Эффекты электрон-электронного взаимодействия в спектрах магнитопоглощения квантовых ям HgTe/CdHgTe с инвертированной зонной структурой

Л. С. Бовкун^{а,b}, А. В. Иконников^с, С. С. Криштопенко^d, В. Я. Алешкин^a, М. С. Жолудев^a, С. Руффенах^{d 1}), К. Консежо^{d 1}), Ф. Тепп^{d 1}), С. А. Дворецкий^e, Н. Н. Михайлов^e, М. Потемски^{b 1}), М. Орлита^{b 1}), В. И. Гавриленко^{a,g 2})

> ^а Институт физики микроструктур РАН – филиал Федерального исследовательского центра Институт прикладной физики РАН, 603950 Н. Новгород, Россия

^bLaboratoire National des Champs Magnétiques Intenses, CNRS-UGA-EMFL-UPS-INSA, FR-38042 Grenoble, France

^сФизический факультет МГУ им. М.В. Ломоносова, 119991 Москва, Россия

^dLaboratoire Charles Coulomb, UMR CNRS 5221, Université de Montpellier, 34095 Montpellier, France

^е Институт физики полупроводников им. А. В. Ржанова Сибирского отделения РАН, 630090 Новосибирск, Россия

⁹Нижегородский государственный университет им. Н. И. Лобачевского, 603950 Н. Новгород, Россия

Поступила в редакцию 22 сентября 2020 г. После переработки 22 сентября 2020 г. Принята к публикации 23 сентября 2020 г.

Выполнены исследования магнитопоглощения квантовых ям HgTe/CdHgTe с инвертированной зонной структурой в магнитных полях до 30 Tл. Показано, что положение линий магнитопоглощения для переходов с "нулевых" уровней Ландау в широком диапазоне магнитных полей принципиально не может быть описано в рамках "одноэлектронного" приближения с использованием 8-зонной модели Кейна и учетом эффектов, связанных с отсутствием пространственной инверсии. Обнаруженное поведение энергий оптических переходов в зависимости от магнитного поля может быть качественно объяснено в рамках "многочастичной" картины, в которой переходы между уровнями Ландау рассматриваются как коллективные моды, гибридизованные электрон-электронным взаимодействием.

 ${\rm DOI:}\ 10.31857/S1234567820200082$

1. Введение. В последние годы наблюдается большой интерес к квантовым ямам (КЯ) HgTe/CdHgTe с инвертированной зонной структурой, являющимися двумерными (2D) топологическими изоляторами при толщинах КЯ (d_{QW}) , больших критической величины $d_c \sim 6.3 \, {\rm mm} \, [1-$ 3]. Эффективным методом исследования зонной структуры таких материалов является магнитоспектроскопия в дальнем и среднем инфракрасных (ИК) диапазонах, в который попадают как внутризонные, так и межзонные оптические переходы (см., например, [4-7]). Хорошо известно, что в 2D системах с параболичным законом дисперсии энергия циклотронных переходов нечувствительна к электрон-электронному (е-е) взаимодействию [8]. В то же время, сильная непараболичность законов дисперсии в подзонах размерного квантования в

(см., например, [6, 7]). Поскольку положение каждой из этих линий поглощения соответствует длинноволновой энергии магнитоплазменного возбуждения (магнитоэкситона [9, 10]), непараболичность электронных подзон может приводить к гибридизации магнитоплазменных мод с близкими энергиями даже в длинноволновом пределе (ср. [11-14]). Особенно выраженно эффекты е-е взаимодействия в спектрах магнитопоглощения должны проявляться для переходов, разница энергий которых меньше характерного масштаба кулоновского взаимодействия в заданном магнитном поле $E_c \sim \frac{e^2}{\epsilon l_B}$, где e – заряд электрона, l_B – магнитная длина ($l_B = \sqrt{\frac{\hbar c}{eB}}, B$ – напряженность магнитного поля, \hbar – приведенная постоянная Планка, c – скорость света) и $\epsilon \sim 21$ – статическая диэлектрическая проницаемость HgTe.

