

УДК 537.61.3

ПЕРЕМАГНИЧИВАНИЕ ФРАКТАЛЬНОЙ МАГНИТНОЙ СТРУКТУРЫ

© 2020 г. О. П. Поляков¹, М. Л. Акимов¹, *, П. А. Поляков¹

¹Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования “Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова”, физический факультет, Москва, Россия

*E-mail: ml.akimov@physics.msu.ru

Поступила в редакцию 30.08.2019 г.

После доработки 16.09.2019 г.

Принята к публикации 28.10.2019 г.

Выполнено математическое моделирование намагничивания фрактальной структуры исходя из принципа достижения системой наименьшей энергии в равновесном состоянии. Рассчитаны кривые намагничивания для фрактальных структур. Проведено сравнение намагничивания регулярной намагниченной системы с системой фрактальной структуры намагниченности.

DOI: 10.31857/S0367676520020313

Известно, что в природе существуют не только регулярные структуры типа кристаллических решеток, которые обычно описываются в физике твердого тела, но также встречается достаточно широко и другая их организация – фрактальная [1, 2]. Традиционно теория самоорганизации магнитных систем магнитных систем разрабатывается для регулярных структур (доменная структура), но фрактальные магнитные структуры в экспериментах также рассматриваются [3, 4]. Кроме того, наблюдаются динамические структуры, обладающие фрактальной симметрией, в магнитных системах под воздействием переменных магнитных полей [5, 6].

Согласно принципу наименьшей энергии, система намагниченных частиц в состоянии равновесия имеет ориентационную конфигурацию с наименьшей возможной энергией [7–9]. Тогда система, находящаяся в таком состоянии, будет наиболее устойчива [10–13]. Воспользовавшись принципом наименьшей энергии можно найти равновесное распределение ориентаций магнитных моментов системы, перебирая все возможные состояния и выбирая из них равновесное состояние с наименьшим значением энергии. В этой работе с использованием данного принципа выполнено математическое моделирование намагничивания двумерной дискретной системы взаимодействующих магнитных диполей внешним магнитным полем и фрактальных магнитных структур.

Пусть имеется система магнитных точечных диполей, расположенных на плоскости. Предположим, что каждый магнитный точечный диполь зафиксирован на плоскости в узлах квадратных ячеек с периодом a . Каждый точечный диполь в состоянии равновесия может ориентироваться

только перпендикулярно плоскости. Таким образом, магнитный момент i -го диполя \vec{p}_i может иметь только две проекции на координатную ось Z , равные $\pm p$, где $p = |\vec{p}_i|$.

Вектор магнитной индукции \vec{B}_{ij} , наводимой i -м диполем в точке расположения j -го диполя, может быть найден по формуле [14]:

$$\vec{B}_{ij} = \frac{\mu_0}{4\pi} \left(\frac{3(\vec{p}_i \vec{R}_{ij}) \vec{R}_{ij}}{R_{ij}^5} - \frac{\vec{p}_i}{R_{ij}^3} \right). \quad (1)$$

В модели, предложенной в данной работе, дипольный момент \vec{p}_i перпендикулярен плоскости XOY , поэтому $\vec{p}_i \vec{R}_{ij} = 0$. Магнитное поле всех $n = n_x \cdot n_y$ диполей в точке местоположения j -го диполя, будет равно [15]

$$\vec{B}_j = \sum_{i=1(i \neq j)}^n \vec{B}_{ij} = - \sum_{i=1(i \neq j)}^n \frac{\mu_0 \vec{p}_i}{4\pi R_{ij}^3}. \quad (2)$$

Для магнитостатической энергии взаимодействия магнитных точечных диполей системы согласно (2) имеем

$$W_d = - \sum_{j=1}^n \vec{p}_j \vec{B}_j = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^n \sum_{i=1(i \neq j)}^n \frac{\mu_0 \vec{p}_i \vec{p}_j}{4\pi R_{ij}^3}. \quad (3)$$

