## Акустооптические свойства гетерогенных сред с неоднородным распределением наночастиц

Н. И. Петров<sup>1)</sup>, В. И. Пустовойт

Научно-технологический центр уникального приборостроения РАН, 117342 Москва, Россия

Поступила в редакцию 28 сентября 2018 г. После переработки 28 сентября 2018 г. Принята к публикации 15 ноября 2018 г.

Продемонстрирована возможность эффективного использования метаматериалов в акустооптике. Исследованы дифракционные кривые отражения и пропускания метасред с неоднородным пространственным распределением наночастиц с учетом поглощения света. Показано влияние размерных (геометрических) эффектов наночастиц на дифракционные кривые отражения и пропускания. В частности, с помощью изменения концентрации диэлектрических наночастиц в среде достигается полное устранение побочных осцилляций и подавление "хвостов" кривой дифракционного отражения. Показана возможность управления аппаратной функцией акустооптических устройств с помощью изменения материала, концентрации, размера, формы и пространственной ориентации включений, а также поляризации падающего излучения.

DOI: 10.1134/S0370274X19010041

Существует ограниченный список кристаллических материалов, которые можно использовать при создании элементов и приборов акустооптики. Сегодня в основном используются такие кристаллы, как парателлурит, кварц, молибдат свинца, ниобат лития и некоторые другие, список которых весьма ограничен. Нехватка необходимых кристаллических материалов особенно ощущается для инфракрасной (ИК) области спектра. В этой связи представляют большой интерес идеи, на основе которых возможно было бы преодолеть эту трудность и существенно расширить список используемых материалов, путем использования различных гетерогенных сред. В последнее время уделяется большое внимание технологии синтеза наночастиц и исследованию оптических, акустических и электронных свойств метаматериалов на их основе [1–5].

В настоящей работе исследуется возможность использования метасред для целей акустооптики. Проведен теоретический анализ дифракции света в гетерогенной среде с различными диэлектрическими включениями. Показана возможность управления функцией отражения и пропускания с помощью изменения концентрации диэлектрических включений в среде, их размера, формы, пространственной ориентации и поляризации падающего излучения. Необходимым условием использования метамате-

риалов для акустооптики является то, что под дей-

В качестве гетерогенной среды рассмотрим среду, образованную оптически прозрачным материалом с ДП  $\varepsilon_m$ , в которую внедрены диэлектрические включения в виде эллипсоидов вращения, комплексная ДП которых равна

$$\varepsilon_p(\lambda) = \varepsilon'_p(\lambda) + i\varepsilon''_p(\lambda).$$

Здесь  $\lambda$  – длина волны света, зависимость от которой описывает дисперсию. Считается, что размер эллипсоидов вращения существенно меньше длины волны света и все они расположены хаотически, но их главные оси вращения направлены в одном и том же направлении.

ствием распространяющейся в такой среде звуковой волны, должно происходить изменение диэлектрической проницаемости (ДП) среды [6]. Исходно однородная среда, обладающая малым акустооптичеким качеством, после введения металлических или диэлектрических наночастиц, становится материалом с высоким значением фотоупругой постоянной. Механизм такого изменения ДП под действием звуковой волны состоит в следующем. Если в среде распространяется продольная звуковая волна, в которой образуются области сжатия и разрежения среды, то, очевидно, что из-за локального изменения концентрации наночастиц будет происходить изменение ДП и показателя преломления среды.

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup>e-mail: petrovni@mail.ru

В рамках модели Максвелла–Гарнетта такая среда описывается усредненной ДП среды  $\varepsilon$ , которая удовлетворяет соотношению [3, 7]

$$\frac{\varepsilon - \varepsilon_m}{\gamma(\varepsilon - \varepsilon_m) + \varepsilon_m} - \eta \frac{\varepsilon_p - \varepsilon_m}{\varepsilon_m + \gamma(\varepsilon_p - \varepsilon_m)} = 0, \quad (1)$$

где  $\eta(x,t)$  – объемная доля включений – наноэллипсоидов вращения

$$\eta(x,t) = \frac{4}{3}\pi a^2 b N(x,t).$$

Здесь b – полярная ось сфероида, a – малая экваториальная полуось эллипсоида вращения (сфероида), N(x,t) – локальное число сфероидов в единице объема среды,  $\gamma$  – фактор деполяризации, который может быть выражен через отношение полуосей  $\xi = a/b$  для различных направлений внешнего поля

$$\gamma_{\parallel} = \frac{1}{1 - \xi^2} \left( 1 - \xi \frac{\arcsin\sqrt{1 - \xi^2}}{\sqrt{1 - \xi^2}} \right), \qquad (2)$$
$$\gamma_{\perp} = \frac{1}{2} (1 - \gamma_{\parallel}),$$

 – для поля направленного вдоль и перпендикулярно оси вращения сфероида.

