

## ЦЕФЕИДЫ V371 PER И OGLE-LMC-CEP-2132: ПЕРВОЕ ПЕРЕСЕЧЕНИЕ ПОЛОСЫ НЕСТАБИЛЬНОСТИ

© 2023 г. Л. Н. Бердников<sup>1\*</sup>, Е. Н. Пастухова<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Государственный астрономический институт им. П.К. Штернберга  
Московского государственного университета им. М.В. Ломоносова, Москва, Россия

<sup>2</sup>Институт астрономии РАН, Москва, Россия

Поступила в редакцию 12.04.2023 г.

После доработки 24.04.2023 г.; принята к публикации 27.04.2023 г.

Для обоих периодов бимодальной цефеиды V371 Per и для цефеиды OGLE-LMC-CEP-2132 построены  $O - C$  диаграммы, охватывающие временной интервал 126 и 119 лет соответственно. Диаграммы  $O - C$  имеют вид парабол, что позволило впервые определить квадратичные элементы изменения блеска и вычислить скорости эволюционных изменений периодов:  $dP_{Fu}/dt = 1.085 (\pm 0.007)$  с/год и  $dP_{1O}/dt = 0.923 (\pm 0.003)$  с/год для фундаментальной моды и первого обертона V371 Per, соответственно, а также  $dP/dt = 15.304 (\pm 0.048)$  для OGLE-LMC-CEP-2132, что согласуется с результатами теоретических расчетов для первого пересечения полосы неустойчивости. Тест на стабильность пульсаций, предложенный Ломбардом и Коэном, подтвердил реальность увеличения периодов.

*Ключевые слова:* цефеиды, бимодальные цефеиды, изменчивость периодов цефеид, эволюция звезд.

DOI: 10.31857/S0320010823040010, EDN: CUEGMC

### ВВЕДЕНИЕ

К настоящему времени сильная линия лития 6707.766 Å обнаружена в спектрах всего шести классических цефид. Это: две цефеиды, пульсирующие в фундаментальной моде, OGLE-LMC-CEP-4628 = HV 5497 с периодом  $P = 98^d9$  (Лак, Ламберт, 1992) и V1033 Cyg с периодом  $P = 4^d946$  (Лак, Ламберт, 2011), бимодальная цефеида V371 Per, пульсирующая в фундаментальной моде,  $P = 1^d738$ , и первом обертоне,  $P_{1O} = 1^d270$  (Ковтюх и др., 2016), и три бимодальные цефеиды, пульсирующие в первом и втором обертонах, ASAS 075842-2536.1 = V743 Pup ( $P_{1O} = 0^d410$ ,  $P_{2O} = 0^d328$ ) и ASAS 131714-6605.0 = V356 Mus ( $P_{1O} = 0^d913$ ,  $P_{2O} = 0^d734$ ) (Ковтюх и др., 2019) и V363 Cas ( $P_{1O} = 0^d547$ ,  $P_{2O} = 0^d438$ ) (Катанзаро и др., 2020). Содержание лития в этих звездах  $A(\text{Li}) > 3.0$  dex, в то время как у остальных цефеид  $A(\text{Li}) < 1.2$  dex.

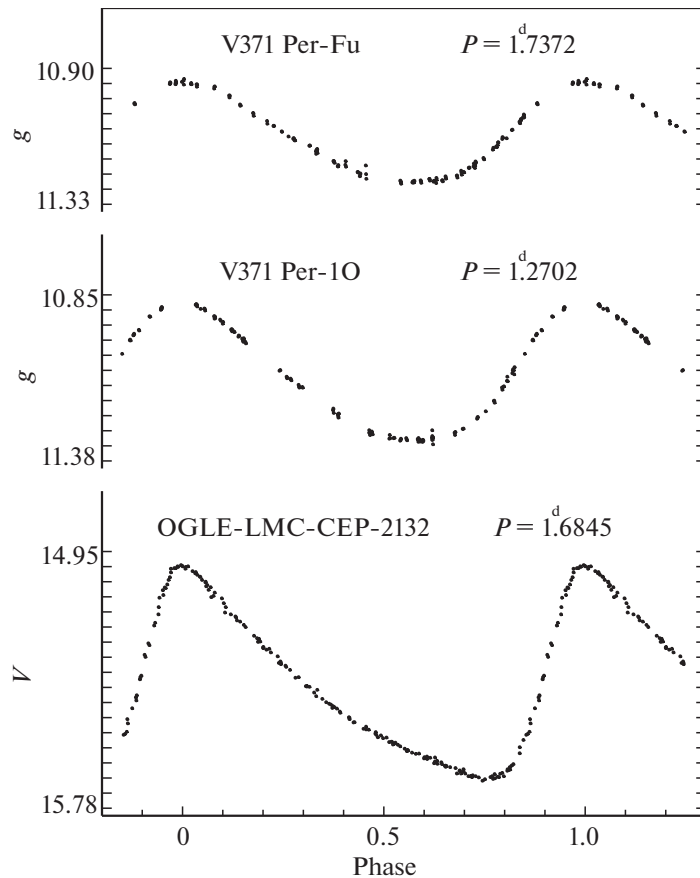
Анализ всей имеющейся информации (Ковтюх и др., 2019; Катанзаро и др., 2020) позволил предположить, что богатые литием цефеиды находятся

на первом пересечении полосы неустойчивости, так как после первого пересечения содержание лития уменьшается за счет захвата нейтронов после первой “выемки” продуктов горения из ядра (dredge-up) на фазе ветви красных гигантов. Кроме того, 4 из 6 этих цефеид являются бимодальными.

Из модельных расчетов (Эггенбергер, 2021; Нгуен и др., 2022; Юсоф и др., 2022) следует, что на эволюционных треках цефеид малых масс (а значит, и малых периодов) голубая петля после первого пересечения очень короткая и не заходит в полосу неустойчивости, т.е. второго и третьего пересечений не случается. Поэтому цефеиды с периодами менее 4–5 дней (в зависимости от металличности) должны быть на первом пересечении, и периоды увеличивается настолько быстро, что диаграммы  $O - C$  должны быть параболами с крутыми ветвями, направленными вверх.

Однако парабола, соответствующая первому пересечению полосы неустойчивости, обнаружена только у одной нормальной (не бимодальной) цефеиды — V1033 Cyg с периодом  $P = 4^d946$ :  $dP/dt = +18.19 (\pm 0.08)$  с/год (Бердников и др., 2019). Диаграммы  $O - C$  всех исследованных цефеид с меньшими периодами выглядят как квазипериодические волны, которые, как правило,

\* Электронный адрес: lberdnikov@yandex.ru



**Рис. 1.** Кривые изменения блеска для обоих колебаний V371 Пер в фильтре  $g'$  (ASAS-SN) и для OGLE-LMC-CEP-2132 в фильтре  $V$  (OGLE).

накладываются на слабые тренды, которые иногда можно интерпретировать как вековые увеличения или уменьшения периодов (Черный и др., 2022).

