УДК 535:361:456.34:882

МЕХАНИЗМЫ ОБРАЗОВАНИЯ КОМПЛЕКСНЫХ ДЕФЕКТОВ В КРИСТАЛЛЕ ДВОЙНОГО ЛЕГИРОВАНИЯ LiNbO3:Mg(5.05):Fe(0.009 мол. %)

© 2019 г. Н. В. Сидоров^{1, *}, М. Н. Палатников¹, Л. А. Бобрева¹, Н. Н. Новикова²

¹Институт химии и технологии редких элементов и минерального сырья им. И.В. Тананаева ФИЦ КНЦ Российской академии наук, Россия, 184209 Мурманская обл., Апатиты, Академгородок, 26a

²Институт спектроскопии Российской академии наук, Россия, 108840 Москва, Троицк, ул. Физическая *e-mail: sidorov@chemv.kolasc.net.ru

Поступила в редакцию 18.04.2018 г. После доработки 14.09.2018 г. Принята к публикации 08.11.2018 г.

В спектре ИК-поглощения кристалла LiNbO₃:Mg(5.05 мол. %):Fe(0.009 мол. %) по сравнению со спектром конгруэнтного кристалла LiNbO₃ обнаружен существенный сдвиг (~ на 50 см⁻¹) в высо-кочастотную область линий, соответствующих валентным колебаниям OH⁻-групп. Проведенный анализ показал, что этот сдвиг связан с образованием комплексных дефектов Mg_{Li}^+ - Fe_{Nb}^{2-} -OH⁻, Mg_{Li}^+ - Mg_{Nb}^{3-} -OH⁻.

Ключевые слова: кристалл ниобата лития, ИК-спектроскопия, валентные колебания ОН[–]-групп, комплексные дефекты **DOI:** 10.1134/S0002337X19040122

ВВЕДЕНИЕ

В последние годы ведется активный поиск новых материалов на основе нелинейно-оптического кристалла ниобата лития (LiNbO₃), стойких к оптическому повреждению. Одним из способов повышения стойкости к повреждению оптическим излучением является сильное легирование монокристаллов LiNbO₃ "нефоторефрактивными"¹ катионами металлов (Mg, Zn, In и др.), когда концентрация легирующего металла близка к пороговому значению или превышает его [1-3]. При легировании высокими концентрациями примеси целесообразно использовать метод гомогенного легирования прекурсора Nb₂O₅, позволяющий вводить в кристалл сушественно большую концентрацию легирующей добавки, чем метод прямого легирования шихты [4–7]. Двойное легирование кристаллов LiNbO₃ позволяет более тонко регулировать упорядочение структурных единиц катионной подрешетки, "возмущение" легирующими катионами

кислородных октаэдров O₆, определяющее величину спонтанной поляризации и сегнетоэлектрические свойства кристалла, а также изменять тип и количество дефектов с локализованными электронами, влияющих на эффект фоторефракции [1].

Монокристаллы LiNbO₃ любого состава, выращенные в воздушной атмосфере, содержащей водяные пары, всегда имеют в своей структуре ионы гидроксила ОН- [8]. Концентрация ионов гидроксила ОН- в кристалле LiNbO3 колеблется от 10¹⁸ до 10¹⁹ см⁻³ [9]. Особенности локализации ОН--групп в структуре кристалла существенно зависят от его состава [8, 9]. Наличие ОН-групп в легированных кристаллах LiNbO₃ приводит к образованию комплексных дефектов типа: V_{Li}-ОН-, М-ОН-, М-ОН-М, где М – основной (Li⁺, Nb⁵⁺), "нефоторефрактивный" или "фоторефрактивный" легирующий металлический катион. Наличие комплексных дефектов, особенно комплексов, обусловленных присутствием в кристалле таких фотовольтаически активных примесей, как многозарядные катионы переходных металлов (например, Fe²⁺-Fe³⁺), влияет на их композиционную однородность и оптическую стойкость [1, 8, 9]. В этой связи представляют интерес исследования особенностей локали-

¹ "Нефоторефрактивные" легирующие катионы (M = Zn, Mg и др.) в отличие от многозарядных "фоторефрактивных" катионов (M = Fe, Cu, Ni, Rh и др.) не являются донорами электронов, поскольку не изменяют свое зарядовое состояние в кристалле под действием оптического излучения.