Случай  $\xi < 1$  соответствует вытянутому эллипсоиду вращения,  $\xi > 1$  – сплющенному, случай  $\xi = 1$ соответствует шару (в этом случае  $\gamma_{\parallel} = \gamma_{\perp} = 1/3$ ).

Отметим, что модель изотропной эффективной среды Максвелла–Гарнетта хорошо согласуется с экспериментальными данными при условии, что размеры частиц меньше длины волны излучения, а расстояния между частицами больше, чем их радиусы. Преимуществом такой модели является то, что для анализа распространения излучения в гетерогенной среде нет необходимости решать уравнения Максвелла в каждой точке пространства и учета рассеяния на составляющих гетерогенную среду частицах и интерференции рассеянных волн [3, 5].

Решая уравнение (1) относительно  $\varepsilon$ , найдем явный вид ДП метасреды

$$\varepsilon_{\parallel/\perp} = \varepsilon_m + \frac{\varepsilon_m (\varepsilon_p - \varepsilon_m)\eta}{\varepsilon_m + \gamma_{\parallel/\perp} (\varepsilon_p - \varepsilon_m)(1 - \eta)}$$
(3)

для электрического поля вдоль и поперек полярной оси эллипсоида вращения соответственно.

Для сферических частиц получаем [7]

$$\varepsilon_{\text{eff}} = \varepsilon_m + \frac{3\eta(\varepsilon_p - \varepsilon_m)\varepsilon_m}{3\varepsilon_m + (1 - \eta)(\varepsilon_p - \varepsilon_m)}$$

Эта формула при малых значениях  $\eta$  совпадает с выражением для диэлектрической проницаемости смеси, приведенной в [8]. Выражение (3) позволяет найти изменение ДП среды под действием звуковой волны. Физические механизмы изменения ДП для случаев продольной и поперечной звуковой волны описаны в [6].

Будем считать, что продольная звуковая волна распространяется вдоль какой-либо осей симметрии, например, оси *x* 

$$\bar{x}(x,t) = \frac{1}{2}\bar{u}_0 e^{i\Omega t - iqx} + k.c.$$
 (4)

где  $\bar{u}(t)$  – амплитуда смещения среды в звуковой волне,  $\Omega$  – частота, q – волновой вектор звуковой волны.

Амплитуда поля напряжений, обусловленных этой звуковой волной, непосредственно связана с интенсивностью звуковой волны (плотностью акустической мощности). В продольной звуковой волне направления вектора смещения  $\bar{u}(x,t)$  и волнового вектора q совпадают. Акустические свойства среды считаются изотропными. В продольной звуковой волне происходит сжатие (растяжение) среды, и поэтому локальная концентрация наночастиц изменяется по закону

$$\eta(x,y) = \eta_0 + \eta_-(x,t) = \frac{4\pi}{3}a^2b(N_0 + N_-(x,t)).$$
 (5)

Здесь  $N_{-}(x,t)$  – изменение концентрации под действием звуковой волны,  $N_0$  и  $\eta_0$  – средние по объему значения. Изменение концентрации  $N_{-}(x,t)$  нетрудно найти, если воспользоваться уравнением непрерывности для матричной среды. Из уравнения непрерывности следует выражение для относительного изменения локального значения концентрации наночастиц [6]:

$$\eta_{-}(x,y) = \frac{2\pi}{3}a^{2}bN_{0}\frac{u_{0}\Omega}{v_{s}}e^{i\Omega t - iqx} + k.c., \qquad (6)$$

где  $v_s = \Omega/q$  – фазовая скорость звуковой волны в метасреде.

Соответствующие добавки к компонентам тензора ДП метасреды, обусловленные продольной звуковой волной следующие:

$$\Delta \varepsilon_{\text{eff}} = \Delta \varepsilon_m + \frac{\varepsilon_m (\varepsilon_p - \varepsilon_m) [\varepsilon_m + (\varepsilon_p - \varepsilon_m) \gamma_{\parallel/\perp}]}{[\varepsilon_m + (1 - \eta_0) (\varepsilon_p - \varepsilon_m) \gamma_{\parallel/\perp}]^2} \eta_-(x, t).$$
(7)

Видно, что изменение диэлектрической проницаемости зависит не только от интенсивности звуковой волны, но и от концентрации наночастиц и их геометрической формы.

