УДК 537.8

ВЛИЯНИЕ МНОГОКРАТНОГО РАССЕЯНИЯ НА СПЕКТРАЛЬНО-УГЛОВУЮ ПЛОТНОСТЬ ДИФРАГИРОВАННОГО ПЕРЕХОДНОГО ИЗЛУЧЕНИЯ

© 2023 г. С. В. Блажевич^а, А. С. Горлов^b, А. В. Носков^{а, b, *}, А. Э. Федосеев^а

^а Белгородский государственный национальный исследовательский университет, Белгород, 308015 Россия ^b Белгородский государственный технологический университет им. В.Г. Шухова, Белгород, 308012 Россия *e-mail: noskovbupk@mail.ru Поступила в редакцию 10.07.2022 г. После доработки 14.10.2022 г. Принята к публикации 14.10.2022 г.

В работе исследуется дифрагированное переходное излучение релятивистского электрона пересекающего монокристаллическую пластинку в геометрии рассеяния Брэгга. Получены выражения, описывающие спектрально-угловую плотность дифрагированного переходного излучения с учетом и без учета многократного рассеяния релятивистского электрона в монокристаллической пластинке. Показано влияние многократного рассеяния на спектр дифрагированного переходного излучения релятивистского электрона.

Ключевые слова: многократное рассеяние, дифрагированное переходное излучение, релятивистский электрон.

DOI: 10.31857/S1028096023050035, EDN: ALIMQZ

1. ВВЕДЕНИЕ

При пересечении заряженной частицей границы раздела двух сред возникает переходное излучение (ПИ) [1, 2]. Влияние многократного рассеяния заряженной частицы атомами среды на спектрально-угловую плотность ПИ в аморфной среде обсуждалось в работах [3–5]. В работах [3, 4] влияние многократного рассеяния, соответственно, на спектр и угловую плотность ПИ рассматривалось на качественном уровне, а в работе [5] – с использованием строгого кинетического подхода к усреднению спектрально-угловой плотности ПИ по всем возможным траекториям движения электрона в веществе.

Переходное излучение, возникающие на передней границе монокристаллической мишени, дифрагирует на системе параллельных атомных плоскостей кристалла, образуя в направлении близком к направлению рассеяния Брэгга в узком спектральном диапазоне дифрагированное переходное излучение (ДПИ) [6–8]. Важно отметить, что в рентгеновском диапазоне частот экспериментально может быть обнаружено и исследовано ДПИ от одной границы мишени, в отличие от

ПИ, которое можно наблюдать только от двух границ, т.е. в условиях значительного влияния на спектрально-угловую плотность излучения интерференции волн ПИ от разных границ и фотопоглощения волн материалом мишени. При этом ПИ имеет еще и очень широкий спектр, что значительно снижает возможности исследования влияния многократного рассеяния релятивистских электронов на спектрально-угловую плотность ПИ. ДПИ имеет очень узкий частотный диапазон, является по сути переходным излучением только от одной границы, поэтому, по мнению авторов, является важным и удобным объектом для исследования влияния многократного рассеяния излучающих релятивистских электронов на угловую плотность ПИ.

В работах [9–11] влияние расходимости электронного пучка на спектрально-угловые характеристики ДПИ и параметрического рентгеновского излучение (ПРИ) исследовалось в геометрии рассеяния Лауэ.

Настоящая работа посвящена исследованию ДПИ, возбуждаемого пучком релятивистских электронов, пересекающих монокристаллическую пла-



Рис. 1. Геометрия процесса излучения.

стинку произвольной толщины в геометрии рассеяния Брэгга с учетом многократного рассеяния пучка релятивистских электронах на атомах мишени. Для учета многократного рассеяния используется традиционный метод усреднения спектрально-угловой и угловой плотностей излучений по расширяющемуся пучку прямолинейных траекторий электронов.

2. ГЕОМЕТРИЯ ПРОЦЕССА ИЗЛУЧЕНИЯ

Рассмотрим пучок релятивистских электронов, пересекающих монокристалл в геометрии рассеяния Брэгга (рис. 1). Введем угловые переменные ψ , θ и θ_0 в соответствии с определениями скорости выделенного в пучке релятивистского электрона V и единичных векторов: **n** – в направлении импульса фотона, излученного вблизи направления вектора скорости электрона, и **n**_g – в направлении рассеяния Брэгга:

$$\mathbf{V} = \left(1 - \frac{1}{2}\gamma^{-2} - \frac{1}{2}\psi^{2}\right)\mathbf{e}_{1} + \mathbf{\psi}, \quad \mathbf{e}_{1}\mathbf{\psi} = 0,$$
$$\mathbf{n} = \left(1 - \frac{1}{2}\theta_{0}^{2}\right)\mathbf{e}_{1} + \mathbf{\theta}_{0}, \quad \mathbf{e}_{1}\mathbf{\theta}_{0} = 0, \quad (1)$$
$$\mathbf{e}_{1}\mathbf{e}_{2} = \cos 2\theta_{B}, \quad \mathbf{n}_{g} = \left(1 - \frac{1}{2}\theta^{2}\right)\mathbf{e}_{2} + \mathbf{\theta}, \quad \mathbf{e}_{2}\mathbf{\theta} = 0,$$

