УДК 537.5

# ВЛИЯНИЕ МАЛОЙ НЕОДНОРОДНОСТИ ВЕДУЩЕГО МАГНИТНОГО ПОЛЯ НА ЭФФЕКТИВНОСТЬ ГЕНЕРАЦИИ В РЕЛЯТИВИСТСКИХ МНОГОВОЛНОВЫХ ЧЕРЕНКОВСКИХ ПРИБОРАХ

© 2020 г. Р. П. Быстров<sup>1</sup>, В. Н. Корниенко<sup>1, \*</sup>, В. А. Черепенин<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Федеральное государственное бюджетное учреждение науки Институт радиотехники и электроники имени В.А. Котельникова Российской академии наук, Москва, Россия

\**E-mail: korn@cplire.ru* Поступила в редакцию 26.08.2019 г. После доработки 13.09.2019 г. Принята к публикации 28.10.2019 г.

Методами вычислительного эксперимента проведен анализ влияния малых неоднородностей ведущего магнитного поля на энергообмен между электромагнитным полем и пучком заряженных частиц в черенковских приборах релятивистской высокочастотной электроники. Показано, что такие неоднородности могут приводить к увеличению пространственной области положительных значений КПД устройств.

DOI: 10.31857/S0367676520020088

#### **ВВЕДЕНИЕ**

Проблема повышения эффективности взаимодействия электронных пучков большой мощности с электромагнитным полем является актуальной для генераторов и усилителей релятивистской СВЧ-электроники вот уже на протяжении многих лет [1-3]. Среди предложенных способов ее решения для устройств черенковского типа обратим внимание на возможность оптимизации КПД энергообмена между частицами и высокочастотным полем за счет изменения величины постоянного однородного внешнего магнитного поля  $\vec{B}_0$ , служащего для транспортировки пучка через электродинамическую структуру прибора. Как было показано в [4], существует диапазон значений В<sub>0</sub>, при которых пространственная длина области с высоким КПД значительно возрастает. Данный эффект объясняется особенностью динамики электронов, продольная скорость движения которых в процессе взаимодействия с замедленной волной сильно уменьшилась. Величина  $B_0$  выбиралась такой, чтобы для этих частиц было выполнено условие циклотронного резонанса. В результате частицы, уже отдавшие свою энергию полю замедленной волны, приобретают значительную поперечную скорость и полностью выходят из фазового синхронизма с этой волной.

Отметим, что в реальном эксперименте  $\vec{B}_0$  создается либо соленоидом конечной длины, либо набором катушек с током, либо их комбинацией. Это означает, что существуют области пространства, где ведущее магнитное поле не будет однородным.

Исследование влияния таких неоднородностей на динамику электронов в системе, аналогичной рассмотренной в [4], и являлось целью данной работы.

## ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ

Рассмотрим модельную задачу, в которой движение частиц трехмерно, а электромагнитное поле соответствует двумерному случаю. Такое приближение допустимо, если диаметр электродинамической структуры рассматриваемого прибора и кольцевого пучка много больше характерной длины волны, что выполняется, в частности, для многоволновых черенковских генераторов (МВЧГ).

Введем декартову систему координат, направление оси z которой совпадает с направлением распространения пучка заряженных частиц. Плоскость x = 0 соответствует поверхности электродинамической структуры.

Для моделирования энергообмена между пучком заряженных частиц и замедленной волной воспользуемся так называемым приближением заданного поля. А именно, будем считать, что амплитуда высокочастотного поля во всем пространстве взаимодействия не изменяется со временем. Такое предположение допустимо в случае, если в приборе уже установился процесс стационарной генерации. Влиянием пространственного заряда, создаваемого пучком, на динамику отдельных частиц пренебрежем.

Статическое магнитное поле в пространстве взаимодействия представим в виде суперпозиции однородного ведущего поля  $\vec{B}_0 = \{0, 0, B_{0z}\}$  и поля  $\vec{B}_s(x, z) = \{B_{sx}(x, z), 0, B_{sz}(x, z)\}$  набора стержней с током, лежащих в плоскости  $x = x_s < 0$  и расположенных перпендикулярно силовым линиям  $\vec{B}_0$ . Высокочастотное поле  $(\vec{E}_w, \vec{B}_w)$  соответствует полю замедленной волны и имеет три отличные от нуля компоненты:  $E_{wx}$ ,  $E_{wz}$ , и  $B_{wy}$ . Частоту и коэффициент замедления волны выбирали по данным дисперсионной характеристики электродинамической структуры МВЧГ, которая была получена из решения нестационарной трехмерной задачи [5].

