# ОЦЕНКА ПАРАМЕТРОВ ГАЛАКТИЧЕСКОЙ СПИРАЛЬНОЙ ВОЛНЫ ПЛОТНОСТИ ПО СКОРОСТЯМ ОВ2-ЗВЕЗД ИЗ КАТАЛОГА GAIA EDR3

© 2022 г. В. В. Бобылев<sup>1\*</sup>, А. Т. Байкова<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Главная (Пулковская) астрономическая обсерватория РАН, Санкт-Петербург, Россия

Поступила в редакцию 26.11.2021 г.

После доработки 05.12.2021 г.; принята к публикации 28.12.2021 г.

Проведен анализ кинематики 9750 OB2-звезд с собственными движениями и параллаксами, отобранными Сюем и др. из каталога Gaia EDR3. Относительные ошибки параллаксов этих звезд не превышают 10%. По всей выборке звезд найдены скорости  $(U, V)_{\odot} = (7.17, 7.37) \pm (0.16, 0.24)$  км/с, а также компоненты угловой скорости вращения Галактики:  $\Omega_0 = 29.700 \pm 0.076$  км/с/кпк,  $\Omega'_0 = -4.008 \pm \pm 0.022$  км/с/кпк<sup>2</sup> и  $\Omega''_0 = 0.671 \pm 0.011$  км/с/кпк<sup>3</sup>, где линейная скорость вращения Галактики на околосолнечном расстоянии составляет  $V_0 = 240.6 \pm 3.0$  км/с для принятого значения  $R_0 = 8.1 \pm \pm 0.1$  кпк. Имеются 1812 OB2-звезд с измеренными лучевыми скоростями, и по ним вычислены пространственные скорости  $V_R$  и  $\Delta V_{\rm circ}$ . На основе спектрального анализа независимо радиальных и остаточных тангенциальных скоростей получены следующие оценки:  $f_R = 4.8 \pm 0.7$  км/с,  $f_{\theta} = 4.1 \pm 0.9$  км/с,  $\lambda_R = 2.1 \pm 0.2$  кпк и  $\lambda_{\theta} = 2.2 \pm 0.4$  кпк,  $(\chi_{\odot})_R = -116 \pm 12^\circ$  и  $(\chi_{\odot})_{\theta} = -156 \pm 14^\circ$ , для принятой модели четырехрукавного (m = 4) спирального узора. Таким образом, обе амплитуды возмущенной скорости отличны от нуля на высоком уровне значимости.

Ключевые слова: ОВ-звезды, кинематика, спиральная волна плотности, вращение Галактики.

DOI: 10.31857/S0320010822020024

# ВВЕДЕНИЕ

Звезды спектрального класса О и ранние В — это очень молодые (несколько млн лет) массивные (более  $10M_{\odot}$ ) звезды высокой светимости. Благодаря этим свойствам, они представляют большой интерес для изучения структуры и кинематики Галактики на различных масштабах.

В настоящей работе наш основной интерес связан с оценкой параметров галактической спиральной волны плотности. Оценки этих параметров мы делаем в рамках линейной теории спиральной структуры Линя, Шу (1964). Различные выборки OB-звезд, зон HII (где центральными возбуждающими являются звезды спектрального класса O) и OB-ассоциаций неоднократно служили для решения такой задачи (Крезе, Меннесье, 1973; Бил, Oвенден, 1978; Мельник и др., 2001; Фернандес и др., 2001; Заболотских и др., 2002; Руссейль, 2003; Бобылев и др., 2018).

Есть, конечно, и другие индикаторы спиральной структуры в Галактике. Это, например, долгопериодические цефеиды, молодые рассеянные звездные скопления (РЗС) или источники мазерного излучения. Такие молодые объекты также часто используют для определения структурных и кинематических параметров галактической спиральной волны плотности (Бертон, 1971; Мишуров и др., 1997; Мишуров, Зенина, 1999; Лепине и др., 2001; Попова, Локтин, 2005; Сиберт и др., 2012; Грив и др., 2014; Грив, Жанг, 2015; Расторгуев и др., 2017; Рид и др., 2019; Локтин, Попова, 2019; Сюй и др., 2018; 2021; Баррос и др., 2021).

Результаты кинематического анализа OB-звезд сильно зависят от качества измерительных данных. Точности собственных движений звезд непрерывно улучшаются и измерены в настоящее время для большого количества OB-звезд. Лучевые скорости для OB-звезд измерены для существенно меньшего их количества. Обычно при анализе пространственного распределения и кинематики OB-звезд использовались их фотометрические расстояния. Ситуация изменилась совсем недавно с публикацией более точных и более надежных тригонометрических параллаксов миллионов звезд, измеренных

<sup>\*</sup>Электронный адрес: vbobylev@gaoran.ru

в результате выполнения космического эксперимента Gaia (Прусти и др., 2016).

В настоящее время опубликована версия каталога Gaia EDR3 (Gaia Early Data Release 3, Браун и др., 2021), в которой по сравнению с предыдущей версией (Gaia DR2, Браун и др., 2018) примерно на 30% уточнены значения тригонометрических параллаксов и собственных движений для около 1.5 млрд звезд. Тригонометрические параллаксы для примерно 500 млн звезд измерены с ошибками менее 0.2 миллисекунд дуги (мсд). Для звезд со звездными величинами  $G < 15^m$  случайные ошибки измерения собственных движений лежат в интервале 0.02–0.04 миллисекунд дуги в год (мсд/год), и они сильно возрастают у более слабых звезд. В целом собственные движения около половины звезд каталога измерены с относительной ошибкой менее 10%. Новых измерений лучевых скоростей в каталоге Gaia EDR3 нет.

В работе Сюя и др. (2021) сформирована большая выборка OB2-звезд с собственными движениями и тригонометрическими параллаксами из каталога Gaia EDR3. Целью настоящей работы является переопределение параметров галактической спиральной волны плотности с использованием новейших данных о звездах спектральных классов О и В.

