———— ОБЗОРЫ ———

УДК 537.9, 53.043

ТОПОЛОГИЧЕСКИЕ ТЕРМОЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ НА ОСНОВЕ ТЕЛЛУРИДА ВИСМУТА

© 2021 г. Л. Н. Лукьянова^{1,*}, О. А. Усов¹, М. П. Волков¹, И. В. Макаренко¹

¹ Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, Санкт-Петербург, Россия *E-mail: lidia.lukyanova@mail.ioffe.ru Поступила в редакцию 25.11.2020 г. После доработки 25.11.2020 г. Принята к публикации 28.12.2020 г.

Рассмотрены основные направления экспериментальных исследований топологических изоляторов на основе халькогенидов висмута и сурьмы, которые связаны с возможностью использования свойств поверхностных состояний фермионов Дирака в термоэлектричестве. Обсуждаются результаты исследований межслоевой поверхности Ван-дер-Ваальса (0001) в монокристаллических слоистых пленках твердых растворов *n*- и *p*-типа проводимости с замещениями атомов в подрешетках Ві и Те, выполненные методами микро-рамановской спектроскопии, сканирующей туннельной микроскопии и сканирующей туннельной спектроскопии. Проведен анализ осцилляций гальваномагнитных эффектов в сильных магнитных полях и термоэлектрических свойств, измеренных при нормальных условиях и при высоких давлениях. Определены составы твердых растворов, в которых вклад поверхностных состояний фермионов Дирака возрастает за счет увеличения поверхностной концентрации фермионов и скорости Ферми в зависимости от энергии точки Дирака, величины коэффициента Зеебека и параметра мощности.

DOI: 10.1134/S1992722321030122

ОГЛАВЛЕНИЕ

Введение

1. Морфология межслоевой поверхности и микро-рамановская спектроскопия

2. Сканирующая туннельная микроскопия и спектроскопия

3. Гальваномагнитные свойства в сильных магнитных полях

4. Термоэлектрические свойства

5. Термоэлектрические свойства при высоких давлениях

Заключение

введение

Твердые растворы (**TP**) на основе халькогенидов висмута и сурьмы являются эффективными низкотемпературными термоэлектриками с оптимальными свойствами для интервала температур 100—500 К в зависимости от состава и концентрации носителей заряда [1, 2], кроме того, они относятся к перспективным топологическим изоляторам [3, 4]. В этих материалах топологические поверхностные состояния возникают в результате инверсии электронных зон вследствие сильного спин-орбитального взаимодействия. При этом объемная часть становится изолятором [3, 4], а электроны на поверхности обладают необычными металлическими свойствами, характерными для фермионов Дирака, а именно, линейной дисперсией и спиральной спиновой текстурой, которые обеспечивают отсутствие обратного рассеяния электронов на немагнитных примесях и дефектах.

Исследования топологических изоляторов (ТИ) начались сравнительно недавно, но уже в настоящее время свойства поверхностных электронных состояний применяются в оптоэлектронике [5, 6], спинтронике [7, 8], а в последние годы значительно возрос интерес к использованию свойств ТИ в термоэлектричестве [9-11]. Детально исследованы двойные соединения Bi₂Te₃ [12, 13], Bi₂Se₃ [14, 15], Sb₂Te₃ [16], твердые растворы *n*-типа Bi₂Te₂Se, BiSbTeSe₂ [17] и *p*-типа Bi_{2-x}Sb_xTe₃ [18]. Для перечисленных материалов были определены параметры поверхностных состояний фермионов Дирака из анализа результатов транспортных свойств в сильных магнитных полях [19], а также полученных методом фотоэлектронной спектроскопии с угловым разрешением [20, 21].

Возможность повышения термоэлектрической эффективности в ТИ в [9, 10, 22] связывают с усилением энергетической зависимости спектрального распределения средних длин свободного пробега не только фононов, но и электронов, что определяется линейной дисперсией, вызванной сильным спин-орбитальным взаимодействием.

В [22] показано, что эта энергетическая зависимость в ТИ становится значительной в силу нетривиальной дираковской зонной структуры и является одной из причин увеличения коэффициента Зеебека в топологических термоэлектриках. Коэффициент Зеебека возрастает за счет фильтрации электронов с учетом спектрального распределения длин свободного пробега, когда размеры наноструктурированных зерен становятся сравнимыми с размерами доминирующих длин свободного пробега. По оценкам [23] наноструктурирование в ТИ становится наиболее эффективным при размерах зерен в несколько десятков нанометров. Дополнительное повышение коэффициента Зеебека в ТИ может происходить за счет искажения локальной электронной плотности состояний [10].

Важной проблемой, возникаюшей при исследовании топологических термоэлектриков, является остаточная объемная проводимость, связанная с наличием дефектов [18, 24]. В [18] рассматривается подход к решению этой проблемы на примере тонких пленок тройных соединений $(Bi_{1-x}Sb_{x})_{2}Te_{3}$, полученных методом молекулярно-лучевой эпитаксии (МЛЭ). Было показано, как изменение параметров поверхностных состояний фермионов Дирака в зависимости от состава ТР $(Bi_{1-x}Sb_x)_2Te_3$, приводит к снижению объемной проводимости за счет уменьшения дефектов в объеме. Исследование температурной зависимости поверхностного сопротивления R_{sa} в твердых растворах $(Bi_{1-x}Sb_x)_2Te_3$ при x от 0 до 1 [18] позволило определить состав при x = 0.94-0.96, в котором проводимость за счет дефектов уменьшается и наблюдается повышение поверхностной подвижности фермионов. При изменении состава пленок было установлено, что с ростом содержания Sb в TP точка Дирака монотонно перемещается из объемной валентной зоны при x = 0 и переходит в запрешенную зону при x == 0.88. Геометрия конуса Дирака также изменяется, с ростом x в ТР ($Bi_{1-x}Sb_x$)₂Те₃ наклон конуса становится более крутым, что указывает на увеличение скорости фермионов Дирака. Снижение объемной проводимости в ТИ происходит в результате оптимизации составов ТР вследствие взаимной компенсации вкладов в проводимость акцепторных и донорных собственных дефектов [25-27].

Для получения локальных характеристик поверхностных электронных состояний фермионов Дирака, а именно, морфологии и дифференциальной туннельной проводимости dI_t/dU , используются методы сканирующей туннельной микроскопии (СТМ) и сканирующей туннельной спектроскопии (СТС) [17, 20, 28–30]. Спектры dI_t/dU, пропорциональные электронной плотности состояний, позволяют определить энергию точки Дирака $E_{\rm D}$, положение краев валентной зоны E_V и зоны проводимости Ес, положение уровня Ферми E_F и ширину запрещенной зоны E_g. Дифференциальная туннельная проводимость dI_t/dU была исследована в Bi₂Se₃, твердых растворах *n*-Bi₂Te₂Se, *n*-BiSbTeSe₂ [17] и в Bi₂Te₃, легированных таллием [20]. В туннельных спектрах положение точки Дирака определялось по изменению наклона производной dI_t/dU . Для более точного определения спектральных особенностей и уточнения положения потолка валентной зоны и дна зоны проводимости по отношению к точке Дирака используется вторая производная d^2I/dU^2 . Эти результаты [17, 20] находятся в хорошем согласии с данными, полученными методом фотоэлектронной спектроскопии с угловым разрешением [31].

