# ОБНОВЛЕННЫЕ ЧИСЛЕННЫЕ ЭФЕМЕРИДЫ ГАЛИЛЕЕВЫХ СПУТНИКОВ ЮПИТЕРА

# © 2019 г. Г. А. Космодамианский<sup>\*</sup>

Институт прикладной астрономии РАН, Санкт-Петербург, Россия Поступила в редакцию 25.07.2019 г.; после доработки 04.09.2019 г.; принята к публикации 16.09.2019 г.

Представлены новые версии эфемерид галилеевых спутников Юпитера — Ио, Европы, Ганимеда и Каллисто, построенные с использованием численного интегрирования уравнений движения спутников. Модель движения спутников учитывает несферичность Юпитера, взаимные возмущения спутников и возмущения от Солнца и больших планет. Начальные значения параметров движения спутников уточнены по всем доступным рядам наземных оптических наблюдений, покрывающих интервал 1891—2017 гг., наблюдениям космических аппаратов и радарным наблюдениям. В результате получены коэффициенты разложения координат и скоростей спутников в ряды по полиномам Чебышева на интервале 1891—2025 гг. Приведены среднеквадратические ошибки наблюдений и графики сравнения построенных эфемерид, как с наблюдениями, так и с численными эфемеридами Лэнея. Построенные эфемериды размещены в открытом доступе.

Ключевые слова: Солнечная система, эфемериды спутников.

#### DOI: 10.1134/S0320010819110044

# ВВЕДЕНИЕ

Эфемериды спутников больших планет необходимы при планировании наблюдений, а также планировании полетов космических аппаратов к этим спутникам. Кроме того, наличие нескольких независимых эфемерид позволяет проводить их взаимный контроль.

В настоящее время наиболее точные эфемериды спутников, основанные на численном интегрировании уравнений движения, разрабатываются в Лаборатории реактивного движения (JPL, США) (Джейкобсон, 2001) и Институте небесной механики в Париже (Лэней, 2004а, 2004б).

Начиная с 2007 г. в ИПА РАН разрабатываются собственные численные теории движения естественных спутников планет с целью включения эфемерид этих объектов в приложения к "Астрономическому ежегоднику", а также для уточнения орбит планет и самих спутников. Создание собственных независимых эфемерид позволяет своевременно проводить их уточнение с появлением новых наблюдений.

Предыдущие версии эфемерид галиллевых спутников (Порошина и др., 2012; Космодамианский, Порошина, 2014), были использованы при создании эфемерид EPM2011 (Питьева, 2013) и EPM2015 (Питьева, 2017) для уточнения эфемериды Юпитера. Предполагается, что новая версия эфемерид, описанная в настоящей работе, так же будет использована для этой цели.

В настоящей работе представлена последняя версия численных эфемерид галилеевых спутников Юпитера — Ио, Европы, Ганимеда и Каллисто, построенных на интервале 1891—2025 гг. и уточненных по всем доступным рядам наземных астрометрических наблюдений, проведенных на интервале 1891—2017 гг. Построение эфемерид проводилось при помощи программного пакета ЭРА-7 (Эфемеридные расчеты в астрономии) (Красинский, Васильев, 1997), разработанного сотрудниками ИПА РАН для решения различных задач динамической и эфемеридной астрономии. ЭРА-7 позволяет, как использовать уже готовые эфемериды планет и спутников, так и самостоятельно строить численные теории движения небесных тел.