где $\boldsymbol{\theta}$ — угол излучения, отсчитываемый от оси детектора излучения \mathbf{e}_2 , $\boldsymbol{\psi}$ — угол отклонения рассматриваемого электрона в пучке, отсчитываемый от оси электронного пучка \mathbf{e}_1 , $\boldsymbol{\theta}_0$ — угол между направлением распространения падающего фотона и осью \mathbf{e}_1 , $\gamma = 1/\sqrt{1 - V^2}$ – Лоренц-фактор электрона. Угловые переменные рассматриваются в виде суммы составляющих параллельных и перпендикулярных плоскости рисунка: $\boldsymbol{\theta} = \boldsymbol{\theta}_{\parallel} + \boldsymbol{\theta}_{\perp}$, $\boldsymbol{\theta}_0 = \boldsymbol{\theta}_{0\parallel} + \boldsymbol{\theta}_{0\perp}$, $\boldsymbol{\psi} = \boldsymbol{\psi}_{\parallel} + \boldsymbol{\psi}_{\perp}$. $\boldsymbol{\psi}_0$ – начальная расходимость электронного пучка, \mathbf{N} – нормаль к поверхности мишени, δ – угол между кристаллографической дифрагирующей плоскостью и поверхностью мишени, $\boldsymbol{\theta}_{\rm B}$ – угол Брэгга.

3. СПЕКТРАЛЬНО-УГЛОВАЯ И УГЛОВАЯ ПЛОТНОСТИ ИЗЛУЧЕНИЯ

В работе [12] в рамках двухволнового приближения динамической теории дифракции была развита теория когерентного рентгеновского излучения, возбуждаемого в монокристалле в геометрии рассеяния Брэгга пучком релятивистских электронов в направлении **n** (рис. 1) близком к направлению \mathbf{e}_1 оси пучка. Были получены выражения, описывающие амплитуды напряженностей электрических полей волн параметрического рентгеновского излучение вблизи направления скорости релятивистского электрона (ПРИВ) и переходного излучения (ПИ). На их основе были получены и исследованы выражения, описывающие спектрально-угловые характеристики ПРИВ, ПИ и их интерференционное слагаемое.

Используя обозначения и рассуждения аналогичные проведенным в работе [11], в настоящей работе мы получили выражение для амплитуды напряженности когерентного рентгеновского излучения $E_{\text{Rad}}^{(s)}$, возбуждаемого в тонкой непоглощающей монокристаллической мишени релятивистским электроном, движущегося в пучке под углом $\Psi(\Psi_{\parallel},\Psi_{\perp})$ к оси пучка \mathbf{e}_{1} . Амплитуда поля излучения была представлена в виде суммы полей, одно из которых соответствует вкладу механизма ПРИ $\left(E_{\text{PXR}}^{(s)}\right)$, а другое вкладу ДПИ $\left(E_{\text{DTR}}^{(s)}\right)$. Амплитуда поля ДПИ имеет вид:

$$E_{\Pi\Pi H}^{(s)} = \frac{8\pi^{2}ieV\Omega^{(s)}}{\omega} \frac{\omega^{2}\chi_{g}C^{(s,\tau)}}{2\omega\Delta} \times \left[\frac{1}{\frac{\gamma_{0}}{|\gamma_{g}|}\left(-\chi_{0}(\omega) - \frac{2}{\omega}\frac{\gamma_{0}}{\gamma_{g}}\lambda_{g}^{*} + \beta\frac{\gamma_{0}}{\gamma_{g}}\right)}{\times \left(\Delta^{(2)} - \Delta^{(1)}\right)} + \frac{\omega}{2\frac{\gamma_{0}}{|\gamma_{g}|}\lambda_{0}^{*}}\right] \times (2)$$

