

# Квазичеренковский механизм излучения релятивистских электронов, пролетающих вблизи многослойной призматической мишени

Г. А. Науменко<sup>1)</sup>, А. П. Потылицын, М. В. Шевелев, Д. А. Шкитов, К. Е. Попов, А. В. Вуколов

Томский политехнический университет, 634050 Томск, Россия

Поступила в редакцию 31 декабря 2019 г.

После переработки 11 февраля 2020 г.

Принята к публикации 12 февраля 2020 г.

В работе приводятся результаты экспериментальных исследований угловых характеристик излучения в миллиметровом диапазоне длин волн, генерируемого пучком электронов с энергией 6.1 МэВ, пролетающих вблизи многослойной призматической мишени, состоящей из проводящих пластин, разделенных вакуумными промежутками, а также вблизи однородной тefлоновой призмы. Мы провели сравнение угловых распределений излучения для обоих радиаторов и показали, что для тefлоновой призмы угловое распределение хорошо согласуется с классической теорией излучения Вавилова–Черенкова, тогда как для многослойной мишени эволюция угловых распределений не подчиняется известным выражениям с фиксированным значением эффективного показателя преломления. Мы предполагаем, что излучение от многослойной мишени (квазичеренковское излучение) должно описываться тензорным показателем преломления.

DOI: 10.31857/S0370274X20050021

Излучение Вавилова–Черенкова (ИВЧ), возникающее при прохождении заряда через прозрачную среду со скоростью  $v = \beta c$ , превышающей скорость света в вакууме  $c/n$  ( $n$  – показатель преломления), широко используется в физике высоких энергий, ядерной физике, физике ускорителей для идентификации элементарных частиц и ядер [1–3], для диагностики пучков ускоренных заряженных частиц [4, 5]. Еще одно перспективное направление применения – создание интенсивных источников электромагнитного излучения [6, 7]. Следует отметить, что область применения и использования ИВЧ ограничена тем, что заряд проходит через среду. В ряде случаев этот факт приводит к снижению точности измерений и ухудшает характеристики диагностируемого пучка.

В последние годы у исследователей возрос интерес к ИВЧ, которое генерируется зарядом, пролетающим вблизи оптической неоднородности в вакууме на расстоянии  $h \leq \gamma\lambda/2\pi$  ( $\gamma$  – Лоренц-фактор,  $\lambda$  – длина волны испускаемого излучения) [8, 9]. В некоторых работах (например, [10]) рассматриваемое излучение получило название “черенковское дифракционное излучение” (*Cherenkov Diffraction Radiation*). Ясно, что в этом случае влияние радиатора на траекторию движущихся зарядов сводится к минимуму, что расши-

ряет арсенал средств, применяемых для диагностики пучков.

В работе [11] авторы предложили использовать в качестве источника электромагнитного излучения радиатор в виде конуса, собранного из периодического набора фольг с изменяющимся диаметром при пропускании короткого электронного сгустка вдоль оси конуса. Когерентное переходное излучение (КПИ), возникающее при пересечении сгустком каждой фольги и распространяющееся между соседними фольгами, на выходе из радиатора в вакуум распространяется под углом  $\theta_1$  (рис. 1а) относительно импульса электрона аналогично конусу ИВЧ.

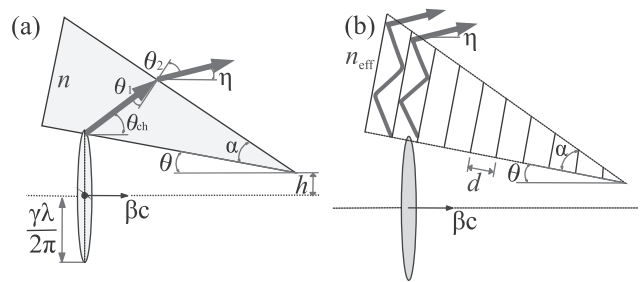


Рис. 1. (Цветной онлайн) (а) – Тefлоновая призма,  $n = 1.41$ , высота  $H = 74$  мм, длина катета  $L = 175$  мм,  $\alpha = 45^\circ$ ,  $h = 15$  мм; (б) – многослойная призма,  $H = 85$  мм,  $L = 185$  мм,  $d = 26.5$  мм,  $\alpha = 38^\circ$ ,  $h = 15$  мм