#### ЧИСЛЕННАЯ МОДЕЛЬ

Теории движения спутников были построены методом дифференциального уточнения параметров по нескольким последовательным итерациям, на каждой из которых проводилось численное интегрирование дифференциальных уравнений движения спутников методом Эверхарта 19-го порядка. Улучшенные методом наименьших квадратов по

<sup>&</sup>lt;sup>\*</sup>Электронный адрес: ga.kosmodamianskiy@iaaras.ru

Координаты	Ио	Европа	Ганимед	Каллисто	
$R_x$ , км	304914.251	35946.405	-1021142.663	1850494.265	
$R_y$ , км	-264691.134	-607550.736	292563.013	249215.808	
$R_z$ , км	-121318.030	-293415.847	123479.391	141608.863	
$V_x$ , км/с	12.027	13.622	-3.226	-1.215	
$V_x$ , км/с	11.206	0.617	-9.388	7.373	
$V_x$ , км/с	5.529	0.591	-4.478	3.491	

**Таблица 1.** Уточненные начальные планетоцентрические координаты (R) и скорости (V) спутников на 2436204.5(TDB), на эпоху J2000.0

результатам сравнения с наблюдениями начальные координаты и скорости служили начальными данными при новом интегрировании в следующей итерации. В результате интегрирования были получены коэффициенты разложения координат и скоростей спутников в ряды по полиномам Чебышева на период 1891—2025 гг. Уравнения движения и методика улучшения параметров подробно описаны в работе (Космодамианский, 2009).

При интегрировании уравнений движения спутников были учтены следующие факторы: взаимные возмущения спутников, возмущения от Солнца, Сатурна, Урана и Нептуна, а также несферичность Юпитера (J2, J4, J6). При вычислении возмущений от Солнца и планет использовалась численная теория EPM-2011, разработанная в ИПА РАН (Питьева, 2013). Для того чтобы минимизировать численные ошибки, интегрирование велось "вперед" и "назад" от даты 1 января 1958 г., близкой к середине интервала интегрирования. Начальные значения координат и скоростей спутников были вычислены на эту дату по эфемериде Лиске (1977). В табл. 1 приведены начальные значения координат и скоростей спутников, полученные в данной работе после уточнения по наблюдениям.

В табл. 2 приведены гравитационные характеристики Юпитера и спутников, которые были использованы в данной работе. Обозначения в таблице: Gm — гравитационные массы объектов, R — экваториальный радиус Юпитера,  $J_2$ ,  $J_4$ ,  $J_6$  — вторая, четвертая и шестая зональные гармоники разложения потенциала Юпитера. Значения параметров взяты на сайте JPL (https://ssd.jpl.nasa.gov/?sat\_phys\_par, https://ssd.jpl.nasa.gov/?gravity\_fields\_op).

При вычислении гравитационного потенциала Юпитера использовались экваториальные угловые координаты северного полюса Юпитера на эпоху JD2451545.0, которые были взяты из последнего отчета Рабочей группы по картографическим координатам и элементам вращения (Арчинал и др., 2018) и записаны в следующем виде:

$$\alpha_0 = 268.056595 - 0.006499T + 0.000117 \sin Ja + 0.000938 \sin Jb + 0.001432 \sin Jc + 0.000030 \sin Jd + 0.002150 \cos Je,$$

$$\begin{split} \delta_0 &= 64.495303 + 0.002413T + 0.000050\cos Ja + 0.000404\cos Jb + \\ &+ 0.000617\cos Jc - 0.000013\cos Jd + 0.000926\cos Je, \end{split}$$

W = 284.95 + 870.5360000d.

 $Ja = 99^{\circ}.360714 + 4850^{\circ}.4046T, \quad Jb = 175^{\circ}.895369 + 1191^{\circ}.9605T,$ 

 $Jc = 300^{\circ}.323162 + 262^{\circ}.5475T, \quad Jd = 114^{\circ}.012305 + 6070^{\circ}.2476T,$ 

 $Je = 49^{\circ}.511251 + 64^{\circ}.3000T,$ 

где d — интервал в днях от стандартной эпохи, T — интервал в Юлианских столетиях (36 525 дней) от стандартной эпохи.

