УДК 539.17.01

## ОБРАЗОВАНИЕ СВОБОДНЫХ И СВЯЗАННЫХ СПЕКТАТОРНЫХ НУКЛОНОВ В АДРОННЫХ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯХ РЕЛЯТИВИСТСКИХ ЯДЕР

© 2020 г. А. О. Светличный<sup>1, 2, \*</sup>, И. А. Пшеничнов<sup>1, 2</sup>

<sup>1</sup>Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования "Московский физико-технический институт (национальный исследовательский университет)", Долгопрудный, Россия

<sup>2</sup>Федеральное государственное бюджетное учреждение науки Институт ядерных исследований Российской академии наук, Москва, Россия \*E-mail: aleksandr.svetlichnyy@phystech.edu Поступила в редакцию 02.03.2020 г. После доработки 15.04.2020 г.

Принята к публикации 27.04.2020 г.

Модель abrasion-ablation реализована в виде компьютерного кода Abrasion-Ablation Monte Carlo for Colliders (AAMCC) и применена к столкновениям релятивистских ядер на создаваемом коллайдере NICA. Полное число свободных нуклонов, доля свободных нуклонов от полного объема спектаторной материи и их n/p-отношение вычислены в зависимости от прицельного параметра в  $^{197}$ Au $^{-197}$ Au столкновениях на NICA. Вычислены корреляции между полными объемами спектаторной материи, а также между количествами спектаторных нуклонов от каждого из сталкивающихся ядер. Полученные результаты могут быть использованы для совершенствования метода определения центральности столкновений двух ядер посредством регистрации спектаторных нуклонов и оценки влияния тяжелых спектаторных фрагментов на компоненты NICA, включая сверхпроводящие магниты.

DOI: 10.31857/S0367676520080116

#### введение

В столкновениях релятивистских ядер горячая и плотная материя образуется в зоне перекрытия их ядерных плотностей [1]. Остальная ядерная материя остается относительно холодной и формирует спектаторную материю. Поскольку каждый из нуклонов спектаторной материи по определению не взаимодействует с нуклонами другого ядра, его энергия и импульс остаются близки к таковым до столкновения. Влиянием дальнодействующих кулоновских сил в случае столкновений ядер высоких энергий можно пренебречь, поэтому налетающее ядро движется непосредственно до столкновения по прямой. В этом случае длина проекции вектора, соединяющего центры сталкивающихся ядер, на плоскость, к которой перпендикулярна эта прямая, дает величину прицельного параметра b в данном столкновении. Полный объем спектаторной материи в столкновении двух ядер связан с величиной прицельного параметра b. Поэтому одним из очевидных способов определения b в событии столкновения релятивистских ядер является детектирование вылетающих вперед спектаторных нуклонов с целью определения их количества и последующей классификации события по центральности [2]. Такая классификация возможна на основе какойлибо теоретической модели, например, модели Глаубера [3], которая вычисляет количество взаимодействующих нуклонов-участников и, соответственно, количество остальных невзаимодействующих нуклонов-спектаторов, в зависимости от прицельного параметра b. Однако такой способ определения центральности осложнен тем, что часть нуклонов остается связанной в спектаторных фрагментах, как было показано в эксперименте [4] путем регистрации нейтронов, протонов и ядерных фрагментов, вылетающих вперед в результате взаимодействия ядер <sup>208</sup>Pb с энергией 158 ГэВ/нуклон со свинцовой мишенью. Поэтому для корректного определения центральности посредством детектирования свободных спектаторных нуклонов необходимо вычислять их долю в полном объеме спектаторной материи, который, в свою очередь, коррелирует с b.