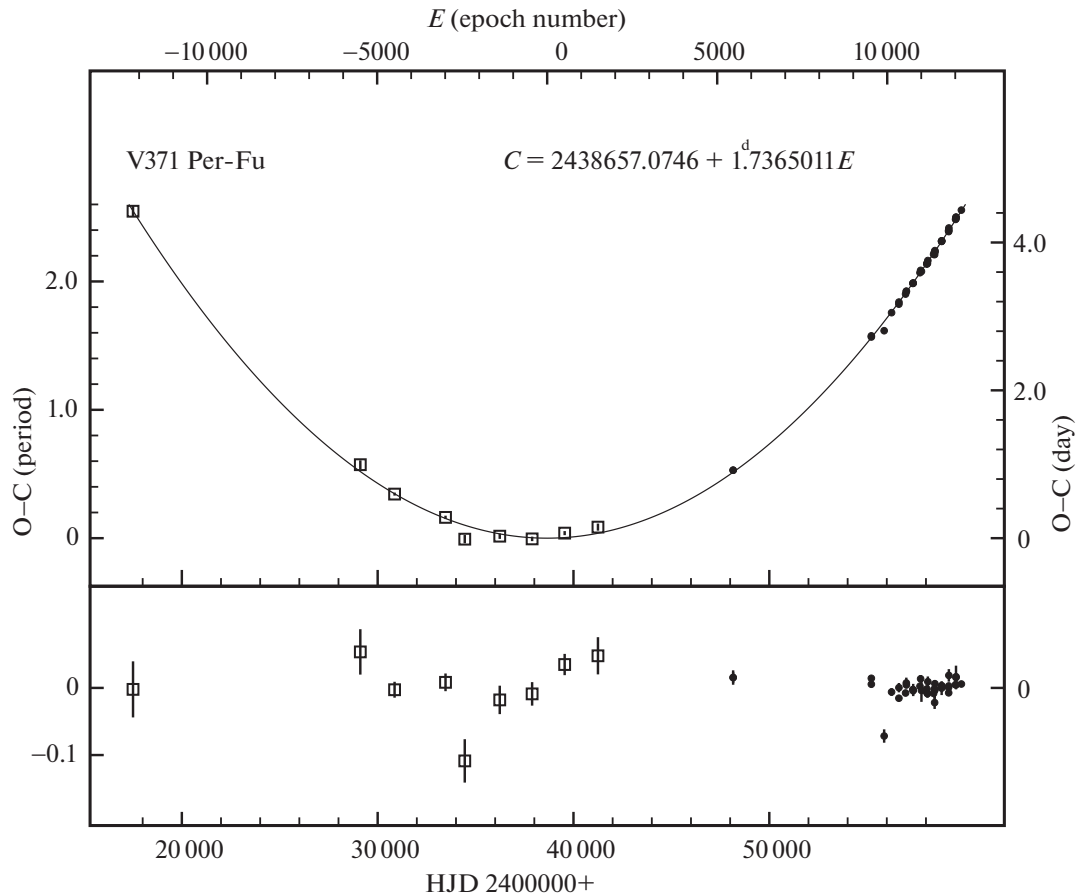
Диаграммы  $O - C$  для обоих периодов бимодальных цефеид впервые были построены для AS Cas и TU Cas (Бердников и др., 2021; Бердников, Пастухова, 2021). При этом периоды AS Cas для фундаментальной моды  $P_{Fu} = 3^d025$  и первого обертона  $dP_{1O} = 2^d155$  слегка увеличиваются:  $dP_{Fu}/dt = +0.065 (\pm 0.010)$  с/год и  $dP_{1O}/dt = +0.163 (\pm 0.006)$  с/год, а периоды TU Cas  $P_{Fu} = 2^d139$  и  $dP_{1O} = 1^d518$  слегка уменьшаются:  $dP_{Fu}/dt = -0.039 (\pm 0.004)$  с/год и  $dP_{1O}/dt = -0.036 (\pm 0.007)$  с/год — в полном соответствии с поведением нормальных короткопериодических цефеид.

Таким образом, быстрое увеличение периодов у короткопериодических цефеид, которые в теории должны быть на первом пересечении полосы нестабильности, не обнаружено. Может быть, причиной этого является малый угол на диаграмме Герцшпрунга–Рассела между эволюционным тре-

ком данной цефеиды и линией одинакового периода.

Единственная известная цефеида на первом пересечении с соответствующей скоростью изменения периода — V1033 Cyg, и она оказалась богата литием. Было бы интересно установить связь между скоростью изменения периода и обилием лития. Для этого надо исследовать  $O - C$  диаграммы известных богатых литием цефеид, а также провести поиски быстрых изменений периодов других цефеид с последующим получением их спектров на предмет обнаружения линии лития.

Из различных соображений предполагалось, что богатая литием бимодальная цефеида V371 Per тоже находится на первом пересечении полосы нестабильности (Вилс и др., 2010; Ишида, 2017) с высокой скоростью изменения периода, но соответствующую параболу на ее  $O - C$  диаграммах из-за плохого качества используемого наблюдательного материала построить не удавалось. К настоящему времени были получены новые фотометрические данные, и появилась реальная возможность поиска быстрых изменений периодов фундаментальной моды и первого обертона V371 Per.



**Рис. 2.** Диаграмма  $O - C$  для V371 Per относительно линейных (вверху) и квадратичных (внизу) элементов фундаментальной моды (табл. 6). Линия — парабола, соответствующая квадратичным элементам.

Кроме того, исследуя цефеиды БМО, мы обнаружили, что в работе Родригес-Сеговия и др. (2022) имеются указания на то, что цефеида OGLE-LMC-CEP-2132 ( $P = 4^d685$ ), у которой неизвестно содержание лития, может находиться на первом пересечении полосы нестабильности.

Таким образом, задача данной работы — поиск быстрых эволюционных изменений периодов двух цефеид: V371 Per и OGLE-LMC-CEP-2132.

#### КРИВЫЕ ИЗМЕНЕНИЯ БЛЕСКА V371 Per И OGLE-LMC-CEP-2132

В работе Бердникова и др. (2021) описана методика выделения кривых блеска для фундаментальной моды и первого обертона бимодальной цефеиды из наблюдаемой кривой блеска. Эту методику мы используем и в данной работе. В качестве примера на рис. 1 показаны кривые изменения блеска V371 Per в фильтре  $g'$ , построенные по данным каталога ASAS-SN (Ясингхе и др., 2019), а также кривая блеска классической цефеиды OGLE-LMC-CEP-2132 в фильтре  $V$ , построенная по данным каталога OGLE (Удальски и др., 2018).

В табл. 1 приведены параметры кривых блеска обоих колебаний для V371 Per и для OGLE-LMC-CEP-2132 в фильтрах  $g'$  и  $V$ : блеск в максимуме, амплитуда и средний блеск по интенсивности, а коэффициенты Фурье (разложение по косинусам) приведены в табл. 2. Эти коэффициенты согласу-

**Таблица 1.** Параметры кривых блеска V371 Per и OGLE-LMC-CEP-2132 в фильтрах  $V$  и  $g'$

Мода колебаний	Фильтр	Блеск в максимуме	Амплитуда	Средний блеск по интенсивности
V371 Per				
$Fu$	$V$	$10^m785$	$0^m246$	$10^m911$
$Fu$	$g'$	$10^m944$	$0^m334$	$11^m121$
$1O$	$V$	$10^m722$	$0^m346$	$10^m911$
$1O$	$g'$	$10^m871$	$0^m457$	$11^m121$
OGLE-LMC-CEP-2132				
$Fu$	$V$	$14^m995$	$0^m706$	$15^m393$

**Таблица 2.** Коэффициенты Фурье (разложение по косинусам) кривых блеска фундаментальной моды ( $P_{Fu} = 1^d737$ ) и первого обертона ( $P_1 = 1^d270$ ) V371 Per и OGLE-LMC-CEP-2132 ( $P = 4^d685$ ) в фильтре  $V$

Мода колебаний	$R_{21}$ Error	$R_{31}$ Error	$R_{41}$ Error	$\phi_{21}$ Error	$\phi_{31}$ Error	$\phi_{41}$ Error
V371 Per						
$Fu$	0.17529 $\pm 0.00077$	0.03150 $\pm 0.00077$	0.00246 $\pm 0.00077$	4.21903 $\pm 0.00468$	2.60136 $\pm 0.02470$	4.64957 $\pm 0.31500$
$1O$	0.18843 $\pm 0.00005$	0.05605 $\pm 0.00005$	0.00595 $\pm 0.00005$	4.00005 $\pm 0.00031$	2.07139 $\pm 0.00098$	1.89541 $\pm 0.00910$
OGLE-LMC-CEP-2132						
$Fu$	0.40689 $\pm 0.00415$	0.19913 $\pm 0.00415$	0.09685 $\pm 0.00415$	4.24077 $\pm 0.01313$	2.32812 $\pm 0.02425$	0.27772 $\pm 0.04590$

**Таблица 3.** Наблюдательный материал V371 Per и OGLE-LMC-CEP-2132

Источник данных	Число наблюдений	Тип наблюдений	Интервал JD
ГАИШ (Данная работа)	159	Фотографические, $pg$	2413594–2447442
Сатывалдиев (1966)	173	Фотографические, $pg$	2430253–2438385
Шмидт (1995)	59	CCD, $VR$	2447872–2448503
Шмидт (2013)	21	CCD, $VR$	2454768–2455883
KWS	2097	CCD, $VI$	2455819–2459599
ASAS-SN	8641	CCD, $Vg'$	2456870–2459843
DASCH	1534	Фотографические, $pg$	2413877–2433347
MACHO	3172	CCD, $BR$	2448825–2451544
OGLE	2510	CCD, $VI$	2450455–2457507

ются с данными OGLE для цефеид Галактики и БМО (Удальски и др., 2018).

