

Новый солитоноподобный режим генерации широкополосного терагерцового излучения лазерными импульсами с наклонными волновыми фронтами

С. В. Сазонов^{+*1)}, Н. В. Устинов[×]

⁺Национальный исследовательский центр “Курчатовский институт”, 123182 Москва, Россия

^{*}Московский авиационный институт (Национальный исследовательский университет), 125993 Москва, Россия

[×]Объединенный институт ядерных исследований, 141980 Дубна, Россия

Поступила в редакцию 8 августа 2023 г.

После переработки 16 августа 2023 г.

Принята к публикации 16 августа 2023 г.

Проанализирован новый солитоноподобный режим генерации терагерцового излучения оптическим импульсом с наклонными волновыми фронтами. Показано, что принципиальное значение для формирования оптико-терагерцового солитона имеет дифракция оптического импульса. Наряду с солитонной частью излучения в синхронном режиме генерируется несолитонная широкополосная компонента терагерцового диапазона. Выявлены два условия синхронизма, названные нами “суперчеренковским” и “античеренковским”, при которых генерация наиболее эффективна. В первом случае оптико-терагерцовый солитон распространяется быстрее несолитонной терагерцовой компоненты. Во втором случае, напротив, несолитонная компонента является предвестником оптико-терагерцового солитона.

DOI: 10.31857/S1234567823180052, EDN: wpqbcf

1. Введение. На протяжении последних десятилетий все большую популярность приобретают вопросы, связанные с эффективной генерацией терагерцового излучения. Данное излучение находит нетривиальные приложения, связанные с безопасностью, восстановлением изображений, медициной, спектроскопией различных сред и т.д. [1–3].

Исследования взаимодействия терагерцового излучения с веществом представляют интерес также с точки зрения фундаментальной физической науки [4–7]. К настоящему времени интенсивности генерируемых в лабораторных условиях терагерцовых сигналов достигли настолько высоких значений [8, 9], что возникла настоятельная необходимость в развитии “нелинейной терагерцовой оптики” [4–7].

Один из наиболее эффективных способов генерации терагерцового излучения основан на эффекте оптического выпрямления субпикосекундных и фемтосекундных лазерных импульсов в квадратично-нелинейных средах [10–12]. Генерируемые этим способом терагерцовые импульсы обладают длительностью порядка одного периода электромагнитных колебаний. Таким образом, они относятся к разряду предельно коротких импульсов (ПКИ), являясь широкополосными в спектральном смысле. По

этой причине при теоретическом описании динамики данных импульсов нельзя использовать приближение медленно меняющейся огибающей (ММО) [13]. В свою очередь, входные оптические импульсы длительностью в десятки и сотни фемтосекунд можно с хорошим приближением считать квазимонохроматическими, обладающими определенной несущей частотой ω . Поэтому к ним вполне применимо приближение ММО.

Для эффективной генерации описанных выше терагерцовых сигналов важным является выполнение условия синхронизма черенковского типа $v_g \cos \theta = c/n_T$ [10–12]. Здесь c – скорость света в вакууме, v_g – групповая скорость света оптического импульса в рассматриваемой среде, n_T – показатель преломления данной среды в терагерцовом диапазоне, θ – угол между направлениями распространения задаваемого оптического импульса и генерируемого терагерцового сигнала.

Если угол θ отличен от нуля, имеем взаимно неколлинеарное распространение оптического и терагерцового сигналов. В этом случае генерируемый терагерцовый сигнал не испытывает постоянной подпитки энергией, так как отрывается от оптического импульса. Из-за этого обстоятельства эффективность генерации по энергии является невысокой, едва достигая значений порядка 10^{-6} [11, 12]. Увели-

¹⁾e-mail: sazonov.sergey@gmail.com

чить эффективность генерации можно, обеспечив коллинеарное распространение задаваемого и генерируемого сигналов, т.е. положив в черенковском условии $\theta = 0$. Тогда условие синхронизма приобретает вид $v_g = c/n_T$ и называется в теории нелинейных волн условием Захарова–Бенни (ЗБ) [14]. При выполнении условия ЗБ возможна нелинейная генерация длинноволновых импульсов коротковолновыми сигналами. Такая генерация проявляется себя в физике плазмы [15], гидродинамике [16], а также в физике магнитных сред [17] и длинных молекул [18].