В настоящей работе представлена новая вычислительная модель, получившая название Abrasion-Ablation Monte Carlo for Colliders (AAMCC), опира-

ющаяся на предположение об abrasion-ablation механизме образования вторичных ядерных фрагментов в столкновениях двух ядер. В отличие от других моделей, основанных на аналогичном механизме образования фрагментов (см., например, работы [5, 6]), ААМСС ориентирована на описание свойств спектаторной материи в столкновениях релятивистских ядер высоких энергий, включая столкновения на коллайдерах, где возможна регистрация спектаторов от обоих сталкивающихся ядер. Для описания стадии abrasion в AAMCC используется известный код GlauberMC, основанный на методе Монте-Карло (см. представляющие две его последние версии работы [7, 8]). GlauberMC применим к столкновениям ядер на коллайдерах RHIC и LHC и позволяет вычислить количество взаимодействующих нуклонов в каждом из сталкивающихся ядер в событии. Соответственно, в каждом столкновении вычисляются и полные объемы спектаторной материи в каждом из ядер, которые могут быть разными, поскольку взаимодействия нуклонов не исчерпываются исключительно парными соударениями, и нуклон из одного ядра может взаимодействовать с несколькими нуклонами другого ядра. Следуя работам [5, 6], можно считать, что удаление нуклонов из первоначального ядра, изменение его формы, приводит к возбуждению ядра-остатка, поэтому спектаторную материю следует рассматривать в качестве префрагмента — возбужденной ядерной системы, претерпевающей дальнейшие распады. Распад префрагмента моделируется в настоящей работе с помощью моделей девозбуждения ядер библиотеки Geant4 [9] версии 10.4. Код ААМСС позволяет моделировать свойства спектаторной материи пособытийно (event-by-event), поэтому может быть с успехом использован в качестве генератора событий образования свободных спектаторных нуклонов и фрагментов от каждого из ядер. Это отличает ААМСС от других моделей, в частности, из работ [5, 6], изучавших образование вторичных ядер в результате столкновений ускоренных ядер с фиксированными мишенями.

Многие известные модели ядро-ядерных столкновений при высоких энергиях, в частности, модель HIJING [10], пренебрегают энергией связи нуклонов в сталкивающихся ядрах, так как энергия множества высокоэнергетических вторичных частиц, даже от единственного нуклон-нуклонного столкновения, значительно превышает полную энергию связи нуклонов в каждом из ядер. Такое упрошение действительно никак не отражается на характеристиках рожденных частиц, но приводит к тому, что все спектаторные нуклоны заведомо считаются свободными. Рассмотрение физики процесса образования и распада спектаторной материи, выполненное в настоящей работе, показывает ограниченность такого предположения в отношении периферических ядро-ядерных столкновений.

# ОСНОВНЫЕ СОСТАВЛЯЮЩИЕ РАЗРАБОТАННОЙ МОДЕЛИ

Моделирование начальной стадии abrasion ядро-ядерного взаимодействия выполняется с помощью модели GlauberMC версии 3.0 [8] и начинается с розыгрыша координат нуклонов в каждом из ядер в соответствии с профилем радиального распределения ядерной плотности сталкивающихся ядер. В зависимости от величины случайно выбранного прицельного параметра вычисляется количество взаимодействующих нуклонов в каждом из сталкивающихся ядер. Траектории движения нуклонов в ходе столкновения предполагаются прямолинейными и параллельными друг другу. Каждый нуклон из ядра-снаряда, попадающий в область геометрического перекрытия ядер, может последовательно взаимодействовать с нуклонами другого ядра, расположенными на его пути. Остальные невзаимодействующие нуклоны рассматриваются в качестве нуклонов-спектаторов, их количества в каждом из ядер определяют полные объемы спектаторной материи по отдельности в каждом их партнеров по столкновению. Предполагается, что все провзаимодействовавшие нуклоны-участники покинули соответствующие ядра, что однозначно определяет массы образующихся префрагментов. Для вычисления изотопического состава префрагмента используется гипергеометрическая формула из работы [6], которая предполагает комбинаторное распределение долей нейтронов и протонов в общем количестве а удаленных из начального ядра нуклонов. Для вычисления энергии возбуждения предполагается, что каждый нуклон, выбитый из ядра-остатка, формирует дырочное состояние в ядре-остатке, а плотность уровней одночастичных дырочных состояний постоянна. Тогда распределение плотности вероятности энергии возбуждения  $E_x$  префрагмента, образовавшегося в результате выбивания а нуклонов, получается сверткой плотности уровней а дырочных состояний [5, 6]. Результат свертки для случая постоянной плотности уровней получается аналитически и дается известной формулой Эриксона:

$$\rho_a(E_x) = \frac{g_0^a}{a!(a-1)!} E_x^{a-1}$$
(1)