где

$$\begin{split} \Delta &= \lambda_{g}^{(2)} \exp\left(i\frac{\lambda_{g}^{*} - \lambda_{g}^{(2)}}{\gamma_{g}}L\right) - \lambda_{g}^{(1)} \exp\left(i\frac{\lambda_{g}^{*} - \lambda_{g}^{(1)}}{\gamma_{g}}L\right),\\ \Delta^{(2)} &= \exp\left(i\frac{\lambda_{g}^{*} - \lambda_{g}^{(2)}}{\gamma_{g}}L\right), \quad \Delta^{(1)} = \exp\left(i\frac{\lambda_{g}^{*} - \lambda_{g}^{(1)}}{\gamma_{g}}L\right),\\ C^{(s,\tau)} &= (-1)^{\tau}C^{(s)}, \quad C^{(1)} = 1, \quad C^{(2)} = |\cos 2\theta_{B}|,\\ T\lambda_{g}^{(1,2)} &= \frac{\omega\left|\chi_{g}^{*}C^{(s)}\right|}{2}\left(\xi^{(s)}\pm\sqrt{\xi^{(s)2}-\varepsilon}\right),\\ \lambda_{g}^{*} &= \frac{\omega\left|\chi_{g}^{*}C^{(s)}\right|}{2}\left(2\xi^{(s)} - \varepsilon\sigma^{(s)}\right), \quad (3)\\ \xi^{(s)}(\omega) &= \eta^{(s)}(\omega) + \frac{1+\varepsilon}{2\nu^{(s)}},\\ \sigma^{(s)} &= \frac{1}{|x'|}C^{(s)}\left(\gamma^{-2} + (\theta_{\perp} - \psi_{\perp})^{2} + (\theta_{\parallel} + \psi_{\parallel})^{2} - \chi_{0}^{'}\right), \end{split}$$

$$\begin{aligned} |\chi_{g}|^{\mathcal{C}} & \\ \eta^{(s)}(\omega) = \frac{2\sin^{2}\theta_{B}}{V^{2} \left|\chi'_{g}\right| C^{(s)}} \left(1 - \frac{\omega(1 - \theta_{\parallel} \text{ctg}\theta_{B})}{\omega_{B}}\right), \\ v^{(s)} = \frac{\chi'_{g}C^{(s)}}{\chi'_{0}}, \quad \varepsilon = \frac{\sin(\theta_{B} - \delta)}{\sin(\theta_{B} + \delta)}, \end{aligned}$$

 χ'_0 — действительная часть средней диэлектрической восприимчивости монокристалла, χ'_g — действительная часть коэффициента Фурье разложения диэлектрической восприимчивости монокристалла по векторам обратной решетки g:

$$\chi(\omega, \mathbf{r}) = \sum_{\mathbf{g}} \left(\chi'_{\mathbf{g}}(\omega) + i \chi''_{\mathbf{g}}(\omega) \right) \exp(i\mathbf{g}\mathbf{r}),$$
$$\chi'_{\mathbf{g}} = \chi'_{0} \left(F(\mathbf{g})/Z \right) \left(S(\mathbf{g})/N_{0} \right) \exp\left(-\frac{1}{2}g^{2}u_{\tau}^{2}\right),$$

где F(g) — форм фактор атома, содержащего Z электронов; S(g) — структурный фактор элементарной ячейки, содержащей N_0 атомов; u_{τ} — среднеквадратичная амплитуда тепловых колебаний атомов кристалла. В работе рассматривается рентгеновская область частот ($\chi'_g < 0, \chi'_0 < 0$).

Так как в области рентгеновских частот выполняется неравенство $\frac{2\sin^2 \theta_{\rm B}}{V^2 |\chi'_{\rm g}| C^{(s)}} \ge 1$, то $\eta^{(s)}(\omega)$

является быстрой функцией от частоты ω . Для дальнейшего анализа спектров ПРИ и ДПИ удобно рассматривать $\eta^{(s)}(\omega)$ (или $\xi^{(s)}(\omega)$) в качестве спектральной переменной, характеризующей частоту ω .

Параметр $v^{(s)}$, принимающий значения в промежутке $0 \le v^{(s)} \le 1$, определяет степень отражения поля волны излучения от рассматриваемой системы параллельных атомных плоскостей монокристалла, которая обусловливается характером интерференции волн, отраженных от разных плоскостей. Параметр ε для фиксированного значения $\theta_{\rm B}$ определяет ориентацию входной поверхности мишени относительно отражающей системы параллельных атомных плоскостей монокристалла.

