УДК 539.143.43:539.199

ВЛИЯНИЕ ТРЕХСПИНОВЫХ ГРУПП НА СПАД Свободной индукции и первичное спиновое эхо в линейных полимерах со свободными концами

© 2021 г. Т. П. Кулагина^{1,} *, Г. Е. Карнаух¹, И. Ю. Голубева²

¹Федеральное государственное бюджетное учреждение науки Институт проблем химической физики Российской академии наук, Черноголовка, Россия ²Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования "Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова", Москва, Россия

> **E-mail: _tan@icp.ac.ru* Поступила в редакцию 12.03.2021 г. После доработки 05.04.2021 г. Принята к публикации 28.04.2021 г.

Предложена теория сигналов спада свободной индукции и первичного спинового эха в линейных гибкоцепных полимерах, содержащих изолированные группы дипольно связанных трех спинов с произвольными константами диполь-дипольного взаимодействия. Предложен новый метод расчета сигналов первичного эха после воздействия двух радиочастотных импульсов в широком температурном интервале.

DOI: 10.31857/S0367676521080172

ВВЕДЕНИЕ

Наблюдаемые спектры ЯМР бывают более простые, чем спектры изолированной группы спинов, вследствие уширения под влиянием окружающих спинов и частичного усреднения [1, 2] дипольного взаимодействия спинов. Обычно трехпиновые группы рассматриваются в модели эквивалентных ядер, расположенных в вершинах равностороннего треугольника. Однако, представляет интерес исследование трехспиновой группы с различными константами диполь-дипольного взаимодействия (ДДВ).

До последнего времени аналитические выражения для спада свободной индукции (ССИ) и первичного спинового эха (СЭ) в работах и [1-5] не приведены, что затрудняет расчеты и получение информации о структуре и ориентации трехспиновых групп из сигналов ЯМР. В данной работе предложен новый метод расчета ССИ и СЭ в системе дипольно-связанных трех спинов 1/2 с произвольными константами ДДВ. В этом методе впервые использованы симметрии, определяемые спиновым обменом и операцией переворота всех спинов вокруг оси начальной поляризации и направлением импульсов при формировании солид-эха. Использование этих симметрий позволило свести расчеты с матрицей 8-го порядка к расчетам на двух матрицах 3 порядка [6-8]. Расчеты показали качественное соответствие теории и эксперимента [5] в твердом теле.

МЕТОДЫ ИССЛЕДОВАНИЯ

В работе предложена теория сигналов первичного эха (СЭ) в полимерах, содержащих группы дипольно связанных трех спинов 1/2 с произвольными константами диполь-дипольного взаимодействия (ДДВ). Предложен новый метод расчета сигналов СЭ $A_3(t, \tau)$ после воздействия импульсной

последовательности:
$$\left(\frac{\pi}{2}\right)_{y} - \tau - \left(\frac{\pi}{2}\right)_{x} - t$$
 [6].

В данной системе гамильтониан диполь-дипольного взаимодействия определяется формулой:

$$\begin{aligned} \hat{H}_{d}^{z} &= b_{12}(2\hat{S}_{1}^{z}\hat{S}_{2}^{z} - \hat{S}_{1}^{x}\hat{S}_{2}^{x} - \hat{S}_{1}^{y}\hat{S}_{2}^{y}) + \\ &+ b_{23}(2\hat{S}_{2}^{z}\hat{S}_{3}^{z} - \hat{S}_{2}^{x}\hat{S}_{3}^{x} - \hat{S}_{2}^{y}\hat{S}_{3}^{y}) + \\ &+ b_{31}(2\hat{S}_{3}^{z}\hat{S}_{1}^{z} - \hat{S}_{3}^{x}\hat{S}_{1}^{x} - \hat{S}_{3}^{y}\hat{S}_{1}^{y}). \end{aligned}$$
(1)

В расчете [6, 7] были использованы две симметрии, связанные со следующими операциями:

1. Переворот всех спинов вокруг оси x. Пространство всех состояний R разбивается на два подпространства четных R_e и нечетных R_0 относительно этого переворота состояний.

