ФИЗИКО-ХИМИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ НЕОРГАНИЧЕСКИХ СИСТЕМ

УДК 544.014+544.016.2+543.572.3

ФАЗОВЫЙ КОМПЛЕКС ПЯТИКОМПОНЕНТНОЙ ВЗАИМНОЙ СИСТЕМЫ Li⁺,Na⁺,K⁺||F⁻,Cl⁻,Br⁻ И ИССЛЕДОВАНИЕ СТАБИЛЬНОГО ПЯТИВЕРШИННИКА LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl

© 2023 г. А. В. Бурчаков^{а,} *, И. К. Гаркушин^а, У. А. Емельянова^а

^аСамарский государственный технический университет, ул. Молодогвардейская, 244, Самара, 443100 Россия *e-mail: turnik27@yandex.ru Поступила в редакцию 01.12.2022 г. После доработки 10.02.2023 г.

Принята к публикации 13.02.2023 г.

Впервые исследован фазовый комплекс пятикомпонентной взаимной системы Li⁺,Na⁺,K⁺||F⁻,Cl⁻,Br⁻. В результате разбиения фазового комплекса системы на стабильные элементы получено древо фаз, имеющее линейное строение и состоящее из стабильных пентатопа LiF–NaF–KF–KBr–KCl, гексатопа LiF–NaBr–NaCl–KCl–KBr–NaF, гептатопа NaCl–KCl–KBr–LiBr–LiCl–LiF–NaBr, соединенных стабильными тетраэдром LiF–NaF–KCl–KBr и квадратной пирамидой (пятивершинником) LiF–KBr–NaBr–NaCl–KCl. Методом дифференциального термического анализа изучены фазовые равновесия в стабильном пятивершиннике LiF–KCl–KBr–NaBr–NaCl. В пятивершиннике peanusyetcя моновариантное фазовое равновесие: ж \Rightarrow LiF + NaCl₂Br_{1–x} + KCl_yBr_{1–y}, где NaCl₂Br_{1–x} и KCl_yBr_{1–y} – непрерывные ряды твердых растворов на основе NaCl и NaBr, KCl и KBr. Определены состав смеси точки Min[□] 591 и минимальная температура моновариантного равновесия. Построена компьютерная 3D-модель в виде проекции фазового комплекса на концентрационный пятивершинник LiF–KCl–KBr–NaBr–NaCl в программе КОМПАС 3D. Выделены объемы кристаллизующихся равновесных фаз.

Ключевые слова: фазовые равновесия, непрерывный ряд твердых растворов, физико-химический анализ, пятивершинник, 3D-модель

DOI: 10.31857/S0044457X22602085, EDN: RHNCXD

введение

Анализ многокомпонентных систем и дизайн фазовых диаграмм, а также определение характера связи между веществами помогают установить различные свойства компонентов и смесей на их основе. Особое внимание уделяется солевым расплавам и твердым растворам.

Исследование данных систем позволяет обнаружить низкоплавкие нонвариантные смеси, которые отличаются высокой электропроводностью, термостойкостью, низкой летучестью и малым коэффициентом объемного расширения при фазовом переходе. Эти параметры обязательны для получения расплавляемых электролитов для химических источников тока с рабочей температурой в диапазоне 300–600°С. Солевые смеси находят также применение и в других сферах, например, флюсы для сварки и пайки, теплоаккумулирующие материалы, среды для выращивания монокристаллов и органического синтеза [1–15].

Согласно [16], система $Li^+, Na^+, K^+ \| F^-, Cl^-, Br^-$ относится к классу $3K \| 3A$ (три катиона и три ани-

она) и является пятикомпонентной взаимной системой, поскольку число компонентов в системе определяется как сумма числа катионов и анионов минус один (3 + 3 - 1 = 5). Одним из элементов древа фаз пятикомпонентной взаимной системы Li⁺,Na⁺,K⁺||F⁻,Cl⁻,Br⁻ является стабильный пятивершинник LiF–KCl–KBr–NaBr–NaCl (рис. 1) [17].