Изменение диэлектрической проницаемости метасреды в направлении распространения волны *x* описывается выражением

$$\varepsilon(x) = \varepsilon_0 + \Delta \varepsilon_{\text{eff}}(x) \cos(\Omega t - qx), \qquad (8)$$

Письма в ЖЭТФ том 109 вып. 1-2 2019



Рис. 1. Коэффициенты отражения при отсутствии наночастиц в среде в зависимости от волновой расстройки:  $\lambda = 0.63$  мкм;  $\Delta \varepsilon_0 = 0.5 \cdot 10^{-5}$ ; (a) – L = 10 см;  $\alpha = 0$ ; (b) – L = 10 см;  $\alpha = 3 \cdot 10^{-6}$  см<sup>-1</sup>; (c) – L = 5 см;  $\alpha = 3 \cdot 10^{-6}$  см<sup>-1</sup>; (d) – L = 3 см;  $\alpha = 3 \cdot 10^{-6}$  см<sup>-1</sup>;

где  $\varepsilon_0$  – постоянная составляющая диэлектрической проницаемости,  $\Omega$  и q – частота и волновой вектор звуковой волны, соответственно,  $\Delta \varepsilon_{\rm eff}(x)$  – амплитуда изменения диэлектрической проницаемости, причем  $\Delta \varepsilon_{\rm eff} \ll \varepsilon_0$ .

Дифракция света на периодической структуре (8) описывается с помощью укороченных уравнений, полученных из уравнений Максвелла [9, 10]:

$$\frac{dE_1}{dx} = -ik_0 \Delta \varepsilon(x) e^{i\Delta kx} E_2,$$

$$\frac{dE_2}{dx} = ik_0 \Delta \varepsilon(x) e^{-i\Delta kx} E_1,$$
(9)

где  $E_1$  – амплитуда падающей волны,  $E_2$  – амплитуда дифрагированной волны,  $k_0 = 2\pi/\lambda$  – волновое число излучения,  $\Delta k = 2k_0 - q$  – волновая расстройка, задающая отклонение от условия синхронизма Брэгга.

Решения уравнений (9) будем искать при следующих граничных условиях:  $E_2(L) = 0$ , где L – длина кристалла.

Амплитуда дифрагированной волны и коэффициент отражения в случае среды с постоянным значением  $\Delta \varepsilon_{\mathrm{eff}}$  по длине кристалла определяются анали-

тически [11, 12]. На рисунке 1а представлена зависимость коэффициента отражения от величины расстройки  $\Delta k$  без учета поглощения в однородной среде. Коэффициенты отражения в случае среды из материала SiO<sub>2</sub> с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon'_m = 2.123$ ,  $\varepsilon''_m = 8.74 \cdot 10^{-11}$  и показателем поглощения  $\alpha = 3 \cdot 10^{-6}$  см<sup>-1</sup> [13] при длине волны света  $\lambda = 0.63$  мкм представлены на рис. 1b–d. Из рисунков видно, что поглощение приводит к уменьшению амплитуды и сужению центральной части кривой отражения.

Существенным требованием к любому широкополосному фильтру является то, что они должны иметь слабые побочные осцилляции. Как видно из рис. 1, имеются сильные побочные осцилляции в спектрах отражения. Ниже мы покажем, что эти колебания могут быть подавлены при помощи амплитудной модуляции (аподизации) объемной решетки. При произвольной зависимости  $\Delta \varepsilon(x)$  система уравнений (9) не имеет аналитического решения и для расчета коэффициентов отражения и пропускания необходимо использовать численные методы. Для решения уравнений используется метод рекуррентных соотношений, широко используемый в фи-



Рис. 2. Коэффициенты отражения от метасреды с вытянутыми (a), (c) и сплющенными (b), (d) эллипсоидами при различных значениях их концентрации в среде.  $L = 3 \text{ см}, \lambda = 0.63 \text{ мкм}. \varepsilon'_m = 2.123, \varepsilon''_m = 8.74 \cdot 10^{-11}$ ; (a), (b) –  $\eta_0 = 10^{-3}$ ; (c), (d) –  $\eta_0 = 2.5 \cdot 10^{-4}$ 