Перспективным направлением повышения термоэлектрической эффективности является использование магнитных материалов и спинового эффекта Зеебека, определяющего спиновый ток, пропорциональный градиенту температуры, который в отличие от электрического тока практически не рассеивается на дефектах [7]. Спиновый ток в виде неравновесных спиновых волн (магнонов) преобразуется в электрический с помошью металлов с высоким спин-орбитальным взаимодействием (Pt, W и Ta). Для гетероструктуры, состоящей из ТИ $(Bi_xSb_{1-x})_2Te_3$ и ферримагнитного изолятора на основе иттриевого феррита-граната, было показано, что спиновый коэффициент Зеебека в ΤИ обеспечивает преобразование спинового тока в электрический на порядок эффективнее, чем при использовании металлов [8]. В присутствии температурного градиента в пленке ферримагнитного изолятора генерируются неравновесные спиновые волны, а в ТИ $(Bi_xSb_{1-x})_2Te_3$ возникает электрический ток в результате релаксации магнонов на границе раздела гетероперехода благодаря эффекту близости и сильной связи между спином и импульсом фермионов. Величина напряжения, связанная со спиновым коэффициентом Зеебека, достигает в ТИ максимального значения при оптимальном положении уровня Ферми в зависимости от состава термоэлектрика.

Одно из возможных практических применений свойств поверхностных состояний фермионов Дирака основано на использовании эффекта сверхтекучести топологических экситонов, возникающей в гетероструктурах на основе Bi₂Te₃, которая является причиной увеличения проводимости и термоэлектрической эффективности. Топологический экситонный конденсат теоретически предсказан в работах [14, 32], на основе которых в США запатентован способ созлания эффективных термоэлектрических устройств с использованием поверхностных топологических экситонов в гетероструктурах из ТИ [33]. Подобные гетероструктуры, состоящие из двух различных топологических термоэлектриков Bi₂Te₃ и Sb_2Te_3 , содержащие *p*-*n*-переход, с верхним слоем из Sb₂Te₃ были выращены методом МЛЭ и исследованы методом фотоэлектронной спектроскопии с угловым разрешением в [16]. Показано. что положение уровня Ферми регулируется в интервале около 200 мэВ за счет изменения толшины верхнего слоя, что является важным шагом в исследовании конденсата топологических экситонов.

Термоэлектрическая эффективность тонкопленочных экситонных структур, состоящих из Bi₂Te₃ *n*- *и p*-типа, разделенных тонким изолирующим слоем, может быть существенно увеличена за счет уменьшения сопротивления структуры и увеличения коэффициента Зеебека. В такой структуре за счет кулоновского взаимодействия электронно-дырочных пар на границе полупроводника и изолятора возникают экситоны при оптимальных толщинах пленок и изолирующих слоев. Согласно теоретическим оценкам [15] в экситонной структуре сопротивление, связанное с эффектом кулоновского увлечения, становится существенно меньше, чем сопротивление каждой пленки.

Влияние топологических поверхностных состояний фермионов Дирака на термоэлектрические свойства топологических материалов рассматривалось в [11]. Методами топологии и термической квантовой теории поля теоретически показано, что в материалах на основе Ві2Те3 топологические поверхностные состояния фермионов приводят к аномальному увеличению коэффициента Зеебека, связанному с локальным переносом тепла электронно-дырочными парами Швингера, возникшими на горячей стороне термоэлектрика. Безразмерная термоэлектрическая эффективность этих топологических материалов составляет ZT = 2.7, что согласуется с экспериментальными результатами для сверхрешеток *p*-типа Bi₂Te₃/Sb₂Te₃ [34].

Далее рассмотрим результаты исследований поверхностных состояний фермионов Дирака в слоистых пленках ТР на основе Bi₂Te₃, полученные методами микро-рамановской спектроскопии, СТМ и СТС, с помощью исследований гальваномагнитных свойств, измеренных в сильных магнитных полях, а также рассмотрим термо-электрические свойства при нормальных условиях и при высоких давлениях.

1. МОРФОЛОГИЯ МЕЖСЛОЕВОЙ ПОВЕРХНОСТИ И МИКРО-РАМАНОВСКАЯ СПЕКТРОСКОПИЯ

Термоэлектрические материалы на основе Ві₂Те₃ относятся к ван-дер-ваальсовым кристал-

лам, которые описываются пр. гр. $R\overline{3}m$ (D_{3d}^5) . Кристаллическая структура состоит из плоских анизотропных слоев. состояших из пяти атомных плоскостей. разделенных шелями Ван-дер-Ваальса, что обеспечивает расслоение кристалла вдоль плоскостей (0001), перпендикулярных оси третьего порядка с. Образцы для исследований толщиной до 100-120 нм были приготовлены механическим расслоением монокристаллических блоков, вырезанных из объемных слитков, вырашенных методом направленной кристаллизации прецизионной регулировкой температуры. с В слоистых пленках исследовали морфологию межслоевой поверхности (0001) полуконтактным методом атомно-силовой микроскопии (АСМ). Характерное изображение межслоевой поверхности (0001) в ТР *n*- и *p*-типа Bi_{2 - x}Sb_xTe_{3 - v}Se_v и $n-\mathrm{Bi}_{2}\mathrm{Te}_{3-\nu}\mathrm{Se}_{\nu}$ с высоким коэффициентом Зеебека S > 260 - 270 мкВ K⁻¹ и низкой концентрацией носителей заряда около 5×10^{18} см⁻³ содержит отдельные островки с латеральными размерами 20-40 нм. Островки срастаются в массивы и образуют широкие террасы и ступени высотой ~1 нм со слабой шероховатостью ($R_q = 0.3$ нм) и малой вы-сотой нанофрагментов ($H_a = 1.9$ нм), соответствуюшей максимуму функции распределения нанофрагментов на межслоевой поверхности [35, 36].

В ТР с ростом количества замещенных атомов и более высокой концентрацией носителей заряда поверхность (0001) имеет складчатую структуру, и значения R_q и H_a возрастают. В составе p-Bi_{0.5}Sb_{1.5}Te₃ с наиболее высокой концентрацией носителей заряда при S = 178 мкВ K⁻¹, в котором на межслоевой поверхности наблюдались дислокации и канавки, величины $R_q = 12.1$ нм и $H_a = 50.5$ нм значительно возрастали [35]. Такое изменение характера межслоевой поверхности в TP с ростом количества замещенных атомов и увеличением концентрации носителей можно объяснить диффузионными процессами и упругими напряжениями, которые приводят к деформации межслоевой поверхности в процессе кристаллизации.

Морфологию поверхности (0001) также исследовали методом проводящей ACM в слоистых пленках на примере *n*-Bi₂Te₃ для анализа механизмов локальной проводимости в структуре зонд—образец и оценки влияния на нее морфологии поверхности и топологических поверхностных состояний фермионов Дирака [37]. На изображениях морфологии поверхности (0001) на террасах были обнаружены провалы глубиной 1 нм, в



Рис. 1. Рамановские спектры слоистых пленок твердых растворов: $n-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.94}Se_{0.06}$ (1), $n-Bi_2Te_{2.7}Se_{0.3}$ (2), $n-Bi_2Te_3$ (3), $p-Bi_2Te_3$ (4), $p-Bi_{0.5}Sb_{1.5}Te_3$ (5).