Цель настоящей работы — изучение фазового комплекса указанного стабильного пятивершинника и в случае образования минимума моновариантного равновесия определение состава и температуры равновесия смеси для данной точки.

ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

Объектом исследования являлся комплекс, состоящий из пятикомпонентной взаимной системы Li⁺,Na⁺,K⁺||F⁻,Cl⁻,Br⁻ и входящего в нее, исходя из анализа древа фаз [17], стабильного элемента – пятивершинника LiF–KCl–KBr–NaBr–NaCl.



Рис. 1. Развертка граневых элементов пятивершинника LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl.

Развертка стабильного пятивершинника LiF– KCl–KBr–NaBr–NaCl представлена на рис. 1.

В трехкомпонентных ограняющих системах LiF–NaCl–KCl и LiF–KBr–NaBr реализуются эвтектические равновесия: для точки *E* 613 ж \rightleftharpoons \rightleftharpoons LiF + NaCl_{ss} + KCl_{ss}, для точки *E* 612 ж \rightleftharpoons LiF + + NaBr_{ss} + KBr_{ss}, где NaCl_{ss} – ограниченный (граничный) твердый раствор на основе компонента NaCl, а в системах LiF–KCl–KBr и LiF–NaCl–NaBr осуществляется моновариантное фазовое равновесие согласно фазовым реакциям: моновариантная линия *e* 670–*e* 686 – ж \rightleftharpoons LiF + NaCl_xBr_{1-x}; моновариантная линия *e* 715–*e* 712 – ж \rightleftharpoons LiF + + KCl_xBr_{1-x}, где NaCl_xBr_{1-x} и KCl_xBr_{1-x} – непрерывные ряды твердых растворов (**HPTP**) на основе пар солей КСІ и КВг, NaCl и NaBr. Результаты данных исследований представлены в работах [18–25].

В ограняющей трехкомпонентной взаимной системе Na⁺, K⁺||Cl⁻, Br⁻ образуются бинарные твердые растворы NaCl_xBr_{1-x} и KCl_yBr_{1-y}. Как указано в работе [26], фазовые равновесия в тройной взаимной системе Na⁺, K⁺||Cl⁻, Br⁻ с непрерывными твердыми растворами соответствуют виду 25а (четыре двойных минимума и один тройной). На поверхности ликвидуса системы имеется точка минимума Min 610 (NaBr – 50%, KCl – 39%, KBr – 11% при температуре 610°C). В квазибинарной системе LiF–KBr наблюдается ограниченная растворимость компонентов в жидкой фазе, поэто-

му в трехкомпонентных ограняющих системах LiF-KCl-KBr и LiF-KBr-NaBr отмечены области расслаивания жидкости (на рисунке показаны пунктирными линиями), которые описываются моновариантными монотектическими равновесиями: $m_1 \rightleftharpoons m_2 + LiF$. Учитывая вышесказанное, в стабильном пятивершиннике прогнозируется моновариантное фазовое равновесие $m \rightleftharpoons LiF + NaCl_xBr_{1-x} + KCl_yBr_{1-y}$, где NaCl_xBr_1-x и KCl_yBr_1-y – непрерывные ряды твердых растворов на основе NaCl и NaBr, KCl и KBr, и область концентрации, примыкающая к стороне LiF-KBr и характеризующаяся расслоением жидкости и монотектическим равновесием $m_1 \rightleftharpoons m_2 + m_2 + LiF$.

Экспериментальные исследования фазовых равновесных состояний типа жидкость-твердое тело проводили методом дифференциального термического анализа [27–31]. В качестве реактивов использовали LiF марки "ч. д. а." (ТУ 6-09-170-77), KBr "ч. д. а." (ГОСТ 4160-74), KCl "ч. д. а." (ГОСТ 4234-77), NaCl "ч. д. а." (ГОСТ 4233-77), NaBr "ч. д. а." (ГОСТ 4169-76). Все составы выражены в мол. %, температуры – в °С. Диапазон изучаемых температур 400–900°С.