КЯ HgTe/CdHgTe приводит к различию в энергиях

переходов между уровнями Ландау и большому

количеству линий в спектрах магнитопоглощения

¹⁾S. Ruffenach, C. Consejo, F. Teppe, M. Potemski, M. Orlita.
²⁾e-mail: gavr@ipmras.ru

Отличительной особенностью КЯ с инвертированной зонной структурой, помещенных в перпендикулярное магнитное поле, является возникновение пары пересекающихся уровней Ландау [3, 6, 15, 16]. В двухзонной 2D модели Берневига–Хьюза–Чжана (Bernevig–Hughes–Zhang, BHZ) [2] оба уровня имеют нулевой индекс n = 0, в то время как в 8-зонной модели Кейна в аксиальном приближении "нулевые" уровни Ландау имеют индексы n = -2 и n = 0 (см. рис. 1) [5, 6, 17–19]. Уровень n = 0 является электрон-



Рис. 1. (Цветной онлайн) Уровни Ландау в образце 091223-1 с шириной КЯ HgTe 8 нм, рассчитанные в рамках аксиального приближения (детали расчета представлены в [6, 18, 19]). Уровни Ландау с номерами n = 0 и n = -2, соответствующие "нулевым" уровням Ландау в двухзонной ВНZ модели [2, 3], выделены жирным. Штриховые линии – "нулевые" уровни Ландау, рассчитанные с учетом ВІА и ІІА. Точечная линия – положение уровня Ферми для концентрации электронов 2.3 · 10¹¹ см⁻². Стрелками указаны наблюдаемые переходы. Обозначения переходов соответствуют [4, 18, 24]

подобным, и его энергия возрастает с ростом магнитного поля. В свою очередь уровень n = -2 является дырочно-подобным, и его энергия уменьшается с ростом поля. В некотором критическом поле B_c ($B_c \approx 6$ Тл в КЯ НgTe шириной 8 нм) "нулевые" уровни пересекаются [3–5, 17], и зонная структура перестает быть инвертированной [3]. В результате этого, переходы с участием "нулевых" уровней Ландау в инвертированных КЯ могут иметь близкие энергии в некотором диапазоне полей, что делает привлекательными такие структуры для исследования эффектов e-e взаимодействия в спектрах магнитопоглощения.

Ранее в инвертированных KЯ HgTe/CdHgTe в окрестности критического поля B_c были обнаруже-

ны расщепления основных линий магнитопоглощения α [6, 17, 18] и β [18], обусловленных переходами с "нулевых" уровней Ландау (см. рис. 1). Обнаруженные в указанных работах расщепления линий связывались с возможным антипересечением "нулевых" уровней Ландау, вызванным отсутствием центра пространственной инверсии в элементарной ячейки полупроводников со структурой цинковой обманки (Bulk Inversion Asymmetry, BIA). В работе [17] также отмечалось, что антипересечение уровней Ландау может быть связано и с эффектами е-е взаимодействия. Позже в работе [19] было показано, что основной вклад в расщепление линий α и β в рамках "одноэлектронного" приближения обусловлен отсутствием центра инверсии из-за анизотропии химических связей на гетероинтефейсах HgTe/CdHgTe (Interface Inversion Asymmetry, IIA [20]). Наконец, в недавней работе [21] было обнаружено, что параметры расщепления линий α и β в окрестности B_c имеют сильную зависимость от концентрации 2D электронов в КЯ HgTe/CdHgTe, которая не может быть объяснена в рамках "одноэлектронного" приближения. Как видно из рис. 1, пары переходов (α, α') и (β, β') , с которыми связывается расщепление линий α и $\beta,$ имеют близкие значения энергий в окрестности B_c , что может вызывать их возможную гибридизацию, вызванную е-е взаимодействием.

Кроме близких по энергиям в окрестности В_с указанных пар переходов (α, α') и (β, β') , в КЯ HgTe/CdHgTe с инвертированной зонной структурой в более сильных магнитных полях энергии самих переходов α и β могут оказаться близки. Это было впервые экспериментально продемонстрировано в работе [22]. Было показано, что подобное поведение переходов в KЯ HgTe/CdHgTe в сильных магнитных полях является следствием инвертированной зонной структуры в нулевом магнитном поле. В более поздней работе [23] "пересечение" переходов α и β с ростом магнитного поля было использовано для наблюдения топологического фазового перехода при повышении температуры в спектрах магнитопоглощения. Отметим, что в обеих работах [22, 23] слияния линий α и β с ростом магнитного поля, предсказываемого в рамках "одноэлектронного" приближения, в спектрах магнитопоглощения не наблюдалось.