зике дифракции рентгеновских лучей. Согласно этому методу, кристалл разбивается на N слоев, и амплитуда отражения от первых k слоев связывается с амплитудой отражения от предыдущих k - 1 слоев [11]. Метод рекуррентных соотношений, используемый для численных расчетов, оказывается эффективным для исследования структур с произвольным пространственным изменением показателя преломления. В случае периодических структур, когда известны аналитические решения волнового уравнения (в частности, для постоянной функции  $\Delta \varepsilon$  и экспоненциальной функции аподизации), численные результаты совпадают с точными аналитическими решениями.

Широкое применение дифракционных фильтров обусловлено их высоким коэффициентом отражения (порядка единицы) в узкой спектральной области. Недостатком таких фильтров является наличие осцилляций на хвостах кривой отражения. Задачи распространения и дифракции волн на неаподизованных периодических структурах подробно исследованы и хорошо известны (см., например, [9]). В [12] рассмотрена задача о дифракции волн на аподизованной периодической структуре, у которой величи-

на изменения диэлектрической проницаемости среды зависит от координат по экспоненциальному закону. Аподизация с помощью экспоненциальной функции позволяет устранить побочные осцилляции в кривых отражения. Однако при этом остаются хвосты дифракционной кривой, в которых содержится значительная доля энергии падающего излучения. В [14,15] было показано, что за счет плавного изменения величины  $\Delta \varepsilon(x)$  в зависимости от х можно не только полностью устранить осцилляции, но и в значительной степени подавить хвосты кривой дифракционного отражения, сохраняя при этом высокий коэффициент отражения в центральной части. Однако при этом предполагалось, что среда полностью прозрачна и поэтому поглощение света в среде не учитывалось. В [16–18] дифракционные кривые отражения и пропускания были исследованы с учетом поглощения света в среде. Было показано, что спектральное разрешение  $\Delta \lambda \sim 10^{-2}$  пм, которое на три порядка превышает разрешение существующих акустооптических фильтров, может быть достигнуто при использовании известных технологий получения высокочистых материалов. Однако пространственную модуляцию ДП среды с помощью измене-



Рис. 3. Коэффициенты отражения от метасреды с вытянутыми (a) и сплющенными (b) эллипсоидами в ИК области спектра.  $L = 3 \text{ см}, \lambda = 1.53 \text{ мкм}, \eta_0 = 3 \cdot 10^{-3}$ . Полуоси эллипсоидов: a = 5 нм, b = 10 нм (a), a = 10 нм, b = 5 нм (b)

ния интенсивности звука по длине кристалла технически трудно реализовать. Здесь же мы рассматриваем изменение диэлектрической проницаемости среды с помощью внедерения диэлектрических наночастиц с известными параметрами, что позволит наблюдать рассматриваемые эффекты экспериментально. Поэтому использование гетерогенных сред в акустооптике представляется важным как с теоретической, так и с практичекой точки зрения.

На рисунке 2 представлены кривые отражения от метасреды с вытянутыми (a), (c) и сплющенными (b), (d) нано-эллипсоидами из материала LasF9  $(\varepsilon_p'=3.405,\varepsilon_p''=1.531\cdot 10^{-7},[13])$ при различных значениях их концентрации в среде. Изменение диэлектрической проницаемости среды вследствие изменения концентрации диэлектрических включений описывается функцией  $\Delta \varepsilon(x) = \Delta \varepsilon_0 \sin(\pi x/L)$ . Видно, что с помощью внедрения диэлектрических включений возможно практически полное устранение хвостов дифракционной кривой отражения. Как следует из расчетов, высокий коэффициент отражения, близкий к единице, может быть достигнут в широкой полосе длин волн. Это позволит получить фильтры с почти П-образной характеристикой. При этом управление полосой частот возможно с помощью изменения формы, пространственной ориентации и концентрации наночастиц.