В качестве геометрического метода моделирования было выбрано 3D-моделирование. В работах [32, 33] авторами предлагается методика построения фазового комплекса трехкомпонентной системы в виде 3D-модели. Технология основана на координатном методе построения точек, полученных экспериментально. В качестве расчетной программы служит MO Excel, в качестве графической программы – редактор трехмерной векторной графики, программа автоматизированного проектирования КОМПАС-3D [34, 35].

ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

Метод расчета координат точек пятивершинника по координатам состава. Для построения 3D-модели фазового комплекса стабильного пятивершинника LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl пятикомпонентной взаимной системы Li⁺, Na⁺, K⁺ ||F⁻, Cl⁻, Br⁻ и модели по координатам фигуративных точек (двойные, тройные, четверные эвтектики и перитектики и т.д.) необходимо выполнить пересчет координат этих точек (табл. 1). Подобный пересчет координат представлен в работах [36-38]. Поскольку в данном случае пространственная фазовая диаграмма представляет собой концентрационный пятивершинник, для пересчета координат из барицентрических (состав фигуративной точки) в декартовы координаты (x y z) используем следующие уравнения:

$$(x_{i}y_{i}z_{i}) = (a_{i}b_{i}c_{i} d_{i} e_{i}) \times \begin{pmatrix} x_{a} & y_{a} & z_{a} \\ x_{b} & y_{b} & z_{b} \\ x_{c} & y_{c} & z_{c} \\ x_{d} & y_{d} & z_{d} \\ x_{e} & y_{e} & z_{e} \end{pmatrix} =$$
(1)
$$= (a_{i}b_{i}c_{i} d_{i} e_{i}) \times \begin{pmatrix} -50 & -50 & 0 \\ 50 & -50 & 0 \\ 50 & 50 & 0 \\ -50 & 50 & 0 \\ 0 & 0 & 70.71 \end{pmatrix}$$

где $(x_i \ y_i \ z_i)$ — матрица-строка декартовых координат фигуративной точки *i*; $(a_i b_i \ c_i \ d_i e_i)$ — матрицастрока координат фигуративной точки *i* в барицентрической системе относительно вершин пятивершинника. Она соответствует эквивалентным долям

компонентов пятивершинника;	(-50)	-50	0	1
	50	-50	0	
	50	50	0	-
	-50	50	0	
	0	0	70.71	

матрица декартовых координат для вершин точечных базисов. Предположим, что пятивершинник (квадратная пирамида) представляет собой фигуру с длиной ребер, равной 100 единицам, и в основании которой лежит квадрат. Кроме того, начало декартовой системы координат расположено в центре квадрата (рис. 2).

Исследование стабильного пятивершинника LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl методом ДТА. Развертка граневых элементов пятивершинника представлена на рис. 1. На основании анализа развертки граневых элементов для исследования было выбрано политермическое сечение A [LiF – 50%; KCl – 50%]–B [LiF – 50%; KBr – 50%]–C [LiF – 50%; NaBr – 50%]–D [LiF – 50%; NaCl – 50%] в объеме кристаллизации фторида лития (рис. 3). В сечении A–B–C–D экспериментально исследован политермический разрез A [LiF – 50%; KCl – 50%]–C [LiF – 50%; NaBr – 50%]–C [LiF – 50%; NaBr – 50%], представленный на рис. 4.

Из разреза A–C (рис. 4) выявлена точка x 591 пересечения данного разреза с проекцией \overline{E} 613 – \overline{E} 612 моновариантной линии E 613 – E 612, где \overline{E} 613 и \overline{E} 612 – проекции тройных эвтектик E 613 и E 612 на отрезки AD и BC соответственно.