<sup>1)</sup>e-mail: naumenko@tpu.ru

Авторы работы [11] рассмотрели распространение КПИ в радиаторе как распространение волны в среде с показателем преломления  $n_{\text{eff}}$  и получили формулу для вакуумного угла  $\eta_{\text{vac}}$  (между волновым вектором и осью конуса):

$$\cos(\eta_{\text{vac}} + \alpha) = \cos \alpha - n \cdot \sin \alpha. \tag{1}$$

В выражении (1) угол  $\alpha$  – угол при вершине конического радиатора.

Подобную периодическую структуру, состоящую из набора фольг в ряде работ определяют как “одномерный фотонный кристалл” [12, 13]. Существует несколько определений фотонных кристаллов [14–17]. Генерация субмиллиметрового излучения, возбуждаемого в одномерном фотонном кристалле, рассматривалась, например, в работе [13]. На наш взгляд выделение этих структур в отдельный класс “Фотонных кристаллов” является несколько искусственным и надуманным.

В работе [18] авторы рассматривали периодическую структуру из набора фольг с заполнением зазора диэлектриком и показали, что эффективный показатель преломления такой структуры  $n_{\text{eff}}$  (величина, определяющая преломление излучения на границах этих структур) определяется периодом структуры и типом диэлектрика с показателем преломления  $n$ . Варьируя эти параметры как исходные, можно изменять величину  $n_{\text{eff}}$  в широких пределах и, соответственно, угол генерации ИВЧ, которое авторы называют квазичеренковским (*quasicherenkov*):

$$\eta_{\text{qch}} = \arccos(1/\beta n_{\text{eff}}). \tag{2}$$

Для вывода излучения в вакуум необходимо подбирать геометрию радиатора. Так, например, в эксперименте [19] в качестве радиатора, в котором генерируется ИВЧ, использовалась тефлоновая наклонная призма.

Для такой мишени (см. геометрию и обозначения на рис. 1а) угол  $\theta_{\text{ch}}$  между волновым вектором ИВЧ в материале радиатора и импульсом электрона для наклонной входной поверхности радиатора (см. рис. 1а) находится, например, из построения Гюйгенса [9]:

$$\theta_{\text{ch}} = \arccos\left(\frac{\cos \theta}{\beta n}\right) - \theta. \tag{3}$$

Из закона Снеллиуса

$$\sin \theta_2 = n \cdot \sin \theta_1 \tag{4}$$

можно найти угол выхода ИВЧ в вакуум  $\theta_2$  (относительно нормали к выходной грани). Из геометрии

ческих построений для углов  $\theta_1, \theta_2, \eta$  можно легко получить следующие соотношения:

$$\begin{aligned} \theta_1 &= \pi/2 - \theta_{\text{ch}} - \alpha - \theta, \\ \eta &= \pi/2 - \theta_2 - \alpha - \theta, \end{aligned} \tag{5}$$

где угол  $\theta_{\text{ch}}$  определяется формулой (3), угол  $\theta_1$  – угол ИВЧ в диэлектрике (относительно нормали к выходной грани), через угол  $\eta$  обозначен угол выхода ИВЧ в вакуум относительно импульса начального электрона. Используя формулы (3), (4), (5) после ряда тригонометрических преобразований, можно получить:

$$\eta = \arccos\left(n \cdot \sin\left(\arcsin\left(\frac{\cos \theta}{n \cdot \beta}\right) - \alpha\right)\right) - \alpha - \theta. \tag{6}$$

Для параллельного пролета ( $\theta = 0$ ) из формулы (6) получаем

$$\eta = \arccos\left[\frac{\cos \alpha}{\beta} - \sin(\alpha) \sqrt{n^2 - 1/\beta^2}\right] - \alpha,$$

что согласуется с выражением (1) для  $n \gg 1$  при  $\beta \approx 1$ .