#### МЕТОД

Из наблюдений имеем три составляющие скорости звезды: лучевую скорость  $V_r$  и две проекции тангенциальной скорости  $V_l = 4.74r\mu_l \cos b$  и  $V_b = 4.74r\mu_b$ , направленные вдоль галактической долготы l и широты b соответственно. Все три скорости выражены в км/с. Здесь коэффициент 4.74 является коэффициентом размерности, а r — гелиоцентрическое расстояние звезды в кпк. Компоненты собственного движения  $\mu_l \cos b$  и  $\mu_b$  выражены в мсд/год. Через компоненты  $V_r, V_l, V_b$  вычисляются скорости U, V, W, направленные вдоль прямоугольных галактических осей координат:

$$U = V_r \cos l \cos b - V_l \sin l - V_b \cos l \sin b, \quad (1)$$
$$V = V_r \sin l \cos b + V_l \cos l - V_b \sin l \sin b,$$
$$W = V_r \sin b + V_b \cos b,$$

где скорость U направлена от Солнца к центру Галактики, V - в направлении вращения Галактики и W - на северный галактический полюс. Две скорости:  $V_R$ , направленную радиально от галактического центра, и ортогональную ей скорость  $V_{\rm circ}$ , направленную в направлении вращения Галактики, можем найти на основе следующих соотношений:

$$V_{\text{circ}} = U \sin \theta + (V_0 + V) \cos \theta, \qquad (2)$$
$$V_R = -U \cos \theta + (V_0 + V) \sin \theta,$$

где позиционный угол  $\theta$  удовлетворяет соотношению tg  $\theta = y/(R_0 - x)$ , x, y, z — прямоугольные гелиоцентрические координаты звезды (вдоль соответствующих осей x, y, z направлены скорости U, V, W),  $V_0$  — линейная скорость вращения Галактики на солнечном расстоянии  $R_0$ .

Для определения параметров кривой галактического вращения используем одно условное уравнение с компонентой скорости  $V_l$  в левой части. Это уравнение получено из формул Боттлингера, где проведено разложение угловой скорости вращения Галактики  $\Omega$  в ряд до членов второго порядка малости  $r/R_0$ :

$$V_{l} = U_{\odot} \sin l - V_{\odot} \cos l - r\Omega_{0} \cos b + (3) + (R - R_{0})(R_{0} \cos l - r \cos b)\Omega_{0}' + + 0.5(R - R_{0})^{2}(R_{0} \cos l - r \cos b)\Omega_{0}'' + + \tilde{v}_{R} \sin(l + \theta) + \tilde{v}_{\theta} \cos(l + \theta),$$

где R — расстояние от звезды до оси вращения Галактики  $R^2 = r^2 \cos^2 b - 2R_0 r \cos b \cos l + R_0^2$ . Скорости  $(U, V, W)_{\odot}$  являются средней групповой скоростью выборки, берутся с обратным знаком и отражают пекулярное движение Солнца. Так как только по компонентам  $V_l$  нельзя хорошо определить скорость  $W_{\odot}$ , то ее значение мы принимаем равным 7 км/с;  $\Omega_0$  является угловой скоростью вращения Галактики на солнечном расстоянии  $R_0$ , параметры  $\Omega'_0$  и  $\Omega''_0$  — соответствующие производные угловой скорости,  $V_0 = R_0\Omega_0$ .

В настоящей работе значение  $R_0$  принимается равным  $8.1 \pm 0.1$  кпк, согласно обзору Бобылева, Байковой (2021), где оно было выведено как средневзвешенное из большого количества современных индивидуальных оценок. Отметим также наиболее высокоточное современное индивидуальное измерение  $R_0$ , полученное Абутером и др. (2019) из анализа шестнадцатилетнего ряда наблюдений движения звезды S2 вокруг массивной черной дыры Sgr A\* в центре Галактики,  $R_0 = 8.178 \pm \pm 0.013$  (стат.)  $\pm 0.022$  (сист.) кпк.

Учет влияния галактической спиральной волны плотности в уравнении (3) основан на линейной теории, в которой возмущение потенциала имеет вид бегущей волны (Линь, Шу, 1964; Линь и др., 1969). Учет этого влияния осуществляется в форме, предложенной Крезе, Меннесье (1973). Влияние спиральной волны плотности в радиальных  $V_R$  скоростях определяется скоростью  $\tilde{v}_R$ , а в остаточных тангенциальных скоростях  $\Delta V_{\rm circ}$  скоростью  $\tilde{v}_{\theta}$ :

$$\tilde{v}_R = -f_R \cos \chi,$$

$$\tilde{v}_\theta = f_\theta \sin \chi,$$
(4)

ПИСЬМА В АСТРОНОМИЧЕСКИЙ ЖУРНАЛ том 48 № 3 2022

186

где

$$\chi = m[\operatorname{ctg}(i)\ln(R/R_0) - \theta] + \chi_{\odot}$$

— фаза спиральной волны, m — количество спиральных рукавов, i — угол закрутки спирального узора (i < 0 для закручивающейся спирали),  $\chi_{\odot}$  — радиальная фаза Солнца в спиральной волне;  $f_R$  и  $f_{\theta}$  — амплитуды возмущений радиальных и тангенциальных скоростей, которые считаются положительными.

Знак минус при  $\cos \chi$  в первом уравнении (4) показывает, что в центре спирального рукава в области внутри солнечного круга скорость  $f_R$  направлена к центру Галактики. Это соответствует известной иллюстрации Рольфса (1980), где указаны направления скоростей возмущений в спиральной волне плотности в области, расположенной внутри солнечного круга.

Знак фазового угла Солнца  $\chi_{\odot}$  может быть как положительным, так и отрицательным в зависимости от точки отсчета. При отсчитывании этого угла от спирального рукава Киля—Стрельца ( $R \sim 7$  кпк) он будет отрицательным. При отсчитывании от рукава Персея ( $R \sim 9.5$  кпк) угол фазы Солнца будет положительным.

Длина волны  $\lambda$  (расстояние между соседними отрезками спиральных рукавов, отсчитываемое вдоль радиального направления) вычисляется на основе соотношения

$$2\pi R_0 / \lambda = m \operatorname{ctg}(|i|). \tag{5}$$

Решая методом наименьших квадратов (МНК) систему условных уравнений вида (3), можем определить значения скоростей  $(U, V)_{\odot}$ ,  $\Omega_0$ ,  $\Omega'_0$ ,  $\Omega''_0$ ,  $\tilde{v}_R$  и  $\tilde{v}_{\theta}$ . Чтобы оценить амплитуды скоростей возмущения  $f_R$  и  $f_{\theta}$ , необходимо знать значения угла закрутки *i* и фазу Солнца  $\chi_{\odot}$  (либо, согласно соотношению (5), длину волны  $\lambda$  и  $\chi_{\odot}$ ).