Фазовая область	Число равновесных фаз, Ф	Степень свободы, С	Геометрические элементы модели
$\mathbf{x} + \mathbf{LiF} + \mathbf{NaCl}_{x}\mathbf{Br}_{1-x} + \mathbf{KCl}_{x}\mathbf{Br}_{1-x}$	4	1	Линия <i>E</i> 612—Min ^[] 591— <i>E</i> 613
$\mathbf{x} + \mathrm{LiF} + \mathrm{KCl}_{x}\mathrm{Br}_{1-x}$	3	2	Поверхность <i>E</i> 613 <i>-е</i> 715 <i>-е</i> 712 <i>-</i> <i>E</i> 612-Min ^D 591- <i>E</i> 613
$\mathbf{x} + \mathrm{LiF} + \mathrm{NaCl}_{x}\mathrm{Br}_{1-x}$	3	2	Поверхность <i>E</i> 613 <i>-е</i> 670 <i>-е</i> 686 <i>-</i> <i>E</i> 612-Min ^D 591- <i>E</i> 613
$\mathbf{w} + \mathbf{NaCl}_{x}\mathbf{Br}_{1-x} + \mathbf{KCl}_{x}\mathbf{Br}_{1-x}$	3	2	Поверхность <i>E</i> 613—min 665—min 643 — <i>E</i> 612—Min ^D 591— <i>E</i> 613
$\mathbf{x}_1 + \mathbf{x}_2 + \mathrm{LiF}$	3	2	Поверхность <i>m</i> ' 825- <i>m</i> '' 825
$\mathbf{x}_1 + \mathbf{x}_2$	2	3	Локальный объем (синий)
$\mathbf{x} + \mathbf{NaCl}_{x}\mathbf{Br}_{1-x}$	2	3	Локальный объем (зеленый)
ж + LiF	2	3	Локальный объем (розовый)
$\mathbf{x} + \mathrm{KCl}_{x}\mathrm{Br}_{1-x}$	2	3	Локальный объем (желтый)

Таблица 1. Базовые геометрические элементы модели для системы LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl

Для определения состава четверного минимума Min^{\Box} 591 были выбраны дополнительные точки I и II на предполагаемой проекции моновариантной линии \overline{E} 613 – \overline{E} 612 (рис. 3). В этих точках температура конечной кристаллизации выше, чем в точке *x* 591. Отсюда следует, что точка *x* 591 является проекцией Min^{\Box} 591 для точки четверного минимума Min^{\Box} 591. Для выявления состава четверного минимума Min^D 591 изучен политермический разрез LiF–N [KCl – 48%; NaBr – 52%], проходящий через точку Min^D 591 (*x* 591). На рис. 5 представлена *T*–*x*диаграмма данного разреза. Из разреза определены состав и температура четверного минимума Min^D 591: LiF – 6%, KCl – 45.1%, NaBr – 48.88%, $t_{na} = 591^{\circ}$ C.





ЖУРНАЛ НЕОРГАНИЧЕСКОЙ ХИМИИ том 68 № 7 2023



Рис. 3. Концентрационный квадрат политермического сечения А-В-С-D пятивершинника LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl.



Рис. 4. *Т*-*х*-диаграмма разреза А-С пятивершинника LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl.



Рис. 5. *Т*-*х*-диаграмма разреза LiF-N в пятивершиннике LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl.

ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

На *T*–*х*-диаграмме разреза А–С (рис. 4) имеется солидусная область с трехфазным равновесием, две из этих фаз представляют НРТР. Дополнительные исследования в секущем квадрате А–В–С–D указывают на наличие четверного минимума на линии моновариантного фазового равновесия ж \rightleftharpoons \rightleftharpoons LiF + NaCl_xBr_{1-x} + KCl_yBr_{1-y}, соединяющей тройные эвтектики *E* 612 и *E* 613 в стабильных треугольниках NaF–LiF–KBr и LiF–NaF–KCl соответственно.

На основании экспериментальных результатов и данных элементов огранения построена 3Dмодель в виде проекции гиперповерхности ликвидуса фазового комплекса на концентрационный пятивершинник LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl (рис. 6).