В настоящей работе выполнены детальные экспериментальные исследования спектров магнитопоглощения KЯ HgTe/CdHgTe с инвертированной зонной структурой в окрестности критического магнитного поля B_c и в полях, соответствующим близким значениям энергий переходов α и β . Полученные экспериментальные результаты однозначно демонстрируют неприменимость "одноэлектронного" приближения для описания поведения переходов с близкими резонансными энергиями в зависимости от магнитного поля.

2. Результаты и обсуждение. В работе исследовались образцы с КЯ $\operatorname{HgTe}/\operatorname{Cd}_{x}\operatorname{Hg}_{1-x}$ Те, выращенные методом молекулярно-лучевой эпитаксии в ИФП СО РАН на полуизолирующих подложках GaAs(013) [25]: 091223-1 ($d_{QW} = 8$ нм, x = 0.62) и 091217-1 ($d_{QW} = 7$ нм, x = 0.72). Концентрация электронов при T = 4.2 К в обеих структурах составляла (2.2-2.3) · 10^{11} см⁻², характерная величина подвижности – $50000 \text{ см}^2/\text{B} \cdot \text{с}$. Спектры магнитопоглощения измерялись при T = 2-4.2 К методом фурье-спектроскопии в Национальной лаборатории сильных магнитных полей в Гренобле (LNCMI-G) в полях до 11 Тл с использованием сверхпроводящего соленоида и в полях до 30 Тл с использованием резистивного соленоида [26].

На рисунке 2 представлены сводные данные по положению линий поглощения в образце 091223-1.



Рис. 2. (Цветной онлайн) Рассчитанные энергии магнитооптических переходов (линии) и положения экстремумов магнитопоглощения в образце 091223-1 (символы). Серые полосы – область фононного поглощения в структуре и область остаточных лучей в подложке GaAs. CR – линия классического циклотронного резонанса. Магнитопоглощение в области энергий 70 мэВ в небольших полях (серые символы) связано с межзонными переходами (см. [19]). Стрелкой отмечено критическое поле B_c , соответствующее пересечению "нулевых" уровней Ландау. На вставке: спектр магнитопоглощения в критическом магнитном поле B_c

Как видно из рисунка, в спектрах помимо "основных" линий α и $\beta,$ вызванных переходами $0\to 1$ и

 $-2 \rightarrow -1$ с "нулевых" уровней Ландау (рис. 1), наблюдаются линии α' и β' (см. также [18]). Последние в рамках "одноэлектронного" приближения связывались с замешиванием состояний и антипересечением "нулевых" уровней Ландау вследствие отсутствия центра инверсии в кристаллической решетке (BIA) и/или анизотропии химических связей на гетероинтерфейсах КЯ (IIA) [18, 19]. Как отмечалось ранее, в рамках аксиального приближения для 8-зонной модели Кейна "нулевые" уровни Ландау пересекаются в критическом поле B_c (6.2 Тл для данного образца, рис. 1). Учет неаксиальных слагаемых в гамильтониане Кейна, в том числе связанных с BIA и IIA, приводит к конечной разнице энергий между "нулевыми" уровнями, минимум которой достигается при $B = 5.8 \,\mathrm{Tr}$ (рис. 1). В рамках "одноэлектронной" картины разность энергий между "нулевыми" уровнями Ландау может быть непосредственно определена из разности энергий переходов (α, α') и (β, β') . Очевидно, что в рамках одночастичного приближения величина расщепления и значение магнитного поля, в котором достигается минимум, должны совпадать для обеих пар (α, α') и (β, β') , поскольку переходы в обоих случаях идут с одних и mex же "нулевых" уровней Ландау. Однако, как видно из рис. 3, разница энергий