которых сопротивление на порядок меньше, чем в точках на террасах. При напряжении ~1 В в слоистых пленках *n*-Bi₂Te₃ наблюдали эффект переключения сопротивления, сопровождающийся уменьшением сопротивления на 3 порядка и, следовательно, увеличением подвижности. С уменьшением толщины пленки распадались на чешуйки, в которых сопротивление уменьшалось на 5-6 порядков при переключении сопротивления с соответствующим увеличением подвижности, что определяется ростом вклада поверхностных состояний фермионов Дирака. Данные по морфологии использовали при анализе и систематизации микро-рамановских спектров в зависимости от состава, толщины и коэффициента Зеебека слоистых пленок.

Микро-рамановские спектры пленок исследовали с помощью спектрометра Renishaw micro-Raman spectrometer RM 2000. Кроме высокочастотных активных фононных мод E_g^2 и A_1g^2 в рамановских спектрах обнаружены неактивные A_{1u}^2 фононы, появление которых связано с нарушением инверсионной симметрии кристалла в по-



Рис. 2. Зависимость относительных интенсивностей рамановских мод $I(A_{lu}^2)/I(E_g^2)$ от толщины слоистых пленок в теллуриде висмута и твердых растворах. Обозначения образцов как на рис. 1.

верхностном слое (рис. 1). При анализе микрорамановских спектров использовали соотношения интенсивностей спектральных линий неактивных A_{lu}^2 и активных E_g^2 фононов, которые связаны с неупругим рассеянием света на тепловых решеточных колебаниях атомов. Соотношения интенсивностей неактивных и активных фононов $I(A_{lu}^2)/I(E_g^2)$ возрастают до единицы с умень-шением толщины при высоком качестве межслоевой поверхности пленок *n*-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.91}Se_{0.09} и *n*-Bi₂Te_{2.7}Se_{0.3} [35, 36] с высокими значениями коэффициента Зеебека до 280 мкВ K⁻¹ при низкой концентрации электронов (~3–4 \times 10¹⁸ см⁻³) (рис. 2). Рост соотношения $I(A_{l\mu}^2)/I(E_g^2)$ связан с увеличением электронной плотности дираковских поверхностных состояний [38, 39] и указывает на увеличение вклада поверхностных состояний дираковских фермионов при уменьшении толщины пленок с высоким качеством поверхности (0001).

Корреляция между величиной относительной

интенсивности рамановских мод $I(A_{lu}^2)/I(E_g^2)$, связанной с влиянием поверхностных топологических состояний фермионов Дирака в тонких слоях, и морфологией межслоевой поверхности согласуется с аналогичными результатами для теллурида и селенида висмута, полученными при исследовании электронных свойств фермионов Дирака методом фотоэлектронной спектроскопии с угловым разрешением [40]. Увеличение плотности поверхностных носителей заряда приводит к усилению электрон-фононного взаимодействия и увеличению интенсивности наиболее чувствительных к нему продольных оптических

2021



Рис. 3. СТМ-изображение морфологии (а), профиль распределения высот атомов (б) и БПФ-изображение (в), полученные на поверхности (0001) в твердом растворе p-Bi_{2 – x – y}Sn_xGe_yTe₃ (x = y = 0.01).

фононов A_{lu}^2 [39]. Кроме того, дополнительное увеличение соотношения интенсивностей $I(A_{lu}^2)/I(E_g^2)$ может быть связано с возбуждением дираковских плазмонов на границе металл—изолятор [41]. Анализ спектров микро-рамановского рассеяния межслоевой поверхности в тонких слоистых пленках ТР *n*- и *p*-типа позволил определить составы, в которых соотношение $I(A_{lu}^2)/I(E_g^2)$ возрастает, что указывает на увеличение влияния топологических поверхностных состояний фермионов Дирака при высоких значениях коэффициентов Зеебека.

2. СКАНИРУЮЩАЯ ТУННЕЛЬНАЯ МИКРОСКОПИЯ И СПЕКТРОСКОПИЯ

Поверхностные состояния фермионов Дирака на межслоевой поверхности Ван-дер-Ваальса (0001) исследовали методами сканирующей туннельной микроскопии и спектроскопии в p- и nтипах Bi_2Te_3 , твердых растворах $p-Bi_{2-x}Sb_xTe_{3-y}Se_y$ $(x = 1 - 1.6, y = 0, 0.06 - 0.09), p - Bi_{2-x-y}Sn_xGe_yTe_3$ (x = y = 0.01) [42, 43] μ *n*-Bi₂Te_{3-v}Se_v (y = 0.12-0.3) [44]. Морфологию межслоевой поверхности (0001) в термоэлектриках регистрировали с помощью СТМ. Типичные изображения морфологии, линейные профили распределения высот, характеризующие положений атомов на поверхности (0001), и результаты быстрого преобразования Фурье (БПФ) изображений показали, что для всех исследованных термоэлектриков поверхность (0001) характеризуется высоким качеством ГПУ-структуры (рис. 3) [42-44]. Для образцов различного состава в зависимости от легирования перепад высот на поверхности (0001) изменяется от 0.025 до 0.07 нм в *n*-типе [44] и от 0.06 до 0.1 нм в *р*-типе [42] при разрешении высоты рельефа 0.05 Å. Особенности длинноволновой модуляции на профилях изображений поверхности (0001) зависят от локальных искажений плотности поверхностных электронных состояний, возникающих при замещении атомов при образовании ТР и легировании избытком Те и галогенидами металлов [42-44].

Фурье-образы поверхности (0001) представляют собой спектральное распределение интенсивностей двумерного обратного пространства с центром в точке Γ зоны Бриллюэна (рис. 3в). В окрестности точки Γ зоны Бриллюэна на изображениях обратного пространства наблюдаются характерные для ТИ осцилляции Фриделя, связанные с интерференцией квазичастичных возбуждений поверхностных электронов на дефектах [28, 30]. Наряду со спектральными компонентами первого порядка на БПФ-образах наблюдались компоненты более высоких порядков, интенсивность которых увеличивалась в TP с замещениями атомов в обеих подрешетках Bi_2Te_3 , а также с увеличением концентрации носителей заряда.

В топологических термоэлектриках различного состава была измерена дифференциальная туннельная проводимость dI_t/dU в зависимости от напряжения U на поверхности (0001) при комнатной температуре. Из зависимостей dI_t/dU от U были определены положение точки Дирака Е_D, края валентной зоны E_V и зоны проводимости E_C , ширина запрещенной зоны Eg [42-44]. Показано, что в исследованных составах термоэлектриков *р*-типа точка Дирака *E*_D находится в валентной зоне E_V , и положение E_D сдвигается к потолку *Е*_Vс увеличением количества замещенных атомов в подрешетке Ві. Замещения атомов в подрешетке Те приводят к дополнительному сдвигу $E_{\rm D}$ даже при небольшом количестве Se. В ТР *n*-типа точка Дирака $E_{\rm D}$ располагается в запрещенной зоне и сдвигается по направлению к валентной зоне с ростом количества атомов Se до y = 0.24, затем сдвиг E_D замедляется [43]. С ростом атомных замещений в ТР увеличивается сдвиг краев валентной зоны и зоны проводимости, что приводит к росту ширины запрещенной зоны E_g . Увеличение Е, по сравнению с оптическими данными происходит вследствие изменения плотности состоя-



Рис. 4. Зависимость коэффициента Зеебека *S* (*I*) и фактора мощности $S^2 \sigma$ (*2*) от энергии точки Дирака E_{D} : *p*-Bi₂Te₃ (*3*), *p*-Bi₂_*x*Sb_xTe₃_*y*Se_y: 4 - x = 1, y = = 0.06), 5 - x = 1.15, y = 0.06, 6 - x = 1.2, y = 0.09, 7 - x = 1.3, y = 0.09, 8 - x = 1.55, y = 0, 9 - x = 1.6, y = 0.06.