Удовлетворить условию ЗБ при оптическом методе генерации терагерцового излучения можно в полупроводниковых кристаллах [19]. Однако в таких кристаллах весьма велико затухание электромагнитных волн терагерцового диапазона. Поэтому здесь не приходится говорить о высокой эффективности генерации. В диэлектрических кристаллах, обладающих высокой квадратичной нелинейностью, оптическая групповая скорость v_g , как правило, значительно превышает фазовую скорость c/n_T в терагерцовом диапазоне [11, 12]. Поэтому здесь удовлетворить условию ЗБ не представляется возможным.

Значительно повысить эффективность генерации в экспериментальных условиях удалось с помощью техники наклонных волновых фронтов оптического импульса [20–24]. В этом случае роль угла θ в черенковском условии играет угол между фазовыми и групповыми фронтами импульса (или, что то же самое, угол между фазовой и групповой скоростями данного оптического сигнала). В этом случае энергии оптического и генерируемого им широкополосного терагерцового сигнала переносятся в коллинеарном режиме. Как результат, эффективность генерации по энергии возрастает на несколько порядков [25].

В [26] было показано, что процесс генерации описывается нелинейной интегрируемой системой уравнений Ядзимы–Ойкавы (ЯО), которая обладает солитонными решениями [27]. В приложении к случаю оптической генерации терагерцового излучения это означает формирование оптико-терагерцового солитона. В работе [28] аналогичное исследование проведено на основе обобщенной системы ЯО, учитывающей дисперсию терагерцовой компоненты. При этом, правда, в [28] предполагалось выполнение условия ЗБ, удовлетворить которому в реальных условиях, как отмечалось выше, представляется весьма проблематичным.

В работе [29] рассмотрен солитонный режим генерации при учете наклона волновых фронтов оптического импульса. Показано, что процесс генерации в этом случае описывается системой типа Ядзимы–

Ойкавы–Кадомцева–Петвиашвили (ЯОКП). Так как при выводе волнового уравнения для терагерцового сигнала использовалось приближение однонаправленного распространения (ОР) [30–32], то угол наклона θ волновых фронтов предполагался малым. В то же время в экспериментальных условиях данное условие выполняется далеко не всегда. Например, для того, чтобы удовлетворить черенковскому условию в кристалле ниобата лития, необходимо использовать углы наклона $\theta \approx 67^\circ$ [11, 12]. Поэтому возникла необходимость исследования солитонного режима генерации широкополосного терагерцового сигнала с помощью квазимонохроматического оптического импульса, угол между фазовой и групповой скоростями которого является произвольным (не обязательно малым). Соответствующая система уравнений без использования приближения ОР к терагерцовой компоненте была выведена в работе [33] и названа системой Захарова–Буссинеска. Там же на основе одного из солитоноподобных решений исследован процесс генерации.

Настоящая работа посвящена физическому анализу нового солитоноподобного решения данной системы, описывающего генерацию терагерцового излучения.

Ниже, в настоящей работе, по отношению к одним и тем же объектам будут употребляться термины “солитон” и “солитоноподобное решение” без подчеркивания различий, связанных с математическим вопросом интегрируемости. Такая тенденция устойчиво просматривается в последние десятилетия в физической литературе.

2. Оптико-терагерцовые солитоны системы Захарова–Буссинеска. Пусть фазовая скорость оптического импульса с наклонными волновыми фронтами направлена вдоль оси z , которая перпендикулярна оптической оси x одноосного кристалла. Тогда система уравнений типа Захарова–Буссинеска для комплексной огибающей ψ электрического поля оптического импульса и поля E генерируемой терагерцовой компоненты имеет вид [33]

$$i \left(\frac{\partial \psi}{\partial z} + \frac{1}{v_g} \frac{\partial \psi}{\partial t} \right) = -\frac{\beta}{2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} + \alpha E \psi + \frac{c}{2n_\omega \omega} \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2}, \quad (1)$$

$$\frac{\partial^2 E}{\partial z^2} - \frac{n_T^2}{c^2} \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = \frac{\partial^2}{\partial t^2} (\mu E^2 + \sigma |\psi|^2) - \gamma \frac{\partial^4 E}{\partial t^4} - \frac{\partial^2 E}{\partial x^2}. \quad (2)$$

Здесь n_ω – оптический показатель преломления, $n_T = \sqrt{1 + 4\pi\chi_T}$ – терагерцовый показатель преломления, χ_T – терагерцовая линейная восприимчивость среды, $\beta = \partial v_g^{-1} / \partial \omega$ – параметр дисперсии груп-

повой скорости (ДГС) оптической компоненты, $\gamma = 2\pi(\partial^2\chi_T/\partial\omega^2)_{\omega=0}/c^2 > 0$ – параметр дисперсии терагерцовой компоненты, $\alpha = 4\pi\omega\chi^{(2)}(\omega; 0)v_g/c^2$, $\mu = 4\pi\chi^{(2)}(0; 0)/c^2$, $\sigma = 8\pi\chi^{(2)}(\omega; -\omega)/c^2$, $\chi^{(2)}(\omega_1; \omega_2)$ – нелинейная оптическая восприимчивость второго порядка, зависящая от частот ω_1 и ω_2 .

