УДК 537.624

## НЕЛИНЕЙНАЯ ДИНАМИКА 180-ГРАДУСНОЙ ДОМЕННОЙ СТЕНКИ В АНТИФЕРРОМАГНЕТИКЕ

© 2020 г. И. Р. Каюмов<sup>1,</sup> \*, Р. Р. Шафеев<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Институт физики молекул и кристаллов — обособленное структурное подразделение Федерального государственного бюджетного научного учреждения Уфимского федерального исследовательского иентра Российской академии наук, Уфа, Россия

<sup>2</sup>Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования "Башкирский государственный университет", Уфа, Россия

\*E-mail: kayumovir@mail.ru

Поступила в редакцию 28.11.2019 г. После доработки 19.12.2019 г. Принята к публикации 27.01.2020 г.

В работе исследована нелинейная динамика 180-градусной доменной стенки в слабом ферромагнетике. Показано, что в зависимости от условий (магнитного поля, констант магнитной анизотропии, начальной амплитуды зародыша) возможны различные режимы перемагничивания слабого ферромагнетика.

DOI: 10.31857/S0367676520050154

В последнее время исследование слабоферромагнитных материалов переживает "ренессанс" [1–10]. Связано это с развитием экспериментальной техники и с появлением новых теоретических методов. В частности, ранее наблюдение за сверхбыстрыми процессами, происходящими на начальных этапах перемагничивания, характерные времена которых составляют менее 1 фемтосекунды, было недоступно. Однако с появлением лазерной техники такие наблюдения стали возможны [9]. Теоретическое описание особенностей перемагничивания магнетиков, а также наблюдаемых в них новых явлений в динамике может иметь успех только при детальных исследованиях динамики взаимодействующих доменных стенок.

Рассмотрим массивный слабоферромагнитный образец с поверхностью, перпендикулярной оси *z*. В дальнейшем полагаем, что оси декартовой системы координат (*x*, *y*, *z*) совпадают с направлениями кристаллографических осей (*a*, *b*, *c*). Уравнение движения вектора антиферромагнетизма  $\vec{l}$  в магнитном поле  $\vec{H} = (0, H, 0)$  имеет вид:

$$\frac{\partial^2 \theta}{\partial t^2} - \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2} - \frac{\partial^2 \theta}{\partial y^2} + \frac{1}{4}\sin(4\theta) = -\frac{1}{2}g\sin(2\theta).$$
(1)

Здесь  $\theta$  — угол между вектором  $\vec{l}$  и осью  $\vec{b}$  кристалла в плоскости *ab* кристалла [10]; *x*, *y*, *z* — координаты в единицах толщины 90-градусной межфазной стенки  $\delta_0 = \sqrt{A_1/|K_2|}$ ,  $A_1$  — константа

неоднородного обменного взаимодействия,  $K_2$  – константа анизотропии;  $ct/\delta_0 \rightarrow t$ , где c =  $= \gamma \sqrt{A_l/\chi_\perp}$  – характерная скорость, совпадающая с минимальной фазовой скоростью спиновых волн на линейном участке их закона дисперсии,  $\gamma$  – гиромагнитное отношение,  $\chi_\perp$  – антиферромагнитная восприимчивость, параметр g =

 $= \frac{\chi_{\perp}}{2|K_{2}|} (H_{cr}^{2} - H^{2})$  характеризует близость системы к точке фазового перехода первого рода, где

мы к точке фазового перехода первого рода, где  $g = 0, H_{cr}$  – поле перехода между фазами.

Уравнение (1) при g = 0 в зависимости от начальных условий имеет два решения:

$$tg^{2} \theta = \frac{1 - \Omega}{-\Omega} \frac{\sin^{2} \left( \sqrt{-\Omega} \left( \xi - \xi_{0} \right) \right)}{\sin^{2} \left( \sqrt{1 - \Omega} \left( x - x_{0} \right) \right)}, \qquad (2)$$
$$(-\infty < \Omega < 0),$$

$$tg^{2} \theta = \frac{1-\Omega}{\Omega} \frac{sh^{2} \left(\sqrt{\Omega} \left(\xi - \xi_{0}\right)\right)}{sh^{2} \left(\sqrt{1-\Omega} \left(x - x_{0}\right)\right)},$$

$$(0 < \Omega < 1).$$
(3)

Здесь  $\xi = (y \pm Vt) / \sqrt{V^2 - 1}$ . Решения (2) и (3) имеют вид солитон-солитонной пары (рис. 1) с топологическим зарядом  $\pi$  и описывают 180-градусную доменную границу. При начальной амплитуде зародыша новой фазы, меньшей критической амплитуды, происходят периодические осцилля-

КАЮМОВ, ШАФЕЕВ



Рис. 1. 180-градусная доменная стенка согласно уравнению (2) при  $\Omega = 0.09$  (*a*) и уравнению (3) при  $\Omega = 0.09$  (*b*).