ний при инверсии краев запрещенной зоны в ТИ [45].

Результаты исследований дифференциальной проводимости dI_t/dU рассматривали совместно с термоэлектрическими свойствами. В $TP p-Bi_{2-x}Sb_{x}Te_{3-y}Se_{y}$ установлены корреляционные зависимости между параметрами поверхностных состояний фермионов Дирака, коэффициентом Зеебека S, параметром мощности $S^2\sigma$ (рис. 4) и произведением $(m/m_0)^{3/2}\mu_0$, пропорциональным термоэлектрической эффективности Z [42]. Показано, что величины $S^2 \sigma$ и $(m/m_0)^{3/2} \mu$ в зависимости от положения точки Дирака Е_D возрастают с увеличением сдвига E_D к потолку валентной зоны с ростом замещенных атомов в подрешетках Ві и Те. Наибольший сдвиг E_D наблюдается в составах при x = 1.55, 1.6, y = 0.06, оптимизированных для температур выше комнатной при значениях коэффициента Зеебека ~170 мкВ К⁻¹. В материалах *n*-типа наибольший сдвиг точки $E_{\rm D}$ обнаружен в составе ${\rm Bi}_2{\rm Te}_{2.85}{\rm Se}_{0.15}$ + + 1% In₂Te₃ при S = -213 мкВ K⁻¹ с оптимальными свойствами при комнатной температуре.

В ТР *p*-Ві_{2- x}Sb_xTe_{3- y}Se_y и *n*-Ві₂Te_{3- y}Se_y при увеличении содержания атомов Sb в *p*- и Se в *n*-типе скорость Ферми v_F и, следовательно, подвижность µ в поверхностном слое возрастают [18, 42, 43]. Рост v_F в ТР *p*-Ві_{2- x}Sb_xTe_{3- y}Se_y с высокими параметрами мощности при (x = 1.55, y = 0; x == 1.6, y = 0.06) обеспечивает увеличение вклада топологических поверхностных состояний фермионов Дирака в термоэлектрические свойства в таких составах. В ТР *p*-типа с меньшими замещениями атомов при x = 1-1.3, y = 0.06, 0.09, высокими значениями коэффициента Зеебека (S = 275 мкВ K⁻¹) и оптимальными свойствами в области температур ниже комнатной



Рис. 5. Зависимость коэффициента Зеебека *S* (*1*) и фактора мощности $S^2 \sigma$ (*2*) от поверхностной концентрации фермионов Дирака n_s в *p*-Bi₂Te₃ и твердых растворах *p*-Bi_{2-x}Sb_xTe_{3-y}Se_y и *p*-Bi_{2-x}Sb_xTe₃. Обозначения точек как на рис. 4.

влияние топологических поверхностных состояний обусловлено увеличением поверхностной концентрации фермионов Дирака n_s . Для ТР *n*-типа наибольший рост v_F наблюдался в составе n-Bi₂Te_{2.7}Se_{0.3} (S = -193 мкВ K⁻¹), а увеличение поверхностной концентрации n_s получено в n-Bi₂Te_{2.85}Se_{0.15} + 1% In₂Te₃ с высоким параметром мощности.

Таким образом, исследования методами СТМ и СТС позволяют установить влияние состава ТР на зависимость между параметрами поверхностных состояний фермионов Дирака и термоэлектрическими свойствами, а именно, положением точки Дирака, скоростью Ферми, поверхностной концентрацией фермионов и коэффициентом Зеебека, параметрами мощности и материала.

3. ГАЛЬВАНОМАГНИТНЫЕ СВОЙСТВА В СИЛЬНЫХ МАГНИТНЫХ ПОЛЯХ

Влияние поверхностных состояний фермионов Дирака на свойства слоистых пленок определяли из температурных зависимостей компонент тензора магнетосопротивления R_{xx} и эффекта Холла $R_{\rm H}$, измеренных при различных магнитных полях *B*. Зависимости $\overline{R}_{\rm H}$ и $R_{\rm xx}$ от температуры при B = 5 и 10 Тл, нормированные к сопротивлению при T = 50 и 100 K, при низких температурах выходят на плато (рис. 6) вследствие обнаруженного топологического фазового перехода [46]. Соотношения R_{xx}/R_{xx} (T = 100, 50 K) и $R_{\rm H}/R_{\rm H}$ (T = 100, 50 K) возрастают с уменьшением температуры, т.е. приповерхностный слой становится изолятором, в котором все электроны локализованы. При B = 0 температурная зависимость сопротивления имеет явно выраженный металлический характер (рис. 6).



Рис. 6. Температурные зависимости поперечного магнетосопротивления R_{xx} в пленке n-Bi₂Te₃, нормированные к величине R_{xx} (*1*-4) при *T*= 50 K, и холловского сопротивления $R_{\rm H}$, нормированные по отношению к величине $R_{\rm H}$ (5–8) при *T* = 100 K. *B*: 1, 5–0, 2, 6–2.5, 3, 7–5, 4, 8–10 Тл.

Нелинейную зависимость магнетосопротивления на плато от магнитного поля (рис. 6), когда зависимости R_{xx}/R_{xx} (T = 50 K), построенные при B = 10 Тл, расположены ниже, чем при меньших магнитных полях, можно объяснить зависимостью длины квантовой фазовой когерентности l_{ϕ} от магнитного поля. Оценки длины квантовой фазовой когерентности *l*_ф, связанной с процессами неупругого рассеяния электронов, показали, что величина *l*_ф много больше длины свободного пробега электрона [46]. Следовательно, топологические поверхностные состояния в достаточно толстых образцах до нескольких сотен нанометров, обнаруженные при исследовании транспортных свойств в сильных магнитных полях, в микро-рамановских и туннельных спектрах, и термоэлектрических свойств, могут быть обусловлены влиянием большой длины квантовой фазовой когерентности.

Из зависимостей холловского сопротивления $R_{\rm H}$ от величины магнитного поля B, измеренных при низких температурах в гетероэпитаксиальных пленках n-Bi₂Te₃ толщиной ~300 нм, следует, что осцилляции $R_{\rm H}$ в магнитном поле не являются синусоидальными в отличие от осцилляций



Рис. 7. Зависимости магнетосопротивления R_{xx} (1), холловского сопротивления $R_{\rm H}$ (2), соответствующих осцилляций магнетосопротивления (3) и холловского сопротивления (4) от магнитного поля *B* в пленке n-Bi₂Te₃.

