УДК 536.63

# ТЕПЛОЕМКОСТЬ АПАТИТОВ $Pb_{10 - x}La_x(GeO_4)_{2 + x}(VO_4)_{4 - x}$ (x = 0, 1, 2, 3) В ОБЛАСТИ 320–1000 К

© 2019 г. Л. Т. Денисова<sup>1, \*</sup>, Ю. Ф. Каргин<sup>2</sup>, Е. О. Голубева<sup>1</sup>, Н. В. Белоусова<sup>1</sup>, В. М. Денисов<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Институт цветных металлов и материаловедения Сибирского федерального университета,

Россия, 660041 Красноярск, пр. Свободный, 79

<sup>2</sup>Институт металлургии и материаловедения им. А.А. Байкова Российской академии наук,

Россия, 119991 Москва, Ленинский пр., 49

\*e-mail: antluba@mail.ru

Поступила в редакцию 21.05.2018 г.

Соединения со структурой апатита состава  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  (x = 0, 1, 3) получены методом твердофазного синтеза многоступенчатым обжигом на воздухе в интервале температур 773–1073 К с использованием в качестве исходных компонентов соответствующих оксидов. Методом дифференциальной сканирующей калориметрии измерена теплоемкость синтезированных поликристаллических образцов. По экспериментальным значениям зависимостей  $C_p = f(T)$  рассчитаны термодинамические свойства ванадатогерманатов свинца-лантана: изменения энтальпии, энтропии и приведенной энергии Гиббса.

Ключевые слова: апатиты, дифференциальная сканирующая калориметрия, высокотемпературная теплоемкость, термодинамические свойства

DOI: 10.1134/S0002337X19020027

### **ВВЕДЕНИЕ**

Устойчивый интерес исследователей к соединениям со структурой апатита M<sub>10</sub>(AO<sub>4</sub>)<sub>6</sub>X<sub>2</sub> и, в частности, ванадатогерманатам свинца [1-8] связан с широким спектром областей их применения. Они используются в качестве лазерных и флуоресцентных материалов [9], в медицине (биосовместимые материалы), энергетике (ионные проводники), нефтепереработке (катализаторы), охране окружающей среды (сорбенты) [10]. Соединения со структурой апатита M<sub>10</sub>(AO<sub>4</sub>)<sub>6</sub>X<sub>2</sub> характеризуются возможностью частичного гетеровалентного катионного и анионного замещения с возникновением вакансий и сохранением принадлежности к пр. гр. *P*63/*m*, что играет важную роль в создании новых материалов и позволяет расширить диапазон их практического применения [6, 7, 11]. Путем частичного замещения в структуре апатита ионов лвухвалентных металлов на ионы редкоземельных элементов получены люминесцентные и лазерные материалы [6]. Так, например, замена свинца в соединении  $Pb_5(GeO_4)(VO_4)_2$  [1-5] на лантаноиды позволяет получить соединения с общей формулой  $Pb_{10-x}Ln_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  (x = 0-3) [7]. Для соединений такого типа имеются данные о структуре  $Pb_{5}(GeO_{4})(VO_{4})_{2}$  [1, 4, 7, 12],  $Pb_{8}La_{2}(GeO_{4})_{4}(VO_{4})_{2}$ [6, 7] и оптическим свойствам Pb<sub>5</sub>(GeO<sub>4</sub>)(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> [2, 3]. В то же время сведения о теплофизических

свойствах  $Pb_{10-x}Ln_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  практически отсутствуют (кроме данных для  $Pb_8La_2(GeO_4)_4(VO_4)_2$  [13]). Данные по термодинамическим свойствам относятся к другим соединениям со структурой апатита [14, 15].

Целью настоящей работы является исследование высокотемпературной теплоемкости апатитов  $Pb_{10 - x}La_x(GeO_4)_{2 + x}(VO_4)_{4 - x}$  (x = 0, 1, 3) и определение их термодинамических свойств.

#### ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

Фазы  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  (x = 0, 1, 3) получали твердофазным синтезом. Для этого стехиометрические смеси из предварительно прокаленных оксидов (PbO,  $La_2O_3$ ,  $V_2O_5$  – "ос. ч.",  $GeO_2 - 99.999\%$ ) перетирали в агатовой ступке и прессовали в таблетки. Их последовательно обжигали на воздухе при 773, 873 и 973 К (по 10 ч) и при 1073 К (100 ч). Для достижения полноты твердофазного взаимодействия реагентов после каждого температурного шага образцы измельчали и снова прессовали.

Контроль фазового состава полученных образцов осуществляли с использованием рентгенофазового анализа (дифрактометр X'Pert Pro MPD PANalytical, Нидерланды; Си $K_{\alpha}$ -излучение). Регистрацию дифрактограмм выполняли высоко-



**Рис. 1.** Экспериментальный (1), расчетный (2) и разностный (3) профили рентгенограмм образцов  $Pb_{10 - x}La_x(GeO_4)_{2 + x}(VO_4)_{4 - x} x = 0$  (a), 1 (б), 3 (в) (штрихи указывают расчетные положения рефлексов).

скоростным детектором PIXcel в угловом интервале  $2\theta = 8^{\circ}-108^{\circ}$ . Рентгенограммы синтезированных однофазных поликристаллических образцов Pb<sub>10-x</sub>La<sub>x</sub>(GeO<sub>4</sub>)<sub>2+x</sub>(VO<sub>4</sub>)<sub>4-x</sub> (x = 0, 1, 3) приведены на рис. 1. Параметры элементарных ячеек полученных фаз определены путем полнопрофильного уточнения методом минимизации производной разности [16].

Теплоемкость образцов со структурой типа апатита  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  измеряли



**Рис. 2.** Влияние состава апатитов  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}$ -(VO<sub>4</sub>)<sub>4 – x</sub> на параметры их элементарной ячейки: a = b (1), c (2), V (3).

методом дифференциальной сканирующей калориметрии при помощи термоанализатора STA 449 С Jupiter (NETZSCH, Германия) в платиновых тиглях с крышкой. Погрешность измерений теплоемкости не превышала 2%. Методика измерений  $C_p$  описана ранее [17]. Экспериментальные результаты обрабатывали с помощью пакета анализа NETZSCH Proteus Thermal Analysis и лицензионного программного инструмента Systat Sigma Plot 12 (Systat Software Inc., США).

## РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

Параметры решеток синтезированных апатитов в сравнении с данными других авторов приведены в табл. 1. Наблюдается их удовлетворительное согласие между собой.

На рис. 2 показано влияние состава апатитов  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  (x = 0, 1, 2, 3) на параметры их элементарной ячейки. Видно, что параметры *a* и *V* с ростом содержания лантана увеличиваются, тогда как значения *c* при этом уменьшаются. Для параметров *a* и *c* полученные данные по влиянию замещения свинца на лантан могут быть описаны линейными уравнениями

$$a = (10.0900 \pm 0.0012) + (0.0083 \pm 0.0006) x, \quad (1)$$

$$c = (7.3900 \pm 0.0006) - (0.0077 \pm 0.0003) x \quad (2)$$

с коэффициентами корреляции 0.9942 и 0.9985 соответственно. В то же время объем элементарной ячейки исследованных апатитов в зависимости от состава меняется сложным образом. Связано это, по-видимому, с тем, что a и b увеличиваются с ростом содержания в них лантана, а c уменьшается.

Следует отметить следующее: согласно [6], при замещении свинца лантаном в соединении

| <i>a</i> , Å                | <i>c</i> , Å          | <i>V</i> , Å <sup>3</sup> | Источник         |  |  |  |
|-----------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|--|--|--|
|                             | Pb <sub>10</sub> (Ge0 | $(VO_4)_2(VO_4)_4$        |                  |  |  |  |
| 10.089                      | 7.393                 |                           | [1]              |  |  |  |
| 10.099(3)                   | 7.400(2)              |                           | [4]              |  |  |  |
| 10.099(3)                   | 7.4000(20)            |                           | [7]              |  |  |  |
| 10.097                      | 7.396(2)              |                           | [12]             |  |  |  |
| 10.0876(2)                  | 7.3927(1)             | 651.49(2)                 | Настоящая работа |  |  |  |
| $Pb_9La(GeO_4)_3(VO_4)_3$   |                       |                           |                  |  |  |  |
| 10.0937(2)                  | 7.3850(2)             | 651.60                    | Настоящая работа |  |  |  |
| $Pb_8La_2(GeO_4)_4(VO_4)_2$ |                       |                           |                  |  |  |  |
| 10.0957(3)                  | 7.3808(3)             | 652.1(2)                  | [6]              |  |  |  |
| 10.1080(13)                 | 7.3692(8)             |                           | [17]             |  |  |  |
| 10.1046(1)                  | 7.3764(1)             | 652.25(1)                 | [13]             |  |  |  |
| $Pb_7La_3(GeO_4)_5(VO_4)$   |                       |                           |                  |  |  |  |
| 10.1116(3)                  | 7.3700(3)             | 652.59(4)                 | Настоящая работа |  |  |  |