2. Спиновый обмен. Пространство всех состояний R разбивается на два подпространства симметрических R_s и антисимметрических R_a относительно спинового обмена состояний. Проведены аналитические вычисления сигнала СЭ от изолированной группы трех спинов и получена следующая формула сигнала солид-эха $A_3(\tau, t)$ [6]:

$$\begin{split} A_{3}(\tau,t) &= \frac{1}{64}(27\cos^{4}\beta - 18\cos^{2}\beta + 7) + \frac{3}{32}(\cos^{2}\beta + 2\cos\beta + 1)\cos\omega_{12}(\tau - t) + \\ &+ \frac{3}{32}(\cos^{2}\beta - 2\cos\beta + 1)\cos\omega_{13}(\tau - t) + \frac{27}{128}(\cos^{4}\beta - 2\cos^{2}\beta + 1)\cos\omega_{23}(\tau - t) + \\ &+ \frac{1}{32}(-3\cos^{2}\beta - 2\cos\beta + 1)\cos\omega_{12}(\tau + t) + \frac{1}{32}(-3\cos^{2}\beta + 2\cos\beta + 1)\cos\omega_{13}(\tau + t) + \\ &+ \frac{3}{128}(9\cos^{4}\beta - 10\cos^{2}\beta + 1)\cos\omega_{23}(\tau + t) - \frac{3}{32}(\cos^{2}\beta - 1)(\cos(\omega_{13}\tau - \omega_{12}t) + \\ &+ \frac{3}{64}(-3\cos^{3}\beta + \cos^{2}\beta + 3\cos\beta - 1)(\cos(\omega_{24}\tau - \omega_{12}t) + \cos(\omega_{23}t - \omega_{12}\tau)) + \\ &+ \frac{9}{64}(\cos^{3}\beta - \cos\beta + 1)(\cos(\omega_{23}\tau - \omega_{13}t) + \cos(\omega_{23}t - \omega_{13}\tau)) + \frac{3}{32}(\cos^{2}\beta - 1)\times \end{split}$$
(2)
$$\times (\cos(\omega_{13}\tau + \omega_{12}t) + \cos(\omega_{12}t + \omega_{12}\tau)) + \frac{3}{64}(3\cos^{3}\beta + \cos^{2}\beta - 3\cos\beta - 1) \\ (\cos(\omega_{23}\tau + \omega_{13}t) + \cos(\omega_{23}t + \omega_{13}\tau)) - \frac{9}{64}(\cos^{3}\beta + \cos^{2}\beta - \cos\beta - 1)(\cos(\omega_{23}\tau + \omega_{12}t) + \\ &+ \cos(\omega_{23}t + \omega_{12}\tau)) + \frac{1}{32}(9\cos^{2}\beta + 3\cos^{2}\beta - 5\cos\beta + 1)(\cos\omega_{13}\tau + \cos\omega_{13}t) - \\ &- \frac{1}{32}(9\cos^{4}\beta - 10\cos^{2}\beta + 1)(\cos^{2}\beta + 1)(\cos\omega_{23}\tau + \cos\omega_{23}t), \end{split}$$

где $\sigma_1 = b_{12} + b_{23} + b_{31}, \sigma_2 = b_{12}b_{23} + b_{23}b_{31} + b_{31}b_{12},$

$$\lambda_1 = \frac{\sigma_1}{2}, \ \lambda_2 \frac{-\sigma_1 - \chi}{4}, \ \lambda_3 = \frac{-\sigma_1 + \chi}{4},$$
$$\chi = \sqrt{9\sigma_1^2 - 24\sigma_2}, \ \cos\beta = \frac{\sigma_1}{\sqrt{9\sigma_1^2 - 24\sigma_2}},$$
$$\omega_{ii} = \lambda_i - \lambda_i.$$

Вводя $t = \tau$, получаем сигнал СЭ в трехспиновой группе с одинаковыми константами ДДВ *b*:

$$A_3(t) = \frac{5}{8} + \frac{1}{2}\cos\left(\frac{3bt}{2}\right) - \frac{1}{8}\cos(3bt).$$
 (3)

При
$$\sigma_1 = 0$$
 введем $\omega = \frac{\sqrt{-6\sigma_2}}{2} = \sqrt{M/2}, M_2 = \omega_{3loc}^2 =$