Здесь мы предполагаем, что как подаваемый на среду оптический импульс, так и генерируемый терагерцовый сигнал являются щелевыми. Поэтому в системе (1), (2) отсутствуют вторые производные по поперечной координате y .

Если в случае $\mu = \gamma = 0$ не учитывать дифракцию обеих компонент, то система (1), (2) переходит в одномерную систему уравнений Захарова [15, 17]. При $\psi = 0$ уравнение (1) обращается в тождество $0 = 0$, а уравнение (2) переходит в двумерное уравнение Буссинеска [34]. По этой причине в работе [33] система (1), (2) была названа системой Захарова–Буссинеска. Везде ниже по отношению к системе (1), (2) мы будем пользоваться данной терминологией.

В работе [33] было получено и детально проанализировано решение системы (1), (2) в виде оптикотерагерцового солитона с наклонными волновыми фронтами у оптической компоненты.

Здесь мы получили другое солитоноподобное решение данной системы, имеющее вид

$$\begin{aligned}\psi &= \psi_m e^{iqz} \operatorname{sech}\left(\frac{t - z'/v}{\tau}\right), \\ E &= -E_m \operatorname{sech}^2\left(\frac{t - z'/v}{\tau}\right),\end{aligned}\quad (3)$$

где ось z' , вдоль которой происходит перенос энергии обеих компонент, образует с осью z угол θ и связана с ней и оптической осью x преобразованием поворота

$$z' = z \cos \theta + x \sin \theta. \quad (4)$$

При этом для угла θ и амплитуд солитонных компонент имеем соответственно

$$\cos \theta = \frac{1}{\sqrt{1 + \eta}}, \quad (5)$$

$$\eta = \frac{n_\omega \omega v_g^2}{c} (\beta - \beta_c), \quad \beta_c = \frac{6\alpha\gamma}{\mu}, \quad (6)$$

$$\psi_m = \frac{1}{\tau} \sqrt{\frac{6\gamma}{\sigma\mu} \left(\frac{1}{v_B^2} - \frac{1}{v^2} \right)}, \quad E_m = \frac{6\gamma}{\mu\tau^2}. \quad (7)$$

Скорость v рассматриваемого солитона и скорость v_B солитона уравнения Буссинеска определяются соответственно выражениями

$$v = v_g \cos \theta, \quad \frac{1}{v_B} = \sqrt{\frac{n_T^2}{c^2} - \frac{4\gamma}{\tau^2}}, \quad (8)$$

а для нелинейной добавки q к волновому числу оптического импульса имеем

$$q = \frac{3\alpha\gamma}{\mu\tau^2}. \quad (9)$$

В качестве свободного параметра в решении (3)–(9) выступает длительность τ оптической компоненты. При этом длительность терагерцовой составляющей, как видно из (3), $\sim \tau/2$.

Важно заметить, что принципиальную роль в формировании оптикотерагерцового солитона (3)–(9) играет дифракция оптического импульса, описываемая последним слагаемым в правой части (1). Действительно, пренебрежение данной дифракцией равносильно формальному условию $n_\omega \rightarrow \infty$. В этом случае, как видно из (5) и (6), $\eta \rightarrow \infty$ и $\cos \theta = 0$. Тогда из первого выражения (8) имеем $v = 0$, что, согласно (3) и (7), приводит к исчезновению солитона.

Из (7) видно, что выражение для амплитуды терагерцовой компоненты рассматриваемого солитоноподобного решения совпадает с выражением для амплитуды солитона уравнения Буссинеска. В то же время скорость обеих компонент, распространяющихся в связанном режиме, фиксирована, не зависит от свободного параметра τ (см. (5), (6) и первое выражение (8)). Аналогичная ситуация имеет место для солитонов с наклонными волновыми фронтами, описываемых модифицированным нелинейным уравнением Шредингера [35].

Важно заметить, что в рассматриваемом решении фиксированным является также значение угла θ наклона волновых фронтов оптической компоненты (см. (5), (6)).

Терагерцовая компонента (3) солитона представляет собой унipoлярный (полуволновый) электромагнитный импульс. В настоящее время нелинейная оптика унipoлярных импульсов испытывает достаточно бурное развитие (см., например, обзор [36]).