Таким образом, уравнения движения *N* заряженных частиц образуют следующую систему из 2*N* обыкновенных дифференциальных уравнений:

$$\frac{d\vec{P}_i}{dt} = e\left(\vec{E}_w + \left[\frac{c\vec{P}_i}{\sqrt{m^2c^2 + P_i^2}} \times \left(\vec{B}_w + \vec{B}_0 + \vec{B}_s\right)\right]\right), \quad (1)$$

$$\frac{d\vec{r}_i}{dt} = \frac{c\vec{P}_i}{\sqrt{m^2c^2 + P_i^2}},\tag{2}$$

где e, m — заряд и масса электрона, c — скорость света в вакууме,  $\vec{P}_i, \vec{r}_i$  — импульс и координата i-й частицы.

Исследование динамики частиц проводили численными методами. В виду того, что уравнение (1) нелинейно (неизвестное значение  $\vec{P}_i$  входит и в левую, и в правую части) для решения системы (1), (2) был использован модифицированный метод "с перешагиванием". Он основан на стандартном методе [6, 7], в котором при вычислении последующего значения неизвестной величины  $\vec{P}_i(t^n + \Delta t)$  (здесь  $\Delta t$  — дискретный шаг по времени) правая часть берется в момент времени  $t^{n+1/2}$ , сдвинутый относительно текущего на  $\Delta t/2$ , что позволяет получить разностную аппроксимацию второго порядка точности. В модифицированном методе для интегрирования (1), (2) используются две временные последовательности, сдвинутые друг относительно друга на  $\Delta t/2$ . Рекуррентные соотношения этого метода для вычисления траектории *i*-й частицы, записанные в векторной форме, имеют следующий вид:

$$\vec{P}_{i}^{n+1} = \vec{P}_{i}^{n} + e\Delta t \left( \vec{E}_{w}^{n+1/2} + \left[ \frac{c\vec{P}_{i}^{n+1/2}}{\sqrt{m^{2}c^{2} + (P_{i}^{n+1/2})^{2}}} \times \left( 3 \right) \times \vec{B}_{w}^{n+1/2} + \vec{B}_{0}^{n+1/2} + \vec{B}_{s}^{n+1/2} \right] \right),$$
(3)

$$\vec{r}_{i}^{n+1} = \vec{r}_{i}^{n+1} + \Delta t \frac{c\vec{P}_{i}^{n+1/2}}{\sqrt{m^{2}c^{2} + (P_{i}^{n+1/2})^{2}}},$$
(4)

$$\vec{P}_{i}^{n+3/2} = \vec{P}_{i}^{n+1/2} + e\Delta t \left( \vec{E}_{w}^{n+1} + \left[ \frac{c\vec{P}_{i}^{n+1}}{\sqrt{m^{2}c^{2} + (P_{i}^{n+1})^{2}}} \times \left( \vec{B}_{w}^{n+1} + \vec{B}_{0}^{n+1} + \vec{B}_{s}^{n+1} \right) \right] \right),$$
(5)

$$\vec{r}_i^{n+3/2} = \vec{r}_i^{n+1/2} + \Delta t \frac{c\vec{P}_i^{n+1}}{\sqrt{m^2c^2 + (P_i^{n+1})^2}}.$$
(6)

В (3)–(6) верхние индексы обозначают момент времени. Для всех составляющих электромагнитного поля эти индексы подразумевают следующее:  $\vec{E}^{n+k} = \vec{E}(r_i^{n+k}, t^{n+k}), \vec{B}^{n+k} = \vec{B}(r_i^{n+k}).$ 

Начальные значения координат и импульсов частиц задаются в каждой временной последовательности отдельно, т.е. для  $t^0 = 0$  и для  $t^{1/2} = \Delta t/2$  соответственно.

#### РЕЗУЛЬТАТЫ МОДЕЛИРОВАНИЯ

Моделирование динамики было выполнено для различных конфигураций  $\vec{B}_s(x, z)$ , но во всех случаях изменение продольного статического поля за счет неоднородности не превышало 10%, т.е.  $B_{sz}/B_{0z} \leq 0.1$ . Как известно, из условия div $\vec{B} = 0$  следует, что если величина продольной составляющей изменяется в пространстве, то появляется соответствующая этому изменению поперечная компонента магнитного поля.