Рис. 3. (Цветной онлайн) Зависимость от магнитного поля абсолютной разницы энергий наблюдаемых магнитооптических переходов в парах (α, α') и (β, β') в образце 091223-1. Стрелкой отмечено критическое поле B_c , соответствующее пересечению "нулевых" уровней Ландау

между парами переходов (α, α') и (β, β') оказывается неодинаковой и, кроме того, минимум для каждой из пар достигается при различных значениях магнитных полей (5.6 и 6.1 Тл соответственно). Данный факт не может быть объяснен в рамках "одноэлектронного" приближения и требует рассмотрения переходов (α, α') и (β, β') в качестве коллективных мод, гибридизованных e-e взаимодействием.

Другие подтверждения проявления эффектов e-eвзаимодействия в спектрах магнитопоглощения инвертированных КЯ HgTe/CdHgTe были получены при исследовании образца 091217-1 с шириной КЯ 7 нм. Уменьшение толщины КЯ приводит к уменьшению величины критического поля B_c до 2.75 Тл (рис. 4), в окрестности которого в этом образце в



Рис. 4. (Цветной онлайн) Уровни Ландау в образце 091217-1 с шириной КЯ НgTe 7 нм, рассчитанные в рамках аксиального приближения. Точечная линия – положение уровня Ферми для концентрации электронов $2.3 \cdot 10^{11}$ см⁻². Стрелками указаны наблюдаемые переходы

спектрах магнитопоглощения переходы $\alpha \ (0 \rightarrow 1)$ и β ($-2 \rightarrow -1$) еще не наблюдаются вследствие заполнения конечных для этих переходов уровней Ландау. Как видно из рис. 5, "одноэлектронный" расчет предсказывает слияние линий поглощения α и β (переходов $0 \rightarrow 1$ и $-2 \rightarrow -1$) в магнитном поле 11 Тл, значительно превышающем величину Вс. Для этого образца мы ограничились расчетами уровней Ландау в аксиальном приближении, поскольку в сильных магнитных полях, существенно превышающих В_c, влиянием эффектов, связанных с ВІА и ІІА, на энергии магнитооптических переходов можно пренебречь [19]. В этом случае, единственной причиной для "антипересечения" энергий переходов α и β при изменении магнитного поля может быть только "взаимодействие" самих переходов, т.е. гибридизация магнитоплазменных мод (магнитоэкситонов) с близкими энергиями [11–14]. Детальный анализ линий маг-



Рис. 5. (Цветной онлайн) Рассчитанные энергии магнитооптических переходов и положения линий магнитопоглощения в образце 091217-1, полученные из различных измерений: кружки-измерения в сверхпроводящем соленоиде до 11 Тл, квадраты – в резистивном соленоиде до 30 Тл; сплошные символы-измерения с использованием фильтра из черного полиэтилена, открытые – с фильтром ZnSe. Серые полосы – область фононного поглощения в структуре и область остаточных лучей в подложке GaAs. CR – линия классического циклотронного резонанса. Магнитопоглощение в области энергий 100 мэВ в небольших полях (серые символы) связано с межзонными переходами (см. [19]). На вставке: спектр магнитопоглощения в магнитном поле, соответствующем пересечению переходов а и в в одноэлектронном" приближении

нитопоглощения в структуре 091217-1, измеренных при различных условиях (на образцах, выколотых из различных частей структуры, на разных установках и с использованием различных фильтров) (рис. 5) показывает, что линии α и β в диапазоне полей 10–30 Тл идут практически параллельно друг другу на "расстоянии" порядка 9 мэВ. Характерный масштаб кулоновского взаимодействия E_c в этом же диапазоне полей составляет 8–14 мэВ, что также свидетельствует о "многочастичной" природе "взаимодействия" переходов α и β .

Аналогичное отсутствие пересечения линий α и β наблюдалось и в работе [23], в которой исследовалось магнитопоглощение в КЯ HgTe/CdHgTe шириной 8 нм при различных температурах. При низкой температуре 2 К так же, как и в структуре 091223-1, исследованной в настоящей работе, наблюдается пара линий (α, α') вблизи $B_c \sim 6$ Тл (см. рис. 3d в [23]). При повышении температуры до 90 К спектр становится бесщелевым, а при промежуточной темпера-

туре 50 К ширина инвертированной щели и критическое поле B_c уменьшаются, и расчет предсказывает пересечение линий α и β в магнитном поле ~ 10 Тл. Однако, как и для образца 091217-1, в этом случае линии не демонстрируют никакой тенденции к пересечению вплоть до максимального в рассматриваемом эксперименте магнитного поля 16 Тл [23].