зации OH⁻-групп и связанных с ними комплексных дефектов в структуре кристалла LiNbO₃ в зависимости от концентрации и вида легирующей добавки в кристалле.

Получение кристаллов LiNbO3 с химически однородно распределенной по объему вырашенной були легирующей добавкой является задачей большой практической значимости [2, 3]. Метод легирования путем введения в шихту соответствующего оксида (прямое легирование) часто не позволяет получать оптически и композиционно однородные кристаллы, особенно для больших концентраций легирующих добавок [10]. В работах [4-7, 10, 11] показано, что легирующую добавку можно вводить не в шихту, а в пентаоксид ниобия (Nb₂O₅), служащий прекурсором для синтеза шихты ниобата лития. Такой метод гомогенного легирования позволяет получать кристаллы с однородным распределением легирующей добавки по объему выращенной були, в том числе при концентрациях примеси вблизи пороговых значений [6, 7].

В данной работе проводится анализ механизмов образования комплексных дефектов $V_{\text{Li}}^--\text{OH}^-$, M-OH⁻, M-OH-M в кристалле двойного легирования LiNbO₃:Mg(5.05 мол. %):Fe(0.009 мол. %). Кристалл LiNbO₃:Mg(5.05 мол. %):Fe(0.009 мол. %) перспективен в качестве нелинейно-оптического материала с низким эффектом фоторефракции. Результаты, полученные для кристалла LiNbO₃:Mg(5.05 мол. %):Fe(0.009 мол. %), сравнивались с данными для номинально чистого конгруэнтного кристалла LiNbO₃.

ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

Прекурсоры Nb₂O₅:Mg:Fe для синтеза шихты LiNbO₃ в данной работе получали из особо чистых реэкстрактов, образующихся при переработке отходов ниобата лития в рамках фторидносолянокислотной технологии по методике, подробно описанной в работах [6, 7, 10]. По данным спектрального анализа, концентрация примесных элементов в прекурсоре составила, мас. %: Mo, Zr, Al, Ti, Co \leq 5 \times 10⁻⁴; Mn, Ni, Cu, $V \leq$ 1 \times 10⁻⁴; Cr, Pb, $Sn < 3 \times 10^{-4}$; $Ca < 1 \times 10^{-3}$; $Si(1-2) \times 10^{-4}$, $Fe(2-5) \times 10^{-4}$ $\times 10^{-3}$. Прекурсор Nb₂O₅:Mg:Fe после термической обработки при 1250°С использовали для синтеза однофазной гранулированной шихты LiNbO₃:Mg:Fe по технологической схеме, подробно описанной в работах [10-12]. Для выращивания конгруэнтного номинально чистого кристалла LiNbO3 конгр использовалась гранулированная шихта, синтезированная по методу, описанному в работах [11, 12].

НЕОРГАНИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ том 55 № 4 2019

Кристаллы LiNbO₃:Mg(5.05 мол. %):Fe(0.009 мол. %) выращивали методом Чохральского на воздухе на установке "Кристалл-2", снабженной автоматическим контролем диаметра кристалла, из конгруэнтного расплава (Li/Nb \approx 0.946). Кристаллы были монодоменизированы методом высокотемпературного электродиффузионного отжига при охлаждении образцов со скоростью 20°С/ч в температурном интервале ~1240–890°С в условиях приложения электрического напряжения. Контроль степени монодоменности осуществлялся методом анализа частотной зависимости электрического импеданса и путем определения величины статического пьезомодуля (d_{333cr}) кристаллической були.

Образцы для исследования вырезались в форме прямоугольных параллелепипедов (размеры ~8 × 7 × 6 мм³), ребра которых совпадали по направлению с кристаллофизическими осями X, Y, Z(Z- полярная ось кристалла). Грани параллелепипедов тщательно полировались.

ИК-спектры кристаллов регистрировали с помощью спектрометра IFS 66 v/s фирмы Bruker.

РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

Валентные колебания ОН--групп расположены в плоскости, перпендикулярной полярной оси кристалла [8, 13, 14]. При этом в спектре ИКпоглощения кристалла LiNbO3 конгр наблюдается одна сложная неоднородно уширенная полоса в области 3480 см⁻¹, состоящая из нескольких компонентов [8, 9]. При изменении отношения Li/Nb и легировании вид спектров в области валентных колебаний ОН--групп существенно меняется [8, 9, 13, 14]. На рис. 1 приведены спектры ИК-поглощения в области валентных колебаний ОН⁻-групп кристаллов LiNbO_{3 конгр} и LiNbO₃:Mg(5.05 мол. %):Fe(0.009 мол. %). В спектре ИК-поглощения кристалла LiNbO3 конгр в области валентных колебаний ОН-групп проявляется расщепление полосы поглощения ОН-групп на три компоненты с частотами ~3470, 3483, 3486 см⁻¹, которым соответствуют комплексные дефекты V_{Li}-OH [9]. В то же время, ИК-спектр кристалла LiNbO₃:Mg (5.05 мол. %):Fe(0.009 мол. %) существенно (на ~50 см⁻¹) сдвинут в высокочастотную область по сравнению со спектром конгруэнтного кристалла и в нем также проявляется расщепление полосы поглощения на три компоненты одинаковой поляризации с частотами ~3506, 3526, 3535 см⁻¹ (рис. 1). Наличие расщепления полосы поглощения на несколько компонентов свидетельствует о разных позициях ОН-групп в кристалле и о разных значениях квазиупругих постоянных связей О-Н в вакантных октаэдрах и в октаэдрах, занятых основными (Li⁺, Nb⁵⁺) и легирующими катионами Mg^{2+} и Fe³⁺.

В работе [15] на основании исследования термодинамического и кинетического поведения номинально чистых расплавов ниобата лития на воздухе показано, что в расплаве происходят три реакции:

$$2\mathrm{Li}_{1-x}\mathrm{Nb}_{1+\frac{x}{5}}\mathrm{O}_{3} \leftrightarrow (1-x)\mathrm{Li}_{2}\mathrm{O} + \left(1+\frac{x}{5}\right)\mathrm{Nb}_{2}\mathrm{O}_{5}, (1)$$

$$\text{Li}_2\text{O} \leftrightarrow \text{Li}^+ + \text{LiO}^-,$$
 (2)

$$Nb_2O_5 \leftrightarrow Nb_2O_4^{2+}O^{2-}$$
. (3)

В равновесном расплаве возможны семь активных вариантов реакций диссоциации и ионизации, возникающих с образованием дефектов Li⁺, LiO⁻, Nb₂O₄ V_{O}^{2-} , O²⁻ [15].

Считается, что окислительно-восстановительные реакции происходят на границе раздела расплав—атмосфера:

$$O^{2-} \to \frac{1}{2}O_2 + 2e^-,$$
 (4)

$$H_2O + e^- \to \frac{1}{2}H_2 + OH^-.$$
 (5)

В целом реакция имеет вид

$$O^{2-} + 2H_2O \rightarrow 2OH^- + H_2 + \frac{1}{2}O_2.$$
 (6)

Ионы OH⁻, образующиеся в расплаве в соответствии с реакцией (6), включаются в кристаллическую решетку LiNbO₃ при росте кристалла вместо ионов O²⁻. При наличии примесных ионов железа в расплаве на границе раздела расплав—атмосфера происходит высокотемпературная окислительновосстановительная реакция [16]

$$Fe^{3+} + OH^{-} + \frac{1}{2}H_2 \rightarrow Fe^{2+} + H_2O.$$
 (7)

Реакция (7) подразумевает существование катионов Fe²⁺ в выращенном кристалле вместе с ионами ОН⁻. Видно, что в этой реакции ионы ОН⁻ поглощаются и производят ионы Fe²⁺. Но при этом в ходе реакции также генерируются и молекулы воды; поскольку активная среда реакции открыта, парциальное давление воды постоянно и ее концентрация также постоянна вблизи границы раздела атмосфера-расплав. Таким образом, при увеличении концентрация катионов Fe³⁺ в расплаве все больше ОН--ионов будет расходоваться на образование ионов Fe²⁺. Кроме того, легирование кристалла ниобата лития катионами Mg²⁺ уменьшает коэффициент вхождения ионов Fe³⁺ с 0.85 до 0.5 [17]. По этим причинам интенсивность полосы поглощения с частотой 3506 см⁻¹, соответ-



Рис. 1. Спектры ИК-поглощения монокристаллов LiNbO₃ в области валентных колебаний OH-групп: $I - \text{LiNbO}_{3 \text{ конгр}}, 2 - \text{LiNbO}_{3}:\text{Mg}(5.05 \text{ мол. \%}):$: Fe(0.009 мол. %).