OGLE (Удальски и др., 2018), MACHO (Оллсман, Аксельрод, 2001), KWS (<http://kws.cetus-net.org/maehara/V5data.py>) и ASAS-SN (Ясингхе и др., 2019).

### МЕТОДИКА ИЗУЧЕНИЯ ИЗМЕНЯЕМОСТИ ПЕРИОДОВ ЦЕФЕИД

Для изучения изменчивости периодов пульсаций цефеид мы применяем общепринятую методику анализа  $O - C$  диаграмм, а самым точным методом определения остатков  $O - C$  является метод Герцшпрунга (1919), машинная реализация которого описана в работе Бердникова (1992). Для подтверждения реальности обнаруженных изменений периода мы используем метод, описанный Ломбардом и Коэном (1993).

Для изучения периодов V371 Per и OGLE-LMC-CEP-2132 мы собрали опубликованные фотографические, фотоэлектрические и ПЗС наблюдения. Кроме того, мы сделали глазомерные оценки блеска на фотографических пластинках ГАИШ (Москва), а также использовали фотометрию из каталогов DASCH (Гриндлей и др., 2009),

Сведения о количестве использованных наблюдений приведены в табл. 3. Эти наблюдения охватывают временной интервал 126 и 119 лет для V371 Per и OGLE-LMC-CEP-2132 соответственно.

### ПОЛУЧЕННЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ И ИХ ОБСУЖДЕНИЕ

Результаты обработки сезонных кривых V371 Per приведены в табл. 4 (для фундаментальной моды и первого обертона), а результаты для OGLE-LMC-CEP-2132 приведены в табл. 5. В первом и втором столбцах этих таблиц даны моменты максимального блеска и ошибки их определения, в третьем — тип используемых наблюдений, в четвертом и пятом — номер эпохи  $E$  и значение остатка  $O - C$ , а в шестом и седьмом — число наблюдений  $N$  и источник данных. Данные табл. 4–5 изображены на  $O - C$  диаграммах (рис. 2–4) квадратиками

Таблица 4. Моменты максимума блеска V371 Per

Максимум, HJD	Ошибка, сут	Фильтр	$E$	$O - C$ , сут	$N$	Источник данных
V371 Per-Fu						
2417507.4650	0.0725	<i>pg</i>	-12182	+4.4229	18	ГАИШ (данная работа)
2429114.2827	0.0587	<i>pg</i>	-5496	+0.9943	28	ГАИШ (данная работа)
2430864.2779	0.0206	<i>pg</i>	-4488	+0.5964	41	Сатывалдиев (1966)
2433465.2414	0.0229	<i>pg</i>	-2990	+0.2812	51	Сатывалдиев (1966)
2434447.8063	0.0561	<i>pg</i>	-2424	-0.0134	23	ГАИШ (данная работа)
2436234.7064	0.0368	<i>pg</i>	-1395	+0.0271	51	ГАИШ (данная работа)
2437887.8188	0.0304	<i>pg</i>	-443	-0.0096	41	Сатывалдиев (1966)
2439549.7283	0.0275	<i>pg</i>	514	+0.0684	24	ГАИШ (данная работа)
2441249.8441	0.0481	<i>pg</i>	1493	+0.1496	15	ГАИШ (данная работа)
2448153.1820	0.0137	<i>V</i>	5468	+0.9195	59	Шмидт (1995)
2448153.1870	0.0187	<i>R</i>	5468	+0.9195	59	Шмидт (1995)
2455210.3881	0.0079	<i>V</i>	9531	+2.7217	21	Шмидт (2013)
2455210.4085	0.0030	<i>R</i>	9531	+2.7370	21	Шмидт (2013)
2455865.1338	0.0173	<i>V</i>	9908	+2.8065	23	KWS
2456243.9353	0.0100	<i>V</i>	10126	+3.0507	91	KWS
2456617.3983	0.0073	<i>V</i>	10341	+3.1660	122	KWS
2456619.2271	0.0121	$I_c$	10342	+3.1939	115	KWS
2456959.6253	0.0018	<i>V</i>	10538	+3.3022	393	ASAS-SN
2456996.1954	0.0137	$I_c$	10559	+3.3415	102	KWS
2456999.6001	0.0055	<i>V</i>	10561	+3.3376	127	KWS
2457329.6443	0.0025	<i>V</i>	10751	+3.4466	234	ASAS-SN
2457343.5384	0.0104	<i>V</i>	10759	+3.4487	114	KWS
2457348.8162	0.0158	$I_c$	10762	+3.4525	128	KWS
2457694.4543	0.0012	<i>V</i>	10961	+3.5913	949	ASAS-SN
2457727.4793	0.0098	<i>V</i>	10980	+3.6228	104	KWS
2457769.2055	0.0295	$I_c$	11004	+3.6085	33	KWS
2458041.8708	0.0026	<i>V</i>	11161	+3.7076	143	ASAS-SN
2458047.0911	0.0015	<i>V</i>	11164	+3.7183	747	ASAS-SN
2458076.6104	0.0104	<i>V</i>	11181	+3.7172	97	KWS
2458095.8148	0.0136	$I_c$	11192	+3.7557	64	KWS
2458389.3026	0.0036	<i>V</i>	11361	+3.8391	77	ASAS-SN
2458425.7949	0.0015	<i>V</i>	11382	+3.8650	769	ASAS-SN

Таблица 4. Продолжение

Максимум, HJD	Ошибка, сут	Фильтр	$E$	$O - C$ , сут	$N$	Источник данных
2458443.1958	0.0164	$I_c$	11392	+3.8364	84	KWS
2458444.9644	0.0211	$I_c$	11393	+3.8686	96	KWS
2458455.3406	0.0093	$V$	11399	+3.8901	80	KWS
2458460.5617	0.0012	$g'$	11402	+3.8779	152	ASAS-SN
2458795.8446	0.0010	$g'$	11595	+4.0161	241	ASAS-SN
2458801.0359	0.0089	$V$	11598	+4.0218	121	KWS
2458801.0938	0.0179	$I_c$	11598	+4.0152	141	KWS
2458804.5088	0.0012	$V$	11600	+4.0217	1080	ASAS-SN
2459155.4199	0.0011	$V$	11802	+4.1594	1884	ASAS-SN
2459160.6176	0.0082	$V$	11805	+4.1477	127	KWS
2459164.1336	0.0008	$g'$	11807	+4.1668	316	ASAS-SN
2459169.4131	0.0162	$I_c$	11810	+4.1963	148	KWS
2459511.5555	0.0014	$V$	12007	+4.3123	946	ASAS-SN
2459534.1625	0.0009	$g'$	12020	+4.3211	344	ASAS-SN
2459534.2223	0.0306	$I_c$	12020	+4.3402	68	KWS
2459535.8977	0.0094	$V$	12021	+4.3436	112	KWS
2459808.6469	0.0030	$g'$	12178	+4.4382	48	ASAS-SN
V371 Per-10						
2417491.1493	0.0771	$pg$	-16668	+5.1795	20	ГАИШ (данная работа)
2429142.8384	0.0294	$pg$	-7488	+1.0579	27	ГАИШ (данная работа)
2430864.0598	0.0153	$pg$	-6132	+0.5714	41	Сатывалдиев (1966)
2433465.4347	0.0130	$pg$	-4083	+0.3388	51	Сатывалдиев (1966)
2434448.0137	0.1041	$pg$	-3309	+0.1730	23	ГАИШ (данная работа)
2436350.0031	0.0157	$pg$	-1811	+0.1576	41	Сатывалдиев (1966)
2437911.5952	0.0150	$pg$	-581	+0.0234	40	Сатывалдиев (1966)
2439082.1963	0.0325	$pg$	341	-0.0353	21	ГАИШ (данная работа)
2439597.7261	0.0427	$pg$	747	-0.0022	24	ГАИШ (данная работа)
2439836.4520	0.0460	$pg$	935	+0.0209	25	ГАИШ (данная работа)
2448152.7414	0.0077	$V$	7484	+1.0650	59	Шмидт (1995)
2448152.7664	0.0115	$R$	7484	+1.0572	59	Шмидт (1995)
2455210.5521	0.0056	$V$	13041	+3.1742	21	Шмидт (2013)
2455210.5927	0.0035	$R$	13041	+3.1819	21	Шмидт (2013)
2455863.3573	0.0123	$V$	13555	+3.3556	26	KWS
2456243.1870	0.0053	$V$	13854	+3.5461	91	KWS

