К вопросу о возникновении скейлинга в зависимости скорости сдвиговых процессов в металлическом стекле от времени

 $И. C. Ясников^{+1}$, $M. H. Селезнев^*$, $A. B. Данюк^+$, $A. Ю. Виноградов^\times$

 $^+$ Научно-исследовательский институт прогрессивных технологий, Тольяттинский государственный университет, 445020 Тольятти, Россия

*Freiberg University of Mining and Technology, 09599 Freiberg, Germany

X Norwegian University of Science and Technology, 7491 Trondheim, Norway

Поступила в редакцию 16 июля 2019 г. После переработки 5 августа 2019 г. Принята к публикации 10 августа 2019 г.

В Письме приводится попытка объяснения наблюдаемого квадратичного скейлинга в зависимости скорости сдвиговых процессов в металлическом стекле от времени. Сам факт, что данное явление для многочисленных экспериментов демонстрируется в диапазоне изменения времени на четыре порядка, а скорости полосы сдвига на девять порядков, говорит о его универсальности и возможности разделения механизмов локализации деформации в металлических стеклах.

DOI: 10.1134/S0370274X19180139

Металлическое стекло (МС) – один из наиболее быстроразвивающихся и перспективных материалов. Представляя из себя, по сути, замороженную жидкость, МС обладает изотропной аморфной структурой, обладающей высокой коррозионной стойкостью, биосовместимостью [1], прочностью [2], твердостью и износостойкостью [3]. В то же время наличие преимущественно металлических связей, обладающих куда большей гибкостью, чем ковалентные, обуславливает некоторую пластичность материала, сравнимую с пластичностью высокопрочных сталей [4]. При этом отношение предела упругости к модулю Юнга, т.е. способность аккумулировать упругую энергию очень высоко и сравнимо с полимерами [5]. Такое сочетание свойств делает МС чрезвычайно интересным материалом, как для фундаментальных исследований, так и для прикладной науки и производства [6].

Локализация деформации в МС происходит в так называемых полосах сдвига (ПС), поведение которых диктуется особенностями развития локализованного сдвига в аморфной структуре и зависит от условий эксперимента. Исследования ПС проводились авторами настоящей работы на испытательном стенде [7] с возможностью одновременного механического испытания образцов с симметричной винтовой подачей нагрузки до 10 кН, высокоскоростной регистрацией видеоданных с частотой записи до 120000

кадров в секунду; с микроскопическим увеличением до 45х и системой коаксиального освещения, а также регистрацией событий акустической эмиссии, сопровождающих быстропротекающие процессы в материале. При этом эксперименты можно было условно разделить на два основных типа:

- "статические" изучение структуры, свойств и особенностей уже сформированных ПС ($ex\ situ$); в результате этих экспериментов было установлено, что вершина полосы сдвига в металлическом стекле является линейным дефектом дислокационного типа с дальнодействующими полями напряжений, спадающими с расстоянием как $\sim 1/r$ [8].
- "динамические", т.е. изучение механизма и кинетики зарождения, роста и эволюции ПС в реальном времени ($in\ situ$); в результате этих экспериментов было выявлено, что зависимость скорости фронта ПС от времени имеет асимметричный импульсный характер и условно состоит из двух этапов: (1) быстрое (менее 30 мкс) нарастание скорости фронта от нуля до некоторого максимального значения (не менее $5\ \mathrm{m/c}$), а затем (2) медленное (около $300\ \mathrm{mkc}$) затухание по степенному закону [9].