магнетосопротивления. На зависимостях $R_{\rm H}$ от B были обнаружены характерные для квантового эффекта Холла и типичные для трехмерных ТИ [46] ступени (плато), положение которых соответствует максимумам осцилляций магнетосопротивления (рис. 7). На каждом плато холловское сопротивление $R_{\rm H}$ пленок n-Bi₂Te₃ пропорционально обратной величине индекса уровня Ландау $n_{\rm L}$ и обратно пропорционально толщине образца.

Топологические поверхностные состояния фермионов Дирака в пленках *n*-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.96}Se_{0.06} исследовали с помощью анализа зависимостей поперечного магнетосопротивления $\Delta \rho_{xx}$ от обратной величины магнитного поля B^{-1} в полях до 14 Тл при температурах T = 5-20 К с использованием БПФ (рис. 8, кривые 1-3, вставка 2). Было обнаружено, что зависимости спектральных значений амплитуды осцилляций магнетосопротивления A от частоты F в пленке n-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.96}Se_{0.06} имеют более сложный спектр, чем двойные соединения, и характеризуются двумя резонансными частотами [47, 48].

В модели Лифшица—Косевича рассчитаны: циклотронная резонансная частота осцилляций F, волновой вектор k_F , поверхностная концентрация фермионов n_s , циклотронная эффективная



Рис. 8. Экспериментальные зависимости магнетосопротивления $\Delta \rho_{xx}$ (*1*–*3*) от магнитного поля *B* для пленки *n*-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.94}Se_{0.06}. На зависимости (*1*–*3*) наложены фоновые линии, аппроксимированные полиномом третьей степени, пересекающие $\rho_{xx}(B)$; *1*–5, *2*–10, *3*–15 К. На вставке 1– зависимость квантовых осцилляций магнетосопротивления $\Delta \rho_{xx}$ от обратного магнитного поля *B*⁻¹ при 5 К после вычитания фоновых линий, аппроксимированных полиномами третьей степени. На вставке 2– зависимость нормированных спектральных значений амплитуды осцилляций магнетосопротивления *A* от частоты *F* при 5 К, полученная методом БПФ.

масса m_{cyc} , энергия Ферми $E_{\rm F}$, температура Дингля $T_{\rm D}$, время релаксации τ , длина свободного пробега $l_{\rm F}$, скорость Ферми $v_{\rm F}$, подвижность фермионов μ для двух резонансных частот. Основные параметры поверхностных состояний, оказывающие влияние на термоэлектрические свойства, для пленки Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.94}Se_{0.06} составили: $n_s = 0.65 \times 10^{12}$ см⁻², $l_{\rm F} = 98$ нм, $v_{\rm F} = 2.8 \times 10^5$ м/с, $\mu = 0.52$ м²/B с, что согласуется с данными для состава Bi_{1.5}Sb_{0.5}Te_{1.7}Se_{1.3} [49]. Рассчитанные величины n_s , $l_{\rm F}$, $v_{\rm F}$ и μ в пленке Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.94}Se_{0.06} выше, чем в n-Bi₂Te₃ [47], что указывает на увеличение вклада поверхностных состояний фермионов Дирака в термоэлектрические свойства много-компонентного TP.

4. ТЕРМОЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА

Термоэлектрические свойства исследовали в пленках n-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.94}Se_{0.06} в интервале температур 77—300 К. Было выявлено, что сдвиг температурной зависимости коэффициента Зеебека S(T) в область низких температур сопровождается ростом коэффициента Зеебека по сравнению с объемными образцами (рис. 9, кривые 1, 2, вставка). Характер зависимостей S(T) в пленках Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.94}Se_{0.06} определяется изменением механизма рассеяния носителей заряда [50], что подтверждается результатами совместных исследований коэффициента Зеебека и гальваномагнитных эффектов в рамках многодолинной модели энергетического спектра с изотропным рассе

янием. Как было показано в [50], параметр рассеяния // возрастает в пленках по сравнению с объемными материалами на основе Bi₂Te₃. Для изотропного механизма рассеяния время релаксации имеет вид $\tau \propto \tau_0 E^r$, где τ_0 не зависит от энергии, и увеличение |r| связано с более резкой энергетической зависимостью времени релаксации в пленках ТИ, чем в объемных образцах. Из анализа и оценок энергетической зависимости длин свободного пробега электронов $l_{E}(E)$ в ТИ в [9, 22] следует, что электроны имеют более широкий спектр $l_{F}(E)$, чем фононы. Особенности энергетических зависимостей электронов и фононов и различие в спектральном распределении длин свободного пробега обеспечивают эффект фильтрации, приводящий к увеличению коэффициента Зеебека в пленке *n*-Bi₁₆Sb₀₄Te₂₉₄Se₀₀₆.

На вид зависимости $\sigma(T)$ влияет соотношение между объемной и поверхностной электропроводностью, которое зависит от наличия дефектов в объеме ТИ [25, 26]. Слабое снижение электропроводности в пленке *n*-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.94}Se_{0.06} по сравнению с объемным материалом (рис. 9, вставка, кривые *3*, *4*) достигается оптимизацией состава и концентрации носителей заряда и высокой поверхностной подвижностью фермионов ($\mu = 0.52 \text{ м}^2/\text{B c}$), величина которой была определена из высокочастотных осцилляций магнетосопротивления (рис. 8, вставка 2). Сильная энергетическая зависимость длины свободного пробега фононов в узком интервале энергий, который по оценкам может быть на несколько порядков





Рис. 9. Температурные зависимости параметра мощности $S^2 \sigma$ (1, 2) и теплопроводности к (3, 4) в слоистой пленке (1, 3) и объемном образце (2, 4) твердого раствора *n*-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.96}Se_{0.06}. На вставке – температурные зависимости коэффициента Зеебека *S* (1, 2) и электропроводности σ (3, 4).

меньше, чем интервал энергий электронов [9, 22], является причиной интенсивного рассеяния фононов на межфазных и межкристаллитных границах и снижения теплопроводности кристаллической решетки в слоистых пленках (рис. 9, кривые 3, 4).

Таким образом, рост коэффициента Зеебека определяет увеличение параметра мощности $S^2\sigma$ в пленке *n*-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.94}Se_{0.06} (рис. 9, кривые *1*, *2*), а уменьшение теплопроводности и ослабление ее зависимости от температуры обеспечивают высокую термоэлектрическую эффективность (рис. 10, кривые *1*, *3*) в области низких температур. Средние величины термоэлектрической эффективности в пленке *n*-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.94}Se_{0.06} следующие: $\langle Z \rangle = 3.45 \times 10^{-3}$ K⁻¹ в интервале температур T = 80-250 K, $\langle Z \rangle = 2.9 \times 10^{-3}$ K⁻¹ для объемного образца, $Z_{\text{max}} = 3.65 \times 10^{-3}$ K⁻¹ при 185 К для пленки, $Z_{\text{max}} = 3.1 \times 10^{-3}$ K⁻¹ при 200 К для объемного образца, который, как и пленки, был оптимизирован по составу и термоэлектрическим свойствам к температурам ниже комнатной.