Таблица 4. Окончание

Максимум, HJD	Ошибка, сут	Фильтр	$E$	$O - C$ , сут	$N$	Источник данных
2456617.9093	0.0033	$V$	14149	+3.7081	121	KWS
2456617.9328	0.0057	$I_c$	14149	+3.7165	119	KWS
2456959.6013	0.0010	$V$	14418	+3.8518	398	ASAS-SN
2456993.9198	0.0080	$I_c$	14445	+3.8735	106	KWS
2457000.2509	0.0034	$V$	14450	+3.8711	132	KWS
2457327.9807	0.0013	$V$	14708	+4.0192	241	ASAS-SN
2457344.4990	0.0051	$V$	14721	+4.0315	116	KWS
2457348.3193	0.0090	$I_c$	14724	+4.0277	134	KWS
2457693.8156	0.0008	$V$	14996	+4.1817	994	ASAS-SN
2457725.5912	0.0047	$V$	15021	+4.2149	108	KWS
2457768.7984	0.0193	$I_c$	15055	+4.2374	35	KWS
2458041.8586	0.0011	$V$	15270	+4.3280	143	ASAS-SN
2458046.9460	0.0009	$V$	15274	+4.3366	777	ASAS-SN
2458076.1637	0.0045	$V$	15297	+4.3512	99	KWS
2458095.2637	0.0106	$I_c$	15312	+4.3908	70	KWS
2458388.6440	0.0015	$V$	15543	+4.4863	77	ASAS-SN
2458424.2126	0.0009	$V$	15571	+4.5034	834	ASAS-SN
2458445.8224	0.0120	$I_c$	15588	+4.5133	99	KWS
2458455.9725	0.0053	$V$	15596	+4.5209	80	KWS
2458461.0420	0.0005	$g'$	15600	+4.5169	152	ASAS-SN
2458795.1300	0.0004	$g'$	15863	+4.6747	241	ASAS-SN
2458800.2204	0.0059	$V$	15867	+4.6811	122	KWS
2458801.4988	0.0110	$I_c$	15868	+4.6749	144	KWS
2458805.2971	0.0007	$V$	15871	+4.6790	1178	ASAS-SN
2459155.8962	0.0005	$V$	16147	+4.8420	1932	ASAS-SN
2459159.7151	0.0043	$V$	16150	+4.8518	134	KWS
2459164.7854	0.0004	$g'$	16154	+4.8485	316	ASAS-SN
2459169.8723	0.0102	$I_c$	16158	+4.8364	144	KWS
2459510.3041	0.0009	$V$	16426	+5.0047	966	ASAS-SN
2459533.1690	0.0004	$g'$	16444	+5.0202	344	ASAS-SN
2459534.4387	0.0187	$I_c$	16445	+5.0001	67	KWS
2459536.9855	0.0051	$V$	16447	+5.0225	115	KWS
2459808.8245	0.0017	$g'$	16661	+5.1517	48	ASAS-SN

Таблица 5. Моменты максимума блеска OGLE-LMC-CEP-2132

Max, HJD	Ошибка, сут	Фильтр	$E$	$O - C$ , сут	$N$	Источник данных
2413928.9056	0.5003	<i>pg</i>	-4655	+24.9807	7	DASCH
2415927.9667	0.0826	<i>pg</i>	-4226	+18.7658	12	DASCH
2417142.4340	0.3021	<i>pg</i>	-3966	+17.9144	17	DASCH
2423769.3421	0.1023	<i>pg</i>	-2546	+7.3123	22	DASCH
2423769.3510	0.1102	<i>pg</i>	-2546	+7.3212	41	DASCH
2423937.4736	0.0811	<i>pg</i>	-2510	+7.1688	28	DASCH
2425664.9319	0.1058	<i>pg</i>	-2140	+5.1350	24	DASCH
2425851.6690	0.0899	<i>pg</i>	-2100	+4.9000	56	DASCH
2426412.1924	0.1518	<i>pg</i>	-1980	+4.5070	26	DASCH
2426454.0186	0.2169	<i>pg</i>	-1971	+4.2646	22	DASCH
2426575.6353	0.0633	<i>pg</i>	-1945	+4.3494	38	DASCH
2426687.7582	0.0944	<i>pg</i>	-1921	+4.2889	65	DASCH
2427500.2928	0.0690	<i>pg</i>	-1747	+3.4948	49	DASCH
2427504.8927	0.0733	<i>pg</i>	-1746	+3.4204	71	DASCH
2427799.2655	0.1118	<i>pg</i>	-1683	+3.3122	65	DASCH
2428070.1231	0.0855	<i>pg</i>	-1625	+3.0602	48	DASCH
2428439.1019	0.0897	<i>pg</i>	-1546	+2.7691	40	DASCH
2428836.1698	0.0960	<i>pg</i>	-1461	+2.5212	79	DASCH
2429051.0586	0.0971	<i>pg</i>	-1415	+2.3921	31	DASCH
2429345.2644	0.0869	<i>pg</i>	-1352	+2.1168	45	DASCH
2429770.5067	0.0928	<i>pg</i>	-1261	+1.9975	100	DASCH
2429934.2298	0.0847	<i>pg</i>	-1226	+2.1200	80	DASCH
2430088.1408	0.0586	<i>pg</i>	-1193	+1.7791	48	DASCH
2430597.2947	0.0891	<i>pg</i>	-1084	+1.4339	100	DASCH
2430858.8350	0.0676	<i>pg</i>	-1028	+1.2133	49	DASCH
2431470.9408	0.0670	<i>pg</i>	-897	+0.9854	99	DASCH
2431615.8370	0.0867	<i>pg</i>	-866	+0.9781	47	DASCH
2432120.2605	0.0570	<i>pg</i>	-758	+0.5769	43	DASCH
2432134.5624	0.1552	<i>pg</i>	-755	+0.8559	29	DASCH
2432489.7840	0.2188	<i>pg</i>	-679	+0.8304	105	DASCH
2432648.5130	0.2054	<i>pg</i>	-645	+0.6332	48	DASCH
2448923.4643	0.0035	<i>B</i>	2835	+9.0101	94	MACHO



Таблица 5. Продолжение

Мах, HJD	Ошибка, сут	Фильтр	$E$	$O - C$ , сут	$N$	Источник данных
2448923.4941	0.0045	$R$	2835	+9.0106	97	MACHO
2449035.8404	0.0043	$R$	2859	+9.1736	94	MACHO
2449040.4874	0.0033	$B$	2860	+9.1756	97	MACHO
2449138.8254	0.0042	$R$	2881	+9.3239	92	MACHO
2449143.4751	0.0040	$B$	2882	+9.3286	94	MACHO
2449241.8112	0.0050	$R$	2903	+9.4751	95	MACHO
2449246.4523	0.0034	$B$	2904	+9.4712	98	MACHO
2449400.9251	0.0043	$B$	2937	+9.6920	92	MACHO
2449405.6417	0.0045	$R$	2938	+9.7050	93	MACHO
2449499.2301	0.0038	$B$	2958	+9.8367	97	MACHO
2449503.9382	0.0042	$R$	2959	+9.8411	100	MACHO
2449578.8080	0.0030	$B$	2975	+9.9514	99	MACHO
2449578.8365	0.0040	$R$	2975	+9.9506	96	MACHO
2449653.7056	0.0032	$B$	2991	+10.0601	98	MACHO
2449658.4267	0.0041	$R$	2992	+10.0776	98	MACHO
2449840.9605	0.0040	$B$	3031	+10.3429	97	MACHO
2449840.9946	0.0036	$R$	3031	+10.3477	98	MACHO
2450009.4893	0.0029	$B$	3067	+10.5968	99	MACHO
2450009.5257	0.0029	$R$	3067	+10.6039	99	MACHO
2450112.4787	0.0029	$B$	3089	+10.7515	96	MACHO
2450112.5121	0.0036	$R$	3089	+10.7557	96	MACHO
2450243.5549	0.0035	$B$	3117	+10.9473	97	MACHO
2450243.5967	0.0052	$R$	3117	+10.9598	96	MACHO
2450388.6863	0.0029	$B$	3148	+11.1753	98	MACHO
2450388.7212	0.0040	$R$	3148	+11.1808	99	MACHO
2450464.1306	0.0100	$I_c$	3164	+11.2939	45	OGLE
2450464.1364	0.0025	$I_c$	3164	+11.2998	63	OGLE
2450482.8621	0.0021	$I_c$	3168	+11.3282	53	OGLE
2450482.8694	0.0048	$I_c$	3168	+11.3355	45	OGLE
2450492.2289	0.0041	$I_c$	3170	+11.3464	50	OGLE
2450496.9084	0.0023	$I_c$	3171	+11.3516	54	OGLE
2450515.6520	0.0075	$I_c$	3175	+11.3981	50	OGLE