Кроме (i) распространения фронта полосы сдвига, также могут быть выделены и другие типы сдвиговых процессов. Локализация деформации в МС при высоких напряжениях характеризуется высокой скоростью сдвига и может привести к образованию (ii) сдвиговой трещины [10]. Наконец, в терминальной ПС (т.е. в ПС, которая полностью рассекла об-

¹⁾e-mail: yasnikov@phystech.edu

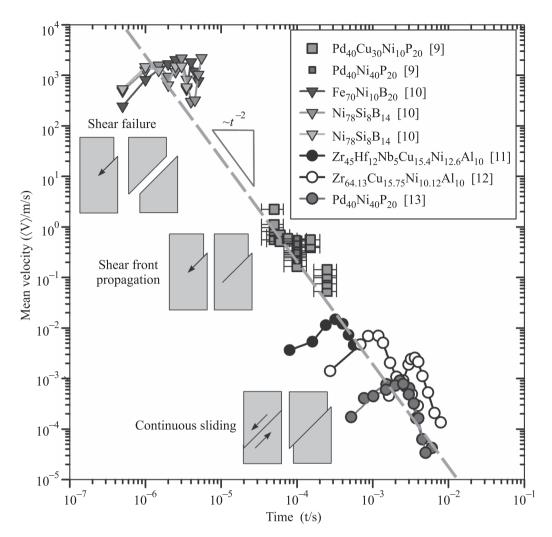


Рис. 1. (Цветной онлайн) Экспериментальные данные различных авторов по измерению средней скорости сдвиговых процессов в металлических стеклах в широком диапазоне скоростей и времен, отсчитываемых от начала эксперимента: скорость фронта сдвиговой трещины (верхняя часть); скорость фронта полосы сдвига (средняя часть), скорость скольжения берегов терминальной полосы сдвига друг относительно друга (нижняя часть). Наблюдаемый скейлинг обозначен штриховой голубой линией. Данные легенды обозначают химический состав исследуемого сплава и ссылку на источник (график основан на данных работы [9] и дополнен)

разец) наблюдается (iii) скольжение берегов ПС друг относительно друга без нарушения сплошности образца [11–13]. Каждый из этих механизмов изображен схематически на вставках рис. 1 и характеризуется своим временем нарастания скорости и ее последующей эволюции. На рисунок 1 нанесено большинство известных экспериментально полученных зависимостей скорости сдвиговых процессов от времени, которое фиксируется от начала эксперимента. Несмотря на различие типов процессов и методов измерений, значения скоростей демонстрируют явный скейлинг степенного закона $V \sim \frac{1}{t^{\beta}}$ при изменении времени на четыре порядка и скорости на девять порядков.

Целью данной работы является аналитическое описание наблюдаемого скейлинга скоростей сдвиговых процессов в металлических стеклах.

Следует отметить, что измерение скорости фронта полосы сдвига является косвенным измеряемым параметром по измеряемому изменению длины, отнесенному к измеряемому интервалу времени, и является, таким образом, средней скоростью. При этом если погрешность измерения времени составляет интервал его измерения, то по теореме Лагранжа очевидно, что на этом временном интервале $[t_1; t_2]$ можно указать точку ξ , где средняя скорость в пределах представленной погрешности совпадет с мгновенной скоростью: т.е. в экспериментах мы, измеряя cped-

n скорость, получаем оценку m скорости с некоторой определенной погрешностью.

$$\langle V \rangle = \frac{L(t_2) - L(t_1)}{t_2 - t_1} = L'(\xi \in [t_1; t_2]) = V(\xi \in [t_1; t_2]). \tag{1}$$

Таким образом, определение скорости фронта полосы сдвига сводится к измерению приращения длины полосы за интервал времени.

Измерение длины полосы сдвига L — это случайный процесс, и он осуществляется в интервале $L_i \leq L \leq L_0$, где L_i — длина полосы в момент достижения ей максимальной скорости, L_0 — длина образца. При этом плотность вероятности измерения определенной длины, имея neodnopodnoe степенное распределение $\varphi(L) \sim \frac{1}{L^n}$ [14] с условием нормировки $\int\limits_{L_i}^{L_0} \varphi(L) dL = 1$, определяется степенной зависимостью вида:

$$\varphi(L) = \frac{n-1}{(L_i^{1-n} - L_0^{1-n})L^n} \sim \frac{L_i^{n-1}(n-1)}{L^n}.$$
 (2)

Обсуждение значения степени распределения полос сдвига по длине будет дано далее.