**Таблица 1.** Параметры элементарной ячейки  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$ 

состава Pb<sub>8</sub>La<sub>2</sub>(GeO<sub>4</sub>)<sub>4</sub>(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> атомы P3Э располагаются в основном в позиции Pb(1), несмотря на то что эффективный заряд La<sup>3+</sup> больше, чем эффективный заряд Pb<sup>2+</sup>. Подобное наблюдалось для Sr<sub>10-x</sub>Eu<sub>x</sub>(VO<sub>4</sub>)<sub>6</sub>(OH)<sub>2-x</sub>O<sub>x</sub> при замещении стронция европием (Eu<sup>3+</sup> преимущественно занимает позиции Sr(1)) [18]. В то же время известно, что в гидроксиапатите кальция в случае большого эффективного заряда у замещающего иона он преимущественно замещает меньшую по размерам позицию Ca(2) [19].

По данным [6], среднее расстояние Pb(1)– O(1, 2, 3) близко к среднему расстоянию Pb(2)– O(1, 2, 3) для соединения Pb<sub>8</sub>La<sub>2</sub>(GeO<sub>4</sub>)<sub>4</sub>(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>. Высказано предположение, что это связано с тем, что атомы La преимущественно размещаются в позиции Pb(1). Однако для апатита Pb<sub>8</sub>Pr<sub>2</sub>(GeO<sub>4</sub>)<sub>4</sub>(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> среднее расстояние Pb(1)–O(1, 2, 3) превышает среднее расстояние Pb(2)–O(1, 2, 3) [20].

На рис. 3 показана температурная зависимость теплоемкости апатитов  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  (при x = 0 (1), 1 (2), 2 (3), 3 (4)). Чтобы не учитывать различие молярных масс, на графиках приведены значения удельной теплоемкости. Видно, что с ростом температуры теплоемкость исследованных апатитов закономерно увеличивается, а на зависимостях  $c_p^{\circ} = f(T)$  экстремумов не наблюдается. Это, по-видимому, свидетельствует об отсутствии полиморфных превращений у анализируемых апатитов в области 350–1000 К. Полученные данные для молярной теплоемкости могут быть описаны уравнением Майера–Келли:

при x = 0

$$C_p = (861.86 \pm 1.62) + (136.4 \pm 1.7) \times 10^{-3}T - (24.29 \pm 1.74) \times 10^{5}T^{-2},$$
(3)

при x = 1

$$C_{p} = (900.91 \pm 1.81) + (110.0 \pm 1.9) \times 10^{-3}T - (48.62 \pm 1.99) \times 10^{5}T^{-2},$$
(4)



Рис. 3. Влияние температуры на удельную теплоемкость  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  с x = 0 (1), 1 (2), 2 (3), 3 (4).

НЕОРГАНИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ том 55 № 2 2019

ТЕПЛОЕМКОСТЬ АПАТИТОВ  $Pb_{10 - x}La_x(GeO_4)_{2 + x}(VO_4)_{4 - x}$ 

|      | 1                          | $10 - \chi$                                       | $x = \frac{1}{2} + x = \frac{1}{2} + x = 1$ | 1 3/ /                                   |  |  |  |
|------|----------------------------|---|---|--|--|--|--|
| τĸ   | С <sub>р</sub> ,           | $H^{\circ}(T) - H^{\circ}(350 \text{ K}),$        | $S^{\circ}(T) - S^{\circ}(350 \text{ K}),$  | $\Phi^{0}(T) - \Phi^{0}(350 \text{ K}),$ |  |  |  |
| 1, К | Дж/(моль К)                | кДж/моль  | Дж/(моль К)                                 | Дж/(моль К)                              |  |  |  |
|      |                            | Ph (GeO)  | (VO)  |  |  |  |  |
| 250  | $PD_{10}(UeU_4)_2(VU_4)_4$ |   |   |  |  |  |  |
| 330  | 889.8                      |   |   |  |  |  |  |
| 400  | 901.2                      | 44./8   | 119.6                                       | 7.72                                     |  |  |  |
| 450  | 911.3                      | 90.10   | 226.3                                       | 26.10                                    |  |  |  |
| 500  | 920.3                      | 135.9   | 322.8                                       | 51.02                                    |  |  |  |
| 550  | 928.9                      | 182.1   | 410.9                                       | 79.79                                    |  |  |  |
| 600  | 937.0                      | 228.8   | 492.1                                       | 110.8                                    |  |  |  |
| 650  | 944.8                      | 275.8   | 567.4                                       | 143.1                                    |  |  |  |
| 700  | 952.4                      | 323.2   | 637.7                                       | 175.9                                    |  |  |  |
| 750  | 959.8                      | 371.1   | 703.7                                       | 208.9                                    |  |  |  |
| 800  | 967.2                      | 419.2   | 765.8                                       | 241.8                                    |  |  |  |
| 850  | 974.4                      | 467.8   | 824.7                                       | 274.4                                    |  |  |  |
| 900  | 981.6                      | 516.7   | 880.6                                       | 306.5                                    |  |  |  |
| 950  | 988.8                      | 565.9   | 933.9                                       | 338.2                                    |  |  |  |
| 1000 | 995.8                      | 615.5   | 984.8                                       | 369.2                                    |  |  |  |
|      | Į                          | $Pb_9La(GeO_4)$                                   | $_{3}(VO_{4})_{3}$                          | I  |  |  |  |
| 350  | 899.7                      |   |   | –  |  |  |  |
| 400  | 914.5                      | 45.37   | 121.1                                       | 7.72                                     |  |  |  |
| 450  | 926.4                      | 91.40   | 229.6                                       | 26.45                                    |  |  |  |
| 500  | 936.5                      | 138.0   | 327.7                                       | 51.75                                    |  |  |  |
| 550  | 945.3                      | 185.0   | 417 4                                       | 80.97                                    |  |  |  |
| 600  | 953.4                      | 232.5   | 500.0                                       | 112 5                                    |  |  |  |
| 650  | 960.9                      | 232.3   | 576.6                                       | 145.3                                    |  |  |  |
| 700  | 968.0                      | 328.6   | 648 1                                       | 178.7                                    |  |  |  |
| 750  | 974.8                      | 377.2   | 715 1                                       | 212.2                                    |  |  |  |
| 800  | 081 3                      | 426.1   | 778.2                                       | 212.2                                    |  |  |  |
| 850  | 087.7                      | 420.1   | 837.0                                       | 243.0                                    |  |  |  |
| 000  | 907.7                      | 475.5   | 857.5                                       | 218.7                                    |  |  |  |
| 900  | 1000                       | 574.7   | 0494.5                                      | 242.5                                    |  |  |  |
| 930  | 1000                       | 374.7   | 948.4                                       | 343.3                                    |  |  |  |
| 1000 | 1006                       | 624.8<br>Dh. L. a. (C. c. C.                      | 9999.9                                      | 373.1                                    |  |  |  |
| 2.50 |                            | Pb <sub>7</sub> La <sub>3</sub> (GeO <sub>2</sub> | $_{4})_{5}(VO_{4})$                         | 1  |  |  |  |
| 350  | 920.5                      | —   | _   | _  |  |  |  |
| 400  | 935.7                      | 46.41   | 123.9                                       | 7.90                                     |  |  |  |
| 450  | 949.2                      | 93.54   | 234.9                                       | 27.06                                    |  |  |  |
| 500  | 961.7                      | 141.3   | 335.6                                       | 52.96                                    |  |  |  |
| 550  | 973.4                      | 189.7   | 427.8                                       | 82.90                                    |  |  |  |
| 600  | 984.8                      | 238.6   | 512.9                                       | 115.2                                    |  |  |  |
| 650  | 995.8                      | 288.2   | 592.2                                       | 148.9                                    |  |  |  |
| 700  | 1006                       | 338.2   | 666.4                                       | 183.2                                    |  |  |  |
| 750  | 1017                       | 388.8   | 737.2                                       | 217.8                                    |  |  |  |
| 800  | 1027                       | 439.9   | 802.2                                       | 252.3                                    |  |  |  |
| 850  | 1037                       | 491.6   | 864.8                                       | 286.5                                    |  |  |  |
| 900  | 1048                       | 543.7   | 924.5                                       | 320.3                                    |  |  |  |
| 950  | 1058                       | 596.4   | 981.4                                       | 353.6                                    |  |  |  |
| 1000 | 1068                       | 649.6   | 1035  | 386.4                                    |  |  |  |