Аналогичные температурные зависимости термоэлектрических свойств, в которых наблю-



Рис. 10. Температурные зависимости термоэлектрической эффективности Z u ZT в слоистой пленке (1, 3) и объемном образце (2, 4) твердого раствора *n*-Bi_{1.6}Sb_{0.4}Te_{2.96}Se_{0.06}.



Рис. 11. Температурные зависимости эффективной массы плотности состояний m/m_0 (*1*–4) и подвижности носителей заряда μ_0 (*5*–8) в эпитаксиальных пленках (*1*, *2*, *5*, *6*) и объемных образцах (*3*, *4*, *7*, *8*) твердого раствора *p*-Bi₀ ₅Sb₁ ₅Te₃.

дался сдвиг максимума коэффициента Зеебека и параметра мощности к низким температурам, получены при исследовании гетероэпитаксиальных пленок Ві2Те3 и твердых растворов Ві_{0.5}Sb_{1.5}Te₃, выращенных методом горячей стенки [51]. В гетероэпитаксиальных пленках определены эффективная масса плотности состояний m/m_0 и подвижностъ μ_0 (рис. 11) с учетом изменений механизма рассеяния носителей заряда вследствие рассеяния на межфазных и межкристаллитных границах [50, 51]. Эффективная масса m/m_0 в пленках p-Bi_{0.5}Sb_{1.5}Te₃ выше, чем в объемных образцах, и имеет слабую зависимость от температуры, в то время как в объемных материалах m/m_0 резко уменьшается при снижении температуры, как и коэффициент Зеебека (рис. 11). Благодаря росту эффектив-



Рис. 12. Зависимости фактора мощности от давления при 295 К в *p*-Bi_{0.5}Sb_{1.5}Te₃ (*1*), *n*-Bi₂Te_{1.65}Se_{0.65}S_{0.7} (*2*), *n*-Bi₂Te_{2.82}Se_{0.09}S_{0.09} (*3*).

ной массы и ее слабой температурной зависимости в пленках возрастает параметр материала $(m/m_0)^{3/2}\mu_0$, поскольку подвижность снижается слабо [51]. По оценкам в пленках *p*-Bi_{0.5}Sb_{1.5}Te₃ ZT = 0.8 при температурах 180–200 К и ZT = 0.5– 0.6 вплоть до 120 К за счет практически постоянной эффективной массы в этой области температур. В объемных образцах *p*-Bi_{2-x}Sb_xTe_{3-y}Se_y, оптимизированных для области низких температур, ZT = 0.6 при 200 К и резко уменьшается с понижением температуры.

5. ТЕРМОЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА ПРИ ВЫСОКИХ ДАВЛЕНИЯХ

Исследования термоэлектрических свойств в субмикронных монокристаллических слоистых пленках ТР *n*- и *p*-типа различного состава на основе Ві2 Те3 проводили в зависимости от давления при комнатной температуре [52–55]. Измерения коэффициента Зеебека S и электропроводности σ в пленках TP *p*-Bi_{0.5}Sb_{1.5}Te₃, *n*-Bi₂Te_{1.65}Se_{0.65}S_{0.7} и *n*-Ві₂Те_{2 82}Se_{0 09}S_{0 09} [52, 55] в зависимости от давления Р показали, что величина S слабо уменьшается, а о значительно возрастает, обеспечивая рост параметра мощности $S^2 \sigma$ до максимальных значений при $P \sim 3-4$ ГПа (рис. 12). В области давлений, которым соответствует максимум параметра мощности, на зависимостях S(P) (рис. 13) обнаружены электронные изоструктурные топологические фазовые переходы [55]. Фазовый переход на производной dS/dP в твердом растворе p-Bi_{0.5}Sb_{1.5}Te₃ сопровождается изменением наклонов зависимостей S(P) и $\sigma(P)$ (рис. 13). Подобные изменения наклонов зависимостей эффективной массы m/m_0 и подвижности μ_0 от давления, свя-



Рис. 13. Производная d(S)/dP(1), коэффициент Зеебека S(2) и электропроводность $\sigma(3)$ в зависимости от давления P в пленке p-Bi_{0.5}Sb_{1.5}Te₃.

занные с топологическими фазовыми переходами, наблюдались в ТР *n*-Bi₂Te_{2.82}Se_{0.09}S_{0.09} [52]. В области топологических фазовых переходов в результате сжатия межщелевых пространств Вандер-Ваальса и ослабления связи между спином и импульсом [56, 57] происходит переход исходного сильного ТИ в слабый. В многокомпонентных ТР зависимости dS/dP становятся размытыми и находятся в более широкой области давлений 2– 6 ГПа, что может быть связано с беспорядком в распределении атомов при замещениях Bi \rightarrow Sb и Те \rightarrow Se, Se + S и изменением инверсии краев валентной зоны и зоны проводимости [58].

Полученные величины параметра мощности в ТР вместе с известными из литературы данными о теплопроводности, измеренной при давлениях до 10 ГПа в двойных соединениях Bi₂Te₃ и Sb₂Te₃ [59], позволили оценить термоэлектрическую эффективность. Согласно [59] теплопроводность возрастает при давлениях 3-4 ГПа не более чем на 50%. С учетом увеличения параметра мощности в ТР (рис. 12) термоэлектрическая эффективность Z при комнатной температуре может достигать $(6-7) \times 10^{-3} \text{ K}^{-1}$. Слоистые пленки TP, в которых были измерены термоэлектрические свойства при высоких давлениях, использовались при разработке модели термоэлектрического преобразователя высокого давления в институте Физики металлов УрО РАН. В разработанной модели предусмотрено регулирование величины давления для оптимизации характеристик термоэлемента [54].

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Краткий обзор работ, посвященных исследованию топологических изоляторов на основе халькогенидов висмута и сурьмы, показал, что влияние свойств поверхностных состояний фермионов Дирака приводит к повышению термоэлектрической эффективности за счет нескольких факторов. Прежде всего это повышение коэффициента Зеебека, связанное с эффектом энергетической фильтрации электронов, благодаря усилению зависимости времени релаксации от энергии и более широкому энергетическому спектру электронов, чем фононов в топологических изоляторах. Увеличение коэффициента Зеебека определяет рост параметра мощности, несмотря на снижение электропроводности, зависоотношения сяшее OT между вклалами поверхностной и объемной проводимости, на которое существенно влияют дефекты в объеме топологического изолятора. Частичная компенсация дефектов и, следовательно, увеличение подвижности достигаются оптимизацией состава и концентрации носителей, что влияет на положение уровня Ферми и точки Дирака по отношению к краям валентной зоны и зоны проводимости. Интенсивное рассеяние фононов на межфазных и межкристаллитных границах зерен снижает решеточную теплопроводность, что вместе с ростом параметра мощности обеспечивает увеличение термоэлектрической эффективности в слоистых термоэлектриках.

Обсуждаемые в обзоре способы практических применений свойств поверхностных состояний фермионов Дирака основаны на эффекте сверхтекучести топологических экситонов, которые возникают в гетероструктурах на основе теллурида висмута, содержащих p-n-переход. Интерес к тонкопленочным экситонным структурам, состоящим из Bi₂Te₃ n- и p-типа, разделенным тонким изолирующим слоем, определяется возможностью уменьшения сопротивления и увеличения коэффициента Зеебека структуры за счет эффекта кулоновского увеличения носителей заряда по сравнению с отдельными пленками.