Таким образом, средняя энергия возбуждения префрагмента растет с увеличением количества нуклонов, удаленных из начального ядра. В работе [11], использовавшей прообраз настоящей модели ААМСС, были исследованы три различных способа вычисления энергии возбуждения префрагмента в зависимости от его массы, однозначно связанной с *а*. Использовались распределение Эриксона, представленное формулой (1), распределение Гамара—Шмидта [5] и феноменологическая аппроксимация, полученная в эксперименте ALADIN [12]. Детальное описание указанных трех способов вычисления энергии возбуждения дано в работе [6] в применении к аналогичной по своим принципам модели abrasion-ablation, но реализованной посредством других вычислительных методов. Сравнение сечений образования вторичных ядер с заданным зарядом Z (сечений изменения заряда налетающего ядра), вычисленных посредством ААМСС, с данными двух независимых экспериментов, выполненное в работе [11] позволило отдать предпочтение использованному в этой работе распределению Эриксона. Также достоверность модели ААМСС проверялась в работе [13] путем сравнения предсказаний модели ААМСС с данными эксперимента NA49, выполненного на CERN SPS (см. работу [4]).

Для распада возбужденных фрагментов используются испарительная модель, модель Fermi break-up и статистическая модель мультифрагментации (SMM) [14] в ее версии, реализованной в библиотеке Geant4 [9]. Минимальная энергия возбуждения на нуклон, необходимая для мультифрагментации ядра, установлена в расчетах на уровне 3 МэВ. С помощью указанных моделей в настоящей работе вычислены изотопический состав, распределение вторичных фрагментов по зарядам и массе и другие характеристики спектаторной материи, с учетом различных механизмов ее распадов, в зависимости от энергии возбуждения и массы распадающегося префрагмента.

#### ДОЛЯ СВОБОДНЫХ НУКЛОНОВ В ПОЛНОМ ОБЪЕМЕ СПЕКТАТОРНОЙ МАТЕРИИ

Одним из способов определения центральности события столкновения релятивистских ядер в экспериментах на LHC является определение количества свободных спектаторных нейтронов (см., в частности, работу [2]). Более тяжелые ядерные спектаторные фрагменты захватываются магнитным полем коллайдера и транспортируются вблизи пучков первичных ядер, с последующим захватом системой коллиматоров, что делает невозможным детектирование таких фрагментов. Аналогичную ситуацию можно ожидать и на коллайдере NICA, поэтому необходимо изучить корреляцию между долей свободных спектаторных нуклонов и их общим количеством в спектаторной материи в зависимости от величины прицельного параметра b. На рис. 1 такая корреляция показана для столкновений ядер <sup>197</sup>Au на NICA при  $\sqrt{s_{NN}} = 5$  ГэВ. Поскольку в центральных событиях из сталкивающихся ядер удаляется максимальное количество нуклонов-участников, то остальная небольшая по объему спектаторная материя получает наибольшую энергию возбуждения на нуклон и можно ожидать ее взрывной распад. Однако, как можно видеть из рис. 1, доля свободных нуклонов

Доля свободных нуклонов



**Рис. 1.** Доля свободных спектаторных нуклонов в зависимости от прицельного параметра в столкновениях ядер <sup>197</sup>Au на NICA при  $\sqrt{s_{NN}} = 5 \ \Gamma \Rightarrow B$ .