 $= 3/2(b_{12}^2 + b_{12}^2 + b_{23}^2)$ – второй момент трехспиновой системы. Тогда СЭ определяется как:

$$A_{3}(t) = \frac{41}{128} + \frac{11}{16}\cos(\omega y) + \frac{5}{32}\cos(2\omega t) - \frac{3}{16}\cos(3\omega t) + \frac{3}{128}\cos(4\omega t) = (4)$$
$$= 1 - 4\sin^{4}\frac{\omega t}{2} + 3\sin^{8}\frac{\omega t}{2}.$$
$$t = T \operatorname{dephysics}(2) \operatorname{hepsofperset pure}(4)$$

При $t = \tau формула$ (2) приобретает вид:

$$A_{3}(t) = \frac{65}{128} - \frac{33}{64}\cos^{2}\beta + \frac{81}{128}\cos^{4}\beta + \frac{1}{32}(11 - 19\cos\beta - 3\cos^{2}\beta + 27\cos^{3}\beta)\cos(\omega_{12}t) + \frac{1}{32}(11 + 19\cos\beta - 3\cos^{2}\beta - 27\cos^{3}\beta)\cos(\omega_{13}t) + \frac{3}{32}(1 + 8\cos^{2}\beta - 9\cos^{4}\beta)\cos(\omega_{23}t) + + \frac{1}{32}(1 - 2\cos\beta - 3\cos^{2}\beta)\cos(2\omega_{12}t) + \frac{1}{32}(1 + 2\cos\beta - 3\cos^{2}\beta)\cos(2\omega_{13}t) + + \frac{3}{128}(1 - 10\cos^{2}\beta + 9\cos^{4}\beta)\cos(2\omega_{23}t) + \frac{3}{16}(-1 + \cos^{2}\beta)\cos((\omega_{12} + \omega_{13})t) + + \frac{3}{32}(-1 + 3\cos\beta + \cos^{2}\beta - 3\cos^{3}\beta)\cos((\omega_{12} - \omega_{23})t) + + \frac{3}{32}(-1 - 3\cos\beta + \cos^{2}\beta + 3\cos^{3}\beta)\cos((\omega_{13} + \omega_{23})t).$$
(5)

ИЗВЕСТИЯ РАН. СЕРИЯ ФИЗИЧЕСКАЯ том 85 № 8 2021

Сигнал между первым и вторым импульсом выражает сигнал ССИ $G_3(t)$, который определяется следующей формулой [8]:

$$G_{3}(t) = \frac{1}{8}(1 + 3\cos^{2}\beta) + \frac{3}{8}\sin^{2}\beta\cos\omega_{32}t + \frac{1}{2}\cos^{2}\frac{\beta}{2}\cos\omega_{12}t + \frac{1}{2}\sin^{2}\frac{\beta}{2}\cos\omega_{13}t.$$
(6)

В случае эквивалентных ядер с константой ДДВ *b* формула ССИ принимает вид:

$$G_3(t) = 1 - \sin^2 \frac{3bt}{2}.$$
 (7)

ССИ в линейных полимерах без зацеплений рассчитываются в модели Андерсона—Вейса с соответствующими корреляционными функциями молекулярных движений $k_i(\tau)$ [9]:

$$G_i(t) = \exp\left(-\omega_{loc}^2 \int_{0}^{t} (t-\tau)k_i(\tau)d\tau\right), \quad i = 1, 2, \qquad (8)$$

где ω_{loc} — среднее локальное поле, создаваемое на любом спине как спинами, принадлежащими выделенному сегменту, так и всеми остальными спинами цепи.

$$k(\tau) = (1 - \alpha)k_1(\tau) + \alpha k_2(\tau), \tag{9}$$

где α — доля крупномасштабного движения (эмпирический коэффициент), для сетчатой структуры и цепей со свободными концами $\alpha = 0.05$.