В выражении (8) для скорости v_B второе (дисперсионное) слагаемое под знаком корня следует рассматривать как малую поправку к первому слагаемому. Поэтому здесь подкоренное выражение всегда положительно. Данное утверждение становится особенно очевидным, если принять, что зависимость восприимчивости от частоты в терагерцовом диапазоне имеет лоренцовский вид $\chi_T(\omega) = \frac{\omega_T^2 \chi_T}{\omega_T^2 - \omega^2}$, где ω_T – характерная резонансная частота терагерцового поглощения. Тогда $(\partial^2\chi_T(\omega)/\partial\omega^2)_{\omega=0} = 2\chi_T/\omega_T^2$. Следовательно,

$$\gamma = \frac{n_T^2 - 1}{c^2 \omega_T^2}. \quad (10)$$

Подставляя (10) во второе выражение (8), получим

$$\frac{1}{v_B} = \frac{n_T}{c} \sqrt{1 - 4 \frac{n_T^2 - 1}{(n_T \omega_T \tau)^2}}. \quad (11)$$

Метод учета дисперсии в виде разложения по временным производным от электрического поля справедлив при условии $(\omega_T \tau)^2 \gg 1$ [31, 32, 37]. Отсюда видно, что подкоренное выражение в (11) положительно.

После подстановки (10) во второе выражение (6) будем иметь

$$\beta_c = 6(n_T^2 - 1) \frac{\omega v_g}{c^2 \omega_T^2} \frac{\chi^2(\omega; 0)}{\chi^{(2)}(0; 0)}. \quad (12)$$

Из (5) и (6) следует обязательное условие

$$\beta - \beta_c > 0. \quad (13)$$

Аналогично условие положительности подкоренного выражения в первом выражении (7) с учетом (8) и (10) и (11) запишем в виде

$$\frac{\chi^{(2)}(\omega; -\omega)}{\chi^{(2)}(0; 0)} \left[1 - \left(\frac{c}{n_T v_g \cos \theta} \right)^2 - \frac{n_T^2 - 1}{(n_T \omega_T \tau)^2} \right] > 0. \quad (14)$$

В рассматриваемом нами процессе генерации должно выполняться установленное в [38] и продемонстрированное на примерах в [39] общее правило сохранения электрической площади импульса при его одномерном распространении. Так как оптическая компонента является квазимонохроматическим солитоном огибающей, то ее электрическая площадь всегда равна нулю. На входе в кристалл терагерцовая компонента отсутствует. Поэтому ее электрическая площадь также равна нулю. В силу правила сохранения электрической площади приходим к выводу, что данная величина и внутри кристалла должна быть равна нулю. Таким образом,

$$S_E \equiv \int_{-\infty}^{+\infty} E dt = 0. \quad (15)$$

Площадь терагерцовой компоненты солитона (3) равна $S_E^{(s)} = -12\gamma/\mu\tau$ и не удовлетворяет условию (15). Следовательно, в процессе генерации должна породиться терагерцовая компонента несолитонного типа. В силу условия (15) площадь данной несолитонной компоненты должна быть равна $-S_E^{(s)} = +12\gamma/\mu\tau$. Вид этой сугубо терагерцовой компоненты можно установить, полагая в (2) $\psi = 0$. Учитывая, что $\partial^2/\partial z^2 + \partial^2/\partial x^2 = \partial^2/\partial z'^2 + \partial^2/\partial x'^2$ и

рассматривая распространение только вдоль оси z' , запишем

$$\frac{\partial^2 E}{\partial z'^2} - \frac{n_T^2}{c^2} \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = \mu \frac{\partial^2}{\partial t^2} (E^2) - \gamma \frac{\partial^4 E}{\partial t^4}.$$

Используя теперь вполне уместное здесь приближение ОР [32, 37], придем к уравнению Кортевега–де Вриза (КдВ)

$$\frac{\partial E}{\partial z'} + \frac{n_T}{c} \frac{\partial E}{\partial t} + \frac{c}{n_T} \mu E \frac{\partial E}{\partial t} - \frac{c}{2n_T} \gamma \frac{\partial^3 E}{\partial t^3} = 0. \quad (16)$$

Хорошо известно автомодельное (несолитонное) знакопеременное решение уравнения КдВ в виде промодулированного по частоте импульса [40, 41]. Это решение можно записать в виде [41] $E = z'^{2/3} f(\xi/z'^{1/3})$, где $\xi = t - n_T z'/c$, а f – функция, подчиняющаяся обыкновенному дифференциальному уравнению

$$\frac{c}{2n_T} \gamma \ddot{f} + \frac{\varphi}{3} \dot{f} - \frac{c}{n_T} f \dot{f} - \frac{2}{3} f = 0,$$

где точка над f обозначает производную по автомодельной переменной $\varphi = \xi/z'^{1/3}$.