даже в наиболее центральных событиях не достигает 100%. Это связано со стохастичностью распадов, с тем, что даже при самых больших энергиях возбуждения основные каналы распада возбужденной системы исключительно на свободные нуклоны, сосуществуют с каналами, в которых помимо нуклонов присутствуют дейтроны, ядра трития, <sup>3</sup>Не и <sup>4</sup>Не. Как видно из рис. 1, среднее значение доли свободных нуклонов падает от 90% до единиц процентов с ростом прицельного параметра. Ввиду небольшого объема спектаторной материи в центральных событиях количество фрагментов промежуточной массы, к которым относят элементы от лития до кальция ( $3 \le Z \le 20$ ) [14], не может быть большим.

В полуцентральных событиях объем префрагмента увеличивается, поэтому его энергия возбуждения на нуклон несколько уменьшается по сравнению с центральными событиями, но остается достаточной (>3 МэВ) для его мультифрагментации [14] с образованием трех или более фрагментов промежуточной массы. Как видно из рис. 1, в среднем примерно половина нуклонов оказываются свободными в полуцентральных событиях, а остальные — связанными во фрагментах промежуточной массы. Подобное доминирование мультифрагментации в полуцентральных событиях было обнаружено в экспериментах [12, 15], результаты которых в дальнейшем были блестяще описаны теорией [14].

Наконец, в периферических событиях образуется тяжелый префрагмент с небольшой энергией возбуждения. Несмотря на то, что отдельных мультифрагментационных распадов нельзя исключить и здесь, в таких событиях доминирует испарение от-



**Рис. 2.** Количество свободных спектаторных нуклонов в зависимости от прицельного параметра в столкновениях ядер <sup>197</sup>Au на NICA при  $\sqrt{s_{NN}} = 5$  ГэВ.

носительно небольшого количества нуклонов (преимущественно нейтронов) из префрагмента, что приводит к образованию тяжелого остатка, в котором остаются связанными практически все нуклоны спектаторной ядерной материи, см. рис. 1.

#### КОЛИЧЕСТВО СВОБОДНЫХ НУКЛОНОВ СПЕКТАТОРНОЙ МАТЕРИИ

Как можно видеть из рисунка 2, максимальное абсолютное количество свободных нуклонов в столкновениях ядер <sup>197</sup>Au на NICA при  $\sqrt{s_{NN}} = 5 \Gamma \Rightarrow B$  не превышает 80, что заметно ниже числа общего числа нуклонов в начальном ядре. В свою очередь, зависимость среднего числа свободных нуклонов от прицельного параметра не является монотонной, а имеет область роста и область падения с максимумом примерно при 6 фм. В центральных столкновениях объем префрагмента небольшой, поэтому практически все нуклоны, как это обсуждалось выше, освобождаются в результате распада системы с большой энергией возбуждения в пересчете на один нуклон префрагмента. Следует подчеркнуть, что в области максимума при 6 фм, соответствующего полуцентральным событиям, энергии возбуждения оказывается недостаточной для высвобождения всех спектаторных нуклонов и часть из них остается связанной во фрагментах промежуточной массы. Наконец, в периферических событиях заметно падает энергия возбуждения на нуклон, поэтому начинает доминировать процесс испарения небольшого количества нуклонов, а вклад событий мультифрагментного распада практически отсутствует. В результате количество свободных спектаторных нуклонов в периферических



**Рис. 3.** Соотношение между нейтронами и протонами для свободных спектаторных нуклонов в зависимости от прицельного параметра в столкновениях ядер <sup>197</sup>Au на NICA при  $\sqrt{s_{NN}} = 5 \Gamma$ эB.

событиях оказывается малым и сопровождается вылетом тяжелого спектаторного фрагмента, близкого к <sup>197</sup>Au.