Объемы кристаллизации фаз изображены различными цветами для большей наглядности: розовым — фаза LiF, желтым — непрерывные ряды твердых растворов $\text{KCl}_x \text{Br}_{1-x}$, зеленым — HPTP $\text{NaCl}_x \text{Br}_{1-x}$, синим — область расслоения жидких фаз ж₁ + ж₂.

Проведем расчет мольного баланса для уравнения реакции моновариантного фазового равновесия, реализуемого в точке четверного минимума Min^D 591. Для этого составим уравнение фазовой реакции в общем виде:

Составим мольный баланс по ионам для данного уравнения фазовой реакции (3) и решим систему уравнений:

Li⁺:
$$6 = a$$

Na⁺: $48.88 = b$
K⁺: $45.12 = c$
F⁻: $6 = a$ (3)
Cl⁻: $45.12 = bx + cy$
Br⁻: $48.88 = b(1 - x) + c(1 - y)$
 $x = y$.

Решение системы уравнений отобразим в уравнении (4):

Решение вышеизложенной задачи, а именно определение фазовой реакции (состава и количества равновесных фаз) для состава точки миниму-



Рис. 6. Компьютерная 3D-модель фазового комплекса стабильного пятивершинника LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl.

ма моновариантного равновесия, можно осуществить с помощью геометрических измерений в 3D-модели (рис. 7). Для решения данной задачи вначале проведем прямую LiF-M из вершины LiF через точку минимума Min^D 591 до пересечения с плоскостью KBr-NaBr-NaCl-KCl в точке M. Затем через точку M построим прямую OP, параллельную стороне NaBr-KBr, до пересечения данной прямой со сторонами KCl-KBr и NaCl-NaBr соответственно в точках O и P. Таким образом, получим треугольник LiF-O-P. В плоскости треугольника LiF-O-P построим прямые N-Min^D 591 и и O'-Min^D 591, проходящие через точку Min^D 591 и параллельные сторонам LiF-P и OP соответственно.

Точки О и Р описывают состав равновесных сосуществующих фаз HPTP $\text{KCl}_x \text{Br}_{1-x}$ и $\text{NaCl}_x \text{Br}_{1-x}$ по выражению: $x = \frac{l(\text{O} - \text{KBr})}{l(\text{KCl} - \text{KBr})}$, где l – длина указанного отрезка. Полагаем, что содержание хлорид- и бромид-ионов в этих фазах имеет одинаковые значения. Для этого используем следующие уравнения:

φasa LiF :
$$X(LiF) = \frac{l(O - O')}{l(O - LiF)} \times 100\%$$
, (5)

где Х – это мольная доля фазы, выраженная в мол. %.

Соотношение равновесных кристаллизующихся фаз для фазовой реакции точки минимума можно описать положением точек O' и N на отрезке O–LiF.

Состав равновесной жидкой фазы для данного фазового равновесия соответствует составу точки минимума.

Таким образом, по приведенным выше уравнениям проведен расчет равновесных фаз, который дал следующие значения:

$$φ$$
asa LiF : X (LiF) = 5.9%, (8)

фаза
$$\text{KCl}_{x}\text{Br}_{1-x}$$
 : $X(\text{KCl}_{x}\text{Br}_{1-x}) = 45.1\%$, (9)

фаза NaCl_xBr_{1-x} :
$$X$$
(NaCl_xBr_{1-x}) = 48.8%. (10)

Расчет по системе уравнений сходится и свидетельствует о приемлемости использования 3Dмодели для расчета равновесных фаз для заданной фигуративной точки при заданной температуре.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Исследован секущий элемент древа фаз пятикомпонентной взаимной системы Li⁺,Na⁺,K⁺||F⁻, Cl⁻,Br⁻ – стабильный пятивершинник LiF–KCl– KBr–NaBr–NaCl. Экспериментально изучены фа-

ЖУРНАЛ НЕОРГАНИЧЕСКОЙ ХИМИИ том 68 № 7 2023



Рис. 7. Компьютерная 3D-модель системы LiF–KCl–KBr–NaBr–NaCl, используемая для определения равновесных фаз при температуре точки минимума Min[□] 591.