Неизбежность пересечения линий поглощения α и β с ростом магнитного поля в рамках "одноэлектронного" описания можно пояснить качественными соображениями. В образцах с инвертированной зонной структурой линия а обусловлена межзонным переходом $0 \rightarrow 1$ (рис. 1, 4), а линия β – *внут*ризонным циклотронным переходом, энергия которого стремится к нулю при уменьшении магнитного поля. Таким образом, в слабых магнитных полях в КЯ с инверсией зон линия α всегда лежит выше по энергии, чем линия В. В бесщелевом образце эти линии сливаются в малых магнитных полях, а в сильных полях линия β лежит выше линии α [23]. Равенство энергий переходов α (0 \rightarrow 1) и β ($-2 \rightarrow -1$) в пределе малых магнитных полей можно строго показать в рамках двухзонной 2D BHZ модели [23]. В то же время, расчет с использованием 8-зонной модели Кейна показывает, что с ростом магнитного поля "расстояние" между уровнями Ландау 0 и 1 становится меньше, чем между уровнями -2 и -1 - см. рис. За в работе [27]. Причиной этого является отклонение закона дисперсии от линейного, т. е. возрастание вкладов членов гамильтониана, пропорциональных k^2 с ростом квазиимпульса и, соответственно, магнитного поля [2, 3, 23]. В случае КЯ с инвертированной зонной структурой конечная величина щели в сильных магнитных полях дает малую добавку к энергии уровней Ландау, и с ростом поля энергия перехода β ($-2 \rightarrow -1$) рано или поздно становится меньше энергии перехода α $(0 \rightarrow 1).$

3. Заключение. В работе исследованы спектры магнитопоглощения КЯ HgTe/CdHgTe с инвертированной зонной структурой в дальнем и среднем ИК диапазонах. Из анализа положения линий в спектрах магнитопоглощения выявлены эффекты, которые принципиально не могут быть объяснены в рамках "одноэлектронного" приближения с использованием 8-зонной модели Кейна. Обнаруженное поведение энергий оптических переходов с близкими энергиями в сильных магнитных полях однозначно демонстрирует "многочастичную" природу переходов между уровнями Ландау, которые должны рассматриваться как коллективные моды (магнитоэкситоны), гибридизованные *e–e* взаимодействием.

Работа выполнена при поддержке Российского научного фонда (грант RSF-ANR 20-42-09039) и Национального исследовательского агентства Франции (Agence nationale de la recherche (ANR), проект Colector).

Авторы благодарят за поддержку Национальную лабораторию сильных магнитных полей LNCMI-G, члена европейской лаборатории сильных магнитных полей (European Magnetic Field Laboratory).