Математическое ожидание зафиксировать во время эксперимента полосу сдвига длины \tilde{L} определяется очевидным условием:

$$M[\tilde{L}] = \int_{L_i}^{L} L\varphi(L)dL = \frac{L_i(n-1)}{n-2} \left[1 - \frac{L_i^{n-2}}{\tilde{L}^{n-2}} \right]. \quad (3)$$

При этом математическое ожидание приращения длины полосы сдвига от L_1 в момент времени t_1 ($L_1=L(t_1)$) до длины L_2 в момент времени t_2 ($L_2=L(t_2)$) имеет вид:

$$M[L_2 - L_1] = \frac{L_i^{n-1}(n-1)}{n-2} \frac{L_2^{n-2} - L_1^{n-2}}{L_1^{n-2} L_2^{n-2}}.$$
 (4)

Измерение времени возможно в интервале $\tau_i < t < \tau_f$ где τ_i – время достижения максимальной скорости, τ_f – время остановки полосы: при этом время измеряется в таком интервале $[t_1;t_2]$, что $\tau_i < t_1 < t < t_2 < \tau_f$. Плотность вероятности измерения времени, имея однородное распределение с условием нормировки $\int\limits_{\tau_i}^{\tau_f} \chi(t) dt = 1$, определяется зависимостью вида:

$$\chi(t) = \frac{1}{\tau_f - \tau_i}. (5)$$

При этом математическое ожидание интервала времени, на котором измеряется приращение длины, имеет вид:

$$M[t_2 - t_1] = \frac{t_2^2 - t_1^2}{2(\tau_f - \tau_i)} \sim \frac{t_2^2 - t_1^2}{2\tau_f}.$$
 (6)

Тогда ожидаемое значение средней скорости фронта полосы сдвига, которое будет получаться в многочисленных экспериментах в широком диапазоне начальных условий, определяется выражением:

$$\langle V \rangle = \frac{M[L_2 - L_1]}{M[t_2 - t_1]} =$$
 (7)

$$= \frac{2\tau_f L_i^{n-1}(n-1)}{(n-2)(t_1+t_2)L_1^{n-2}L_2^{n-2}} \frac{L^{n-2}(t_2) - L^{n-2}(t_1)}{t_2 - t_1}.$$

Поскольку среднюю скорость можно отнести к моменту времени, находящемуся внутри интервала $t_1 < t < t_2$, то по теореме Лагранжа существует такой момент времени ξ , что $t_1 < \xi < t_2$ и при этом $\frac{L^{n-2}(t_2)-L^{n-2}(t_1)}{t_2-t_1}=(n-2)L^{n-3}(\xi)L'(\xi)$. Отсюда немедленно получаем зависимость для средней скорости:

$$\langle V(\xi) \rangle = \frac{2(n-1)\tau_f L_i^{n-1} L^{n-3}(\xi) L'(\xi)}{(t_1 + t_2) [L(t_1) L(t_2)]^{n-2}}, \text{ где } t_1 < \xi < t_2.$$
(8)

Полагая для оценок $\frac{t_1+t_2}{2}\sim \xi$ и $L(t_1)L(t_2)\sim L^2(\xi)$, получаем:

$$\langle V(\xi) \rangle \sim \frac{\tau_f L_i^{n-1} L'(\xi)}{\xi [L(\xi)]^{n-1}}.$$
 (9)

В рамках теоремы Лагранжа о среднем вполне можно допустить, что $\langle V(\xi) \rangle \sim L'(\xi)$ и тогда выражение (9) преобразуется к виду:

$$L(\xi) \sim L_i \left(\frac{\tau_f}{\xi}\right)^{\frac{1}{n-1}}.$$
 (10)