### НАБЛЮДЕНИЯ

При уточнении параметров движения спутников были использованы все опубликованные на данный момент наземные фотографические и ПЗС-наблюдения спутников. Всего было использовано 17 647 астрометрических наблюдений разных типов, полученных в период 1891–2017 гг. Информация об использованных наблюдениях, краткое описание которых будет приведено ниже, дана в табл. 3–4, где для каждого спутника и обсерватории приведены период, количество (числа в соответствующей колонке, соединенные знаком "+", обозначают количество наблюдений для каждого спутника) и тип наблюдений (абс. —

Таблица 2. Гравитационные параметры системы Юпитера

Параметр	Значение			
$Gm_{system}$ , км $^3/{ m c}^2$	$126712764.1 \pm 2.7$			
$Gm_{Jupiter}$ , км $^3/{ m c}^2$	$126686536.1 \pm 2.7$			
R, км	71492			
$J_2 \times 10^{-6}$	$14695.62 \pm 0.29$			
$J_4 \times 10^{-6}$	$-591.31 \pm 2.06$			
$J_6 \times 10^{-6}$	$20.78 \pm 4.87$			
$Gm_{Io}$ , км $^3/{ m c}^2$	$5959.916 \pm 0.012$			
$Gm_{Europa}$ , км $^3/{ m c}^2$	$3202.739 \pm 0.009$			
$Gm_{Ganymede},{ m Km}^3/{ m c}^2$	$9887.834 \pm 0.017$			
$Gm_{Callisto}$ , км $^3/{ m c}^2$	$7179.289 \pm 0.013$			

ПИСЬМА В АСТРОНОМИЧЕСКИЙ ЖУРНАЛ том 45 № 11 2019

абсолютные позиционные наблюдения, отн. -относительные наблюдения), а также полученные после улучшения эфемерид среднеквадратическое ошибки (СКО) по прямому восхождению и склонению. В случае, если спутник не наблюдался, в колонках для прямых восхождений и склонений стоит прочерк. Значительная часть использованных наблюдений опубликована на эпоху и равноденствие В1950.0. Была проведена редукция этих наблюдений к эпохе и равноденствию J2000.0 по формулам, приведенным в работе Аоки и др. (1983). Большая часть наблюдений была получена благодаря сайту Центра данных естественных спутников планет (NSDC, http://nsdb.imcce.fr/obspos/obsindhe.htm) (Арло, Емельянов, 2009).

Наблюдения, проведенные в 1891-1936 гг. на обсерваториях в Гельсингфорсе, Пулково, Гринвиче, Дзо-Се (Китай), Париже, Бухаресте и Мысе Доброй Надежды, а так же наблюдения, проведенные в 1961–1978 гг. на обсерваториях в Бордо, Ла Силле, Рио-де-Жанейро, в обсерватории Мак-Кормика, на Йеркской обсерватории и Королевской обсерватории Бельгии в Уккле были взяты из каталога позиционных наблюдений спутников планет 1891-1978 гг., опубликованном Арло (1982). Всего в каталоге представлено 1138 наблюдений, каждое из которых дает положение на один момент времени сразу нескольких спутников относительно центра фотопластинки. Таким образом, всего представлено 3916 положений спутников. Точности этих наблюдений, в зависимости от обсерватории и периода наблюдений, лежат в пределах 0.05"-0.6" Из-за сложностей с определением положения центра фотопластинки наблюдения были преобразованы таким образом, что в каждом наблюдении (которое дает положение нескольких спутников на один момент времени) был выбран опорный спутник, относительно которого были получены дифференциальные координаты остальных спутников. В результате были получены 3189 отдельных наблюдений дифференциального типа, которые и были использованы при улучшении теорий движения.