Автомодельное решение обладает весьма широким частотным спектром, обладающим свойствами суперконтинуума [28, 29].

Электрическая площадь данного автомодельного решения отлична от нуля. В нашем случае она равна площади солитона (3), взятой с противоположным знаком.

Важно заметить, что скорость данной несолитонной части терагерцового излучения равна линейной скорости c/n_T .

Рассмотрим конкретные примеры.

В кристалле типа KDP все три нелинейные восприимчивости второго порядка $\chi^{(2)}(0; 0)$, $\chi^{(2)}(\omega; 0)$ и $\chi^{(2)}(\omega; -\omega)$ положительны [42]. Поэтому неравенство (14) для этого случая можно переписать в виде условия “суперчеренковского” вида

$$v_g \cos \theta > v_B \approx c/n_T. \quad (17)$$

Так как здесь скорость $v = v_g \cos \theta$ оптико-терагерцового солитона больше, чем линейная скорость c/n_T , то упомянутая выше несолитонная часть генерируемого терагерцового излучения отстает от солитонной части, распространяющейся в связанном состоянии с оптическим импульсом.

Из (12) в этом случае видно, что $\beta_c > 0$. Тогда, согласно неравенству (13), ДГС оптического импульса обязательно должна быть положительной. Более того, положительное значение параметра β должно удовлетворять условию $\beta > \beta_c$. Взяв

$\chi^{(2)}(\omega; 0)/\chi^{(2)}(0; 0) \sim 0.1$ [42], $n_T \approx 2$, $\omega \sim 10^{15} \text{ с}^{-1}$, $\omega_T \sim 10^{14} \text{ с}^{-1}$, $v_g \sim c$, будем иметь $\beta_c \sim 10^{-24} \text{ с}^2/\text{см}$. Полагая также $n_\omega \sim 1$, $\beta - \beta_c \sim 0.1$, найдем из (6) и (12) $\eta \sim 1$, что после подстановки в (5) может дать вполне разумные значения для угла наклона θ , удовлетворяющие “суперчеренковскому” условию (17). Для более четких выводов здесь необходимо использовать не оценочные, а точные значения приведенных выше параметров.

В качестве другого примера рассмотрим одноосный кристалл ниобата лития. Здесь $\chi^{(2)}(0; 0) > 0$, $\chi^{(2)}(\omega; 0) < 0$ и $\chi^{(2)}(\omega; -\omega) < 0$ [42]. При этом $\chi^{(2)}(0; 0) \sim 10^{-6} \text{ CGSE}$, $|\chi^{(2)}(\omega; 0)| \sim |\chi^{(2)}(\omega; -\omega)| \sim 10^{-7} \text{ SGSE}$. Тогда из (8), (11) и (14) будем иметь “античеренковское” условие

$$v_g \cos \theta < v_B \approx c/n_T. \quad (18)$$

Здесь, как легко видеть, несолитонная часть терагерцового излучения распространяется быстрее оптико-терагерцового солитона, являясь его предвестником.

Как видно из (12), в этом случае $\beta_c < 0$. Тогда условие (13) выполняется при любых положительных значениях параметра ДГС β . При отрицательной ДГС абсолютное значение параметра β должно удовлетворять условию $|\beta| < |\beta_c|$. В частности, данное неравенство удовлетворяется при $\beta = 0$. Тогда приходим к “бездисперсионным” солитонам, которые имеют место также в решении системы (1), (2) другого типа, найденного в [33]. Из (5) следует, что $\eta = \tan^2 \theta$. Используя также первое выражение (6), будем иметь

$$\beta_c = \beta - \frac{c}{n\omega v_g^2} \tan^2 \theta. \quad (19)$$

Таким образом, величина β_c выполняет роль эффективного параметра ДГС оптического импульса. Второе слагаемое в правой части (19) появляется благодаря дифракции оптической компоненты (см. последнее слагаемое в правой части (1)). Следовательно, дифракция вносит вклад в эффективную ДГС благодаря наклону волновых фронтов оптического импульса. Дифракционное искривление фазовых волновых фронтов, распространяющихся вдоль оси z , приводит к уширению оптического волнового пакета в проекции на ось z' , что равносильно наличию эффективной дисперсии [35]. Это подтверждается выражением (19).

Численные оценки параметров $|\beta_c|$ и η для кристалла ниобата лития по порядку величины совпадают с соответствующими значениями, полученными выше для кристалла типа KDP.