Приведенные ниже результаты моделирования были получены для случая, когда стержни с током располагались в интервале от 18 $\lambda$  до 68 $\lambda$  (через 1/3 $\lambda$ ) по продольной координате и находились ниже плоскости, описывающей поверхность электродинамической структуры на 1/3 $\lambda$  ( $\lambda$  – характерная длина волны излучения МВЧГ). Постоянный ток имел одинаковое значение во всех стержнях. На рис. 1. приведены зависимости от координаты *z* продольной (кривая *1*, левая шкала) и поперечной (кривая *2*, правая шкала) компонент статического поля, нормированных на значение *B*<sub>0</sub>.

Фазовая скорость волны была выбрана равной 0.9175*с*. Начальная скорость  $v_0$ , соответствующая импульсу  $P_0$ , для всех частиц была одинаковой для одного вычислительного эксперимента. В проведенной серии экспериментов  $v_0$  варьировалась в диапазоне от 0.92*с* до 0.97*с*.

На рис. 2 приведены результаты моделирования для случая, когда  $\upsilon_0 = 0.96 c$ . Траектории частиц в координатах "продольный импульс—продольная координата" изображены на рис. 2*a*. На входе в пространство взаимодействия электроны, попавшие в



Рис. 1. Зависимость компонент статического поля от продольной координаты.

ускоряющую фазу замедленной волны, образуют группу *I*. Частицы, скорость которых на входе получила отрицательное приращение, образуют группу *2*. Именно эти электроны начинают эффективно отдавать свою энергию волне, в результате чего значение их продольного импульса существенно уменьшается. В данном случае минимальное значение  $P_z$  достигает 0.45  $P_0$  ( $z \sim 15\lambda$ ). В то же время за счет наличия неоднородности статического магнитного поля электроны начинают отходить от поверхности электродинамической структуры, что иллюстрируют траектории частиц в координатах *x* и *z* (рис. 2*6*, *1*, левая шкала). Так как амплитуда замедленной вол-

ны с увеличением x экспоненциально спадает, то и работа силы, совершаемая волной над электронами пучка, тоже уменьшается. За счет этого часть замедлившихся электронов образуют группу 3 (рис. 2a), и доля частиц, отдавших свою энергию полю, по отношению к общему количеству частиц пучка остается значительной. В результате пространственная область положительных значений КПД увеличивается (рис. 26, кривая 2, правая шкала).

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Таким образом, в рассмотренном случае механизм увеличения положительной области эффективности взаимодействия n электронов пучка и поля замедленной волны отличается от описанного в [4]. А именно, даже малая по относительной величине неоднородность поперечной компоненты статического поля приводит к значительному поперечному смещению пучка. Направление смещения зависит от фазы СВЧ-волны, в которой находится частица. Это означает, что можно создать такую конфигурацию неоднородности ведущего поля, при которой частицы, отдавшие свою энергию замедленной волне, удаляются от поверхности электродинамической структуры и попадают в область малых значений амплитуд СВЧ-поля, т.е. в область малой связи с волной. Это, в свою очередь, будет приводить к увеличению пространственной области положительных значений КПД.

Моделирование было проведено на вычислительных ресурсах Межведомственного суперкомпьютерного центра РАН.



**Рис. 2.** Зависимости продольного импульса (*a*), поперечной координаты частиц (*б*, *1*) и эффективности взаимодействия (*б*, *2*) от продольной координаты.

ИЗВЕСТИЯ РАН. СЕРИЯ ФИЗИЧЕСКАЯ том 84 № 2 2020

# СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Бугаев С.П., Канавец В.И., Кошелев В.И., Черепенин В.А. Релятивистские многоволновые СВЧ-генераторы. Новосибирск: Наука, 1991.
- Дейчули М.П., Кошелев В.И., Чазов В.А. // Изв. вузов. Физ. 2017. Т. 60. № 8. С. 103; Deichuly М.Р., Koshelev V.I., Chazov V.A. // Rus. Phys. J. 2017. V. 60. № 8. Р. 1379.
- Cherepenin V.A., Kornienko V.N., Koshelev V.I. // Proc. 20th Int. Symp. on High-Current Electron. (Tomsk, 2018). P. 89.
- 4. *Vlasov A.N., Cherepenin V.A. Kornienko V.N.* // IEEE Transact. Plasma Sci. 1996. V. 24. № 3. P. 870.
- 5. *Cherepenin V.A., Kornienko V.N.* // 6-й Междунар. конгр. "Потоки энергии и радиац. эффекты". (Томск, 2018). С. 91.
- 6. Хокни Р., Иствуд Дж. Численное моделирование методом частиц. М.: Мир, 1987.
- 7. Бэдсел Ч., Ленгдон А. Физика плазмы и численное моделирование. М.: Энергоатомиздат, 1989.