Если магнитные моменты находятся во внешнем магнитном поле с магнитной индукцией \vec{B}_0 , направленной вдоль оси Z , то энергия взаимодействия магнитных моментов с этим полем задается выражением

$$W_B = - \sum_{i=1}^n \vec{p}_i \vec{B}_0. \quad (4)$$

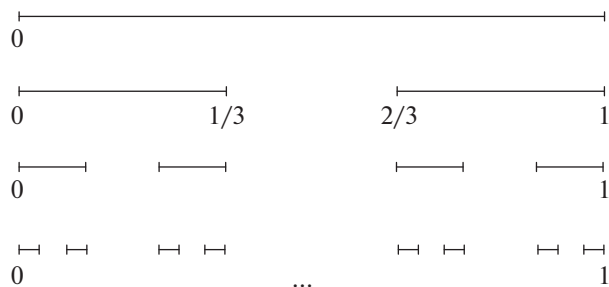


Рис. 1. Общий вид фрактальной структуры.

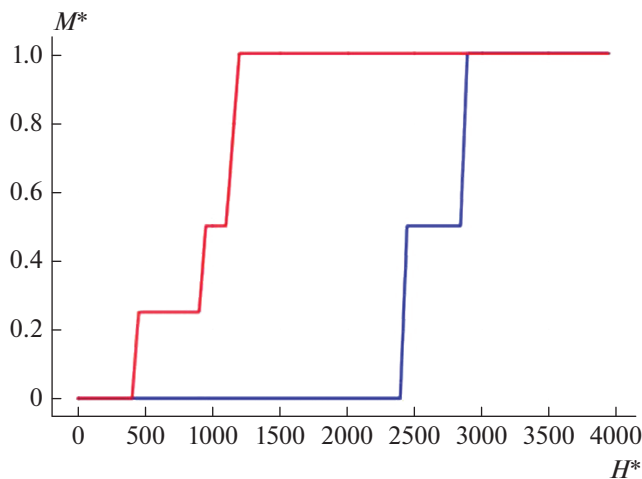


Рис. 2. График зависимости средней нормированной проекции магнитного момента на ось Z для $i = 2$. Красной линией на рисунке для сравнения изображена перемангнчиваемость линейной одномерной дипольной структуры.

Представим суммарную магнитную энергию системы как

$$W = W_d + W_B = \frac{1 \mu_0 p^2}{24 \pi a^3} \times \sum_{j=1}^n \sum_{i=1(i \neq j)}^n \frac{\vec{p}_i \vec{p}_j a^3}{p^2 R_{ij}^3} - p B_0 \sum_{j=1}^n \frac{\vec{p}_j \vec{B}_0}{p B_0} \quad (5)$$

Характерную энергию взаимодействия двух ближайших магнитных точечных диполей W_0 определим как

$$W_0 = \frac{\mu_0 p^2}{4 \pi a^3} \quad (6)$$

Проведем нормирование суммарной магнитной энергии системы (5) на величину характерной энергии взаимодействия двух ближайших магнитных точечных диполей W_0 , тогда для безразмерной энергии системы получим выражение

$$\varepsilon = \frac{W_d + W_B}{W_0} = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^n \sum_{i=1(i \neq j)}^n \frac{\vec{p}_i \vec{p}_j a^3}{p^2 R_{ij}^3} - \beta \sum_{j=1}^n \frac{\vec{p}_j \vec{B}_0}{p B_0} \quad (7)$$

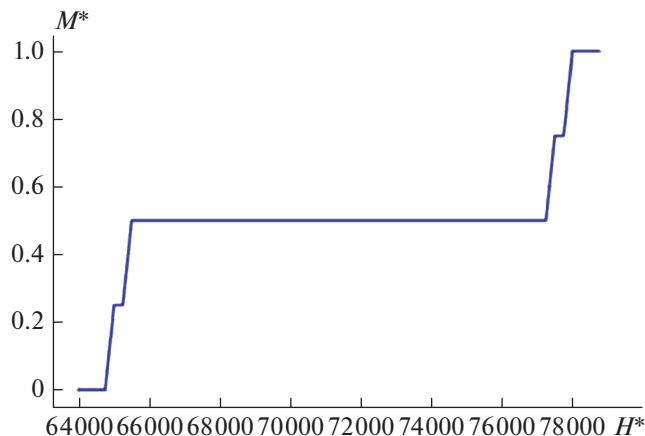


Рис. 3. График зависимости средней нормированной проекции магнитного момента на ось для $i = 3$.