Таблица 5. Продолжение

Мах, HJD	Ошибка, сут	Фильтр	$E$	$O - C$ , сут	$N$	Источник данных
2450520.3176	0.0030	$I_c$	3176	+11.3894	51	OGLE
2450547.8586	0.0043	$B$	3182	+11.4213	88	MACHO
2450553.0918	0.0032	$I_c$	3183	+11.4435	55	OGLE
2450561.9370	0.0050	$R$	3185	+11.4475	96	MACHO
2450590.5448	0.0058	$I_c$	3191	+11.5020	50	OGLE
2450604.5396	0.0047	$V$	3194	+11.5238	31	OGLE
2450609.2202	0.0046	$V$	3195	+11.5301	30	OGLE
2450726.3127	0.0030	$I_c$	3220	+11.7152	34	OGLE
2450777.2663	0.0032	$B$	3231	+11.7881	89	MACHO
2450824.1118	0.0050	$R$	3241	+11.8613	99	MACHO
2450838.6804	0.0053	$I_c$	3244	+11.8996	44	OGLE
2450866.7754	0.0054	$I_c$	3250	+11.9487	32	OGLE
2451086.2728	0.0037	$B$	3297	+12.2906	88	MACHO
2451114.9013	0.0025	$I_c$	3303	+12.3366	38	OGLE
2451142.9897	0.0057	$I_c$	3309	+12.3791	36	OGLE
2451264.7373	0.0025	$I_c$	3335	+12.5949	36	OGLE
2451363.0566	0.0041	$I_c$	3356	+12.7538	40	OGLE
2451376.5776	0.0049	$R$	3359	+12.7594	107	MACHO
2451390.5973	0.0036	$B$	3362	+12.7855	96	MACHO
2451395.7783	0.0106	$V$	3363	+12.8053	25	OGLE
2451419.1829	0.0065	$V$	3368	+12.8384	22	OGLE
2451470.7368	0.0038	$I_c$	3379	+12.9250	31	OGLE
2451555.0164	0.0036	$I_c$	3397	+13.0672	31	OGLE
2451564.3773	0.0065	$I_c$	3399	+13.0795	37	OGLE
2451634.6184	0.0032	$I_c$	3414	+13.2061	30	OGLE
2451746.9937	0.0046	$I_c$	3438	+13.3981	37	OGLE
2451826.5852	0.0032	$I_c$	3455	+13.5264	23	OGLE
2452271.4170	0.0036	$I_c$	3550	+14.2994	44	OGLE
2452603.8850	0.0038	$I_c$	3621	+14.8919	50	OGLE
2452631.9866	0.0034	$I_c$	3627	+14.9477	41	OGLE
2452650.7088	0.0025	$I_c$	3631	+14.9727	60	OGLE

Таблица 5. Окончание

Мах, HJD	Ошибка, сут	Фильтр	$E$	$O - C$ , сут	$N$	Источник данных
2452674.1208	0.0053	$I_c$	3636	+15.0132	50	OGLE
2452955.0979	0.0058	$I_c$	3696	+15.5321	39	OGLE
2453062.7984	0.0042	$I_c$	3719	+15.7236	42	OGLE
2453348.4485	0.0042	$I_c$	3780	+16.2412	43	OGLE
2453502.9536	0.0054	$V$	3813	+16.5442	23	OGLE
2453723.1053	0.0034	$I_c$	3860	+16.9538	53	OGLE
2454064.9949	0.0040	$I_c$	3933	+17.6193	41	OGLE
2454322.5309	0.0046	$V$	3988	+18.1184	17	OGLE
2454449.0298	0.0031	$I_c$	4015	+18.3613	53	OGLE
2455292.1130	0.0034	$I_c$	4195	+20.0701	40	OGLE
2455493.4787	0.0024	$V$	4238	+20.4906	35	OGLE
2455493.5255	0.0022	$I_c$	4238	+20.4875	56	OGLE
2455554.4154	0.0023	$I_c$	4251	+20.6115	44	OGLE
2455563.7399	0.0023	$V$	4253	+20.6372	35	OGLE
2455596.5699	0.0030	$I_c$	4260	+20.6972	38	OGLE
2455610.5817	0.0020	$V$	4263	+20.7360	35	OGLE
2455629.3639	0.0025	$I_c$	4267	+20.7711	42	OGLE
2455676.2056	0.0032	$I_c$	4277	+20.8697	42	OGLE
2455788.5847	0.0019	$V$	4301	+21.1155	35	OGLE
2455830.7876	0.0025	$I_c$	4310	+21.1997	46	OGLE
2455886.9953	0.0024	$I_c$	4322	+21.3158	46	OGLE
2455933.8338	0.0029	$I_c$	4332	+21.4113	46	OGLE
2455980.6819	0.0039	$I_c$	4342	+21.5164	39	OGLE
2456022.8456	0.0033	$I_c$	4351	+21.6113	38	OGLE
2456139.9509	0.0031	$I_c$	4376	+21.8591	38	OGLE
2456243.0077	0.0026	$I_c$	4398	+22.0813	31	OGLE
2456327.2899	0.0041	$V$	4416	+22.2759	26	OGLE
2456364.8047	0.0033	$I_c$	4424	+22.3463	40	OGLE
2456772.3691	0.0030	$I_c$	4511	+23.2464	50	OGLE
2457067.5046	0.0052	$I_c$	4574	+23.9008	39	OGLE
2457390.7766	0.0026	$I_c$	4643	+24.6458	40	OGLE

для фотографических наблюдений, и маленькими заполненными кружками для остальных наблюдений с вертикальными черточками, указывающими пределы ошибок определения остатков  $O - C$ .

Диаграммы  $O - C$  имеют вид парабол. По мо-

ментам максимального блеска из табл. 4–5 получены квадратичные элементы изменения блеска, которые приведены в табл. 6 и которые использовались для проведения парабол на верхней части рис. 2–4, на нижних частях показаны отклонения