ции зародыша вдоль  $\vec{b}$ -оси кристалла (см. (2) и рис. 1*a*). Если же начальная амплитуда зародыша больше критической, то перемагничивание слабого ферромагнетика происходит путем клинообразного прорастания зародыша новой фазы (см. (2) и рис. 1*б*). Величина  $\Omega$  в (2) и (3) определяется начальной амплитудой зародыша. При  $g \neq 0$ , уравнение (1) имеет решение:

$$\operatorname{ctg}^{2} \frac{\theta}{2} = \frac{\Omega + G^{2}}{\Omega - 1} \operatorname{sh}^{2} \left( x \sqrt{1 - \Omega} \right), \qquad (4)$$
$$\left( -\infty < \Omega < -G^{2} \right),$$

где параметры  $G = G(\xi)$ ,  $\Omega(\xi)$  определяются из системы:

$$\begin{cases} \Omega_{\xi} = -\frac{2gG(1-\Omega)}{1+G^2} \left\{ 1 + \frac{\Omega+G^2}{2\sqrt{(1-\Omega)(1+G^2)}} \ln\left(\frac{\left(\sqrt{1+\Omega}+\sqrt{1+G^2}\right)^2}{\left|\Omega+G^2\right|}\right) \right\}, \\ G_{\xi} = \Omega+G^2+g \end{cases}$$
(5)

При g > 0 решением (5) вблизи ее особой точки ( $\Omega = -\gamma, G = 0$ ) является

$$\Omega = -g + \Omega_{10} \sin\left(\sqrt{2g} \frac{y - Vt}{\sqrt{V^2 - 1}} + \alpha\right),$$

$$G = -\frac{\Omega_{10}}{\sqrt{2g}} \cos\left(\sqrt{2g} \frac{y - Vt}{\sqrt{V^2 - 1}} + \alpha\right),$$
(6)



**Рис. 2.** Свободное колебательное движение двух взаимодействующих 90-градусных стенок при g = 0.1,  $\Omega_0 = -0.1$ ,  $G_0 = 0.316$ .

где  $\Omega_{10} \ll g$  – амплитуда колебаний параметра  $\Omega$ ,  $\alpha$  – начальная фаза волны. Решение (4), (6) определяет распространение гармонических колебаний зародыша новой фазы вдоль  $\vec{b}$ -оси. Вдали от особой точки систему (5) можно решить только численными методами, причем гармоническая зависимость параметров  $\Omega$  и *G* от  $\xi$ , определяемая (6), нарушается. Анализ полученного решения показывает, что решение (4), (5) в этом случае описывает распространение вдоль оси *у* осцилляций двух взаимодействующих 90-градусных доменных границ (рис. 2), образующих 180-градусную доменную стенку с перетяжкой. Такая ситуация может быть реализована при  $H < H_{cr}$ .

Отметим, что частота осцилляций ширины зародыша по порядку величины совпадает с частотой квазиферромагнитной ветви антиферромагнитного резонанса [9]  $\omega_{AF} = 2\gamma \sqrt{H_E H_g}$ , где  $H_E$  – обменное поле;  $H_g = g/(2M_0)$ ,  $M_0$  – намагниченность насыщения. Скорость *c*, на которую здесь нормирована безразмерная скорость *V* движения зародыша, по порядку величины составляет, например, для YFeO<sub>3</sub> 2 · 10<sup>4</sup> м · c<sup>-1</sup> [10].

Условием применимости данной модели к магнетикам с конечной толщиной образца L является:  $\Delta \ll L, L_1$ , где  $\Delta$  – ширина зародыша перемагничивания вдоль оси x, определяющая размеры области локализации магнитной неоднородности вдоль y.

Работа выполнена в рамках госзадания № АААА-А19-119022290052-9, а также при частичной финансовой поддержке РФФИ в рамках научного проекта № 18-32-00805.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Wang W., Daniels M.W., Liao Zh. et al.* // Nature Mater. 2019. V. 18. P. 1054.
- 2. Jungwirth T., Marti X., Wadley P. et al. // Nature Nanotech. 2016. V. 11. P. 231.
- Weisheit M., Fähler S., Marty A. et al. // Science. 2007. V. 315. P. 349.

- 4. *Tsujii N., Nishide A., Hayakawa J. et al.* // Sci. Adv. 2019. V. 5(2). Art. № 5935.
- 5. Кандаурова Г.С. // УФН. 2002. Т. 172. С. 1165; Kandaurova G.S. // Phys. Usp. 2002. V. 45. P. 1051.
- 6. *Gareeva Z.V., Zvezdin K.A., Kayumov I.R. et al.* // J. Supercond. Novel Magn. 2018. V. 31. P. 1811.
- Шамсутдинов М.А., Танкеев А.П., Каюмов И.Р. // ФММ. 2011. Т. 111. С. 27; Shamsutdinov М.А., Kayumov I.R., Tankeyev A.P. // Phys. Met. Metallogr. 2011. V. 111. P. 25.
- Шамсутдинов М.А., Танкеев А.П., Каюмов И.Р. // Изв. РАН. Сер. физ. 2007. Т. 71. С. 1548; Shamsutdinov М.А., Kayumov I.R., Tankeyev A.P. // Bull. Russ. Acad. Sci. Phys. V. 71. P. 1503.
- 9. *Kimel A.V., Kirilyuk A., Tsvetkov A. et al.* // Nature. 2004. V. 429. P. 850.
- Шамсутдинов М.А., Ломакина И.Ю., Назаров В.Н. и др. Ферро- и антиферромагнитодинамика. Нелинейные колебания, волны и солитоны. М.: Наука, 2009. 456 с.
- Белов К.П., Звездин А.К., Кадомцева А.М., Левитин Р.З. Ориентационные переходы в редкоземельных магнетиках. М.: Наука, 1979. 318 с.