где

$$\beta = \frac{p B_0}{W_0} \quad (8)$$

Нами выполнен численный расчет энергии ε от параметра β для всех возможных комбинаций ориентаций n векторов \vec{p}_i относительно координатной оси Z . Проведен расчет зависимости средней нормированной проекции магнитного

момента на ось Z $M^* = \frac{\sum_{i=1}^n p_{iz}}{n \cdot p}$ от внешнего магнитного поля B_0 .

Далее проведено исследование перемангнчивания магнитной структуры, обладающей фрактальной симметрией. В качестве основы для ее описания было взято канторово множество [1]. С математической точки зрения канторово множество формируется многократным (в пределе – бесконечным) последовательным делением отрезков за счет удаления их средней части (см. рис. 1). В нашем случае генерация фрактальной магнитной системы происходила после i -ой итерации процедуры деления: каждому полученному отрезку мы сопоставляли магнитный диполь, величина момента которого пропорциональна длине отрезка. В этом случае образуются 2^i магнитных диполя. В качестве отправной точки для нашего исследования были взяты системы, полученные для $i = 2$ и $i = 3$, были рассчитаны их магнитные энергии, а также исследовано их перемангнчивание внешним магнитным полем B_0 . На рис. 2 представлен результат сравнения процесса изменения намагниченности для $i = 2$ итераций формирования канторова множества от безразмерной напряженности внешнего магнитного поля $H^* = \frac{B_0 4 \pi a^3}{\mu_0 p}$.

На рис. 3 представлено изменение намагниченности для $i = 3$ итераций формирования канторова

множества. Из рисунков видно, что имеется существенное различие в процессе перемагничивания системы с обычной линейной структурой от системы с фрактальной упорядоченностью: система с фрактальной упорядоченностью обладает существенно большей стабильностью.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Берже П., Помо И., Видаль К. // Порядок в хаосе. О детерминистском подходе к турбулентности. М.: Мир, 1991. 368 с.
2. Levy J. Magnetic structures of 2D and 3D nanoparticles. Properties and applications. Pan Stanford Publishing Pte. Ltd., 2016. 450 с.
3. Лисовский Ф.В., Мансветова Е.Г., Пак Ч.М. // ЖЭТФ. 1995. Т. 108. № 3. С. 2031; Lisovskii F.V., Mansvetova E.G., Pak Ch.M. // JETP. 1995. V. 81. № 3. P. 567.
4. Han B.-S., Li D., Zheng D.-J., Zhou Y. // Phys. Rev. B. 2002. V. 66. Art. № 014433.
5. Лисовский Ф.В., Поляков О.П. // Письма в ЖЭТФ. 1998. Т. 68. № 8. С. 643; Lisovski F.V., Polyakov O.P. // JETP Lett. 1998. V. 68. № 8. P. 679.
6. Лисовский Ф.В., Поляков О.П. // Письма в ЖЭТФ. 2001. Т. 73. № 9. С. 546; Lisovski F.V., Polyakov O.P. // JETP Lett. 2001. V. 73. № 9. P. 483.
7. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. // Электродинамика сплошных сред. М.: Наука, 1992. 664 с.
8. Эшенфельдер А. // Физика и техника цилиндрических магнитных доменов. М.: Мир, 1983. 496 с.
9. Киттель Ч. // Введение в физику твердого тела. М.: Наука, 1978. 792 с.
10. Akimov M.L., Polyakov P.A., Usmanov N.N. // J. Exp. Theor. Phys. 2002. V. 94. № 2. P. 293.
11. Akimov M.L., Polyakov P.A., Starokurov Y.V. et al. // Phys. B. 2010. V. 405. P. 2376.
12. Akimov M.L., Polyakov P.A., Banishev A.A. et al. // Int. J. Mod. Phys. B. 2016. V. 30. № 12. Art. № 1650081.
13. Akimov M.L., Polyakov P.A., Rusakova N.E. // Int. J. Mod. Phys. B. 2018. V. 32. № 1. Art. № 1750272.
14. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Теория поля. М.: Наука, 1988. 509 с.
15. Быстров А.А., Акимов М.Л., Поляков О.П. и др. // Изв. РАН. Сер. физ. 2018. Т. 82. № 8. С. 1067; Bystrov A.A., Akimov M.L., Polyakov O.P. et al. // Bull. Russ. Acad. Sci. Phys. 2018. V. 82. № 8. P. 965.