Обсерватория	Тип	Интервал наблюдений	Количество	Ио СКО, угл. сек		Европа СКО, угл. сек	
		паолюдении паолюдении -		$\Delta \alpha \cos \delta$	$\Delta\delta$	$\Delta \alpha \cos \delta$	$\Delta\delta$
Washington	абс.	1967-1998	1210 + 1248	0.12	0.11	0.11	0.11
Flagstaff	абс.	1998-2015	504 + 638	0.11	0.12	0.12	0.12
Nikolaev	абс.	1979-2014	303 + 330	0.18	0.18	0.17	0.16
Pulkovo	абс.	1974-1994	136 + 161	0.32	0.25	0.29	0.27
Pulkovo	абс.	2009-2017	260 + 302	0.08	0.09	0.08	0.08
Pulkovo	ОТН.	1976-2005	172 + 190	0.15	0.16	0.14	0.19
Pulkovo	ОТН.	1984-1986	37 + 50	0.13	0.21	0.10	0.20
Pulkovo	отн.	1974-1994	255 + 250	0.23	0.50	0.19	0.61
Pulkovo	отн.	1986-2005	9 + 61	0.04	0.07	0.08	0.11
Pulkovo	отн.	2013-2017	403 + 336	0.07	0.08	0.06	0.10
Itajuba	отн.	1995	122 + 122	0.09	0.03	0.17	0.05
Yunnan	OTH.	2002-2010	435 + 20	0.03	0.03	0.04	0.02
HIPPARCOS	абс.	1990-1992	64	_	_	0.11	0.08
Hubble ST	отн.	1994-1997	32 + 4	0.07	0.07	0.04	0.08
PHEMU	OTH.	1973-2015	779 + 625	0.05	0.07	0.04	0.06
Bourdeaux	отн.	1967-1974	142 + 144	0.35	0.34	0.34	0.34
Bucarest	отн.	1934	65 + 66	0.24	0.28	0.24	0.32
Cape	OTH.	1924	84 + 86	0.09	0.14	0.11	0.16
Greenwich	OTH.	1918-1919	91 + 92	0.08	0.17	0.08	0.24
Helsingfors	OTH.	1891-1897	208 + 200	0.20	0.15	0.17	0.13
La Silla	OTH.	1978	57 + 45	0.23	0.24	0.19	0.19
McCormick	отн.	1977-1978	162 + 179	0.22	0.11	0.17	0.14
Paris	отн.	1936	29 + 20	0.32	0.33	0.23	0.39
Pulkovo	OTH.	1895-1910	332 + 319	0.16	0.16	0.15	0.15
Rio de Janeiro	OTH.	1977	8 + 16	0.47	0.40	0.38	0.33
Uccle	OTH.	1977-1978	35 + 37	0.34	0.43	0.35	0.39
Yerkes	OTH.	1961-1963	30 + 33	0.32	0.39	0.28	0.29
Zo-Se	ОТН.	1917-1918	8 + 18	0.25	0.32	0.33	0.29