На рисунке 3 представлены коэффициенты отражения от метасреды в зависимости от величины отклонения от условия Брэгга в инфракрасной области спектра. В качестве матричной среды рассматривается кварц с показателем поглощения  $\alpha = 3.46 \times 10^{-7} \,\mathrm{cm^{-1}}$  ( $\varepsilon'_m = 2.095$ ;  $\varepsilon''_m = 2.49 \cdot 10^{-11}$  [13]) нано-эллипсоиды сделаны из материала LasF9 с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon'_p$ 

Письма в ЖЭТФ том 109 вып. 1-2 2019

= 3.2893,  $\varepsilon_p''$  = 2.4891 · 10<sup>-7</sup> и показателем поглощения  $\alpha$  = 5.638 × 10<sup>-3</sup> см<sup>-1</sup> при длине волны света  $\lambda$  = 1.53 мкм.

Коэффициенты отражения от метасреды зависят от поляризации падающего излучения. Ширина частотной области с высоким коэффициентом отражения больше для случая поля, направленного вдоль оси вращения сфероида. Ширина полосы отражения растет с увеличением как размеров, так и концентрации внедренных частиц.

Таким образом, показано, что возможно расширение спектральной полосы отражения падающего излучения с помощью изменения как параметров частиц, их концентрации, так и изменения поляризации падающего излучения.

Неоднородное распределение наночастиц в матричной среде позволяет осуществить особые условия для коллинеарной дифракции света на звуке и, как следствие, создать акустооптические устройства и приборы с уникальными свойствами, такие как перестраиваемые фильтры оптического излучения без побочных максимумов пропускания, осуществить управление передаточной функцией акустооптических устройств.

Введение в матричную среду наночастиц, диэлектрическая проницаемость которых отличается от ДП матричной среды, приводит к появлению у метасреды фотоупругих постоянных для продольных звуковых волн. Механизм возникновения фотоупругих постоянных заключается в локальном изменении концентрации наночастиц. Широкие возможности по созданию качественно новых акустооптических (AO) приборов открываются при использовании включений наночастиц (метаматериалов) со сложной формой и с особыми магнитными, диэлектрическими и проводящими свойствами. Акустооптика на основе гетерогенных сред открывает широкие возможности для создания устройств инфракрасной и терагерцовой техники, недоступные обычным кристаллам. Полученные результаты представляют практический интерес и могут быть использованы при создании акустооптических устройств и приборов с уникальными свойствами, таких как перестраиваемые фильтры оптического излучения без побочных максимумов отражения и пропускания, модуляторы и АО спектрометры, а также в измерениях гравитационных волн.

- 1. А.Н. Ораевский, И.Е. Проценко, Письма в ЖЭТФ 72, 641 (2000).
- 2. А.Н. Ораевский, Письма в ЖЭТФ **78**, 8 (2003).
- Л. А. Головань, В. Ю. Тимошенко, П. К. Кашкаров, УФН 177, 619 (2007).
- С. Г. Моисеев, В. А. Остаточников, Д.И. Семенцов, Письма в ЖЭТФ 100, 413 (2014).
- 5. W. Cai and V. Shalaev, *Optical Metamaterials:* Fundamentals and Applications, Springer, Berlin (2010).
- В.И. Пустовойт, Квантовая электроника 46, 155 (2016).

- J. E. Spanier and I. P. Herman, Phys. Rev. B 61, 10437 (2000).
- 8. Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц, Электродинамика сплошных сред, Наука, М. (1982).
- А. Ярив, П. Юх, Оптические волны в кристаллах, Мир, М. (1987).
- 10. В.И. Пустовойт, Докл. РАН 365, 39 (1999).
- 11. А.М. Афанасьев, В.И. Пустовойт, Докл. РАН **392**, 332 (2003).
- В. Ф. Кравченко, В.И. Пустовойт, Докл. РАН **391**, 749 (2003).
- 13. https://www.refractiveindex.info.
- А. М. Афанасьев, М. А. Чуев, П. Г. Медведев, В. И. Пустовойт, Микросистемная техника 4, 123 (2004).
- 15. А.М. Афанасьев, Ю.В. Гуляев, В.И. Пустовойт, Радиотехника и электроника **49**(12), 1526 (2004).
- N.I. Petrov and V.I. Pustovoit, Laser Phys. Lett. 14, 115702 (2017).
- N.I. Petrov and V.I. Pustovoit, Acousto-optic filter with metamaterial inclusions. Frontiers in Optics/Laser Science Conference (FiO/LS), Washington, USA, 2017, Paper FTh3B.7.
- N.I. Petrov and V.I. Pustovoit, Ultra-Narrow Bandwidth Acousto-Optic Filter. Nanophotonics and Micro/Nano Optics International Conference (NANOP), Rome, Italy (2018), p. 32.