Такой подход был осуществлен, например, Мишуровым, Зениной (1999) при анализе цефеид. Для определения  $f_R$  и  $f_{\theta}$  путем минимизации функции  $\chi$ -квадрат проводилось варьирование в достаточно широких пределах двух переменных *i* и  $\chi_{\odot}$ . Примерно так же был осуществлен поиск значений  $f_R$ и  $f_{\theta}$  в работах Мельник и др. (2001) при изучении кинематики OB-ассоциаций, а также Поповой, Локтина (2005) при анализе рассеянных звездных скоплений и OB-звезд.

Имеется и другой подход для определения таких параметров спиральной волны плотности, как  $f_R$ ,  $f_{\theta}$ ,  $\lambda$  (или *i*) и  $\chi_{\odot}$ , из анализа радиальных  $V_R$  и остаточных тангенциальных  $\Delta V_{\rm circ}$  скоростей звезд. Подход основан на применении модифицированного спектрального анализа (Байкова, Бобылев, 2012). Здесь остаточные скорости  $\Delta V_{\rm circ}$  получены из тангенциальных скоростей  $V_{\rm circ}$  путем вычитания кривой вращения с предварительно найденными параметрами.

Пусть имеется ряд измеренных скоростей  $V_{R_n}$  (это могут быть как радиальные  $V_R$ , так и тангенциальные  $\Delta V_{\rm circ}$  скорости),  $n = 1, 2, \ldots, N$ , где N число объектов. Задачей спектрального анализа является выделение периодичности из ряда данных в соответствии с принятой моделью, описывающей спиральную волну плотности с параметрами f,  $\lambda$  (или i) и  $\chi_{\odot}$ .

В результате учета логарифмического характера спиральной волны, а также позиционных углов объектов  $\theta_n$ , наш спектральный (периодограммный) анализ рядов возмущений скоростей сводится к вычислению квадрата амплитуды (спектра мощности) стандартного преобразования Фурье (Байкова, Бобылев, 2012):

$$\bar{V}_{\lambda_k} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^{N} V'_n(R'_n) \exp\left(-j\frac{2\pi R'_n}{\lambda_k}\right), \quad (6)$$

где  $\bar{V}_{\lambda_k}$  — k-я гармоника преобразования Фурье с длиной волны  $\lambda_k = D/k$ , D — период анализируе-мого ряда,

$$R'_n = R_0 \ln(R_n/R_0), \qquad (7)$$
  
$$V'_n(R'_n) = V_n(R'_n) \exp(jm\theta_n).$$

Пиковому значению спектра мощности  $S_{\text{peak}}$  соответствует искомая длина волны  $\lambda$ . Угол закрутки спиральной волны плотности находится из выражения (5). Амплитуду и фазу возмущений мы находим в результате подгонки гармоники с найденной длиной волны к измеренным данным. Для оценки амплитуды возмущений может быть использовано соотношение

$$f_R(f_\theta) = 2\sqrt{S_{\text{peak}}}.$$
 (8)

В настоящей работе используются оба описанных метода. Для этого применяем следующий подход. На первом шаге ищем МНК-решение системы условных уравнений вида (3) с целью оценки шести параметров  $(U, V)_{\odot}$ ,  $\Omega_0$ ,  $\Omega'_0$  и  $\Omega''_0$ . С найденными значениями этих скоростей формируем радиальные  $V_R$  и остаточные скорости вращения  $\Delta V_{\rm circ}$ .

На втором шаге проводим спектральный анализ скоростей  $V_R$  и  $\Delta V_{circ}$  и находим значения  $f_R$ ,  $f_{\theta}$ ,  $\lambda$  и  $\chi_{\odot}$ . Этот метод учитывает как логарифмический характер спиральной структуры Галактики, так и позиционные углы объектов, что позволяет проводить точный анализ скоростей объектов, распределенных в широком диапазоне галактоцентрических расстояний. Кроме того, этим методом можем получить оценки как только по радиальным скоростям  $\lambda_R$  и ( $\chi_{\odot}$ )<sub>R</sub>, так и по остаточным тангенциальным скоростям  $\lambda_{\theta}$  и ( $\chi_{\odot}$ )<sub> $\theta$ </sub>.



**Рис. 1.** Распределение OB2-звезд с лучевыми скоростями на галактической плоскости *XY*, показан четырехрукавный спиральный узор с углом закрутки  $i = -13^{\circ}$ .

На третьем шаге ищем МНК-решение системы условных уравнений вида (3) с целью оценки семи параметров  $(U, V)_{\odot}$ ,  $\Omega_0$ ,  $\Omega'_0$ ,  $\Omega''_0$ ,  $\tilde{v}_R$  и  $\tilde{v}_{\theta}$ . Зная  $\lambda$  и  $\chi_{\odot}$ , найденные на втором шаге, получаем новые оценки  $f_R$  и  $f_{\theta}$ .

# ДАННЫЕ

Используем выборку OB-звезд, для которых собственные движения и тригонометрические параллаксы были взяты Сюем и др. (2021) из каталога Gaia EDR3. Для этого с каталогом Gaia EDR3 этими авторами были отождествлены спектрально подтвержденные Скифом (2014) 9750 звезд спектральных классов от O до B2. Причем были отобраны звезды с относительными ошибками тригонометрических параллаксов менее 10%. Звезды, расположенные выше 300 пк над галактической плоскостью, в выборку не включались.

В работе Сюя и др. (2018) была сформирована выборка из 5772 звезд спектральных классов О– В2 с кинематическими параметрами из каталога Gaia DR2. Отбирались звезды с относительными ошибками тригонометрических параллаксов менее 10%. Для более 2500 OB-звезд эти авторы взяли значения лучевых скоростей из электронной базы SIMBAD <sup>1</sup>.