Очевидно, что оптико-терагерцовый солитон формируется на дистанциях порядка дисперсионной длины $l_d \sim \tau^2/2|\beta_c|$ оптического импульса. Подставив сюда приведенные выше оценочные значения, найдем $l_d \sim 10^{-2} \text{ см}$. Следовательно, описанные выше сценарии генерации солитонной и несолитонной частей терагерцового излучения вполне можно наблюдать в кристаллах с характерным размером в несколько миллиметров.

Примем, что поперечные размеры оптического и терагерцового импульсов $D \sim 1 \text{ мм}$. Тогда дифракционная длина терагерцового сигнала $l_D \sim D^2/c\tau \sim 10 \text{ см}$. Это значительно превосходит предполагаемые размеры кристаллического образца. Поэтому формирование оптико-терагерцового солитона представляется здесь вполне возможным в реальных условиях.

Характерную длину волны λ_T генерируемого широкополосного терагерцового сигнала можно оценить как $\lambda_T \sim c\tau$. Подставив сюда $\tau \sim 10^{-13} \text{ с}$, будем иметь $\lambda_T \sim 10^{-2} - 10^{-3} \text{ см}$. Таким образом, $\lambda_T \ll D$. Данное условие является важным аргументом в пользу принятого при записи исходной системы (1), (2) параксиального приближения.

Легко видеть, что значения интенсивностей оптической I_ω и терагерцовой I_T компонент рассмотренного здесь солитона можно оценить с помощью выражений вида

$$I_\omega \sim \frac{c}{4\pi(\omega_T\tau)^2 |\chi^{(2)}(0; 0)\chi^{(2)}(\omega; -\omega)|},$$

$$I_T \sim \frac{c}{4\pi(\omega_T\tau)^4 |\chi^{(2)}(0; 0)|^2}.$$

Отсюда для эффективности генерации имеем

$$\frac{I_T}{I_\omega} \sim \frac{1}{(\omega_T\tau)^2} \left| \frac{\chi^{(2)}(0; 0)}{\chi^{(2)}(\omega; -\omega)} \right|.$$

Подставив сюда приведенные выше значения присутствующих параметров и полагая $\tau \sim 10^{-13} \text{ с}$, получим $I_\omega \sim 10^{12} \text{ Вт/см}^2$, $I_T \sim 10^{11} \text{ Вт/см}^2$ и $I_T/I_\omega \sim 10^{-1}$.

Таким образом, эффективность генерации в проанализированном здесь солитоноподобном режиме может достигать порядка десяти процентов. Это значительно выше, чем эффективность, достигаемая на основе солитонного режима, проанализированного в [33]. Аналогичное замечание касается также интенсивностей оптической и терагерцовой компонент.

Важным отличием проанализированного здесь решения от солитоноподобного решения, полученного в [33], является то, что здесь длительность генерируемого терагерцового сигнала оказывается в два

раза меньшим длительности оптического импульса (см. (3)). Таким образом, терагерцовый сигнал полностью захватывается оптическим импульсом в синхронном режиме распространения. Это обеспечивает хорошую подпитку генерируемого сигнала за счет энергии оптического импульса. В солитоноподобном решении, найденном в работе [33], длительности обоих компонент являются одинаковыми. Таким образом захват терагерцового сигнала оптическим импульсом не является столь эффективным, как в рассмотренном здесь случае. Поэтому эффективность генерации является не такой высокой.

3. Заключительные замечания. Таким образом, в настоящей работе получено новое солитоноподобное решение системы (1), (2) типа Захарова–Буссинеска. Важно заметить, что принципиальная роль в формировании данного солитона принадлежит дифракции. На основе солитоноподобного решения проанализирован процесс генерации терагерцового излучения оптическим импульсом с наклонными волновыми фронтами в кристалле, обладающем квадратичной оптической нелинейностью. С помощью правила сохранения электрической площади показано, что помимо солитонной части терагерцового излучения порождается также несолитонная (автомоделная) часть. Угол наклона волновых фронтов оптической компоненты солитона однозначно определяется параметрами кристалла и не может иметь произвольное значение.

В зависимости от знаков различных нелинейных восприимчивостей второго порядка, зависящих от несущей частоты оптического импульса, могут быть реализованы режимы при “суперчеренковском” (17) и “античеренковском” (18) условиях синхронизма. В первом случае скорость оптико-терагерцового солитона больше скорости несолитонной части генерируемого терагерцового излучения. Во втором случае, напротив, несолитонная часть является, своего рода, предвестником оптико-терагерцового солитона.