зовые равновесия в стабильном пятивершиннике LiF-KCl-KBr-NaBr-NaCl методом ДТА, определены состав и температура плавления смеси, отвечающей точке минимума Min^D 591. Выполнено построение модели фазового комплекса системы и определены объемы кристаллизации фаз.

Приведен алгоритм расчета декартовых координат фигуративных точек пятивершинника составов по барицентрическим координатам (содержанию компонентов в смеси для точки). Реализован алгоритм расчета составов равновесных сосуществующих фаз для точки минимума: по геометрическому и алгебраическому методам (система линейных уравнений). Оба метода показали схожие результаты. Данный алгоритм эффективно применять для прогноза равновесных фаз (состав фаз и их соотношение) в фигуративных точках четырехкомпонентных систем, отвечающих определенным типам фазовых равновесий (эвтектические, перитектические, монотектические равновесия, минимумы кристаллизации НРТР и т.д.)

ФИНАНСИРОВАНИЕ РАБОТЫ

Работа выполнена при финансовой поддержке Минобрнауки РФ в рамках проектной части государственного задания № 0778-2020-0005.

КОНФЛИКТ ИНТЕРЕСОВ

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Babanly M.B., Chulkov E.V., Aliev Z.S. et al. // Russ. J. Inorg. Chem. 2017. V. 62. № 13. P. 1703. https://doi.org/10.1134/S0036023617130034
- 2. *Imamaliyeva S.Z., Babanly D.M., Tagiev D.B. et al.* // Russ. J. Inorg. Chem. 2018. V. 63. № 13. P. 1704. https://doi.org/10.1134/S0036023618130041
- 3. Вердиева З.Н., Вердиев Н.Н., Мусаева П.А., Сириева Я.Н. // Химическая термодинамика и кинетика. Сб. матер. XI Междунар. научн. конф. Великий Новгород: Изд-во Новгород. гос. ун-та им. Ярослава Мудрого, 2021. С. 51.
- 4. *Коровин Н.В., Скундин А.М.* Химические источники тока. М.: Изд-во МЭИ, 2003. 740 с.
- Fedorov P.P., Popov A.A., Shubin Y.V. et al. // Russ. J. Inorg. Chem. 2022. V. 67. № 12. P. 2018. https://doi.org/10.1134/S0036023622601453
- 6. *Elokhov A.M., Kudryashova O.S.* // Russ. J. Inorg. Chem. 2022. V. 67. № 11. P. 1818. https://doi.org/10.1134/S0036023622600903
- Wang K., Dowling A.W. // Curr. Opin. Chem. Eng. 2022. V. 36. P. 100728. https://doi.org/10.1016/j.coche.2021.100728
- Liu W.-J., Jiang H., Yu H.-Q. // Chem. Rev. 2015. V. 115. № 22. P. 12251. https://doi.org/10.1021/acs.chemrev.5b00195
- Yuan K., Shi J., Aftab W. et al. // Adv. Funct. Mater. 2020. P. 1904228. https://doi.org/10.1002/adfm.201904228
- Atinafu D.G., Yun B.Y., Yang S. et al. // J. Hazard. Mater. 2022. V. 423. P. 127147. https://doi.org/10.1016/j.jhazmat.2021.127147
- 11. *Бабаев Б.Д.* // Теплофизика высоких температур. 2014. Т. 52. № 4. С. 568.