Для случая периодической структуры, подобной предлагаемой в работе [11], целесообразно провести экспериментальное исследование зависимости  $n_{\text{eff}}$  от параметров и геометрии мишени. Для этого удобно использовать треугольную призму, состоящую по аналогии с [11] из параллельных проводящих пластин, помещенную вблизи пучка релятивистских электронов.

Эксперименты проводились на выведенном пучке микротрона Томского политехнического университета с параметрами, указанными в табл. 1.

**Таблица 1.** Параметры выведенного пучка релятивистских электронов

Энергия электронов	$E = 6.1 \text{ МэВ}$
Лоренц-фактор	$\gamma = 12$
Длительность макроимпульса	$\approx 4 \text{ нс}$
Частота макроимпульсов	$1 \sim 10 \text{ Гц}$
Длина электронного сгустка	$\sigma_z = 2.4 \text{ мм}$
Количество электронов в сгустке	$N_e \approx 10^8$
Число сгустков в макроимпульсе	$N_b \approx 10^4$
Расстояние между сгустками	$\Lambda = 114 \text{ мм}$
Частота ВЧ поля	$\nu_{RF} = 2.63 \text{ ГГц}$
Поперечное сечение пучка	$4 \times 2 \text{ мм}$
Угловая расходимость пучка	$0.08 \text{ рад}$

Угловые характеристики ИВЧ от тефлоновой призмы ( $n = 1.41$ ) с параметрами, приведенными

на рис. 1, измерялись при повороте призмы вокруг вершины на угол  $\theta$  при сохранении неизменным прицельного параметра  $h$ .

Для исследования характеристик излучения от одномерных структур мы использовали многослойную призматическую мишень с параметрами, указанными в подписи к рис. 1b. Толщина и материал пластин ( $\Delta d = 1$  мм, медь) выбирались из технологических соображений. Расстояние от выводного патрубка до края мишеней соответствовало 300 мм. В качестве детектора излучения использовался широкополосный детектор DPMM [19, 20], чувствительный к излучению с длинами волн  $\lambda = 5 \div 50$  мм. Детектор размещался в фокусе параболического зеркала (фокусное расстояние  $f = 145$  мм, см. рис. 2), что позволяло регистрировать излучение в так называемой “дальней зоне” с угловым разрешением  $\Delta\eta = 4^\circ$  [21].

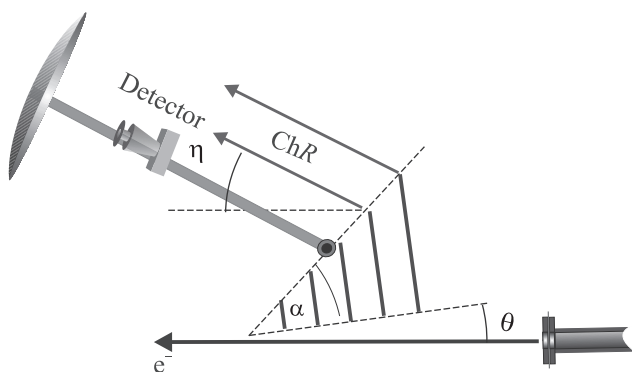


Рис. 2. (Цветной онлайн) Схема измерения угловых распределений интенсивности излучения от призматической мишени

Для электронных сгустков такой длительности излучение в области длин волн  $\lambda > 9$  мм становится когерентным, интенсивность которого пропорциональна  $N_e^2$ .

В измерениях мы меняли угол наблюдения  $\eta$  при вращении параболического зеркала вокруг оси, совпадающей с центром выходной грани мишени.

На рисунке 3 приведена эволюция углового распределения ИВЧ от тефлоновой мишени при изменении угла наклона призмы  $\theta$ . Статистическая ошибка измерений в каждой точке не превышает 4%. Зависимость измеренного угла  $\eta_{ch}^{exp}$ , соответствующего максимальным значениям распределений, представленных на рис. 3, приведена в табл. 2 и на рис. 4. Здесь же показана теоретическая кривая, рассчитанная по формуле (6). В этой же таблице приводятся теоретические оценки  $\eta_{ch}^{est}$  этого угла по формуле (6).