Таблица 3. Позиционные наблюдения Ио и Европы

Обсерватория	Тип	Интервал	Количество	Ганимед СКО, угл. сек		Каллисто СКО, угл. сек	
		наолюдении	наолюдении	$\Delta \alpha \cos \delta$	$\Delta\delta$	$\Delta \alpha \cos \delta$	$\Delta\delta$
Washington	абс.	1967-1998	1324	0.13	0.12	_	_
Flagstaff	абс.	1998-2015	721 + 756	0.13	0.13	0.10	0.11
Nikolaev	абс.	1979-2014	339 + 339	0.17	0.15	0.14	0.14
La Palma	абс.	1992-1997	218 + 440	0.19	0.21	0.19	0.19
Pulkovo	абс.	1974-1994	161 + 155	0.28	0.28	0.22	0.27
Pulkovo	абс.	2009-2017	305 + 353	0.09	0.10	0.08	0.08
Pulkovo	OTH.	1976-2005	187 + 162	0.15	0.20	0.16	0.25
Pulkovo	отн.	1984-1986	48 + 50	0.11	0.32	0.15	0.47
Pulkovo	отн.	1974-1994	216 + 252	0.24	0.63	0.27	0.86
Pulkovo	отн.	1986-2005	97 + 89	0.08	0.11	0.09	0.14
Pulkovo	отн.	2013-2017	207 + 35	0.06	0.09	0.09	0.10
Itajuba	отн.	1995	85 + 35	0.13	0.05	0.09	0.07
Yunnan	OTH.	2002-2010	71	0.01	0.02	_	_
HIPPARCOS	абс.	1990-1992	16 + 13	0.11	0.04	0.09	0.06
Hubble ST	отн.	1994-1997	1 + 10	0.07	0.09	0.03	0.02
PHEMU	OTH.	1973-2015	501 + 191	0.05	0.07	0.04	0.07
Bourdeaux	OTH.	1967-1974	50 + 26	0.34	0.41	0.33	0.41
Bucarest	OTH.	1934	17 + 39	0.24	0.26	0.31	0.34
Cape	OTH.	1924	13 + 31	0.08	0.13	0.11	0.17
Greenwich	OTH.	1918-1919	15 + 23	0.07	0.28	0.10	0.22
Helsingfors	OTH.	1891-1897	43 + 56	0.19	0.17	0.14	0.15
La Silla	OTH.	1978	15 + 9	0.24	0.24	0.22	0.20
McCormick	OTH.	1977-1978	35 + 90	0.18	0.09	0.20	0.11
Paris	OTH.	1936	5 + 5	0.23	0.34	0.28	0.52
Pulkovo	OTH.	1895-1910	73 + 90	0.16	0.18	0.17	0.19
Rio de Janeiro	OTH.	1977	5 + 2	0.32	0.54	0.21	0.42
Uccle	OTH.	1977-1978	8 + 14	0.33	0.29	0.28	0.34
Yerkes	OTH.	1961-1963	7 + 7	0.48	0.38	0.33	0.42
Zo-Se	отн.	1917-1918	2 + 3	0.08	0.10	0.09	0.30

Таблица 4. Позиционные наблюдения Ганимеда и Каллисто

ПИСЬМА В АСТРОНОМИЧЕСКИЙ ЖУРНАЛ том 45 № 11 2019

Спутник	Дата	Время	au, c	<i>О</i> – <i>С</i> , мс (ЕЗ)	O-C, мс
Ганимед	1992 02 20	05 57	4413.296899	$0.849 \pm 0.048$	-0.169
Ганимед	1992 03 09	04 37	4417.270238	$-0.729 \pm 0.021$	-0.023
Каллисто	1992 03 03	0505	4394.993673	$1.413\pm0.087$	0.747
Каллисто	1992 03 07	04 46	4402.260207	$-1.386 \pm 0.090$	-1.189

Таблица 5. Радарные наблюдения

3782 наблюдения получены на Военно-Морской обсерватории США в Вашингтоне в 1967–1998 гг. при помощи длиннофокусного рефрактора. Точность этих наблюдений составляет 0.1" (Арло и др., 2016).

2619 наблюдений были получены в 1998— 2015 гг. на автоматическом транзитном телескопе во Флагстаффе в рамках наблюдательной программы планет и спутников FASTT (Flagstaff Astrometric Scanning Transit Telescope). Точность этих наблюдений составляет 0.05"—0.1" (Стоун, Харрис, 2000; Стоун, 2000, 2001).

4939 наблюдений 1974–2017 гг. были взяты в базе наблюдений на сайте Пулковской обсерватории (http://puldb.ru/db2/sdb.php). Эти наблюдения были выполнены на различных иструментах: 26-дюймовом рефракторе, нормальном астрографе, лунно-планетном телескопе и двойном астрографе. Точность фотографических наблюдений, выполненных в период 1974–2005 гг., составляет 0.1"–0.5". Необходимо отметить высокую точность современных пулковских ПЗС-наблюдений спутников (Нарижная, 2015, 2016; Нарижная и др., 2018), которая составляет 0.08".

364 положения всех четырех спутников относительно Юпитера получены в Итаджубе (Бразилия) в 1995 г. (Вейга, Виэйра, 1996). Точность этих наблюдений составляет порядка 0.1".