Мы отождествили выборки OB-звезд из работ Сюя и др. (2018) и Сюя и др. (2021), и в новой выборке обнаружили 1812 звезд с лучевыми скоростями. Лучевые скорости OB-звезд в каталоге Сюя и др. (2018) даны относительно местного стандарта покоя, поэтому мы переводим их обратно в гелиоцентрические с известными параметрами стандартного движения Солнца  $(U, V, W)_{\odot} =$ = (10.3, 15.3, 7.7) км/с.

На рис. 1 дано распределение 1812 OB2-звезд в проекции на галактическую плоскость XY. Использована система координат, в которой ось Xнаправлена от центра Галактики на Солнце, направление оси Y совпадает с направлением вращения Галактики. Показан четырехрукавный спиральный узор с углом закрутки  $i = -13^{\circ}$  (Бобылев, Байкова, 2014а), построенный со значением  $R_0 =$ = 8.1 кпк, римскими цифрами пронумерованы следующие отрезки спиральных рукавов: I — Щита,

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>http://simbad.u-strasbg.fr/simbad/



Рис. 2. Радиальные скорости  $V_R$  в зависимости от расстояния R выборки OB2-звезд с лучевыми скоростями (a), спектр мощности этой выборки (б), остаточные скорости вращения  $\Delta V_{\text{circ}}$  звезд этой выборки (в) и их спектр мощности (г).

II — Киля-Стрельца, III — Персея и IV — Внешний рукав.

### РЕЗУЛЬТАТЫ

На первом шаге система условных уравнений вида (3) решается относительно пяти неизвестных методом наименьших квадратов с весами вида  $w_l =$  $= S_0/\sqrt{S_0^2 + \sigma_{V_l}^2}$ , где  $S_0$  — "космическая" дисперсия,  $\sigma_{V_l}$  — дисперсия ошибок наблюдаемых скоростей. Значение  $S_0$  сопоставимо со среднеквадратической невязкой  $\sigma_0$  (ошибка единицы веса) при решении условных уравнений вида (3). Мы приняли  $S_0 = 10$  км/с. Система уравнений решалась в несколько итераций с применением критерия  $3\sigma$ для исключения звезд с большими невязками.

По всей выборке из 9750 OB2-звезд с собственными движениями и параллаксами найдены две скорости  $(U, V)_{\odot} = (7.17, 7.37) \pm (0.16, 0.24)$  км/с, а также следующие компоненты угловой скорости вращения Галактики:

$$Ω_0 = 29.700 \pm 0.076 \text{ км/c/кпк},$$
(9)

$$\Omega_0' = -4.008 \pm 0.022$$
 км/с/кпк<sup>2</sup>,

 $\Omega_0'' = 0.671 \pm 0.011$  км/с/кпк<sup>3</sup>.

Здесь  $V_0 = 240.6 \pm 3.0$  км/с для принятого значения  $R_0 = 8.1 \pm 0.1$  кпк.

На втором шаге формируем скорости  $V_R$  и  $\Delta V_{\rm circ}$  с использованием найденных в решении (9) параметров. Далее проводим спектральный анализ скоростей  $V_R$  и  $\Delta V_{\rm circ}$ . Результаты отражены на рис. 2, где даны скорости  $V_R$  и  $\Delta V_{\rm circ}$  в зависимости от расстояния R для выборки OB2-звезд с лучевыми скоростями, а также соответствующие спектры мощности. По этим данным получены следующие оценки:  $f_R = 4.8 \pm 0.7$  км/с,  $f_{\theta} = 4.1 \pm 0.9$  км/с,  $\lambda_R = 2.1 \pm 0.2$  кпк  $(i_R = -9.4 \pm 0.9^{\circ}$  для m = 4) и  $\lambda_{\theta} = 2.2 \pm 0.4$  кпк  $(i_{\theta} = -9.8 \pm 1.8^{\circ}$  для m = 4),  $(\chi_{\odot})_R = -116 \pm 12^{\circ}$  и  $(\chi_{\odot})_{\theta} = -156 \pm 14^{\circ}$ .

На третьем шаге используем всю выборку из 9750 OB2-звезд с собственными движениями и параллаксами. С учетом соотношений (4)–(5), а также того, что уже известны значения  $\lambda$  и  $\chi_{\odot}$ , уравнение (3) можно записать в более удобной для непосредственного определения параметров  $f_R$  и  $f_{\theta}$  форме

$$V_l = U_{\odot} \sin l - V_{\odot} \cos l - r\Omega_0 \cos b + \tag{10}$$

$$+ (R - R_0)(R_0 \cos l - r \cos b)\Omega'_0 + + 0.5(R - R_0)^2(R_0 \cos l - r \cos b)\Omega''_0 - - f_R \cos \chi \sin(l + \theta) + f_\theta \sin \chi \cos(l + \theta)$$

где

$$\chi = \frac{2\pi R_0}{\lambda} \ln(R/R_0) - m\theta + \chi_{\odot}.$$

В результате МНК-решения условных уравнений вида (10) найдены две скорости  $(U, V)_{\odot} =$ = (6.18, 6.40) ± (0.25, 0.51) км/с, а также

$$Ω_0 = 30.98 \pm 0.17 \text{ км/с/кпк}, \quad (11)$$

$$Ω'_0 = -4.175 \pm 0.027 \text{ км/с/кпк}^2, \quad Ω''_0 = 0.697 \pm 0.011 \text{ км/с/кпк}^3, \quad f_R = 4.43 \pm 0.56 \text{ км/c}, \quad f_\theta = 1.30 \pm 0.62 \text{ км/c}$$

с принятыми значениями  $\lambda = 2.1$  кпк и  $\chi_{\odot} = -120^{\circ}$ . В этом решении  $V_0 = 250.9 \pm 3.4$  км/с для  $R_0 = 8.1 \pm 0.1$  кпк.

Отметим, что скорости  $f_R$  и  $f_{\theta}$  очень сильно зависят от принятого значения фазы Солнца  $\chi_{\odot}$ . Эффект проиллюстрирован данными табл. 1, где даны кинематические параметры модели (10), полученные при четырех значениях  $\chi_{\odot}$ . Хорошо видна связь найденных значений  $f_R$  и  $f_{\theta}$  со скоростями  $U_{\odot}$  и  $V_{\odot}$ . Это обусловлено близостью (см. уравнение (10)) значений sin l и sin $(l + \theta)$ , а также cos l и cos $(l + \theta)$  при малых углах  $\theta$ . Довольно подробно такая связь между этими параметрами была изучена в работе Бобылева, Байковой (2014б).