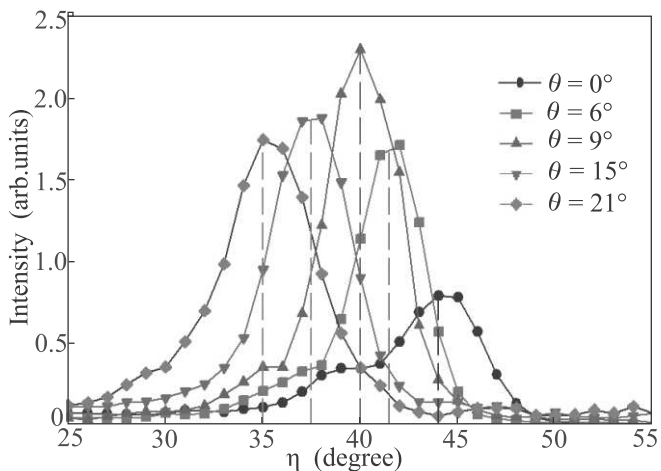


Рис. 3. (Цветной онлайн) Угловые распределения от тефлоновой призмы при различных углах  $\theta$  ее поворота

Ошибки положения пиков на рис. 4 получены при аппроксимации вершин пиков гауссианом.

Таблица 2. Сравнение экспериментальных углов с теорией для тефлоновой мишени

$\theta$	$\eta_{ch}^{exp}$	$\eta_{ch}^{est}$
$0^\circ$	$44.3^\circ$	$44.7^\circ$
$6^\circ$	$41.5^\circ$	$39.2^\circ$
$9^\circ$	$40^\circ$	$36.8^\circ$
$15^\circ$	$37.5^\circ$	$32.5^\circ$
$21^\circ$	$35^\circ$	$29^\circ$

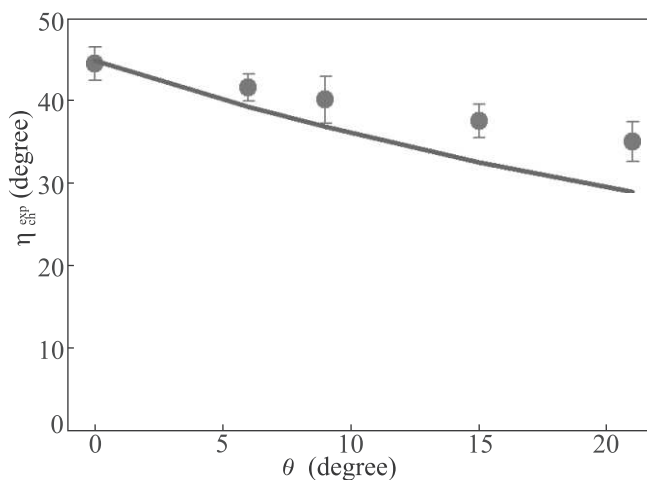


Рис. 4. (Цветной онлайн) Углы  $\eta_{ch}^{exp}$  в максимумах угловых распределений (см. рис. 3) при разных углах поворота мишени. Сплошная линия – теоретическая кривая, рассчитанная по формуле (6)

Расхождение оценок по формуле (6) с экспериментальными данными мы связываем с вкладом ди-

фракционного излучения, возникающего при взаимодействии кулоновского поля электронов с основанием призмы (см. рис. 1а) и дальнейшим его переотражением и интерференцией с полем ИВЧ в материале радиатора.

На рисунке 5 приведены измеренные угловые распределения для многослойной призматической мишени.

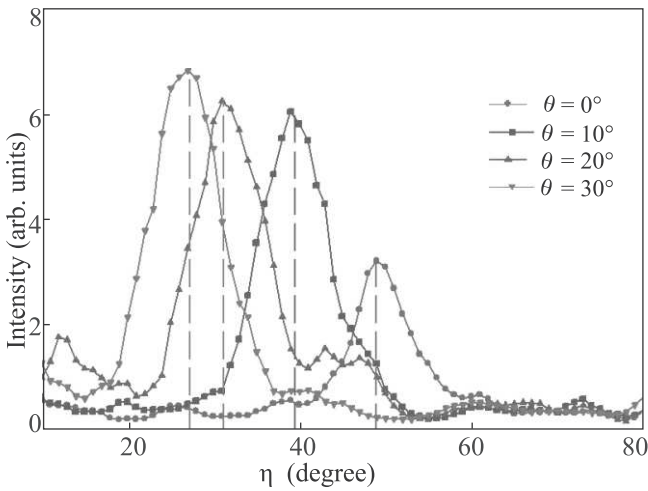


Рис. 5. (Цветной онлайн) Угловые распределения от многослойной мишени при различной ее ориентации  $\theta$

В таблице 3 приведены значения углов  $\eta_{ch}^{exp}$  в зависимости от угла поворота призмы  $\theta$  и эффективные показатели преломления, посчитанные по формуле (6).