Заметим, что проанализированный в работе [33] солитоноподобный режим генерации наиболее эффективно реализуется при строгом выполнении черенковского условия.

Открытым пока остается вопрос устойчивости найденного здесь солитоноподобного решения. Кроме того, требует исследования вопрос о том, при каких входных условиях могут реализовываться солитоноподобные решения, найденные здесь и в работе [33]. Возможно, одной из подсказок здесь может служить то, что интенсивности оптической и терагерцовой компонент найденного здесь солитона на

два–три порядка больше соответствующих интенсивностей солитона, проанализированного в работе [33]. Более строгого и внятного ответа следует ожидать от численных экспериментов с системой (1), (2), которые мы планируем провести отдельно.

1. B. Fergusson and X.-C. Zhang, *Nat. Mater.* **1**, 26 (2002).
2. О.П. Черкасова, Д.С. Сердюков, А.С. Ратуньяк, Е.Ф. Немова, Е.Н. Козлов, Ю.В. Шидловский, К.И. Зайцев, В.В. Тучин, *Оптика и спектроскопия* **128**, 852 (2020) [O.P. Cherkasova, D.S. Serdyukov, A.S. Ratushnyak, E.F. Nemova, E.N. Kozlov, Yu.V. Shidlovskii, K.I. Zaytsev, and V.V. Tuchin, *Opt. Spectrosc.* **128**, 855 (2020)].
3. A. Irizawa, S. Lupi, and A. Marcelli, *Condens. Matter.* **6**, 23 (2021).
4. С.В. Сазонов, *ЖЭТФ* **146**, 483 (2014) [S.V. Sazonov, *JETP* **119**, 423 (2014)].
5. K. Dolgaleva, D.V. Materikina, R.W. Boyd, and S.A. Kozlov, *Phys. Rev. A* **92**, 023809 (2015).
6. S.V. Sazonov and N.V. Ustinov, *Phys. Rev. A* **98**, 063803 (2018).
7. M. Zhukova, M. Melnik, I. Vorontsova, A. Tsyupkin, and S. Kozlov, *Photonics* **98**, 7 (2020).
8. M. Shalaby and C.P. Hauri *Nature Commun.* **6**, 5976 (2015).
9. X.-C. Zhang, A. Shkurinov, and Y. Zhang, *Nature Photon.* **11**, 16 (2017).
10. У.А. Абдуллин, Г.А. Ляхов, О.В. Руденко, А.С. Чиркин, *ЖЭТФ* **66**, 1295 (1974) [U.A. Abdullin, G.A. Lyakhov, O.V. Rudenko, and A.S. Chirkin, *Sov. Phys. JETP* **39**, 633 (1974)].
11. Д.А. Багдасарян, А.О. Макарян, П.С. Погосян, *Письма в ЖЭТФ* **37**, 498 (1983) [D.A. Bagdasaryan, A.O. Makaryan, and P.S. Pogosyan, *JETP Lett.* **37**, 594 (1983)].
12. D.H. Auston, K.P. Cheung, J.A. Valdmanis, and D.A. Kleinman, *Phys. Rev. Lett.* **53**, 1555 (1984).
13. С.А. Ахманов, В.А. Выслоух, А.С. Чиркин, *Оптика фемтосекундных лазерных импульсов*, Наука, М. (1988).
14. Р. Додд, Дж. Эйлбек, Дж. Гиббон, Х. Моррис, *Солитоны и нелинейные волновые уравнения*, Мир, М. (1988) [R.K. Dodd, J.C. Eilbeck, J. Gibbon, and H.C. Morris, *Solitons and Nonlinear Wave Equations*, Academic Press, N.Y. (1982)].
15. В.Е. Захаров, *ЖЭТФ* **62**, 1745 (1972) [V.E. Zakharov, *Sov. Phys. JETP* **35**, 908 (1972)].
16. D.J. Benney, *Stud. Appl. Math.* **56**, 81 (1977).
17. В.С. Львов, *Нелинейные спиновые волны*, Наука, М. (1987).
18. А.С. Давыдов, *УФН* **138**, 603 (1982) [A.S. Davydov, *Sov. Phys.-Uspekhi* **25**, 898 (1982)].