Использовано 526 относительных положений спутников, полученных в Юннаньской Обсерватории в Китае в 2002–2010 гг. Эти наблюдения представляют собой наблюдения близких пар спутников и обладают высокой точностью — 0.03" по обеим координатам (Пенг и др., 2012).

В 1973 г. были начаты фотометрические наблюдения взаимных явлений и покрытий в системе спутников Юпитера, и с тех пор международные кампании по наблюдениям этих явлений (PHEMU) проводятся каждые шесть лет при участии обсерваторий по всему миру. Данные наблюдения являются источником очень точных астрометрических данных — 0.05", получаемых из обработки кривых блеска спутников. Астрометрическая обработка фотометрических наблюдений взаимных затмений и покрытий галилеевых спутников, полученных в 1973, 1979–1980, 1985, 1990–1992 гг., проведена в работах (Акснес и др., 1984; Франклин и др., 1991; Каас и др., 1999). Оригинальный метод обработки фотометрических наблюдений взаимных явлений с целью получения из них астрометрических данных разработан Н.В. Емельяновым (2003). Полученные по этому методу астрометрические данные из наблюдений, проведенных в 1997, 2002-2003, 2009 и 2014-2015 гг., приведены в работах (Емельянов, Вашковьяк, 2009; Емельянов, 2009; Арло и др., 2014; Сакет и др., 2018). В табл. 3 и 4 для этих наблюдений в колонке "Обсерватория" стоит обозначение РНЕМU.

Помимо наземных наблюдений, в работе также были использованы наблюдения, выполненные с борта космических аппаратов: 47 положений спутников относительно Юпитера, полученные при помощи космического телескопа им. Хаббла (Маллама и др., 2004), точность которых составляет 0.04" по обеим координатам, и 93 абсолютных положения спутников, выполненные космическим аппаратом Hipparcos (Хестроффер и др., 1998; Пэрриман, 1997), точность которых составляет 0.03"-0.2".

Кроме того, были использованы четыре радарных наблюдения Ганимеда и Каллисто, полученные в обсерватории Аресибо в 1992 г. (Хармон и др., 1994). Данные по этим наблюдениям приведены в табл. 5 и включают дату и время получения сигнала (в часах и минутах), время распространения сигнала между радаром и спутником  $\tau$ , а также значения (O-C) с погрешностями, полученные авторами этих наблюдений в сравнении с эфемеридой ЕЗ, разработанной Лиске. В последнем столбце приведены значения (O-C) после улучшения, полученные в данной работе.



Рис. 1. Сравнение с наблюдениями и эфемеридой V. Lainey-V.2.0/V1.1 для Ио.



Рис. 2. Сравнение с наблюдениями и эфемеридой V. Lainey-V.2.0/V1.1 для Европы.



Рис. 3. Сравнение с наблюдениями и эфемеридой V. Lainey-V.2.0|V1.1 для Ганимеда.



Рис. 4. Сравнение с наблюдениями и эфемеридой V. Lainey-V.2.0/V1.1 для Каллисто.

ПИСЬМА В АСТРОНОМИЧЕСКИЙ ЖУРНАЛ том 45 № 11 2019

# ОЦЕНКИ ТОЧНОСТИ

В табл. З и 4 для каждого спутника и обсерватории представлены среднеквадратические ошибки представления наблюдений. В целом видно, что для всех наблюдений полученные среднеквадратические ошибки соответствуют точностям, которые даются авторами наблюдений, и приведенным в разделе с описанием наблюдений. В частности, как и следовало ожидать, наилучшим образом представлены наблюдения взаимных явлений, наблюдения, выполненные в рамках программы FASTT, современные пулковские наблюдения.

