зависимость (8) сводится к экспоненциальному закону  $\mu(t) \cong \mu_0 \exp(-t/\tau_0)$  с временем релаксации  $\tau_0$ . В вытянутом состоянии предельное значение  $\mu(t \to \infty) = \mu^* \neq 0$ .

Рассчитаны зависимости времен релаксации от длины цепи и энергетических констант взаимодействия с поверхностью и межмолекулярных ориентационных взаимодействий с другими цепями (рис. 3). Для цепей с конечным числом сегментов L обнаружен эффект "критического замедления" [7, 8], заключающийся в резком увеличении времен их релаксации в критической



**Рис. 3.** Зависимости перенормированного времени релаксации  $\tau/\tau_0$  от коэффициента молекулярного поля  $q = V/k_{\rm B}T$  для цепей с заданным числом мономерных звеньев L = 100 (1), 200 (2), 400 (3) и значении коэффициента адсорбции  $\chi = \Psi/k_{\rm B}T = 0.3$ ;  $\mu_0 = 0.5$ .

точке ( $q = q_c$ ). Расчеты показали, что независимо от значения *L* максимальное значение  $\tau/\tau_0$  получается при одном и том же значении  $q_t \approx 0.6$ , как при фазовых переходах 1-го рода. Данный вывод подтверждаются результатами изучения методом броуновской динамики [8] адсорбционно-растягивающего перехода для полимерной цепи, привитой на адгезивную поверхность.

Таким образом, при отрывании достаточно длинной полимерной цепи, находящейся в молекулярном поле других цепей вблизи адсорбируемой поверхности, имеет место обычный фазовый переход 1-го рода, сопровождаемый резким ростом флуктуаций, наличием метастабильных состояний и скачками степени вытянутости, энергии, и теплоемкости цепей. Это отличает его от необычного перехода в обычной модели "липкой ленты" [3], имеющего черты переходов 1 и 2-го рода одновременно. В обеих моделях возможно проследить аналитически, как по мере увеличения числа частиц (звеньев в цепи) в системе формируются скачки, характерные для фазовых переходов.

Данная динамическая модель, как и в работе [3], успешно описывает три различных режима поведения (адсорбированное, вытянутое и критическое) для цепей различной длины. Однако, в ней времена релаксации убывают с ростом длины цепей, а не возрастают, как в модели [8], что можно объяснить большой кооперативностью цепи вследствие самого приближения среднего поля.

Работа выполнена при поддержке РФФИ (проект № 19-42-350001-р\_а).

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Sanchez I.C., Fitzpatrick L.E. Physics of polymer surfaces and interfaces. Boston: Butterworth – Heinemann, 1992. P. 3.
- 2. *Karim A., Kumar S.* // Polymer surfaces, interfaces and thin films. Singapore: World Sci., 2000. P. 5.
- 3. Skvortsov A.M., Klushin L.I., Polotsky A.A. et al. // Phys. Rev. E. 2012. V. 85. № 5. Art. № 031803.
- 4. *Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М.* Статистическая физика. Т. 5. Ч. 1. М.: Наука, 1976. 484 с.
- 5. Максимов А.В., Максимова О.Г., Диордийчук Д.В. // Изв. РАН. Сер. физ. 2013. Т. 77. № 8. С. 1182; Maksimov A.V., Maksimova O.G., Diordiichuk D.V. // Bull. Russ. Acad. Sci. Phys. 2013. V. 77. № 8. Р.1073.
- 6. *Стенли Г*. Фазовые переходы и критические явления. М.: Мир, 1973. 425 с.
- 7. Fleury P.A. // Science. 1981. V. 211. № 4478. P. 125.
- Zhang Sh., Qi Sh., Klushin L.I. et al. // J. Chem. Phys. 2017. V. 147. Art. № 064902.