ЖУРНАЛ НЕОРГАНИЧЕСКОЙ ХИМИИ том 68 № 7 2023

- 12. Шашков М.О., Гаркушин И.К. // Журн. неорган. химии. 2019. Т. 64. № 2. С. 206.
- 13. *Fu T., Zheng Z., Du Y. et al.* // Comput. Mater. Sci. 2019. V. 159. P. 478.
 - https://doi.org/10.1016/j.commatsci.2018.12.036
- 14. *Lantelme F., Groult H.* Molten Salts Chemistry: From Lab to Applications. Elsevier, 2013.
- 15. *Chang Y.A., Chen S., Zhang F. et al.* // Prog. Mater Sci. 2004. V. 49. № 3–4. P. 313.
- 16. *Радищев В.П.* Многокомпонентные системы. М.: ИОНХ АН СССР, 1964. 502 с.
- 17. Гаркушин И.К., Бурчаков А.В., Емельянова У.А. и др. // Журн. неорган. химии. 2020. Т. 65. № 7. С. 950.
- Термические константы веществ. Справочник в 10 вып. / Под ред. Глушко В.П. М.: ВИНИТИ, 1981. Вып. 10. Ч. 1. С. 42.
- 19. Термические константы веществ. База данных. http://www.chem.msu.su/cgi-bin/tkv.pl?show=welcom.html
- 20. *Егорцев Г.Е.* // Автореф. дис. ... канд. хим. наук. Самара, 2007. 24 с.
- Егорцев Г.Е., Истомова М.А. // Материалы XIV Междунар. конф. студентов, аспирантов и молодых ученых по фундаментальным наукам "Ломоносов-2007". М., 2007. С. 460.
- Воскресенская Н.К., Евсеева Н.Н., Беруль С.И. и др. Справочник по плавкости систем из безводных неорганических солей. М.: Изд-во АН СССР, 1961. Т. 1. 845 с. Т. 2. 585 с.
- Диаграммы плавкости солевых систем. Многокомпонентные системы / Под ред. Посыпайко В.И., Алексеевой Е.А. М.: Химия, 1977. 216 с.
- 24. *Егорцев Г.Е., Гаркушин И.К., Истомова М.А.* Фазовые равновесия и химическое взаимодействие в системах с участием фторидов и бромидов щелочных металлов. Екатеринбург: Изд-во УрО РАН, 2008. 132 с.

- 25. ACerS-NIST. Phase Equilibria Diagrams. CD-ROM Database. Version 3.1.0. American Ceramic Society. National Institute of Standards and Technology. Order online: www.ceramics.org.
- 26. Федоров П.П., Бучинская И.И., Серафимов Л.А. // Журн. неорган. химии. 2002. Т. 47. № 8. С. 1371.
- 27. *Уэндландт У.* Термические методы анализа. М.: Мир, 1978. 527 с.
- 28. *Берг Л.Г.* Введение в термографию. М.: Наука, 1969. 395 с.
- Бурмистрова Н.П., Прибылов К.П., Савельев В.П. Комплексный термический анализ. Казань: КГУ, 1981. 110 с.
- Мощенский Ю.В., Трунин А.С. Приборы для термического анализа и калориметрии. Куйбышев, 1989. 3 с.
- 31. *Мощенский Ю.В.* // Приборы и техника эксперимента. 2003. № 6. С. 143.
- Гаркушин И.К., Дворянова Е.М., Бурчаков А.В. Моделирование фазовых систем и фазовых равновесий. Самара: Самар. гос. техн. ун-т, 2015. Ч. 1. 176 с.
- Бурчаков А.В., Дворянова Е.М., Кондратюк И.М. // III Междунар. науч. Интернет-конф. М., 2015. Т. 1. С. 56.
- Ганин Н.Б. Проектирование и прочностной расчет в системе KOMIIAC-3D V13. М.: ДМК Пресс, 2011. 320 с.
- 35. https://kompas.ru/
- 36. *Луцык В.И., Зеленая А.Э.* // Журн. неорган. химии. 2004. Т. 49. № 2. С. 316.
- Lutsyk V., Vorob'eva V.Z. // Naturforsch., A: Phys. Sci. 2008. V. 63. № 7–8. P. 513. https://doi.org/10.1515/zna-2008-7-819
- Бурчаков А.В. // Материалы XI Всерос. научн. конф. "Матем. моделирование и краевые задачи". Самара: СамГТУ, 2019. Т. 2. С. 127.