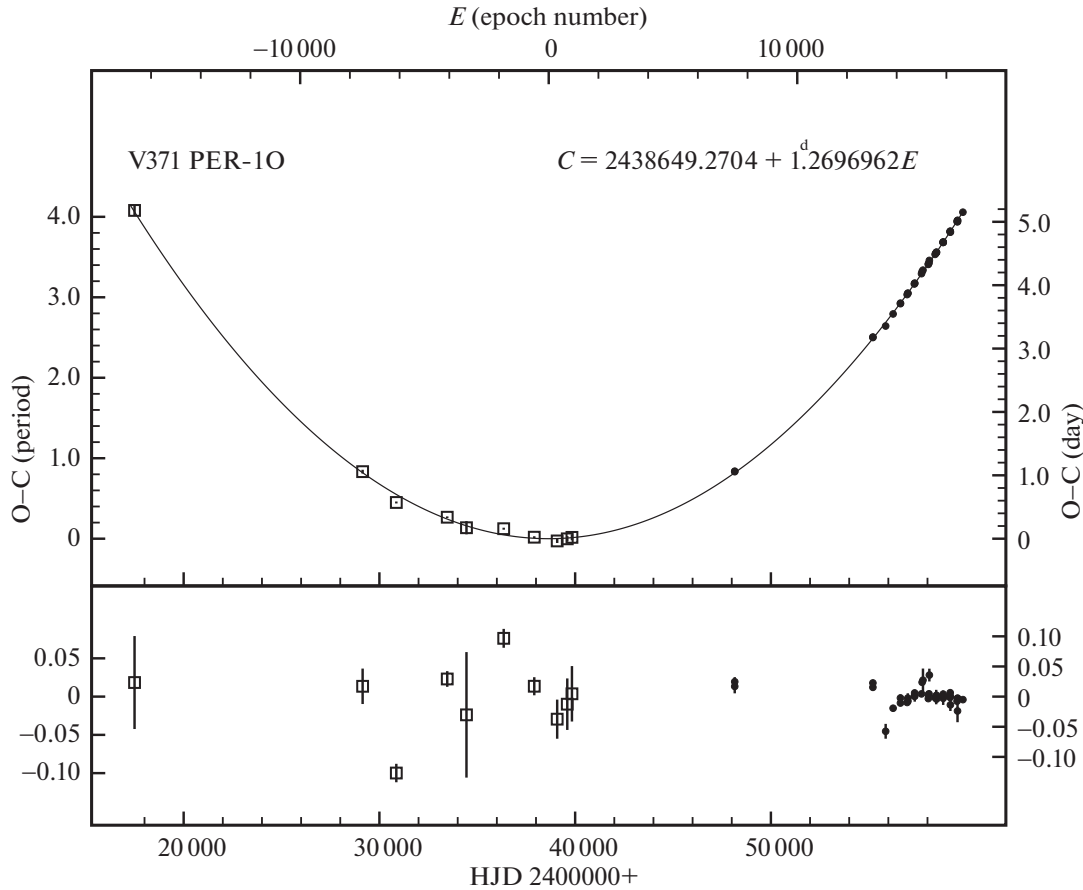


Рис. 3. Диаграмма  $O - C$  для V371 Пер относительно линейных (вверху) и квадратичных (внизу) элементов первого оборота (табл. 6). Линия — парабола, соответствующая квадратичным элементам.

от этих парабол. Линейная часть этих элементов использована для вычислений остатков  $O - C$  в пятом столбце табл. 4–5.

По данным табл. 4–5 вычислены разности моментов максимумов блеска в фильтрах  $B$  (а также  $pg$ , фотометрическая система которого близка к  $B$ ),  $g'$ ,  $R$  и  $I_c$  относительно фильтра  $V$ ; соответствующие поправки приведены в табл. 7. Эти поправки учитывались при построении рис. 2–4 и определении элементов (табл. 6), которые относятся к системе  $V$ .

Для подтверждения реальности изменений периода пульсаций мы используем метод, опубликованный Ломбардом и Коэном (1993). Для этого мы вычислили разности  $\Delta(O - C)_i$  последовательных остатков  $O - C$  из табл. 4–5,  $\Delta(O - C)_i = (O - C)_{i+1} - (O - C)_i$ , и построили графики зависимости  $P'_i = \Delta(O - C)_i / (E_{i+1} - E_i)$  от  $E'_i = (E_i + E_{i+1})/2$  для обоих колебаний V371 Пер и OGLE-LMC-CEP-2132 (рис. 5–7). Величины  $P'_i$ , которые имеют смысл периода в интервале эпох  $E_i \div E_{i+1}$ , соответствуют поведению остатков  $O - C$  на рис. 2–4, т.е. обнаруженные увеличения периодов являются реальными.

Квадратичные члены элементов (табл. 6) позволяют вычислить скорости эволюционного увеличения периода для фундаментальной моды и первого оборота V371 Пер и для OGLE-LMC-CEP-2132, которые приведены в пятом столбце табл. 6. Эти скорости соответствуют теоретическим расчетам для первого пересечения полосы неустойчивости (Тэрнер и др., 2006; Фадеев, 2014).

Таким образом, теперь известны три короткопериодические цефеиды на первом пересечении полосы неустойчивости с большой скоростью возрастания периода пульсаций: V1033 Cyg и V371 Пер — с большим содержанием лития, и OGLE-LMC-CEP-2132, обилие лития для которой пока неизвестно.

Что касается цефеиды HV5497 с периодом  $98^d9$ , то ее  $O - C$  диаграмма (Ковтюх и др., 2019) дает  $\log(dP/dt) = 2.75 (\pm 1.56)$  с/год, что соответствует третьему пересечению полосы неустойчивости (Тэрнер и др., 2006). Однако на плоскости  $\log(P) - \log(dP/dt)$  области, занимаемые первым и третьим пересечениями, вблизи периода  $98^d9$  перекрываются, и, с учетом ошибки,  $\log(dP/dt) = 2.75 + 1.56$

**Таблица 6.** Квадратичные элементы изменения блеска в форме  $\text{Max } HJD = HJD_0 + P \times E + q \times E^2$  для фундаментальной моды и первого обертона V371 Per и для OGLE-LMC-CEP-2132, а также скорости изменения их периодов  $dp/dt$

Звезда	$HJD_0$ Error	$P$ , сут Error	$q$ , сут Error	$dp/dt$ , с/год Error
V371 Per-Fu	38657.0746	1.736501087	$0.29843840 \times 10^{-07}$	1.08469
	$\pm 0.0143$	$\pm 0.000001508$	$\pm 0.18300212 \times 10^{-09}$	$\pm 0.00665$
V371 Per-1O	38649.2704	1.269696150	$0.18567942 \times 10^{-07}$	0.92297
	$\pm 0.0094$	$\pm 0.000000766$	$\pm 0.66302681 \times 10^{-10}$	$\pm 0.00330$
OGLE-LMC-CEP-2132	35663.2921	4.674302980	$0.11333991 \times 10^{-05}$	15.30351
	$\pm 0.0324$	$\pm 0.000008276$	$\pm 0.35431322 \times 10^{-08}$	$\pm 0.04784$

**Таблица 7.** Разности моментов максимумов блеска  $\Delta T$  в фильтрах  $B$ ,  $g'$ ,  $R$  и  $I_c$  относительно фильтра  $V$  для фундаментальной моды и первого обертона V371 Per и для OGLE-LMC-CEP-2132

Звезда	$\Delta T_B$ , сут Error	$\Delta T_{g'}$ , сут Error	$\Delta T_R$ , сут Error	$\Delta T_{I_c}$ , сут Error
V371 Per-Fu	-0.0240	-0.0238	-0.0050	-0.0644
	$\pm 0.0130$	$\pm 0.0130$	$\pm 0.0020$	$\pm 0.0248$
V371 Per-1O	+0.0053	+0.0052	-0.0328	-0.0150
	$\pm 0.0060$	$\pm 0.0067$	$\pm 0.0003$	$\pm 0.0155$
OGLE-LMC-CEP-2132	+0.4869	-	+0.4576	+0.0499
	$\pm 0.0065$	-	$\pm 0.0067$	$\pm 0.0069$

попадает уже в область первого пересечения. Кроме того, масса цефеиды с периодом  $\geq 100$  сут больше  $11 M_{\odot}$ , а на эволюционных треках таких цефеид голубая петля отсутствует (Еггенбергер, 2021). Таким образом, HV5497 должна впервые пересекать полосу нестабильности.

### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Для изучения изменчивости периодов бимодальной цефеиды V371 Per и нормальной цефеиды OGLE-LMC-CEP-2132 нами было сделано 159 глазомерных оценок блеска на фотопластинках ГАИШ; кроме того, было собрано из различных источников 18 366 фотографических, фотоэлектрических и ПЗС-наблюдений. В результате обработки всех имеющихся данных были определены 224 момента максимума блеска: 98 для V371 Per и 126 для OGLE-LMC-CEP-2132, охватывающих

временной интервал 126 и 119 лет соответственно. Построенные  $O - C$  диаграммы позволили определить квадратичные элементы изменения блеска и вычислить скорости эволюционных изменений их периодов:  $dP_{Fu}/dt = 1.085 (\pm 0.007)$  с/год и  $dP_{1O}/dt = 0.923 (\pm 0.003)$  с/год для фундаментальной моды и первого обертона V371 Per, соответственно, а также  $dP/dt = 15.304 (\pm 0.048)$  для OGLE-LMC-CEP-2132; эти значения скоростей согласуются с результатами теоретических расчетов для первого пересечения полосы нестабильности. Тест на стабильность пульсаций, предложенный Ломбардом и Коэном (1993), подтвердил реальность увеличения периодов.