- L.G. Gerchikov and A. Subashiev, Phys. Status Solidi B 160, 443 (1990).
- B. A. Bernevig, T. L. Hughes, and S. C. Zhang, Science 314, 1757 (2006).
- M. König, S. Wiedmann, C. Brüne, A. Roth, H. Buhmann, L.W. Molenkamp, X.L. Qi, and S.C. Zhang, Science **318**, 766 (2007).
- M. Schultz, U. Merkt, A. Sonntag, U. Rossler, R. Winkler, T. Colin, P. Helgesen, T. Skauli, and S. Løvold, Phys. Rev. B 57, 14772 (1998).
- A.V. Ikonnikov, M.S. Zholudev, K.E. Spirin et al. (Collaboration), Semicond. Sci. Technol. 26, 125011 (2011).
- M. Zholudev, F. Teppe, M. Orlita et al. (Collaboration), Phys. Rev. B 86, 205420 (2012).
- M.S. Zholudev, A.V. Ikonnikov, F. Teppe, M. Orlita, K.V. Maremyanin, K.E. Spirin, V.I. Gavrilenko, W. Knap, S.A. Dvoretskiy, and N.N. Mihailov, Nanoscale Res. Lett. 7, 534 (2012).
- 8. W. Kohn, Phys. Rev 123, 1242 (1961).
- Ю. А. Бычков, С. В. Иорданский, Г. М. Элиашберг, Письма в ЖЭТФ **33**, 152 (1981).
- C. Kallin and B.I. Halperin, Phys. Rev. B 30, 5655 (1984).
- A. H. MacDonald and C. Kallin, Phys. Rev. B 40, 5795 (1989).
- S.S. Krishtopenko, J. Phys.: Condens. Matter 25, 365602 (2013).
- S. S. Krishtopenko, A. V. Ikonnikov, M. Orlita, Yu. G. Sadofyev, M. Goiran, F. Teppe, W. Knap, and V. I. Gavrilenko, J. Appl. Phys. **117**, 112813 (2015).
- Y.A. Bychkov and G. Martinez, Phys. Rev. B 66, 193312 (2002).
- S.S. Krishtopenko and F. Teppe, Sci. Adv. 4, eaap752 (2018).
- S. S. Krishtopenko, S. Ruffenach, F. Gonzalez-Posada et al. (Collaboration), Phys. Rev. B 97, 245419 (2018).
- M. Orlita, K. Masztalerz, C. Faugeras, M. Potemski, E.G. Novik, C. Brune, H. Buhmann, and L.W. Molenkamp, Phys. Rev. B 83, 115307 (2011).
- М. С. Жолудев, Ф. Теп, С. В. Морозов, М. Орлита, К. Консейо, С. Руфенах, В. Кнап, В. И. Гавриленко, С. А. Дворецкий, Н. Н. Михайлов, Письма в ЖЭТФ 100, 895 (2014).

- L.S. Bovkun, A.V. Ikonnikov, V.Ya. Aleshkin, K.E. Spirin, V.I. Gavrilenko, N.N. Mikhailov, S.A. Dvoretskii, F. Teppe, B.A. Piot, M. Potemski, and M. Orlita, J. Phys. Condens. Matter **31**, 145501 (2019).
- 20. S. A. Tarasenko, M. V. Durnev, M. O. Nestoklon, E. L. Ivchenko, J.-W. Luo, and A. Zunger, Phys. Rev. B 91, 081302(R) (2015).
- S. S. Krishtopenko, A. M. Kadykov, S. Gebert, S. Ruffenach, C. Consejo, J. Torres, C. Avogadri, B. Jouault, W. Knap, N. N. Mikhailov, S. A. Dvoretskii, and F. Teppe, Phys. Rev. B 102, 041404(R) (2020).
- A. V. Ikonnikov, S. S. Krishtopenko, O. Drachenko et al. (Collaboration), Phys. Rev. B 94, 155421 (2016).
- M. Marcinkiewicz, S. Ruffenach, S.S. Krishtopenko et al. (Collaboration), Phys. Rev. B 96, 035405 (2017).

- А. В. Иконников, М. С. Жолудев, К. В. Маремьянин, К. Е. Спирин, А. А. Ластовкин, В. И. Гавриленко, С. А. Дворецкий, Н. Н. Михайлов, Письма в ЖЭТФ 95, 452 (2012).
- S. Dvoretsky, N. Mikhailov, Y. Sidorov, V. Shvets, S. Danilov, B. Wittman, and S. Ganichev, J. Electron. Mater. **39**, 918 (2010).
- L.S. Bovkun, A.V. Ikonnikov, V.Ya. Aleshkin, K.V. Maremyanin, N.N. Mikhailov, S.A. Dvoretskii, S.S. Krishtopenko, F. Teppe, B.A. Piot, M. Potemski, M. Orlita, and V.I. Gavrilenko, Opto-Electronics Review 27, 213 (2019).
- 27. B. Buttner, C.X. Liu, G. Tkachov, E.G. Novik, C. Brune, H. Buhmann, E. M. Hankiewicz, P. Recher, B. Trauzettel, S. C. Zhang, and L. W. Molenkamp, Nat. Phys. 7, 418 (2011).