Приведем результаты исследований спектров микро-рамановского рассеяния, осцилляционных эффектов, измеренных в сильных магнитных полях, и термоэлектрических свойств, выполненных в нормальных условиях и при высоких давлениях на слоистых пленках твердых растворов на основе халькогенидов висмута и сурьмы различного состава *n*- и *p*-типа проводимости.

Из анализа спектров микро-рамановского рассеяния на межслоевой поверхности в тонких слоистых пленках на основе халькогенидов висмута и сурьмы *n*- и *p*-типа определены составы, в которых наблюдается увеличение влияния топологических поверхностных состояний фермионов Дирака в зависимости от величины коэффициента Зеебека.

С помощью исследований методами СТМ и СТС установлены зависимости между положением точки Дирака, скоростью Ферми, поверхностной концентрацией фермионов и термоэлектрическими свойствами - коэффициентом Зеебека S, и параметрами мощности $S^2 \sigma$ и материала $(m/m_0)^{3/2}\mu_0$. Определены составы твердых растворов, для которых в зависимости от величин $S, S^2 \sigma$ и $(m/m_0)^{3/2}\mu_0$ вклад поверхностных состояний фермионов Дирака возрастает либо вследствие увеличения скорости Ферми, либо роста поверхностной концентрации фермионов. Так, в твердых растворах с высоким параметром мощности, оптимизированных для температур вблизи или выше комнатной, вклад поверхностных состояний определяется ростом скорости Ферми. В твердых растворах с высоким коэффициентом Зеебека, с оптимальными свойствами для температур ниже комнатной. влияние поверхностных состояний связано с ростом поверхностной концентрации фермионов.

Параметры топологических поверхностных состояний фермионов Дирака в слоистых пленках многокомпонентных твердых растворов определены из осцилляций магнетосопротивления, измеренных в сильных магнитных полях при низких температурах. Основные параметры, оказывающие влияние на термоэлектрические свойства, такие как длина свободного пробега фермионов, скорость Ферми, поверхностная концентрация и подвижность фермионов, рассчитаны для слоистых пленок. Показано, что эти параметры в пленках многокомпонентных твердых растворов выше, чем в пленках Bi₂Te₃, что указывает на рост влияния поверхностных состояний фермионов Дирака на термоэлектрические свойства.

Рост термоэлектрической эффективности в пленках многокомпонентных твердых растворов, оптимизированных для температур ниже комнатной, связан с увеличением коэффициента Зеебека и снижением теплопроводности при слабом уменьшении электропроводности. Величина коэффициента Зеебека в пленках обусловлена более высокой энергетической зависимостью времени релаксации τ, чем в объемных материалах, вследствие роста параметра рассеяния носителей заряда в энергетической зависимости т. Величина параметра рассеяния рассчитана в рамках многодолинной модели энергетического спектра с изотропным рассеянием по данным, полученным из исследований коэффициента Зеебека и гальваномагнитных эффектов. Слабое снижение электропроводности в пленках объясняется высокой поверхностной подвижностью фермионов, рассчитанной из осцилляций магнетосопротивления в сильных магнитных полях. Интенсивное рассеяние фононов на межфазных и межкристаллитных границах приводит к снижению теплопроводности кристаллической решетки и полной теплопроводности в пленках.

Термоэлектрические свойства в субмикронных пленках твердых растворов различного состава измерены при высоких лавлениях. Показано, что параметр мощности возрастает в 2.5-3 раза области изоструктурных фазовых в топологических переходов при давлении 3-4 ГПа и незначительном росте теплопроводности. Рост параметра мощности определяет увеличение термоэлектрической эффективности практически в 2 раза при комнатной температуре по сравнению с нормальными условиями, что делает перспективным использование разработанных многокомпонентных твердых растворов в термоэлектрическом модуле с регулируемым давлением.

Работа выполнена при частичной финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (проект № 20-08-00464).

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Nolas G.S., Sharp J., Goldsmid H.J. // Thermoelectrics: Basic Principles and New Materials Developments. New York: Springer, 2001. P. 295.
- Rowe D.M. // Modules, Systems, and Applications in Thermoelectrics / Ed Rowe D.M. Boca Raton, FL: CRC Press, 2012. P. 23.
- 3. *Hasan M.Z., Kane C.L.* // Rev. Mod. Phys. 2010. V. 82. P. 3045.
 - https://doi.org/10.1103/RevModPhys.82.3045
- Seifert P., Kastl C., Holleitner A.W. // The Role of Topology in Materials / Eds. Gupta S., Saxena A. 2018. V. 189. P. 491.
- Lee J., Koo J., Jhon Y.M., Lee J.H. // Opt. Express. 2014. V. 22. P. 6165. https://doi.org/10.1364/OE.22.006165
- Liu H., Zhu X., Sun X. et al. // ACS Nano. 2019. V. 13. P. 13573. https://doi.org/10.1021/acsnano.9b07563
- Uchida K., Xiao J., Adachi H. et al. // Nat. Mater. 2010.
 V. 9. P. 894. https://doi.org/10.1038/nmat2856
- Jiang Z., Chang C.Z., Masir M.R. et al. // Nat. Commun. 2016. V. 7. P. 11458. https://doi.org/10.1038/nmat2856
- 9. *Xu N., Xu Y., Zhu J.* // npj Quant. Mater. 2017. V. 2. P. 51.
- https://doi.org/10.1038/s41535-017-0054-3
- Heremans J., Cava R., Samarth N. // Nat. Rev. Mater. 2017. V. 2. P. 17049. https://doi.org/10.1038/natrevmats.2017.49
- 11. *Baldomir D., Failde D.* // Sci. Rep. 2019. V. 9. P. 6324. https://doi.org/10.1038/s41598-019-42744-3
- Qu D.X., Hor Y.S., Xiong J. et al. // Science. 2010. V. 329. P. 821. https://doi.org/10.1126/science.1189792
- Yu X., He L., Lang M. et al. // Nanotechnology. 2013. V. 24. P. 015705. https://doi.org/10.1088/0957-4484/24/1/015705