ствующей колебаниям OH⁻-групп в дефектном комплексе $(Fe_{Nb}^{3+})^{2-}$ -OH⁻- $(Mg^{2+})_{Li}^{+}$ [8], должна уменьшаться с увеличением концентрации катионов Mg²⁺ и Fe³⁺, что действительно наблюдается экспериментально [16–18]. Кроме того, из реакций (1)–(3) следует, что увеличение концентрации оксида лития по отношению к оксиду ниобия в расплаве, осуществляемое путем уменьшения *x* в уравнении (1), будет приводить к снижению концентрации O²⁻, а следовательно и концентрации OH⁻-ионов (реакция (6)). В этом случае интегральная интенсивность полосы поглощения OH⁻-групп должна уменьшаться с увеличением отношения Li/Nb в кристалле.

Преимущественным механизмом фоторефракции в кристалле LiNbO₃ является фотовольтаический. Поэтому его фоторефрактивные свойства определяются присутствием фотовольтаически активных примесей, в первую очередь Fe. Наличие OH⁻-групп и катионов железа существенно влияет на эффект фоторефракции и проводимость в кристалле LiNbO₃ [1, 8]. При этом катион Fe²⁺ является действующим донором электронов, а катион Fe³⁺ выступает в качестве акцептора. Схема реакции (7) показывает, что при увеличении концентрации ионов Fe³⁺ увеличивается концентрация ионов Fe²⁺, что должно приводить к увеличению эффекта фоторефракции. Таким образом, реакция (7) подтверждает тесную взаимосвязь между наличием ОН⁻-групп в структуре кристалла и эффектом фоторефракции.

При концентрациях магния в кристалле LiNbO₃:Mg:Fe выше второго порогового значения (~5 мол. % MgO) происходит изменение концентрации литиевых вакантных октаэдров в кристалле, поскольку избыток положительного заряда ионов Mg²⁺ в позициях Li⁺ требует компенсации заряда [19]. Таким образом, возможны два компенсационных эффекта в кристалле LiNbO₃:Mg:Fe: 1) вакансии кислорода могут содержать два электрона (F_2 -центр), а не один (F_1 центр); 2) легирующая примесь Fe может замещать позиции Nb^{5+} , а не позиции Li^+ [19]. При введении новых электронных центров в кристалл LiNbO₃:Mg:Fe при высокой концентрации магния (>5 мол. % MgO) могут значительно уменьшиться концентрация ловушек и сечение захвата электронов катионами Fe³⁺, поскольку центр $(Fe_{Nb}^{3+})^{2-}$ с эффективным зарядом 2 – не может быть электронной ловушкой [19]. Но с другой стороны, ионы Fe²⁺, образовавшиеся в процессе выращивания кристалла (реакция (7)), продолжают действовать как уже заполненные ловушки в кристалле LiNbO₃:Mg:Fe, не участвующие в процессе осуществления фоторефрактивного эффекта, а энергия полосы поглощения в Fe²⁺-Nb⁵⁺ не изменяется в кристалле LiNbO₃:Mg:Fe [20]. Следовательно, легирование магнием не влияет на фотогальванические свойства ионов Fe²⁺ в кристалле LiNbO₃ [21].

Сдвиг полос ИК-поглощения в высокочастотную область (рис. 1) можно объяснить следующим образом. Когда концентрации катионов Mg²⁺ в кристалле LiNbO₃ ниже первой пороговой концентрации (~3.0 мол. % MgO [1]), большинство ионов Mg²⁺ и Fe³⁺ вытесняют дефекты Nb_{Li} , образовывая дефектные центры $(Mg_{Li})^+$ и $(Fe_{Ii})^{2+}$. В нашем случае с увеличением концентрации легирующей добавки Mg²⁺ в кристалле LiNbO₃:Mg (5.05 мол. %):Fe(0.009 мол. %), часть ионов Fe³⁺ вытесняется ионами Mg²⁺ из литиевых позиций, таким образом появляются дефекты (Fe³⁺_{Nb})²⁻, занимающие позиции ниобия. С приближением концентрации легирующей добавки магния ко второму концентрационному порогу (~5.0 мол. % MgO [1]) практически все структурные дефекты Nb_{Li} будут вытеснены катионами Mg^{2+} , и в дальнейшем, с увеличением концентрации, катионы Mg²⁺ начнут занимать позиции Li⁺ и Nb⁵⁺ идеальной стехиометрической структуры, формируя дефекты Mg_{Li}^{+} и Mg_{Nb}^{3-} , которые будут образовывать самокомпенсирующиеся пары