На рис. 1–4 приведены значения (*O*–*C*) после улучшения (серые точки) по прямому восхождению и склонению для каждого спутника. Кроме того, на этих же рисунках приведены графики сравнения построенных эфемерид с численными эфемеридами Лэнея и др. (2004а, 2004б) (черные линии). Сравнение проводилось на интервале 1891–2025 гг. по прямому восхождению и склонению для каждого спутника. Эфемериды Лэнея, а также эфемериды других авторов, доступны благодаря серверу MULTY-SAT (Емельянов, Арло, 2008) на сайте Службы естественных спутников планет ГАИШ МГУ (http://www.sai.msu.ru/neb/nss/nssephmr.htm).

На рисунках видно, что расхождение между эфемеридами для Ио, Европы и Ганимеда на всем интервале не превосходит 0.1", а для Каллисто — 0.15".

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Благодаря использованию всех доступных на данный момент наземных наблюдений галилеевых спутников Юпитера, покрывающих период 1891-2017 гг., построены численные эфемериды этих спутников на интервале 1891-2025 гг. Сравнение показало хорошее согласие как с наблюдениями, так и с эфемеридами других авторов. Построенные теории галилеевых спутников используются для вычисления эфемеридных таблиц, ежегодно публикуемых на сайте ИПА РАН в приложении к "Астрономическому ежегоднику" (http://iaaras.ru/about/issues/yearbook/), а также доступны для пользователей на сайте ИПА РАН благодаря Интерактивной службе расчета эфемерид, разработанной в ИПА РАН и предоставляющей доступ к различным эфемеридам с возможностью получения эфемеридных таблиц в различных единицах измерения и системах координат (http://iaaras.ru/dept/ephemeris/online/).

# СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Аоки и др. (S. Aoki, M. Soma, H. Kanoshita, K. Inoue), Astron. Astrophys. **128**, 263 (1983).
- 2. Акснес и др. (K. Aksnes, F. Franklin, R. Mills, P. Birch, C. Blanco, S. Catalano, J. Piironen), Astron. J. **89**, 280 (1984).
- Арло (J.-E. Arlot), Amelioration des ephemerides des satellites galileens de Jupiter par l'analyse des observations. These de Doctorat d'etat (Obs. de Paris, 1982).
- 4. Арло, Емельянов (J.-E. Arlot and N.V. Emelyanov), Astron. Astrophys. **503**, 631 (2009).
- 5. Арло и др. (J.-E. Arlot, N. Emelyanov, M.I. Varfolomeev, A. Amosse, C. Arena, M, Assafin, L. Barbieri, S. Bolzoni, et al.), Astron. Astrophys. 572, A120 (2014).
- 6. Арло и др. (J.-E. Arlot, N. Cooper, N. Emelyanov, V. Lainey, L.E. Meunier, C. Murray, J. Oberst, D. Pascu, et al.), Not. Sci. Tech. Inst. Mecan. Celest. **105** (2016)
- 7. Арчинал и др. (В.А. Archinal, С.Н. Acton, M.F. A'Hearn, A. Conrad, G.J. Consolmagno, T. Duxbury, D. Hestroffer, J.L. Hilton, et al.), Celest. Mech. Dyn. Astron. **130**, 22 (2018).
- Вейга, Виэйра (С.Н. Veiga, M.R. Vieira), Rev. Mex. 4, 118 (1996).
- 9. Джейкобсон (R.A. Jacobson), Bull. Am. Astron. Soc. 33, 1039 (2001).
- 10. Емельянов Н.В. Астрон. вест. **37**, 344 (2003) [N.V. Emelyanov, Solar System Res. **37**, 314 (2003)].
- Емельянов Н.В., Вашковьяк С.Н. Астрон. вест. 43, 251 (2009) [N.V. Emelyanov, S.N. Vashkovyak, Solar System Res. 43, 240 (2009)].
- 12. Емельянов (N.V. Emelyanov), MNRAS, **394**, 1037 (2009).
- 13. Емельянов, Арло (N.V. Emelyanov, J.-E. Arlot), Astron. Astrophys. **487**, 759 (2008).
- 14. Kaac и др. (A.A. Kaas, K. Aksness, F. Franklin and Jay Lieske), Astron. J. **117**, 1933 (1999).
- 15. Красинский, Васильев (G.A. Krasinsky and M.V. Vasilyev), *Proc. of IAU Coll.* (Ed. I.M. Wytrzyszczak, J.H. Lieske, R.A. Feldman, Dordrecht, Kluwer, 1997), p. 239.
- Космодамианский Г.А. Астрон. вестн. 43, № 6, 483 (2009) [G.А. Kosmodamianskii, Solar System Res. 43, № 6, 483 (2009)].
- Космодамианский Г.А., Порошина А.Л. Тр. ИПА 31, 39 (2014)
- 18. Лиске (J.H. Lieske), Astron. Astrophys. 56, 333 (1977)
- 19. Лэней и др. (V. Lainey, L. Duriez, A. Vienne), Astron. Astrophys. **420**, 1171 (2004а).
- 20. Лэней и др. (V. Lainey, J.E. Arlot, A. Vienne), Astron. Astrophys. **427**, 371 (20046).
- 21. Маллама и др. (А. Mallama, М. Aelion, C.A. Mallama), Icarus **167**, 320 (2004)
- 22. Нарижная Н.В. Астрон. вестн. **49**, 420 (2015) [N.V. Narizhnaya, Solar System Res. **49**, 383 (2015)].
- 23. Нарижная Н.В. Астрон. вестн. **50**, 364 (2016) [N.V. Narizhnaya, Solar System Res. **50**, 344 (2016)].