- 14. Seradjeh B., Moore J.E., Franz M. // Phys. Rev. Lett. 2009. V. 103. P. 066402. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.103.066402
- Wu K., Rademaker L., Zaanen J. // Phys. Rev. Appl. 2014. V. 2. P. 054013. https://doi.org/10.1103/PhysRevApplied.2.054013
- 16. Eschbach M., Mlynczak E., Kellner J. et al. // Nat. Commun. 2015. V. 6. P. 8816. https://doi.org/10.1038/ncomms9816
- Nam H., Xu Y., Miotkowski I. et al. // J. Phys. Chem. Solids. 2019. V. 128. P. 251. https://doi.org/10.1016/j.jpcs.2017.10.026
- Zhang J., Chang C.Z., Zhang Z. et al. // Nat. Commun. 2011. V. 2. P. 574. https://doi.org/10.1038/ncomms1588
- Веденеев С.И. // Успехи физ. наук. 2017. Т. 187. С. 411. https://doi.org/10.3367/UFNe.2017.01.038053
- 20. *Alpichshev Z., Analytis J.G., Chu J.H. et al.* // Phys. Rev. Lett. 2010. V. 104. P. 016401. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.104.016401
- 21. Sanchez-Barriga J., Scholz M.R., Golias E. et al. // Phys. Rev. B. 2014. V. 90. P. 195413. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.90.195413
- Liu T.-H., Zhou J., Li M. et al. // Proc. Natl. Acad. Sci. 2018. V. 115. P. 879. https://doi.org/10.1073/pnas.1715477115
- Minnich A.J., Dresselhaus M.S., Ren Z.F., Chen G. // Energy Environ. Sci. 2009. V. 2. P. 466. https://doi.org/10.1039/B822664B
- 24. Knispel T., Jolie W., Borgwardt N. et al. // Phys. Rev. B. V. 96. P. 195135. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.96.195135
- Taskin A.A., Ren Z., Sasaki S. et al. // Phys. Rev. Lett. 2011. V. 107. P. 016801. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.107.016801
- 26. Ren Z., Taskin A.A., Sasaki S. et al. // Phys. Rev. B. 2011. V. 84. P. 165311. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.82.241306
- 27. *Ando Y.* // J. Phys. Soc. Jpn. 2013. V. 82. P. 102001. https://doi.org/10.7566/JPSJ.82.102001
- 28. He X., Li H., Chen L., Wu K. // Sci. Rep. 2015. V. 5. P. 8830. https://doi.org/10.1038/srep08830
- Dmitriev A.Yu., Fedotov N.I., Nasretdinova V.F., Zaitsev-Zotov S.V. // JETP Lett. 2014. V. 100. P. 442. https://doi.org/10.7868/S0370274X1418009X
- Sessi P, Otrokov M.M., Bathon T. // Phys. Rev. B. 2013.
 V. 88. P. 161407(R). https://doi.org/10.1103/PhysRevB.88.161407
- Arakane T., Sato T., Souma S. et al. // Nat. Commun. 2012. V. 3. P. 636. https://doi.org/10.1038/ncomms1639
- 32. *Chen Y.P.* // Proc. SPIE. 2012. V. 8373. P. 83730B-02. https://doi.org/10.1117/12.920513
- 33. *Chen Y.* «Surface excitonic thermoelectric devices» US Patent Application ID 20120138115, 2012.
- 34. Venkatasubramanian R., Siivola E., Colpitts T., O'quinn B. // Nature. 2001. V. 413. P. 597. https://doi.org/10.1038/35098012

323

 Лукьянова Л.Н., Бибик А.Ю., Асеев В.А. и др. // ФТТ. 2016. Т. 58. С. 1390.

ТОПОЛОГИЧЕСКИЕ ТЕРМОЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ

- 36. Лукьянова Л.Н., Бибик А.Ю., Асеев В.А. и др. // Физика и техника полупроводников. 2017. Т. 51. С. 763. https://doi.org/10.21883/FTP.2017.06.44553.13
- Kunkel T.S., Lukyanova L.N., Ankudinov A.V., Usov O.A. // Ferroelectrics. 2018. V. 525. P. 156. https://doi.org/10.1080/00150193.2018.1432828
- Teweldebrhan D., Goyal V., Balandin A.A // Nano Lett. V. 10. P. 1209. https://doi.org/10.1021/nl903590b
- Glinka Yu.D., Babakiray S., Johnson T.A., Lederman D. // J. Phys. Condens. Matter. 2015. V. 27. P. 052203. https://doi.org/10.1088/0953-8984/27/5/052203
- Plucinski L., Herdt A., Fahrendorf S. // J. Appl. Phys. 2013. V. 113. P. 053706. https://doi.org/10.1063/1.4789353
- Pietro D., Ortolani M., Limaj O.A. // Nat. Nanotechnol. 2013. V. 8. P. 556. https://doi.org/10.1038/nnano.2013.134
- Lukyanova L.N., Makarenko I.V., Usov O.A., Dementev P.A. // Semicond. Sci. Technol. 2018. V. 33. P. 055001. https://doi.org/10.1088/1361-6641/aab538
- 43. Lukyanova L.N., Makarenko I.V., Usov O.A., Dementev P.A. // Semiconductors. 2019. V. 53. P. 1860. https://doi.org/10.1134/S1063782619050142
- Лукьянова Л.Н., Макаренко И.В., Усов О.А., Дементьев П.А. // Физика и техника полупроводников. 2019. Т. 53. С. 654. https://doi.org/10.21883/FTP.2019.05.47557.15
- 45. Whitney W.S., Brar V.W., Ou Y. // Nano Lett. 2017. V. 17. P. 255. https://doi.org/10.1021/acs.nanolett.6b03992
- 46. Лукьянова Л.Н., Бойков Ю.А., Усов О.А. // Физика и техника полупроводников. 2017. Т. 51. С. 880.
- https://doi.org/10.21883/FTP.2017.07.44632.18

- 47. Лукьянова Л.Н., Бойков Ю.А., Данилов В.А. и др. // ФТТ. 2014. Т. 56. С. 907.
- Лукьянова Л.Н., Усов О.А., Волков М.П. // Физика и техника полупроводников. 2019. Т. 53. С. 626. https://doi.org/10.21883/FTP.2019.05.47551.09
- 49. *Tu N.H., Tanabe Y., Satake Y. et al.* // Nano Lett. 2017. V. 17. P. 2354.
- https://doi.org/10.1021/acs.nanolett.6b05260
 50. Lukyanova L.N., Boikov Yu.A., Danilov V.A. et al. // Semicond. Sci. Technol. 2015. V. 30. P. 015011.
- https://doi.org/10.1088/0268-1242/30/1/015011 51. Лукьянова Л.Н., Бойков Ю.А., Усов О.А., Данилов В.А. // Физика и техника полупроводников. 2017. Т. 51. С. 726. https://doi.org/10.21883/FTP.2017.06.44543.02
- 52. Коробейников И.В., Лукьянова Л.Н., Воронцов Г.В. // ФТТ. 2014. Т. 56. С. 263.
- 53. Ovsyannikov S.V., Morozova N.V., Korobeinikov I.V. et al. // Appl. Phys. Lett. 2015. V. 106. P. 143901. https://doi.org/10.1063/1.4916947
- 54. Korobeinikov I.V., Morozova N.V., Lukyanova L.N. et al. // J. Phys. D: Appl. Phys. 2018. V. 51. P. 025501. https://doi.org/10.1088/1361-6463/aa9b5f
- 55. Коробейников И.В., Морозова Н.В., Лукьянова Л.Н. и др. // Физика и техника полупроводников. 2019. Т. 53. С. 741. https://doi.org/10.21883/FTP.2019.06.47719.28
- 56. Zhang M., Wang X., Rahman A. et al. // Appl. Phys. Lett. 2018. V. 112. P. 041907. https://doi.org/10.1063/1.5012842
- Park K., Heremans J.J., Scarola V.W. et al. // Phys. Rev. Lett. 2010. V. 105. P. 186801. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.105.186801
- Kim J.S., Juneja R., Salke N.P. et al. // J. Appl. Phys. 2018. V. 123. P. 115903. https://doi.org/10.1063/1.5018857
- Jacobsen M.K., Sinogeikin S.V., Kumar R.S., Cornelius A.L. // J. Phys. Chem. Solids. 2012. V. 73. P. 1154. https://doi.org/10.1016/j.jpcs.2012.05.001