И, соответственно, средняя скорость:

$$\langle V(\xi) \rangle \sim L'(\xi) \sim \frac{L_i \tau_f^{\frac{1}{n-1}}}{n-1} \xi^{-\frac{1}{n-1}-1} \sim$$

$$\sim \frac{L_i \tau_f^{\frac{1}{n-1}}}{n-1} \xi^{-\frac{n}{n-1}} \sim \frac{1}{\xi^{\alpha}},$$
 где $\alpha = \frac{n}{n-1}$. (11)

Остается открытым вопрос с показателем n в степенной зависимости плотности функции распределения длин полос сдвига $\varphi(L) \sim \frac{1}{L^n}$. Известно, что если аргументы плотности функции распределения различных функций пропорциональны друг другу, то это не меняет показателя степени плотности функции распределения, а меняет лишь ее нормировку. И здесь возможная аргументация состоит из следующих тезисов, известных из литературных источников:

а) длина нетерминальной полосы сдвига L пропорциональна офсету (ступеньке) λ полосы сдвига на образце [15];

б) офсет λ (ступенька) полосы сдвига пропорционален локальному сбросу нагрузки $\Delta \sigma$ при движении полосы сдвига [16].

В силу пропорциональности $\Delta\sigma \sim \lambda \sim L$ функция распределения по длинам полос сдвига повторяет функцию распределения по сбросам нагрузки с точностью до постоянного нормировочного множителя.

Исходя из литературных данных (например, [17,18]), плотность функции распределения по сбросам нагрузки (и, как следствие, по длинам полос сдвига) может иметь показатель степени с учетом погрешностей $n\sim 2.2\dots 2.8$. Отсюда:

$$\langle V(\xi) \rangle \big|_{n=2.2...2.8} \sim \frac{1}{\xi^{\frac{n}{n-1}}} \sim \frac{1}{\xi^{1.6...1.8}},$$
 (12)

что, конечно, в пределах погрешности проводимых оценок близко к $\alpha = \frac{n}{n-1} \sim 2.$

Таким образом, имеющиеся в наличии экспериментальные данные свидетельствуют о степенном характере распределения средней (или мгновенной в пределах погрешности измерения времени) скорости сдвиговых процессов в металлическом стекле на этапе условного торможения от максимальной скорости до ее финализации в виде $\langle V(\xi) \rangle \sim \frac{1}{\xi^{\alpha}}$, где $\alpha \sim 2$, что и подтверждается многочисленными экспериментальными данными.

Выявленная степенная зависимость скорости полосы сдвига (и, соответственно, длины без учета постоянного слагаемого) свидетельствует о масштабной инвариантности процесса распространения полосы сдвига. В этом случае процесс инициации и последующего распространения полосы сдвига можно трактовать как непрерывный фазовый переход [19] (одной из особенностью которых является именно масштабная инвариантность) в объеме полосы сдвига. Термодинамическая трактовка наличия такого перехода и обоснование его критических параметров приведено, в частности, в работе [20]. Сама суть фазового перехода состоит в том, что в исходном образце металлического стекла существует ближний порядок и минимальная длина когерентности, а при последующей сдвиговой деформации в момент зарождения полосы сдвига возникает прослойка новой фазы с другой степенью упорядоченности. В частности, об этом свидетельствует резкое изменение длины когерентности при определенном значении сдвиговой деформации, полученное в результате моделирования методом молекулярной динамики авторами работы |21|.

Кроме того, стоит отметить, что предложенное математическое описание хоть и носит оценочный ха-

рактер, но обладает универсальностью приложения к любым сдвиговым процессам в механике сплошных сред, поскольку в качестве управляющего параметра использует лишь показатель степени n в функции плотности вероятности степенного распределения по длинам полос сдвига. Данный факт может быть использован, в частности, при оценке скорости и времени сдвиговых процессов в земной коре, что играет существенную роль при оценке динамики возможных землетрясений. В частности, в работе [22], в результате моделирования сдвиговых процессов в земной коре на лабораторном образце была получена аналогичная степенная зависимость между скоростью сдвигового скольжения и временем устойчивого скольжения до срыва в "нестабильность".