 $Mg_{Li}^{+}-Mg_{Nb}^{3-}$. Поскольку данные пары дефектов имеют больший эффективный отрицательный заряд для удержания катиона H⁺, в OH⁻-группе, то вместо комплексных дефектов $V_{Li}^{-}-OH^{-}$ с самокомпенсирующейся парой будут формироваться комплексные дефекты $Mg_{Li}^{+}-Mg_{Nb}^{3-}-OH^{-}$. Этому дефекту в ИК-спектре поглощения, следовательно, соответствуют полосы поглощения с частотами ~3526 и 3535 см⁻¹. Образование подобных дефектов должно привести к увеличению жесткости связи O–H в комплексном дефекте $Mg_{Li}^{+}-Mg_{Nb}^{3-}-OH^{-}$. При этом величина квазиупругой постоянной связи O–H возрастает и частога соответствующего колебания увеличивается (рис. 1). В то же время, дефектные центры $(Fe_{Nb}^{3+})^{2-}$, образованные на месте позиций Nb_{Nb}, вытесненных катионами Fe³⁺, формируют дефектный комплекс Fe_{Nb}²⁻-OH⁻-Mg_{Li}^{+}, которому, вероятно, соответствует полоса погло-

Необходимо также отметить, что при использовании метода гомогенного легирования пентаоксида ниобия при выращивании кристалла LiNbO₃:Mg:Fe коэффициент распределения легирующей примеси $K_p > 1$ [7]. Такой подход позволяет при одинаковой концентрации магния в расплаве ввести бо́льшую концентрацию легирующей добавки в кристалл LiNbO₃:Mg:Fe, чем при использовании метода прямого легирования кристалла, тем самым значительно снизив фоторефрактивный эффект.

щения с частотой 3506 см⁻¹.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Установлено, что в ИК-спектрах поглощения кристаллов LiNbO_{3 конгр} и LiNbO₃:Mg(5.05 мол. %): : Fe(0.009 мол. %) в области валентных колебаний OH-групп наблюдаются три полосы, что свидетельствует о разных позициях OH⁻-групп в кристалле и о разных значениях квазиупругих постоянных связей O–H в вакантных октаэдрах и в октаэдрах, занятых основными (Li⁺, Nb⁵⁺) и легирующими (Mg²⁺ и Fe³⁺) катионами.

При интерпретации полученных ИК-спектров поглощения проведен анализ механизмов образования комплексных дефектов в кристалле двойного легирования LiNbO₃:Mg (5.05 мол. %): Fe(0.009 мол. %) с концентрацией магния выше второго концентрационного порога. Сделано предположение, что наличие в спектре полосы поглощения с частотой 3506 см⁻¹ обусловлено появлением комплексного дефекта $(Fe_{Nb}^{3+})^2$ – OH– $(Mg_{Li}^{2+})^+$, а наличие полос поглощения с ча-