Теперь число известных цефеид на первом пересечении полосы нестабильности с большой скоростью увеличения периода пульсаций возросло до трех, и две из них — V1033 Cyg и V371 Per — с

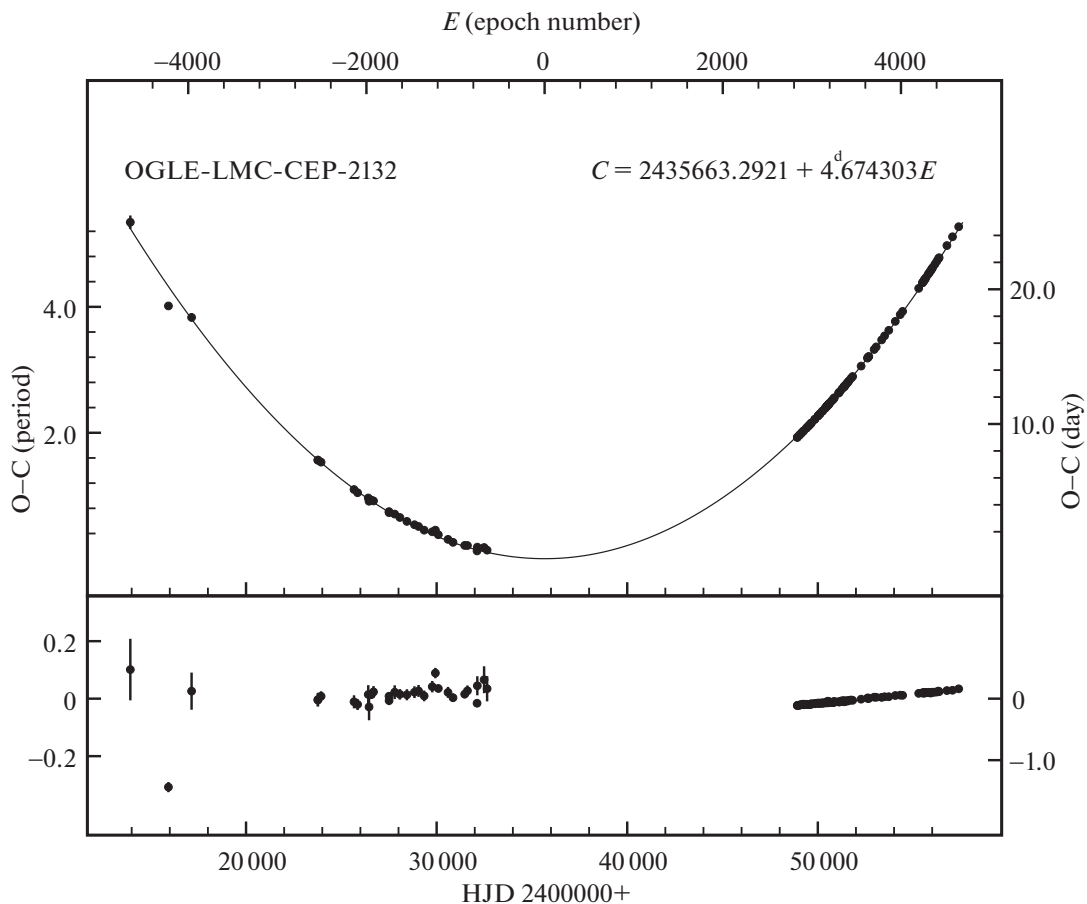


Рис. 4. Диаграмма  $O - C$  для OGLE-LMC-CEP-2132 относительно линейных элементов из табл. 6. Линия — парабола, соответствующая квадратичным элементам.

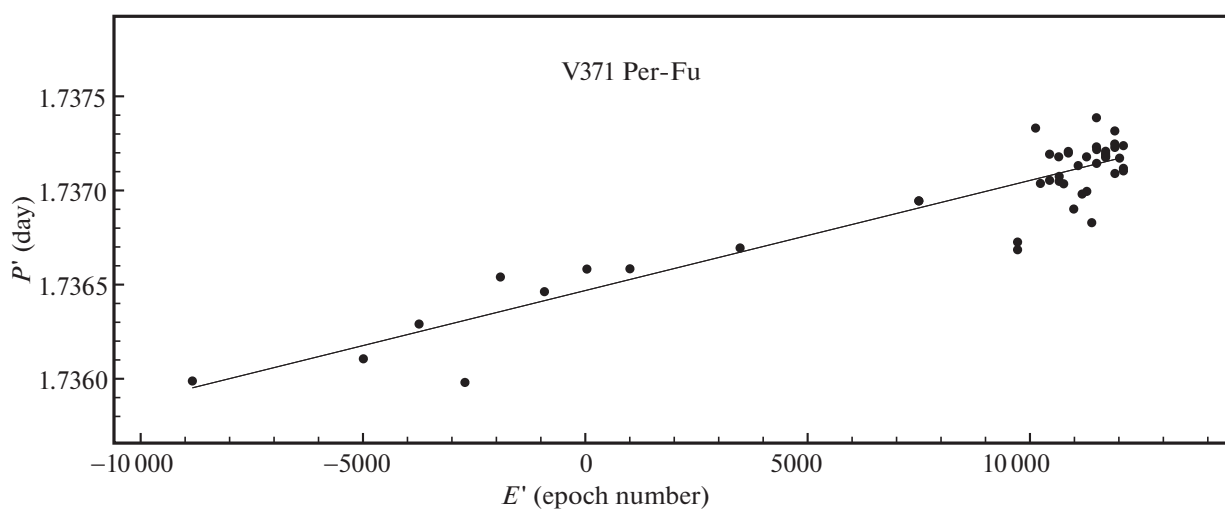


Рис. 5. Зависимость  $P'_{Fu_i} = ((O - C)_{i+1} - (O - C)_i) / (E_{i+1} - E_i)$  от  $E'_i = (E_i + E_{i+1}) / 2$  для фундаментальной моды V371 Per. Линия соответствует поведению остатков  $O - C$  на рис. 2.

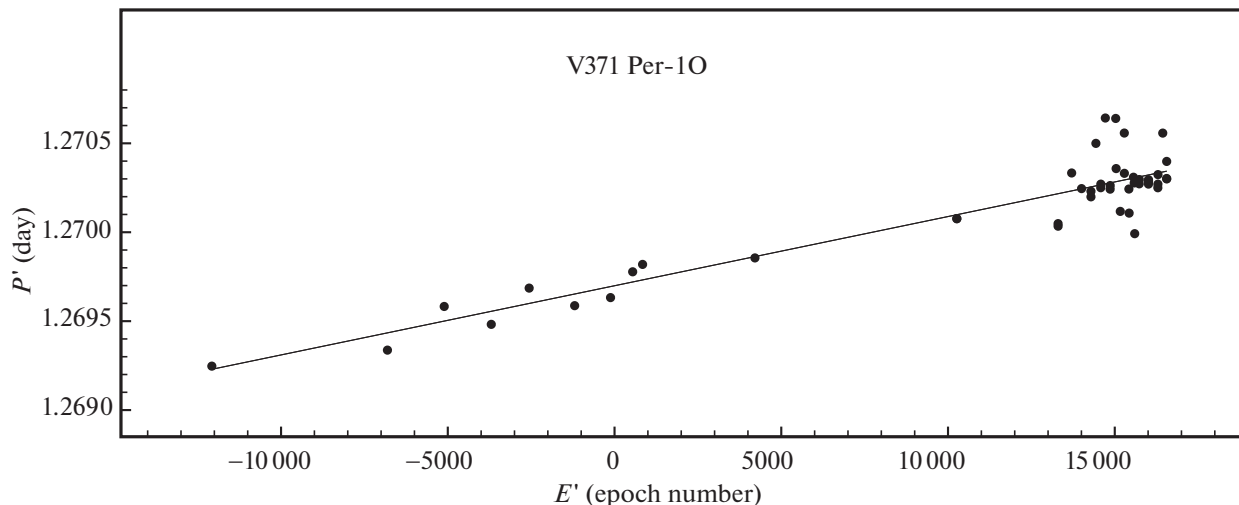


Рис. 6. Зависимость  $P_{1O_i} = ((O - C)_{i+1} - (O - C)_i) / (E_{i+1} - E_i)$  от  $E'_i = (E_i + E_{i+1})/2$  для первого оборота V371 Рег. Линия соответствует поведению остатков  $O - C$  на рис. 3.