**Таблица 3.** Значение эффективного показателя преломления для многослойной мишени

$\theta$	$\eta_{ch}^{exp}$	$n_{eff}$
$0^\circ$	$49^\circ$	1.49
$10^\circ$	$39.5^\circ$	1.47
$20^\circ$	$31.2^\circ$	1.44
$30^\circ$	$27.3^\circ$	1.45

Как и в случае диэлектрической призмы, наблюдается уменьшение угла для максимума  $\eta_{ch}^{exp}$  при повороте призмы. Однако зависимость между  $\eta_{ch}^{exp}$  и  $\theta$  не описывается выражением (6) для фиксированного значения  $n_{eff}$ . Значение эффективного показателя преломления  $n_{eff}$ , “связывающего” углы  $\eta_{ch}^{exp}$  и  $\theta$ , приведены в табл. 3.

Для рассматриваемого слоистого призматического радиатора коэффициент преломления  $n_{eff}$  не является константой и зависит от угла поворота призмы  $\theta$ . Заметим, что вклад дифракционного излучения, возникающего при взаимодействии кулоновского по-

ля электронов с основанием призмы (см. рис. 1б) в этой мишени отсутствует.

Мы предполагаем, что величина  $n_{eff}$  не является скалярной величиной, а носит тензорный характер.

В работе [18] утверждалось, что механизм резонансного переходного излучения можно рассматривать как квазичеренковский механизм. Как отмечалось выше, авторы статьи [11] предложили слоистый конический радиатор для генерации ТГц излучения при использовании механизма резонансного переходного излучения. По оценкам, приведенным в этой работе, интенсивность квазичеренковского излучения из конической слоистой мишени может существенно превышать интенсивность ИВЧ для диэлектрического радиатора. В работе [22] была предложена геометрия радиатора на основе метаматериала, позволяющего генерировать “нерасходящийся” (*nondivergent*) пучок. В отличие от этих работ, в которых использовался средний эффективный показатель преломления, в нашей работе показана зависимость показателя преломления от геометрии мишени.

По результатам исследований мы предлагаем использовать для генерации квазичеренковского излучения механизм резонансного дифракционного излучения [23]. Радиатор, так же как и в [11], является коническим с осевым вакуумным каналом для пропускания электронного пучка.

В предлагаемой геометрии радиатора (рис. 6) электронный пучок теряет энергию только на излучение, а ионизационные потери отсутствуют. Кроме того, периодическая структура радиатора будет приводить к монохроматизации спектра квазичеренковского излучения.

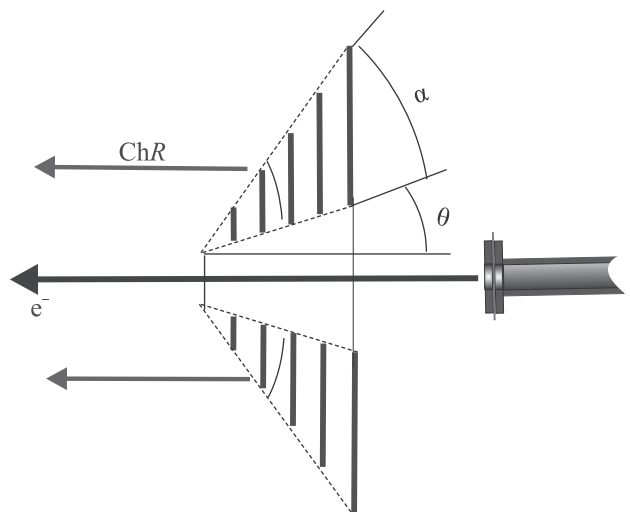


Рис. 6. (Цветной онлайн) Геометрия излучения от многослойной конической мишени

Результаты исследований спектрального состава излучения от призматической слоистой мишени будут опубликованы в следующей статье.