стотами 3526 и 3535 см⁻¹ – комплекса $(Mg_{Li}^{2+})^+$ – $(Mg_{Nb}^{2+})^{3-}$ –OH.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Сидоров Н.В., Волк Т.Р., Маврин Б.Н., Калинников В.Т. Ниобат лития: дефекты, фоторефракция, колебательный спектр, поляритоны. М.: Наука, 2003. 255 с.
- 2. Палатников М.Н., Сидоров Н.В., Макарова О.В., Бирюкова И.В. Фундаментальные аспекты технологии сильно легированных кристаллов ниобата лития. Апатиты: Изд-во КНЦ РАН, 2017. 241 с.
- 3. *Palatnikov M.N., Sidorov N.V.* Some Fundamental Points of Technology of Lithium Niobate and Lithium Tantalite Single Crystals // Oxide Electronics and Functional Properties of Transition Metal Oxides. N.Y.: NOVA Sience Publichers, 2014. P. 31–168.
- 4. Палатников М.Н., Сидоров Н.В., Калинников В.Т. Технология управляемого синтеза монокристаллов и керамик материалов на основе ниобатовтанталатов щелочных металлов // Цв. металлы. 2000. № 10. С. 54–60.
- 5. *Маслобоева С.М., Маслобоев В.А., Арутюнян Л.Г., Балабанов Ю.И.* Способы разложения отходов монокристаллов соединений тугоплавких металлов с литием: Пат. № 2221746 РФ. Б. И. № 2.
- Маслобоева С.М., Сидоров Н.В., Палатников М.Н., Арутюнян Л.Г., Чуфырев П.Г. Синтез и исследование строение оксида ниобия (V), легированного катионами Mg²⁺и Gd³⁺ // ЖНХ. 2011. Т. 56. № 8. С. 1264–1268.
- Палатников М.Н., Маслобоева С.М., Бирюкова И.В., Макарова О.В., Сидоров Н.В., Ефремов В.В. Влияние способа приготовления твердых прекурсоров Nb₂O₅:Mg на характеристики полученных на их основе кристаллов LiNbO₃:Mg // ЖНХ. 2014. Т. 59. № 3. С. 318–322.
- Cabrera J. M., Olivares J., Carrascosa M., Rams J., Müller R., Diéguez E. Hydrogen in Lithium Niobate // Adv. Phys. 1996. V. 45. № 5. P. 349–392.
- Kong Y., Xu J., Zhang W., Zhang G. The Site Occupation of Protons in Lithium Niobate Crystals // J. Phys. Chem. Solids. 2000. V. 61. P. 1331–1335.

- Маслобоева С.М., Палатников М.Н., Арутюнян Л.Г., Иваненко Д.В. Методы получения легированной шихты ниобата лития для выращивания монокристаллов // Изв. Санкт-Петербургского гос. технологического ин-та (Технического университета). 2017. № 38 (64). С. 34–43.
- 11. Палатников М.Н., Сидоров Н.В., Калинников В.Т. Сегнетоэлектрические твердые растворы на основе оксидных соединений ниобия и тантала. Санкт-Петербург: Наука, 2001. 302 с.
- Палатников М.Н., Сидоров Н.В., Бирюкова И.В., Щербина О.Б., Калинников В.Т. Гранулированная шихта для выращивания монокристаллов ниобата лития // Перспективные материалы. 2011. № 2. С. 93–97.
- Wohlecke M., Kovacs L. OH-Ions in Oxide Crystals // Crit. Rev. Solid State Mater. Sci. 2001. V. 26. № 1. P. 1–86.
- Kim T.H. Infrared OH Absorption Bands in Potassium Lithium Niobate Single Crystals // Phys. Status. Solidi B. 2001. V. 227. № 2. P. 485–490.
- Uda S., Tiller W. The Dissociation and Ionization of LiNbO₃ Melts // J. Cryst. Growth. 1992. V. 12. P.155– 190.
- Cochez M., Ferriol M., Bourson P., Aillerie M. Influence of the Dopant Concentration on the OH⁻ Absorption Band in Fe-Doped LiNbO₃ Single-Crystal Fibers // Opt. Mater. 2003. V. 21. P. 775–781.
- Bae S.I., Ichikawa J., Shimamura K., Onodera H., Fukuda T. Doping Effects of Mg and/or Fe Ions on Congruent LiNbO₃ Single Crystal Growth // J. Cryst. Growth. 1997. V. 94. P. 94–100.
- Qingxin Meng, Suhua Luo, Xiudong Sun. The Analysis of the Threshold Concentration of Damage-Resistant Ions by OH⁻ Absorption Spectra // Proc. SPIE. 2005. V. 5646. P. 378–382.
- Bryan D.A., Gerson R., Tomaschke H.E. Increased Optical Damage Resistance in Lithium Niobate // Appl. Phys. Lett. 1984. V. 44. № 9. P. 847–849.
- Schirmer F., Thiemann O., Wohlecke M. Defects in LiNbO₃-I. Experimental Aspects // J. Phys. Chem. Solids. 1991. V. 52. P. 185–200.
- Sommerfeldt R., Holtman L., Krätzig E., Grabmaier B.C. The Light-Induced Charge Transport in LiNbO₃:Mg, Fe Crystals // Ferroelectrics. 1989. V. 92. P. 219–225.