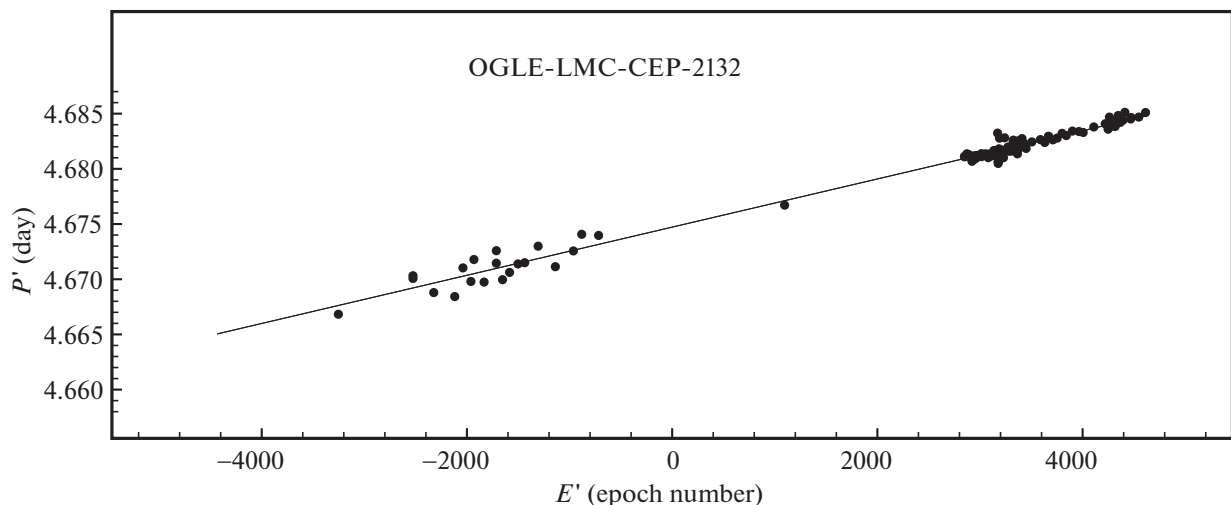


Рис. 7. Зависимость  $P_i = ((O - C)_{i+1} - (O - C)_i) / (E_{i+1} - E_i)$  от  $E'_i = (E_i + E_{i+1})/2$  для OGLE-LMC-CEP-2132. Линия соответствует поведению остатков  $O - C$  на рис. 4.

большим содержанием лития. Для третьей цефеиды, OGLE-LMC-CEP-2132, обилие лития пока неизвестно. Богатая литием долгопериодическая цефеида HV5497 тоже находится на первом пересечении полосы нестабильности.

Следует отметить, что полученные здесь результаты основаны на конкретных стандартных кривых, которые могут быть высланы по запросу.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Бердников Л.Н., Письма в Астрон. журн. **18**, 519 (1992) [L.N. Berdnikov, Sov. Astron. Lett. **18**, 207 (1992)].
2. Бердников Л.Н., Белинский А.А., Пастухова Е.Н., Бурлак М.А., Иконникова Н.П., Мишин Е.О., Шатский Н.И., Письма в Астрон. журн. **47**, 448 [L.N. Berdnikov, A.A. Belinskij, E.N. Pastukhova, M.A. Burlak, N.P. Ikonnikova, E.O. Mishin, and N.I. Shatskii, Astron. Lett. **47**, 430 (2021)].
3. Бердников Л.Н., Пастухова Е.Н., Письма в Астрон. журн. **47**, 568 (2021) [L.N. Berdnikov and E.N. Pastukhova, Astron. Lett. **47**, 544 (2021)].
4. Бердников Л.Н., Пастухова Е.Н., Ковтюх В.В., Лемаль Б., Князев А.Ю., Усенко И.А., Боно Д., Гребель Е. и др., Письма в Астрон. журн. **45**, 269 [L.N. Berdnikov, E.N. Pastukhova, V.V. Kovtyukh, B. Lemasle, A.Yu. Kniazev, I.A. Usenko, G. Bono, E. Grebel, et al., Astron. Lett. **45**, 227 (2019)].
5. Вилс и др. (Wils P., Henden A.A., Kleidis S., Schmidt E.G., and Welch D.L.), MNRAS **402**, 1156 (2010).
6. Герцшпрунг (E. Hertzsprung), Astron. Nachr. **210**, 17 (1919).

7. Гриндлей и др. (J. Grindlay, S. Tang, R. Simcoe, S. Laycock, E. Los, D. Mink, A. Doane, and G. Champine), ASP Conf. Ser. **410**, 101 (2009).
8. Ишида (T. Ishida), Res. Astron. Astrophys. **17**, 51 (2017).
9. Катанзаро и др. (G. Catanzaro, V. Ripepi, G. Clementini, F. Cusano, G. De Somma, S. Leccia, M. Marconi, R. Molinaro, et al.), Astron. Astrophys. **639**, L4 (2020).
10. Ковтюх и др. (V. Kovtyukh, B. Lemasle, F. Chekhonadskikh, G. Bono, N. Matsunaga, A. Yushchenko, R.I. Anderson, S. Belik, et al.), MNRAS **460**, 2077 (2016).
11. Ковтюх и др. (V. Kovtyukh, B. Lemasle, A. Kniazev, I. Usenko, L. Berdnikov, G. Bono, E. Grebel, G. Hajdu, and E. Pastukhova), MNRAS **488**, 3211 (2019).
12. KWS, <http://kws.cetus-net.org/maehara/VSdata.py>
13. Лак, Ламберт (R.E. Luck and D.L. Lambert), Astrophys. J. Suppl. Ser. **79**, 303 (1992).
14. Лак, Ламберт (R.E. Luck and D.L. Lambert), Astron. J. **142**, 136 (2011).
15. Ломбард, Коен (F. Lombard and C. Koen), MNRAS **263**, 309 (1993).
16. Нгуен и др. (C.T. Nguyen, G. Costa, L. Girardi, et al.), arXiv:astro-ph/2207.08642v1 (2022).
17. Оллсман, Аксельрод (R.A. Allsman and T.S. Axelrod), arXiv:astro-ph/0108444v1 (2001).
18. Родригес-Сеговиа и др. (N. Rodriguez-Segovia, G. Hajdu, M. Catelan, F. Espinoza-Arancibia, G. Boggiano, C. Cenzano, E. Garces, K. Joachimi, et al.), MNRAS **509**, 2885 (2022).
19. Сатывалдиев В., Бюлл. Инст. Астрофиз. АН Тадж. ССР № 47, 17 (1966).
20. Тэрнер и др. (D.G. Turner, M. Abdel-Sabour Abdel-Latif, and L.N. Berdnikov), Publ. Astron. Soc. Pacific **118**, 410 (2006).
21. Удальски и др. (A. Udalski, I. Soszynski, P. Pietrukowicz, M.K. Szymanski, D.M. Skowron, J. Skowron, P. Mroz, R. Poleski, et al.), Acta Astron. **68**, 315 (2018).
22. Фадеев Ю.А., Письма в Астрон. журн. **40**, 341 (2014) [Yu.A. Fadeyev, Astron. Lett. **40**, 301 (2014)].
23. Черный и др. (G. Csoernyei, L. Szabados, L. Molnar, B. Cseh, N. Egei, Cs. Kalup, V. Kecskemethy, R. Koenyves-Toth, et al.), MNRAS **511**, 2125 (2022).
24. Шмидт (E.G. Schmidt), IAU commission 27. Unpublished data file 292E (1995).
25. Шмидт (E.G. Schmidt), Astron. J. **146**, 61 (2013).
26. Эггенбергер и др. (P. Eggenberger, S. Ekstrom, C. Georgy, S. Martinet, C. Pezzotti, D. Nandal, G. Meynet, G. Buldgen, et al.), Astron. Astrophys. **652**, A137 (1921).
27. Юсоф и др. (N. Yusof, R. Hirschi, P. Eggenberger, et al.), MNRAS **511**, 2814 (2022).
28. Яясингхе и др. (T. Jayasinghe, K.Z. Stanek, C.S. Kochanek, B.J. Shappee, T.W.-S. Holoiien, T.A. Thompson, J.L. Prieto, D. Subo, et al.), MNRAS **485**, 961 (2019).