 $k_1(\tau) = \exp\left(-\frac{\tau}{\tau_c}\right)$ – корреляционная функция Бломбергена–Парселла–Паунда, характеризующая мелкомасштабные движения полимерной цепи в низкотемпературной области ($T_c < T < T_c$ +

+ 50°), где τ_c – характерное время корреляции молекулярных движений, которое связано с температурой *T* по закону Аррениуса: $\tau_c = \tau_0 \exp\left(\frac{E}{LT}\right)$.

$$k_2(\tau) = \frac{1}{N_0} \sum_{p=1}^{N_0} \exp\left(-\frac{p^2 \pi^2 \tau}{\tau_c N_0^2}\right) -$$
корреляцион-

ная функция Каргина—Слонимского—Рауза, характеризующая крупномасштабные движения сегментов полимерной цепи в среднетемпературном интервале ($T_c + 50^\circ < T < T_c + 100^\circ$) $N_0 - длина полимерной цепи в количестве длин сегментов.$

Для цепей со свободными концами ССИ имеет вид [8]:

$$G_r(t) = G_1(t)G_2(t).$$
 (10)

ССИ в линейном полимере, содержащем выделенные трехспиновые группы, выражается следующей формулой:

$$G(t) = G_3(t)G_r(t),$$
 (11)

где $G_3(t)$ – ССИ в системе трех спинов (6).

Аналогично выглядит выражение СЭ для всей спиновой системы:

$$A(t,\tau) = A_3(t,\tau)A_r(t,\tau), \qquad (12)$$

где $A_r(t, \tau)$ – сигнал первичного эха в полимерах [9].

Формула для расчета первичного эха $A_r(t, \tau)$ – в полимерах получена на основе общего теоретического подхода, предложенного в работе [9], и связана со средним квадратом случайного изменения фазы $\langle \delta^2 \varphi_i \rangle$ вследствие изменения локального магнитного поля на спине ядра соотношением:

$$A_{id} = \exp\left[-\frac{1}{2}\left\langle\delta^{2}\varphi_{i}\right\rangle\right].$$
 (13)

Для определения связи $\langle \delta^2 \varphi_i \rangle$ со средним квадратом смещения ядер получены формулы, справедливые для любых случайных процессов. По условию аддитивности смещений $r(t_i, t_j)$ на отрезке времени $[t_i, t_j]$ для каждой реализации случайного процесса справедливо равенство:

$$(t_1, t_2) + r(t_2, t_3) = r(t_1, t_3).$$
 (14)

Для корреляции смещений стационарных процессов получена эквивалентная (14) формула:

$$\langle r(t_1, t_2) r(t_3, t_4) \rangle = \frac{1}{2} (\langle r^2(t_1, t_4) \rangle + \langle r^2(t_2, t_3) \rangle - \langle r^2(t_1, t_3) \rangle - \langle r^2(t_2, t_4) \rangle).$$
 (15)

С помощью формулы (15) получено выражение среднего квадрата смещений для эхо в стационарных условиях:

$$\left\langle \left(r\left(0,\tau\right)-r\left(\tau,\tau+t\right)\right)^{2}\right\rangle =$$

$$=2\left\langle r^{2}\left(\tau\right)\right\rangle +2\left\langle r^{2}\left(t\right)\right\rangle -\left\langle r^{2}\left(\tau+t\right)\right\rangle.$$
(16)

Величина $\langle r^{2}(t) \rangle$ задается уравнением

+

$$\left\langle r^{2}\left(t\right)\right\rangle = 2\left\langle \omega_{loc}^{2}\left(0\right)\right\rangle \int_{0}^{t} \left(t-t'\right)k\left(t'\right)dt',$$
(17)

Из формул (16), (17), (8) следует связь сигнала СЭ с ССИ:

$$A_{r}(t,\tau) = \frac{G_{r}(t)^{2}G_{r}(\tau)^{2}}{G_{r}(\tau+t)}.$$
(18)

В данной работе рассматривалась модель при слабом влиянии спинов полимерной цепи на трехспиновую группу ($\omega_{3loc}^2/(\omega_{loc}^2 > 1)$ и без учета подвижности спинов внутри группы. Проведено моделирование сигналов ССИ и СЭ в гибкоцепных линейных полимерах со свободными концами, содержащих изолированные группы трех спинов 1/2, по формулам (11), (18) с корреляционной функцией (9) при различных значениях времени корреляции τ_c (рис. 1–3). Из рис. 2 и 3



Рис. 1. Форма линии $F(\omega)$ при разных константах ДДВ $\sigma_1 = 0$, $\sigma_2 = -7 \cdot 10^{-4} c^2$, N = 20, $\tau_c = 0.001c$.