#### СООТНОШЕНИЕ МЕЖДУ СПЕКТАТОРНЫМИ НЕЙТРОНАМИ И ПРОТОНАМИ

Особый интерес представляет отношение количества свободных спектаторных нейтронов к количеству свободных спектаторных протонов – так называемое n/p-отношение. На рис. 3 видно, что в центральных столкновениях <sup>197</sup>Au на NICA при  $\sqrt{s_{NN}} = 5 \ \Gamma$ эВ это отношение близко к N/Z начального ядра, однако при увеличении b n/p-отношение заметно растет. Это объясняется тем, что в центральных столкновениях образуется префрагмент с высокой энергией возбуждения на нуклон и практически все нуклоны высвобождаются из него. С ростом прицельного параметра уменьшается энергия возбуждения на нуклон, поэтому протонам труднее преодолевать кулоновский барьер ядра в ходе процесса испарения. В результате этого больше вероятность испарить нейтрон вместо протона, что приводит к заметному росту *п/р*-отношения в периферических событиях. Посредством измерения *n/p*-отношения можно отделять периферические события от центральных. Действительно, как в центральных, так и в периферических событиях может быть зарегистрировано одинаковое количество свободных нуклонов, см. рис. 2, но соотношение между протонами и нейтронами будет в этих случаях разным, см. рис. 3.



**Рис. 4.** Корреляции между количествами свободных спектаторных нуклонов (левый рисунок) и объемами спектаторной материи (правый рисунок) от каждого из сталкивающихся при  $\sqrt{s_{NN}} = 5 \ \Gamma_{3}B$  ядер <sup>197</sup>Au, обозначенных, соответственно, A и B.

#### КОРРЕЛЯЦИЯ СВОЙСТВ СПЕКТАТОРНОЙ МАТЕРИИ СТАЛКИВАЮ-ЩИХСЯ ЯДЕР

Модель ААМСС позволяет исследовать корреляции между спектаторами от каждого из сталкивающихся на NICA ядер <sup>197</sup>Au, которые можно условно обозначить как ядра А и В. На рис. 4 представлена корреляция количества свободных спектаторных нуклонов от ядер А и В, и корреляция соответствующих полных объемов спектаторной материи. Для столкновений одинаковых ядер можно ожидать, что в среднем количества свободных нуклонов и объемы спектаторной материи от этих ядер будут равны. При этом ширина распределения полного объема спектаторной материи на рис. 4 оказывается заметно меньше ширины распределения, полученного для свободных нуклонов с учетом распада префрагментов. Это означает, что флуктуации полных объемов спектаторной материи, возникающие за счет флуктуаций количества нуклонов-участников в каждом из ядер, дополнительно усиливаются в результате стохастических распадов префрагментов. Иными словами, вторичные распады значительно ослабляют корреляцию между количеством свободных спектаторных нуклонов от ядер А и В.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В настоящей работе создан генератор событий ядро-ядерных столкновений, названный Abrasion-Ablation Monte Carlo for Colliders (AAMCC), с помощью которого смоделированы свойства

ИЗВЕСТИЯ РАН. СЕРИЯ ФИЗИЧЕСКАЯ том 84 № 8 2020

спектаторной матери в столкновениях ядер <sup>197</sup>Аи на коллайдере NICA. Созданная модель учитывает образование ядерных фрагментов-спектаторов наряду со свободными нуклонами. Необходимость в такой модели связана с тем, что в настоящее время ни один из экспериментов, посвященных релятивистским ядро-ядерным столкновениям, не позволяет регистрировать спектаторные нейтроны и протоны одновременно с ядерными фрагментами-спектаторами в каждом событии, однозначно измеряя, таким образом, полный объем спектаторной материи и соответствующий данному событию диапазон прицельных параметров. С помощью ААМСС можно достоверно восстановить общий объем спектаторной материи опираясь только на измерения количества спектаторных нейтронов и протонов, без регистрации фрагментов-спектаторов. Для этого по измеренному суммарному количеству свободных нуклонов в событии можно выделить две вероятные области b, см. рис. 2, а по n/p-отношению решить — является ли такое событие центральным, или же периферическим, см. рис. 3. Разрабатываемая в настоящий момент конструкция переднего адронного калориметра FHCal для эксперимента MPD на NICA опирается на другой способ классификации событий по центральности [16]. Однако в случае установки перед FHCal сцинтиляционного годоскопа появится дополнительная возможность определения заряда спектаторов и, соответственно, *n/p*-отношения.