Работы по исследованию сдвиговых процессов в металлическом стекле продолжаются в настоящее время.

Исследование выполнено при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований в рамках научного проекта #18-08-00327.

- J. Schroers, G. Kumar, T.M. Hodges, S. Chan, and T.R. Kyriakides, The Journal of The Minerals, Metals & Materials Society (TMS) 9, 21 (2009).
- Z. Q. Liu and Z. F. Zhang, J. Appl. Phys. 115, 163505 (2014).
- 3. P. Tao, Y. Yang, X. Chen, J. Gao, and X. Chen, International Journal of Hydrogen Energy **38**, 9052 (2013).
- M. M. Trexler and N. N. Thadhani, Prog. Mater. Sci. 55, 759 (2010).
- W. L. Johnson and K. A. Samwer, Phys. Rev. Lett. 95, 195501 (2005).
- 6. М. Н. Селезнев, Пространственно-временные закономерности локализованной пластической деформации объемных металлических стекол: дис. ... канд. физ-мат. Наук, Тольят. гос. университет, Тольятти (2017).
- M. Seleznev and A. Vinogradov, Rev. Sci. Instrum. 85, 076103 (2014).
- A. Vinogradov, M. Seleznev, and I.S. Yasnikov, Scr. Mater. 130, 138 (2017).
- M. Seleznev, I.S. Yasnikov, and A. Vinogradov, Mater. Lett. 225, 105 (2018).
- E. D. Tabachnikova, Y. I. Golovin, M. V. Makarov, and A. A. Shibkov, Le Journal de Physique IV 07, C3-307 (1997).
- W. J. Wright, R. R. Byer, and X. Gu, Appl. Phys. Lett. 102, 241920 (2013).
- 12. S.X. Song and T.G. Nieh, Intermetallics 19, 1968 (1977).

- H. M. Chen, J. C. Huang, S. X. Song, T. G. Nieh, and J. S. C. Jang, Appl. Phys. Lett. 94, 141914 (2009).
- B. Shi, Y. Xu, F. Wei, S. Luan, and P. Jin, J. Non-Cryst. Solids 472, 9 (2017).
- R. T. Qu, Z. Q. Liu, G. Wang, and Z. F. Zhang, Acta Mater. 91, 19 (2015).
- P. Thurnheer, R. Maaß, K. J. Laws, S. Pogatscher, and J. F. Löffler, Acta Mater. 96, 428 (2015).
- Z. Y. Liu, G. Wang, K. C. Chan, J. L. Ren, Y. J. Huang,
 X. L. Bian, X. H. Xu, D. S. Zhang, Y. L. Gao, and
 Q. J. Zhai, J. Appl. Phys. 114, 033521 (2013).
- 18. J. Antonaglia, X. Xie, G. Schwarz, M. Wraith, J. Qiao, Y. Zhang, P. K. Liaw, J. T. Uhl, and K. A. Dahmen, Sci. Rep. 4, 4382 (2014).
- 19. J. P. Sethna, Statistical Mechanics: Entropy, Order Parameters and Complexity, Clarendon Press, Oxford (2017), 371 p.
- Z. Liu, R. Li, G. Wang, S. Wu, X. Lu, and T. Zhang, Acta Mater. 59, 7416 (2011).
- G. Parisia, I. Procaccia, C. Rainone, and M. Singh, Proc. Natl. Acad. Sci. USA 114, 5577 (2017).
- 22. J. H. Dieterich and B. Kilgore, Proc. Natl. Acad. Sci. USA **93**, 3787 (1996).