Дадим еще решение, полученное в результате МНК-решения условных уравнений вида (10) с принятыми значениями  $\lambda = 2.1$  кпк и  $\chi_{\odot} = -125^{\circ}$ . В нем найдены две скорости  $(U, V)_{\odot} = (5.69, 7.28) \pm (0.26, 0.46)$  км/с, а также

$$Ω_0 = 31.03 \pm 0.16 \text{ km/c/kmk},$$
(12)
$$Ω'_0 = -4.183 \pm 0.027 \text{ km/c/kmk}^2,$$

$$Ω''_0 = 0.699 \pm 0.011 \text{ km/c/kmk}^3,$$

$$f_R = 5.07 \pm 0.55 \text{ km/c},$$

$$f_θ = 0.11 \pm 0.58 \text{ km/c}.$$

В качестве наилучших мы выбрали решения (11) и (12) по следующим соображениям. Во-первых, в этих решениях были использованы наиболее близкие к реальности для этой выборки звезд значения фазы Солнца  $\chi_{\odot} = -120^{\circ}$  и  $\chi_{\odot} = -125^{\circ}$ . Действительно, на основе спектрального анализа точнее значение этого угла определяется по радиальным скоростям,  $(\chi_{\odot})_R = -116^{\circ}$ . В уравнении (10) должно входить значение, которое удовлетворяет как радиальным, так и тангенциальным

компонентам скоростей, т.е. близкое к среднему  $[(\chi_{\odot})_R + (\chi_{\odot})_{\theta}]/2 = -136^{\circ}$ . Для спирального узора, показанного на рис. 1, значение фазы Солнца известно точно,  $\chi_{\odot} = -140^{\circ}$  (Бобылев, Байкова, 2014а). Таким образом, значение  $\chi_{\odot}$  необходимо выбирать из интервала  $[-116^{\circ}, -136^{\circ}]$ .

Во-вторых, важно иметь правильное соотношение скоростей  $U_{\odot}$  и  $V_{\odot}$ . Мы ориентируемся на те, что получены в решении (9). Как видно из табл. 1, значения скоростей  $U_{\odot}$  и  $V_{\odot}$  могут очень сильно изменяться в зависимости от принятой фазы  $\chi_{\odot}$ . Главный вывод из анализа таблицы заключается в том, что в этом методе при использовании ошибочного значения угла фазы Солнца можем получить очень далекие от реальности значения скоростей возмущения. Отметим, что параметры, полученные с фазой  $\chi_{\odot} = -130^{\circ}$ , все еще удовлетворяют нашим требованиям.

Анализ результатов решения условных уравнений вида (10) позволяет сделать ряд заключений. Наиболее вероятное значение фазы Солнца  $\chi_{\odot}$ для рассматриваемой выборки OB2-звезд лежит в интервале [ $-120^{\circ}, -130^{\circ}$ ]. Значение амплитуды радиальных возмущений  $f_R$  лежит в интервале [4.4, 5.9] км/с и определяется с ошибками  $\pm 0.6$  км/с.

Что касается угловой скорости вращения Галактики  $\Omega_0$  и ее производных  $\Omega'_0$ ,  $\Omega''_0$ , то они хорошо определяются как без параметров  $f_R$  и  $f_\theta$ , так и с их включением в список определяемых неизвестных. Отметим, что по сравнению с решением (9) в решении (11) и в табл. 1 существенно возросла ошибка определения  $\Omega_0$ .

#### ОБСУЖДЕНИЕ

#### Параметры вращения Галактики

Значения параметров галактического вращения  $\Omega_0$  и ее производных  $\Omega'_0$ ,  $\Omega''_0$ , найденные в решении (9), характерны для очень молодых объектов тонкого диска Галактики и находятся в очень хорошем согласии с их оценками, полученными другими авторами.

Например, Расторгуевым и др. (2017) по данным о 130 галактических мазерах с измеренными тригонометрическими параллаксами были найдены компоненты скорости Солнца ( $U_{\odot}, V_{\odot}$ ) = = (11.40, 17.23) ± (1.33, 1.09) км/с и следующие значения параметров кривой вращения Галактики:  $\Omega_0 = 28.93 \pm 0.53$  км/с/кпк,  $\Omega'_0 = -3.96 \pm \pm 0.07$  км/с/кпк<sup>2</sup> и  $\Omega''_0 = 0.87 \pm 0.03$  км/с/кпк<sup>3</sup>,  $V_0 = 243 \pm 10$  км/с, для найденного значения  $R_0 = = 8.40 \pm 0.12$  кпк.

В работе Рида и др. (2019) по выборке из 147 мазеров были найдены следующие значения

# БОБЫЛЕВ, БАЙКОВА

Параметры	$\chi_{\odot} = -100^{\circ}$	$\chi_{\odot} = -110^{\circ}$	$\chi_{\odot} = -130^{\circ}$	$\chi_{\odot} = -140^{\circ}$
$U_{\odot}$ , км/с	$7.79\pm0.18$	$7.15\pm0.22$	$5.07\pm0.27$	$4.30\pm0.29$
$V_{\odot}$ , км/с	$-0.34\pm0.68$	$3.61\pm0.60$	$8.02\pm0.42$	$8.61\pm0.35$
$\Omega_0$ , км/с/кпк	$30.02\pm0.17$	$30.65\pm0.17$	$31.22\pm0.15$	$31.18\pm0.14$
$\Omega_0^\prime$ , км/с/кпк $^2$	$-4.089 \pm 0.027$	$-4.149 \pm 0.028$	$-4.198 \pm 0.027$	$-4.193 \pm 0.025$
$\Omega_0''$ , км/с/кпк $^3$	$0.669 \pm 0.011$	$0.688 \pm 0.011$	$0.703 \pm 0.011$	$0.701\pm0.011$
$f_R$ , км/с	$-0.39\pm0.57$	$2.55\pm0.58$	$5.86 \pm 0.54$	$6.32\pm0.51$
$f_{ heta}, \kappa$ м/с	$9.13\pm0.76$	$4.69\pm0.70$	$-1.03\pm0.55$	$-2.36\pm0.49$