- Нарижная Н.В., Ховричев М.Ю., Апетян А.А., Бикулова Д.А., Ершова А.П., Беляев И.А., Куликова А.М., Оськина К.И. и др., Астрон. вестн. 52, 316 (2018) [N.V. Narizhnaya, М.Y. Khovrichev, A.A. Apetyan, D.A. Bikulova, A.P. Ershova, I.A. Balyaev, A.M. Kulikova, K.I. Os'kina, et al., Solar System Res. 52, 312 (2018)].
- 25. Пенг и др. (Q.Y. Peng, H.F. He, V. Lainey, and A. Vienne), MNRAS **419**, 1977 (2012).
- 26. Питьева Е.В., Астрон. вестн. 47, 419 (2013) [E.V. Pitjeva, Solar System Res. 47, 386 (2013)].
- 27. Питьева Е.В., Тр. ИПА 43, 42 (2017).
- 28. Пэрриман (M.A.C. Perryman), The Hipparcos and Tycho Catalogues. Vol. 1: Introduction and Guide to the Data (Noordwijk, ESA Publications Division, 1997).
- 29. Порошина и др. (A. Poroshina, M. Zamarashkina, G. Kosmodamianskiy), Тр. ИПА **26**, 75 (2012).

- 30. Сакет и др. (E. Saquet, N. Emelyanov, V. Robert, J.-E. Arlot, P. Anbazhagan, K. Bailli, J. Bardecker, A.A. Berezhnoy, et al.), MNRAS **474**, 4730 (2018).
- 31. Стоун, Харрис (R.C. Stone and F.H. Harris), Astron. J. **119**, 1985 (2000).
- 32. Стоун (R.C. Stone), Astron. J. 120, 2124 (2000).
- 33. Стоун (R.C. Stone), Astron. J. 122, 2723 (2001).
- 34. Франклин и др. ( F. Franklin, J. Africano, W. Allen, K. Aksnes, P. Birch, C. Blanco, I. Coulson, J. Goguen, et al.), Astron. J. **102**, 806 (1991).
- 35. Хармон и др. (J.K. Harmon, S.J. Ostro, J.F. Chandler, and R.S. Hudson), Astron. J. 107, 1175 (1994).
- 36. Хэстроффер и др. (D. Hestroffer, B. Morando, E. Hog, J. Rjvalevsky, L. Lindegren, and F. Mignard), Astron. Astrophys. **334**, 325 (1998).