19. C. P. Hauri, C. Ruchert, C. Vicario, and F. Ardana, *Appl. Phys. Lett.* **99**, 161116 (2011).
20. J. Hebling, G. Almasi, I. Z. Kozma, and J. Kuhl, *Opt. Express* **10**, 1161 (2002).
21. А. Г. Степанов, А. А. Мельников, В. О. Компанец, С. В. Чекалин, *Письма в ЖЭТФ* **85**, 279 (2007) [A. G. Stepanov, A. A. Mel'nikov, V. O. Kompanets, and S. V. Chekalin, *JETP Lett.* **85**, 227 (2007)].
22. M. I. Bakunov, S. B. Bodrov, and V. V. Tsarev, *J. Appl. Phys.* **104**, 073105 (2008).
23. J. Hebling, K.-L. Yeh, M. C. Hoffmann, B. Barta, and K. A. Nelson, *JOSA B* **25**, 6 (2008).
24. G. Kh. Kitaeva, *Laser Phys. Lett.* **5**, 559 (2008).
25. S. B. Bodrov, A. N. Stepanov, M. I. Bakunov, V. Shishkin, and I. E. Ilyakov, *Opt. Express* **17**, 1871 (2009).
26. С. В. Сазонов, А. Ф. Соболевский, *Письма в ЖЭТФ* **75**, 746 (2002) [S. V. Sazonov and A. F. Sobolevskii, *JETP Lett.* **75**, 621].
27. N. Yajima and M. Oikawa, *Progr. Theor. Phys.* **56**, 1719 (1976).
28. А. Н. Бугай, С. В. Сазонов, *Письма в ЖЭТФ* **87**, 470 (2008) [A. N. Bugai and S. V. Sazonov, *JETP Lett.* **87**, 403 (2008)].
29. С. В. Сазонов, Н. В. Устинов, *Письма в ЖЭТФ* **114**, 437 (2021) [S. V. Sazonov and N. V. Ustinov, *JETP Lett.* **114**, 380 (2021)].
30. P. J. Caudrey, J. C. Eilbeck, J. D. Gibbon, and R. K. Bullough, *J. Phys. A: Math., Nucl. Gen.* **6**, L53 (1973).
31. Э. М. Беленов, А. В. Назаркин, *Письма в ЖЭТФ* **100**, 252 (1990) [E. M. Belenov and A. V. Nazarkin, *JETP Lett.* **51**, 288 (1990)].
32. Э. М. Беленов, А. В. Назаркин, В. А. Ущиповский, *ЖЭТФ* **100**, 762 (1991) [E. M. Belenov, A. V. Nazarkin, and V. A. Ushchapovskii, *JETP* **73**, 57 (1991)].
33. S. V. Sazonov and N. V. Ustinov, *Laser Phys. Lett.* **19**, 025401 (2022).
34. Дж. Уизем, *Линейные и нелинейные волны*, Мир, М. (1977) [G. B. Whitham, *Linear and Nonlinear Waves*, John Wiley & Sons, Inc., N.Y. 1999].
35. С. В. Сазонов, *Письма в ЖЭТФ* **115**, 207 (2022) [S. V. Sazonov, *JETP Lett.* **115**, 181 (2022)].
36. Р. М. Архипов, М. В. Архипов, А. А. Шимко, А. В. Пахомов, Н. Н. Розанов, *Письма в ЖЭТФ* **110**, 9 (2019) [R. M. Arkhipov, M. V. Arkhipov, A. A. Shimko, A. V. Pakhomov, and N. N. Rosanov, *JETP Lett.* **110**, 15 (2019)].
37. С. В. Сазонов, А. Ф. Соболевский, *ЖЭТФ* **123**, 1160 (2003) [S. V. Sazonov and A. F. Sobolevskii, *JETP* **96**, 1019 (2003)].
38. Н. Н. Розанов, *Оптика и спектроскопия* **107**, 761 (2009) [N. N. Rosanov, *Optics and Spectroscopy* **107**, 721 (2009)].
39. Н. Н. Розанов, Р. М. Архипов, М. В. Архипов, *УФН* **188**, 1347 (2018) [N. N. Rosanov, R. M. Arkhipov, and M. V. Arkhipov, *Phys.-Uspekhi* **61**, 1227 (2018)].
40. В. Е. Захаров, С. В. Манаков, С. П. Новиков, Л. П. Питаевский, *Теория солитонов: метод обратной задачи*, Наука, М. (1980) [V. E. Zakharov, S. V. Manakov, S. P. Novikov, and L. P. Pitaevskii, *Theory of Solitons: The Inverse Scattering Method*, Consultants Bureau, N.Y. (1984)].
41. Дж. Лэм, *Введение в теорию солитонов*, Мир, М. (1983) [G. L. Lamb, *Elements of Soliton Theory*, John Wiley & Sons, N.Y. (1980)].
42. D. N. Nikogosyan, *Nonlinear Optical Crystals: A Complete Survey*, Springer, N.Y. (2005).