Таблица 1. Кинематические параметры, найденные по ОВ2-звездам на основе уравнения (10)

Таблица 2. Оценки параметров галактической спиральной волны плотности, найденные различными авторами

Выборка	Ref	$f_R$ , км/с	$f_{ heta},$ км/с	$\lambda$ , кпк	<i>і</i> , град.	$\chi_{\odot}$ , град.	m
ОВ-зв., цеф., РЗС	[1]	$3.6 \pm 0.4$	$4.7\pm0.6$		$-4.2\pm0.2$	$-165 \pm 1$	2
Цефеиды	[2]	$6.3\pm2.4$	$4.4\pm2.4$		$-6.8\pm0.7$	$-70 \pm 16$	2
Цефеиды	[3]	$3.5\pm1.7$	$7.5\pm1.8$		$-11.4\pm12$	$-20\pm9$	4
ОВ-ассоциации	[4]	$6.6\pm1.4$	$1.8\pm1.4$	$2.0\pm0.2$			
Цефеиды	[5]	$6.7\pm2.3$	$1.4\pm1.6$		$-6.0\pm0.7$	$-85 \pm 15$	2
РЗС	[5]	$5.5\pm2.3$	$0.2\pm1.6$		$-12.2\pm0.7$	$-88 \pm 15$	4
ОВ-звезды	[5]	$6.6\pm2.5$	$0.4\pm2.3$		$-6.6\pm0.9$	$-97\pm18$	2
РЗС, НІ, НІІ	[6]	$5.9\pm1.1$	$4.6\pm0.5$	$2.1\pm0.5$		-119	
Мазеры	[7]	$7.7\pm1.6$		$2.2\pm0.3$	$-5.0\pm0.5$	$-147 \pm 10$	2
Мазеры	[8]	$6.9\pm1.4$	$2.8\pm1.0$		$-10.4\pm0.3$	$-125 \pm 10$	4
ОВ-звезды	[9]	$7.1\pm0.3$	$6.5\pm0.4$	$2.8\pm0.2$		$-128\pm 6$	4
РЗС	[10]	$4.6\pm0.7$	$1.1\pm0.4$				4
Настоящая работа І		$4.8 \pm 0.7$	$4.1 \pm 0.9$	$2.1 \pm 0.2$	$-9.4\pm0.9$	$-116 \pm 12$	4
Настоящая работа II		$4.4\pm0.6$	$1.3\pm0.6$	2.1		[-120, -130]	4

**Примечание.** [1] — Бил, Овенден (1978); [2] — Мишуров и др. (1997); [3] — Мишуров, Зенина (1999); [4] — Мельник и др. (2001); [5] — Заболотских и др. (2002); [6] — Бобылев и др. (2008); [7] — Байкова, Бобылев (2012); [8] — Расторгуев и др. (2017); [9] — Бобылев и др. (2018); [10] — Локтин, Попова (2019).

двух важнейших кинематических параметров:  $R_0 = 8.15 \pm 0.15$  кпк и  $\Omega_{\odot} = 30.32 \pm 0.27$  км/с/кпк, где  $\Omega_{\odot} = \Omega_0 + V_{\odot}/R$ . Значение скорости  $V_{\odot} = 12.2$  км/с было взято из работы Шонриха и др. (2010). Эти авторы использовали разложение в ряд линейной скорости вращения Галактики.

По собственным движениям около 6000 OBзвезд из списка Сюя и др. (2018) с собственными движениями и параллаксами из каталога Gaia DR2 в работе Бобылева, Байковой (2019) найдены  $(U_{\odot}, V_{\odot}) = (6.53, 7.27) \pm (0.24, 0.31)$  км/с,  $\Omega_0 = 29.70 \pm 0.11$  км/с/кпк,  $\Omega'_0 = -4.035 \pm 0.031$  км/с/кпк<sup>2</sup> и  $\Omega''_0 = 0.620 \pm \pm 0.014$  км/с/кпк<sup>3</sup>, где  $V_0 = 238 \pm 5$  км/с для принятого  $R_0 = 8.0 \pm 0.15$  кпк.

#### Параметры волны плотности

В табл. 2 даны параметры галактической спиральной волны плотности, найденные различными авторами с использованием разнообразных измерительных данных.

Бил, Овенден (1978) определили значения этих параметров по выборке из 797 звезд спектральных классов от О7 до А5, они привлекли также 145 цефеид и 76 РЗС. Всего было использовано 1018 лучевых скоростей этих молодых объектов.

В работах Мишурова и др. (1997), Мишурова, Зениной (1999) была рассмотрена выборка из примерно 120 цефеид. Использовались как их лучевые скорости, так и собственные движения. Здесь для определения скоростей возмущений  $f_R$  и  $f_{\theta}$  осуществлялся поиск минимума функции  $\chi$ -квадрат, и при этом проводилось варьирование сразу двух переменных i и  $\chi_{\odot}$ . В оригинальных работах отсчет фазы Солнца проводился от рукава Персея, но мы привели эти значения к нашему способу отсчета.

Мельник и др. (2001) проанализировали кинематику выборки из 70 ОВ-ассоциаций, расположенных в околосолнечной области радиуса 3 кпк. Использовались как лучевые скорости, так и собственные движения этих ассоциаций.

В работе Заболотских и др. (2002) были рассмотрены разнообразные молодые галактические объекты. В кинематическую выборку вошли 113 классических цефеид с периодами пульсации более 9 сут, 89 молодых ( $\log t < 7.6$ ) РЗС, 102 голубых сверхгиганта, а также лучевые скорости облаков водорода НІ в тангенциальных точках и лучевые скорости зон НІІ.

В работе Бобылева и др. (2008) были использованы данные о молодых (≤50 млн лет) РЗС, лучевые скорости облаков нейтрального водорода НІ в тангенциальных точках и лучевые скорости зон НІІ. В итоге было получено довольно хорошее покрытие внутренней области Галактики. Применялся фурье-анализ, немного отличающийся от используемого в настоящей работе.