Таблица 2. Термодинамические свойства апатитов  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  (пр. гр.  $P6_3/m$ )

при x = 0

$$C_{p} = (874.20 \pm 2.03) + (197.2 \pm 2.2) \times 10^{-3}T - (27.90 \pm 2.10) \times 10^{5}T^{-2}.$$
 (5)

Теплоемкость апатита при x = 2 исследована нами ранее [13]. Эти результаты для сравнения также приведены на рис. 3. Коэффициенты корреляции для уравнений (3)–(5) равны соответственно 0.9989, 0.9986 и 0.9989. Установлено, что при 298 К значения  $c_p^{\circ}$  закономерно увеличиваются для исследованных апатитов по мере роста содержания в них лантана от 0.31 до 0.34 Дж/(г К).

С использованием экспериментальных значений молярной теплоемкости по известным термодинамическим соотношениям рассчитаны основные термодинамические функции апатитов: изменения энтальпии, энтропии и приведенной энергии Гиббса. Эти результаты приведены в табл. 2.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

С использованием исходных оксидов PbO,  $La_2O_3$ , GeO<sub>2</sub> и V<sub>2</sub>O<sub>5</sub> твердофазным синтезом при 773-1073 К получены поликристалличеобразцы co структурой ские апатита  $Pb_{10-x}La_x(GeO_4)_{2+x}(VO_4)_{4-x}$  (x = 0, 1, 3). В интервале температур 350-1000 К методом дифференциальной сканирующей калориметрии измерена их теплоемкость. Установлено, что зависимости  $C_n = f(T)$  в исследованном интервале температур могут быть описаны уравнением Майера-Келли. По экспериментальным значениям  $C_p = f(T)$  pacсчитаны основные термодинамические функции ванадатогерманатов свинца-лантана: изменения энтальпии, энтропии и приведенной энергии Гиббса.

## БЛАГОДАРНОСТЬ

Работа выполнена при финансовой поддержке работ, выполняемых в рамках Государственного задания Министерства образования и науки Российской Федерации Сибирскому федеральному университету на 2017–2019 годы (проект 4.8083.2017/8.9 Формирование банка данных термодинамических характеристик сложнооксидных полифункциональных материалов, содержащих редкие и рассеянные элементы).

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Yano T., Nabeta Y., Watanabe A. A New Crystal Pb<sub>5</sub>(GeO<sub>4</sub>)(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> for Acousto-Optic Device Applications // Appl. Phys. Lett. 1971. V. 18. № 12. P. 570–571.
- Anachkova E., Gospodinov M., Svestarov P. et al. Raman Study of Pb<sub>5</sub>(GeO<sub>4</sub>)(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> crystals // J. Mol. Struct. 1990. V. 219. P. 31–36.
- Anachkova E., Gospodinov M., Nikolov A. et al. Fundamental Vibration in Pb<sub>5</sub>(GeO<sub>4</sub>)(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> Crystals // Phys. Status. Solidi (A). 1990. V. 161. P. 575–581.
- Иванов А. Уточнение кристаллической структуры Pb<sub>5</sub>(GeO<sub>4</sub>)(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> по профилю порошковых рентге-

нограмм // Журн. структур. химии. 1990. Т. 31. № 4. С. 80-84.