Работа выполнена при частичной поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант # 18-52-50002).

Авторы признательны Н. А. Винокурову за полезную дискуссию.

1. Дж. Джелли, *Черенковское излучение и его применение*, Изд-во иностр. лит., М. (1960).
2. В. П. Зрелов, *Излучение Вавилова-Черенкова и его применение в физике высоких энергий*, Атомиздат, М. (1968).
3. T. Ypsilantis and J. Seguinot, Nucl. Instr. and Meth. A **343**, 30 (1994).
4. A. M. Cook, R. Tikhoplav, S. Y. Tochitsky, G. Travish, O. B. Williams, and J. B. Rosenzweig, Phys. Rev. Lett. **103**, 095003 (2009).
5. K. Kan, T. Kondoh, T. Kozawa, K. Norizawa, A. Ogata, J. Yang, and Y. Yoshida, *Bunch length measurement using coherent Cherenkov radiation*, in *Proceedings of the 10th European Workshop on Beam Diagnostics and Instrumentation for Particle Accelerators DIPAC-2011, TUPD30, Hamburg, Germany, May 16–18* (2011).
6. N. Sei and T. Takahashi, Sci. Rep. **7**, 17440 (2017).
7. A. V. Smirnov, Nucl. Instr. and Meth. A **771**, 147 (2015).
8. T. Takahashi, Y. Shibata, K. Ishi, M. Ikezawa, M. Oyamada, and Y. Kondo, Phys. Rev. E **62**, 8606 (2000).
9. M. V. Shevelev and A. S. Kon'kov, J. Exp. Theor. Phys. **118**, 501 (2014).
10. R. Kieffer, L. Bartnik, M. Bergamaschi et al. (Collaboration), Phys. Rev. Lett. **121**(5), 054802 (2018).
11. N. A. Vinokurov and Y. U. Jeong, Phys. Rev. Lett. **110**, 064805 (2013).
12. Ch. Luo, M. Ibanescu, S. G. Johnson, and J. D. Joannopoulos, Science **299**, 368 (2003).
13. L. Vovchenko, O. Lozitsky, Ig. Sagalianovv, L. Y. Matzui, V. V. Oliynyk, and V. L. Launets, Nanoscale Res. Lett. **12**, 269 (2017).
14. H. Benisty, V. Berger, M.-J. Gerard, D. Maystre, and A. Tchelmonov, *Photonic Crystals*, Springer, Belin (2005).
15. Е. Л. Ивченко, А. Н. Поддубный, ФТТ **48**(3), 540 (2006).
16. В. А. Кособукин, *Окно в Микромир*, Физико-технический институт им. А. Ф. Иоффе РАН **4**, 4 (2002).
17. В. Г. Федотов, А. В. Селькин, Наносистемы: физика, химия, математика **2**(1), 109 (2011).
18. X. Lin, S. Easo, Y. Shen, H. Chen, B. Zhang, J. D. Joannopoulos, M. Soljai, and I. Kaminer, Nature Phys. **18**, 816 (2018).
19. G. A. Naumenko, A. P. Potylitsyn, M. V. Shevelev, and Yu. A. Popov, JETP Lett. **94**(4), 258 (2011).
20. G. A. Naumenko, A. P. Potylitsyn, P. V. Karataev, M. A. Shipulya, and V. V. Bleko, JETP Lett. **106**(2), 127 (2017).
21. B. N. Kalinin, G. A. Naumenko, A. P. Potylitsyn, G. A. Saruev, L. G. Sukhikh, and V. A. Cha, JETP Lett. **84**(3), 110 (2006).
22. A. V. Tyukhtin and V. V. Vorobev, Phys. Rev. Lett. **108**, 184801 (2012).
23. A. P. Potylitsyn, M. I. Ryazanov, M. N. Strikhanov, and A. A. Tishchenko, *Diffraction radiation from Relativistic Particles*, Springer, Berlin (2011).