В работе Байковой, Бобылева (2012) использовалась выборка из 44 галактических мазеров с измеренными тригонометрическими параллаксами. В работе Расторгуева и др. (2017) уже рассмотрена выборка из 131 мазерного источника. Кинематические параметры спиральной структуры были определены так же, как и в настоящей работе, на основе спектрального анализа. Как и в настоящей работе, Бобылев и др. (2018) рассмотрели выборку 495 ОВ-звезд с данными из каталога Gaia DR2, где на основе спектрального анализа был осуществлен поиск параметров раздельно по радиальной и тангенциальной составляющими скоростей. Поэтому в таблице указаны усредненные значения  $\lambda$  и  $\chi_{\odot}$ .

В работе Локтина, Поповой (2019) проанализирована кинематика около 1000 РЗС из "Однородного каталога параметров рассеянных звездных скоплений" (Локтин, Попова, 2019) с собственными движениями звезд из каталога Gaia DR2. Лучевые скорости измерены для 522 РЗС из этой выборки.

В нижних двух строках табл. 2 даны параметры, которые в настоящей работе а) определены по радиальным скоростям звезд на основе спектрального анализа — обозначены как метод I; и б) получены на основе решения уравнения (10) — обозначены как метод II. В целом можем видеть, что имеется хорошее согласие найденных в настоящей работе значений  $f_R$  и  $\lambda$ , углов *i* и  $\chi_{\odot}$  с другими их определениями. Плохое согласие имеется только в определении  $f_{\theta}$ . Но из таблицы видно, что эта скорость неуверенно определяется любыми методами.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Для изучения кинематики Галактики использована выборка OB2-звезд из работы Сюя и др. (2021) с собственными движениями и тригонометрическими параллаксами из каталога Gaia EDR3. Для 1812 звезд из этой выборки имеются значения лучевых скоростей, взятые из литературных источников.

По собственным движениям и параллаксам всей выборки из 9750 OB2-звезд найдены скорости  $(U, V)_{\odot} = (7.17, 7.37) \pm (0.16, 0.24)$  км/с, а также компоненты угловой скорости вращения Галакти-ки:  $\Omega_0 = 29.700 \pm 0.076$  км/с/кпк,  $\Omega'_0 = -4.008 \pm 0.022$  км/с/кпк<sup>2</sup> и  $\Omega''_0 = 0.671 \pm 0.011$  км/с/кпк<sup>3</sup>, где линейная скорость вращения Галактики на околосолнечном расстоянии составляет  $V_0 = 240.6 \pm 3.0$  км/с для принятого значения  $R_0 = 8.1 \pm 0.11$  кпк. Значения этих параметров характерны

для молодых объектов тонкого диска Галактики и находятся в очень хорошем согласии с их оценками, полученными другими авторами. Но в нашем случае, благодаря использованию огромного количества звезд, они определены с очень маленькими ошибками.

По данным о 1812 ОВ2-звездах с лучевыми скоростями вычислены пространственные скорости  $V_R$  и  $\Delta V_{\rm circ}$ . Проведен спектральный анализ независимо радиальных и остаточных тангенциальных скоростей. Получены следующие оценки:  $f_R = 4.8 \pm 0.7$  км/с,  $f_{\theta} = 4.1 \pm 0.9$  км/с,  $\lambda_R = 2.1 \pm 0.2$  кпк ( $i_R = -9.4 \pm 0.9^{\circ}$  для m = 4) и  $\lambda_{\theta} = 2.2 \pm 0.4$  кпк ( $i_{\theta} = -9.8 \pm 1.8^{\circ}$  для m = 4), ( $\chi_{\odot}$ ) $_R = -116 \pm 12^{\circ}$  и ( $\chi_{\odot}$ ) $_{\theta} = -156 \pm 14^{\circ}$ . Видим, что более надежно эти параметры определяются по радиальным скоростям звезд.

Основное кинематическое уравнение было решено также с включением в качестве дополнительных неизвестных скоростей возмущений  $f_R$  и  $f_{\theta}$ . В итоге мы пришли к заключению о том, что наиболее вероятное значение фазы Солнца  $\chi_{\odot}$  для рассматриваемой выборки OB2-звезд лежит в интервале  $[-120^{\circ}, -130^{\circ}]$ . Значение амплитуды радиальных возмущений  $f_R$  лежит в интервале [4.4, 5.9] км/с и определяется этим методом с ошибками  $\pm 0.6$  км/с.

В целом мы заключили, что имеется хорошее согласие найденных в настоящей работе двумя методами значений  $f_R$  и  $\lambda$ , углов *i* и  $\chi_{\odot}$  как между собой, так и с результатами их определения другими авторами. Меньшее согласие имеется в определении  $f_{\theta}$ . Мы больше доверяем подходу с использованием спектрального анализа,  $f_{\theta} = 4.1 \pm \pm 0.9$  км/с. Таким образом, обе найденные амплитуды скоростей возмущения отличны от нуля на высоком уровне значимости.

Отметим, что метод оценки скоростей возмущений  $f_R$  и  $f_{\theta}$ , основанный на использовании кинематической модели (10), предложен Крезе, Меннесье (1973) при ряде упрощений, которые ограничивают размер области применения метода. В частности, отношение  $R/R_0$  было разложено в ряд с использованием только первого члена ряда.

Метод, основанный на периодограммном фурьеанализе (Байкова, Бобылев, 2012), учитывает как логарифмический характер спиральной структуры Галактики, так и позиционные углы объектов. В нем не используются какие-либо упрощения и допущения, что позволяет проводить наиболее точный анализ скоростей объектов, распределенных в широком диапазоне галактоцентрических расстояний. Таким образом, этот метод более надежный.

Авторы благодарны Ю.Н. Мишурову за полезное и глубокое обсуждение результатов работы.

# СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Абутер и др. (GRAVITY Collaboration, R. Abuter, A. Amorim, N. Bauböck, J.P. Berger, H. Bonnet, W. Brandner, Y. Clénet, V. Coudé du Foresto, et al.), Astron. Astrophys. 625, L10 (2019).
- Байкова А.Т., Бобылев В.В., Письма в Астрон. журн. 38, 617 (2012) [А.Т. Вајкоvа, V.V. Bobylev, Astron. Lett. 38, 549 (2012)].
- 3. Баррос и др. (D.A. Barros, A. Perez-Villegas, T.A. Michtchenko, and J.R.D. Lepine), Front. Astron. Space Sci. **8**, 48 (2021).
- 4. Бертон (W.B. Burton), Astron. Astrophys. 10, 76 (1971).
- 5. Бил, Овенден (J. Byl and M.W. Ovenden), Astrophys. J. **225**, 496 (1978).
- Бобылев В.В., Байкова А.Т., Степанищев А.С., Письма в Астрон. журн. 34, 570 (2008) [V.V. Bobylev, et al., Astron. Lett. 34, 515 (2008)].
- Бобылев, Байкова (V.V. Bobylev and A.T. Bajkova), MNRAS 437, 1549 (2014а).
- 8. Бобылев, Байкова (V.V. Bobylev and A.T. Bajkova), MNRAS **441**, 142 (20146).
- Бобылев В.В., Байкова А.Т., Письма в Астрон. журн. 44, 739 (2018) [V.V. Bobylev, et al., Astron. Lett. 44, 676 (2018)].
- Бобылев В.В., Байкова А.Т., Письма в Астрон. журн. 45, 379 (2019) [V.V. Bobylev, et al., Astron. Lett. 45, 331 (2019)].
- Бобылев В.В., Байкова А.Т., Астрон. журн. 98, 497 (2021а) [V.V. Bobylev, А.Т. Вајкоva, Astron. Rep. 65, 498 (2021а)].
- Браун и др. (Gaia Collaboration, A.G.A. Brown, A. Vallenari, T. Prusti, J.H.J. de Bruijne, C. Babusiaux, C.A.L. Bailer-Jones, M. Biermann, D.W. Evans, et al.), Astron. Astrophys. 616, 1 (2018).
- Браун и др. (Gaia Collaboration, A.G.A. Brown, A. Vallenari, T. Prusti, J.H.J. de Bruijne, C. Babusiaux, M. Biermann, O.L. Creevely, D.W. Evans, et al.), Astron. Astrophys. 649, 1 (2021).
- 14. Грив и др. (E. Griv, C.-C. Lin, C.-C. Ngeow, and I.-G. Jiang), New Astron. **29**, 9 (2014).
- 15. Грив, Жанг (E. Griv and I.-G. Jiang), Astron. Nachr. **336**, 196 (2015).
- Заболотских М.В., Расторгуев А.С., Дамбис А.К., Письма в Астрон. журн. 28, 516 (2002) [M.V. Zabolotskikh, et al., Astron. Lett. 28, 454 (2002)].
- 17. Крезе, Меннесье (M. Crézé and M.O. Mennessier), Astron. Astrophys. 27, 281 (1973).
- 18. Лепине и др. (J.R.D. Lépine, Yu. Mishurov and S.Yu. Dedikov), Astrophys. J. **546**, 234 (2001).
- 19. Линь, Шу (С.С. Lin and F.H. Shu), Astrophys. J. **140**, 646 (1964).
- 20. Линь и др. (С.С Lin, С. Yuan, and F.H. Shu), Astrophys. J. 155, 721 (1969).
- Локтин А.В., Попова М.Э., Астрофиз. Бюлл. 72, 282 (2017) [A.V. Loktin, М.Е. Ророva, Astrophys. Bull. 72, 257 (2017)].

- Локтин А.В., Попова М.Э., Астрофиз. Бюлл. 74, 289 (2019) [A.V. Loktin, M.E. Popova, Astrophys. Bull. 74, 270 (2019)].
- Мельник А.М., Дамбис А.К., Расторгуев А.С., Письма в Астрон. журн. 27, 611 (2001) [А.М. Mel'nik, et al., Astron. Lett. 27, 521 (2001)].
- 24. Мишуров и др. (Yu.N. Mishurov, I.A. Zenina, A.K. Dambis, A.M. Mel'nik, and A.S. Rastorguev), Astron. Astrophys. **323**, 775 (1997).
- 25. Мишуров, Зенина (Yu.N. Mishurov and I.A. Zenina), Astron. Astrophys. **341**, 81 (1999).
- Попова М.Э., Локтин А.В., Письма в Астрон. журн. 31, 743 (2005). [М.Е. Ророvа, А.V. Loktin, Astron. Lett. 31, 663 (2005)].
- 27. Прусти и др., (Gaia Collaboration, T. Prusti, J.H.J. de Bruijne, A.G.A. Brown, A. Vallenari, C. Babusiaux, C.A.L. Bailer-Jones, U. Bastian, M. Biermann, et al.), Astron. Astrophys. **595**, 1 (2016).
- Расторгуев А.С., Заболотских М.В., Дамбис А.К., Уткин Н.Д., Бобылев В.В., Байкова А.Т., Астрофиз. Бюллетень 72, 134 (2017) [A.S. Rastorguev, et al., Astrophys. Bulletin 72, 122 (2017)].
- 29. Рид и др. (M.J. Reid, K.M. Menten, A. Brunthaler, X.W. Zheng, T.M. Dame, Y. Xu, J. Li, N. Sakai, et al.), Astrophys. J. **885**, 131 (2019).

- 30. Рольфс К., *Лекции по теории волн плотности* (М.: Мир, 1980).
- 31. Руссейль (D. Russeil), Astron. Astrophys. **397**, 133 (2003).
- 32. Сиберт и др. (A. Siebert, B. Famaey, J. Binney, B. Burnett, C. Faure, I. Minchev, M.E.K. Williams, O. Bienaymé, et al.), MNRAS **425**, 2335 (2012).
- 33. Скиф (B.A. Skiff), VizieR Online Data Catalog, B/mk (2014).
- 34. Сюй и др. (Y. Xu, S.B. Bian, M.J. Reid, J.J. Li, B. Zhang, Q.Z. Yan, T.M. Dame, K.M. Menten, et al.), Astron. Astrophys. **616**, L15 (2018).
- 35. Сюй и др. (Y. Xu, L.G. Hou, S. Bian, C.J. Hao, D.J. Liu, J.J. Li, and Y.J. Li), Astron. Astrophys. **645**, L8 (2021).
- 36. Фернандес и др. (D. Fernández, F. Figueras, and J. Torra), Astron. Astrophys. **372**, 833 (2001).
- 37. Шонрих и др. (R. Schönrich, J.J. Binney, and W. Dehnen), MNRAS **403**, 1829 (2010).