- Gospodinov M., Petrova D., Sveshtarov P. et al. Optical Absorption Properties of Pb<sub>5</sub>(GeO<sub>4</sub>)(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> Single Crystals // Mater. Res. Bull. 1996. V. 31. № 8. P. 1001– 1005.
- 6. *Гетьман Е.И., Яблочкова Н.В., Лобода С.Н. и др.* Уточнение кристаллической структуры соединения состава Pb<sub>8</sub>La<sub>2</sub>(GeO<sub>4</sub>)<sub>2</sub>(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> // Вестн. Дон. нац. ун-та. Сер. А. Естеств. науки. 2013. № 1. С. 129–131.
- 7. Журавлев В.Д., Великодный Ю.А. Ванадатогерманаты свинца-лантана и стронция-лантана со структурой апатита и оксоапатита // Журн. неорган. химии. 2009. Т. 54. № 10. С. 1626–1627.
- Kovács L., Péter Á., Gospodinov M. et al. Hydroxyl Ions in Acousto-Optic Pb<sub>5</sub>(GeO<sub>4</sub>)(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> and Bi<sub>2</sub>(MoO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> Single Crystals // Phys. Status. Solidi (C). 2005. V. 2. № 1. P. 689–692.
- 9. *Каназава Т.* Неорганические фосфатные материалы. Киев: Наук. думка, 1998. 298 с.
- Добрыднев С.В., Молодцова М.Ю. Получение кальций-фосфатных материалов со структурой апатита // Изв. ТулГУ. Естеств. науки. 2014. В. 1. Ч. 2. С. 212– 215.
- Игнатов А.В., Савинкова Т.М., Дидоренко Е.Г. и др. Изоморфные замещения в системе Pb<sub>(8-x)</sub>Gd<sub>x</sub>-Na<sub>2</sub>(VO<sub>4</sub>)<sub>6</sub>O<sub>(x/2)</sub> // Вестн. Дон. нац. ун-та. Сер. А. Естеств. науки. 2014. № 1. С. 152–156.
- Иванов С.А., Заводник В.Е. Особенности кристаллической структуры Pb<sub>5</sub>GeV<sub>2</sub>O<sub>12</sub> // Кристаллография. 1989. Т. 34. № 4. С. 824–828.
- Денисова Л.Т., Каргин Ю.Ф., Белоусова Н.В. и др. Синтез и исследование высокотемпературной теплоемкости Pb<sub>8</sub>La<sub>2</sub>(GeO<sub>4</sub>)<sub>4</sub>(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> со структурой апатита // Неорган. материалы. 2018. Т. 54. № 2. С. 178–181.
- Богач В.В., Добрыднев С.В., Бесков В.С. Расчет термодинамических свойств апатитов // Журн. неорган. химии. 2001. Т. 46. № 7. С. 1127–1131.
- Каржавин В.К. Термодинамические величины химических элементов и соединений. Апатиты: Изд-во Кольск. науч. центра РАН, 2011. 160 с.
- Solovyov L.A. Full-Profile Refinement by Derivative Difference Minimization // J. Appl. Crystallogr. 2004. V. 37. P. 743–749.
- Денисов В.М., Денисова Л.Т., Иртюго Л.А. и др. Теплофизические свойства монокристаллов Bi<sub>4</sub>Ge<sub>3</sub>O<sub>12</sub> // Физика твердого тела. 2010. Т. 52. № 7. С. 1274– 1277.
- Get'man E.I., Yablochkova N.V., Loboda S.N. et al. Isomorphous Substitution of Europium for Strontium in the Structure of Synthetic Hidroxovanadate // J. Solid State Chem. 2008. V. 181. P. 2386–2392.
- Урусов В.С., Худоложкин В.О. Энергетический анализ упорядочения катионов в структуре апатита // Геохимия. 1974. № 10. С. 1509–1512.
- 20. *Яблочкова Н.В.* Синтез и уточнение кристаллической структуры Pb<sub>8</sub>Pr<sub>2</sub>(GeO<sub>4</sub>)<sub>4</sub>(VO<sub>4</sub>)<sub>2</sub> // Журн. неорган. химии. 2013. Т. 58. № 7. С. 871–874.