Рис. 2. Фурье-преобразование СЭ $F_e(\omega)$ при различных константах ДДВ $\sigma_1 = 0$, $\sigma_2 = -7 \cdot 10^{-4} c^2$, N = 20, $\tau_1 = 10^{-5} c$, $\tau_c = 0.001c$.

видно, что для расчетных параметров при уменьшении τ_c влияние спинов, принадлежащих полимерной цепи, уменьшается, и трехспиновая группа проявляется активнее.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В работе развита теория сигналов ССИ и СЭ в линейных полимерах, содержащих изолированные трехспиновые группы с произвольными константами ДДВ. На основе предложенной ранее теории [9] получена формула первичного эха в линейных полимерах, содержащих выделенные трехспиновые группы, Проведены расчеты сигналов ССИ и СЭ в линейных полимерах с груп-



Рис. 3. Фурье-преобразование СЭ $F_e(\omega)$ при различных константах ДДВ $\sigma_1 = 0$, $\sigma_2 = -7 \cdot 10^{-4} c^2$, N = 20, a = 0.05, $\tau_1 = 10^{-5} c$, $\tau_c = 0.001c$.

пой трех спинов 1/2 с эквивалентыми и произвольными константами ДДВ с использованием точной аналитической формулы [6, 7]. Расчеты сигналов ССИ указывают на то, что в форме линии при одинаковых константах ДДВ наблюдаются 3 пика, а при различных константах ДДВ – 5, 7 пиков.

Моделирование сигналов без учета внутригрупповой подвижности спинов показало существенное влияние трехспиновых групп при увеличении температуры. Это связано с более быстрым усреднением до нуля ДДВ спинов в полимерных цепях. В дальнейшем предполагается рассматривать ДДВ спинов в изолированной группе с учетом подвижности ядер.

Предложенная теория позволяет исследовать влияние трехспиновых групп на сигналы ССИ и СЭ в полимерах, содержащих выделенные трехспиновые группы, и получать информацию о структуре и константах ДДВ группы.

Работа выполнена как часть государственного задания (номер государственной регистрации АААА-А19-119071190017-7).

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Andrew E.R., Bersohn R. // J. Chem. Phys. 1950. V. 18. No. 2. P. 159.
- Gutowsky H.S., Pake G.E. // J. Chem. Phys. 1950. V. 18. P. 162.
- 3. Powles J.G., Mansfield P. // Phys. Lett. 1962. No. 2. P. 58.
- Moskvich Yu.N., Sergeev N.A., Dotsenko G.I. // Phys. Stat. Sol. A. 1975. P. 409.
- 5. *Чижик В.И.* Квантовая радиофизика. СПбГУ, 2004. 689 с.

- 6. Kulagina T.P., Karnaukh G.E., Golubeva I.Yu. // Appl. Magn. Reson. 2020. V. 51. No. 2. C. 155.
- Кулагина Т.П., Карнаух Г.Е., Голубева И.Ю. // Хим. физ. 2020. Т. 39. № 4. С. 31; Kulagina T.P., Karnaukh G.E., Golubeva I.Yu. // Russ. J. Phys. Chem. B. 2020. V. 14. No. 2. P. 290.
- Кулагина Т.П., Карнаух Г.Е., Андрианов С.А. // Бутлеровск. сообщ. 2013. № 7. С. 35.
- Кулагина Т.П., Карнаух Г.Е., Кузина А.Н., Смирнов Л.П. // Хим. физ. 2013. Т. 32. № 3. С. 62; Kulagina T.P., Karnaukh G.E., Kuzina A.N., Smirnov L.P. // Russ. J. Phys. Chem. B. 2013. V. 7. No. 2. P. 170.

Influence of three-spin groups on free induction decay and primary spin echo on linear polymers with free endings

T. P. Kulagina^{a, *}, G. E. Karnaukh^a, I. Yu. Golubeva^b

^aInstitute of Problems of Chemical Physics RAS, Chernogolovka, 142432 Russia ^bLomonosov Moscow State University, Moscow, 119991 Russia *e-mail: tan@icp.ac.ru

We propose a theory of free induction decay signals and primary echoes in linear flexible-chain polymers containing isolated groups of dipole-coupled three spins with arbitrary constants of dipole-dipole interaction. A new method for calculating primary echo signals after exposure to two radio frequency pulses in a wide temperature range is applied.