Основные результаты данного исследования для столкновения ядер <sup>197</sup>Au на коллайдере NICA состоят в следующем. Во-первых, было найдено, что доля свободных нуклонов в обшем объеме спектаторной материи уменьшается с ростом прицельного параметра столкновения. Это связанно с уменьшением энергии возбуждения префрагмента и ростом его массы с ростом b. Во-вторых. согласно предсказаниям модели средняя доля свободных нуклонов, вычисленная в зависимости от bне достигает 100% даже в центральных столкновениях, так как часть нуклонов остается связанными в легких фрагментах, таких как дейтроны, ядра трития, <sup>3</sup>Не и <sup>4</sup>Не. В-третьих, вычисления показали, что максимальное количество спектаторных нуклонов, освобожлающихся в полуцентральных столкновениях тяжелых ядер, заметно меньше общего количества нуклонов в ядре. Модель предсказывает максимум количества свободных спектаторных нуклонов при промежуточных *b* вблизи 6 фм. В-четвертых, было обнаружено, что *n/p*-отношение, предсказываемое моделью для свободных спектаторных нуклонов. значительно растет в области b выше 10 фм, где происходит преимущественное испарение нейтронов из тяжелых ядеростатков, поскольку энергия возбуждения на нуклон оказывается слишком низкой для испарения большого количества протонов. Наконец, расчеты показывают, что флуктуации количества свободных нуклонов спектаторов возникают не только благодаря флуктуациям количества нуклонов-участников в каждом из ядер, но и благодаря стохастической природе распадов префрагментов.

Авторы благодарят А.И. Маевскую за помощь в установке программного обеспечения и организации вычислений на кластере ИЯИ РАН. Данное исследование выполнено при финансовой поддержке РФФИ в рамках научного проекта № 18-02-40035-мега.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Vogt R.* Ultrarelativistic heavy-ion collisions. Amsterdam: Elsevier Science, 2007. 488 p.
- Abelev B., Adam J., Adamova D. et al. // Phys. Rev. C. 2013. V. 88. Art. № 044909.
- 3. *Miller M.L., Reygers K., Sanders S.J. et al.* // Annu. Rev. Nucl. Part. Sci. 2007. V. 57. P. 205.
- 4. Appelshäuser H., Bächler J., Bailey S.J. et al. // Eur. Phys. J. A. 1998. V. 2. P. 383.
- Gaimard J.-J., Schmidt K.-H. // Nucl. Phys. A. 1991. V. 531. P. 709.
- 6. Scheidenberger C., Pshenichnov I.A., Sümmerer K. et al. // Phys. Rev. C. 2004. V. 70. Art. № 014902.
- Loizides C., Nagl J., Steinberg P. // SoftwareX. 2015. V. 1–2. P. 13.
- Loizides C., Kamin J., d'Enterria D. // Phys. Rev. C. 2018. V. 97. Art. № 054910.
- Allison J., Amako K., Apostolakis J. et al. // Nucl. Instr. Meth. Phys. Res. A. 2016. V. 835. P. 186.
- Wang X.-N., Gyulassy M. // Phys. Rev. D. 1991. V. 44. P. 3501.
- Светличный А.О. // Тр. VIII Межинст. молод. конф. "Физика элементарных частиц и космология—2019" (Москва, 2019).
- Botvina A.S., Mishustin I.N., Begemann-Blaich M. et al. // Nucl. Phys. A. 1995. V. 584. P. 737.
- Непейвода Р.С., Пшеничнов И.А., Светличный А.О. // Тр. 62-й Всеросс. научн. конф. МФТИ. Фундаментальная и прикладная физика. (Москва–Долгопрудный–Жуковский, 2019). С. 337.
- Bondorf J.P., Botvina A.S., Iljinov A.S. et al. // Phys. Rep. 1995. V. 257. P. 133.
- 15. Trautmann W., Adloff J.C., Begemann-Blaich M. et al. // Nucl. Phys. A. 1992. V. 538. P. 473.
- 16. *Ivashkin A., Finogeev D., Golubeva M. et al.* // EPJ Web Conf. 2019. V. 204. Art. № 07002.