Подставляя (2) в известное выражение для спектрально-угловой плотности рентгеновского излучения:

$$\omega \frac{d^2 N_{\Pi\Pi\Pi}^{(s)}}{d\omega d\Omega} = \omega^2 (2\pi)^{-6} \sum_{s=1}^2 \left| E_{\Pi\Pi\Pi}^{(s)} \right|^2,$$
(4)

получаем выражение для спектрально-угловой плотности ДПИ релятивистского электрона, учитывающие отклонение направления его скорости V относительно оси электронного пучка \mathbf{e}_1 (угол $\boldsymbol{\psi}(\boldsymbol{\psi}_1, \boldsymbol{\psi}_1)$):

$$\omega \frac{d^2 N_{\Pi\Pi H}^{(s)}}{d\omega d\Omega} =$$

$$= \frac{e^2}{\pi^2} \left(\frac{\Omega^{(s)}}{\Delta(\theta_{\perp}, \theta_{\parallel}, \psi_{\perp}, \psi_{\parallel})} - \frac{\Omega^{(s)}}{\Delta(\theta_{\perp}, \theta_{\parallel}, \psi_{\perp}, \psi_{\parallel}) - \chi_0'} \right)^2 R_{\Pi\Pi H}^{(s)},$$

$$R_{\Pi\Pi H}^{(s)} = \frac{\epsilon^2}{\xi^{(s)^2} - (\xi^{(s)^2} - \epsilon) \operatorname{cth}^2 \left(\frac{b^{(s)} \sqrt{\epsilon - \xi^{(s)^2}}}{\epsilon} \right)}, \quad (56)$$

где

$$\Delta(\boldsymbol{\theta}_{\perp}, \boldsymbol{\theta}_{\parallel}, \boldsymbol{\psi}_{\perp}, \boldsymbol{\psi}_{\parallel}) =$$

$$= \gamma^{-2} + (\boldsymbol{\theta}_{\perp} - \boldsymbol{\psi}_{\perp})^{2} + (\boldsymbol{\theta}_{\parallel} + \boldsymbol{\psi}_{\parallel})^{2},$$

$$\Omega^{(1)} = \boldsymbol{\theta}_{\perp} - \boldsymbol{\psi}_{\perp}, \quad \Omega^{(2)} = \boldsymbol{\theta}_{\parallel} + \boldsymbol{\psi}_{\parallel},$$

$$b^{(s)} = \frac{1}{2\sin(\boldsymbol{\theta}_{\rm B} + \delta)} \frac{L}{L_{\rm ext}^{(s)}}, \quad L_{\rm ext}^{(s)} = 1/\omega \left| \boldsymbol{\chi}_{\rm g}^{*} \right| C^{(s)}.$$
(6)

4. УЧЕТ МНОГОКРАТНОГО РАССЕЯНИЯ РЕЛЯТИВИСТСКИХ ЭЛЕКТРОНОВ В МОНОКРИСТАЛЛЕ

Рассмотрим один электрон, движущийся в составе падающего на монокристаллическую мишень пучка электронов под углом ψ относительно оси пучка \mathbf{e}_1 . В результате многократного рассеяния на атомах мишени направление его движения по отношению к оси пучка будет изменяться как функция пройденного в мишени пути *t*: $\psi \to \psi + \Delta \psi(t)$. Компоненты $\Delta \psi_{\perp}$, $\Delta \psi_{\parallel}$ угла рассеяния $\Delta \psi$ будем описывать функцией Гаусса, меняющейся с длиной пути прохождения в мишени *t*:

$$f(\Delta \psi_{\perp}, \Delta \psi_{\parallel}, t) = \frac{1}{\pi \left(\psi_{0}^{2} + \psi_{s}^{2} t\right)} e^{-\frac{\Delta \psi_{\perp}^{2} + \Delta \psi_{\parallel}^{2}}{\psi_{0}^{2} + \psi_{s}^{2} t}},$$
(7)

 ψ_0 – начальная расходимость электронного пучка,

$$\Psi_s^2 = \frac{E_s^2}{m^2 \gamma^2} \frac{1}{L_R} \left(1 + 0.038 \ln \left(\frac{t}{L_R} \right) \right)^2 - \text{средний квад-}$$

рат угла многократного рассеяния электрона на единице длины как функция пути *t*, пройденного электроном в монокристаллической мишени [13], $E_s \approx 21 \text{ M}$ эВ.

В результате усреднения выражения (5) для спектрально-угловой плотности ДПИ одного электрона, полагая $\psi_0 = 0$ в (7), получим:

$$\left\langle \omega \frac{d^2 N_{\Pi\Pi H}^{(s)}}{d\omega d\Omega} \right\rangle_{\Delta \psi} =$$

$$= \frac{e^2}{\pi^2} \frac{1}{L_e} \int_0^{L_e} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \left(\frac{\Omega^{(s)}}{\Delta} - \frac{\Omega^{(s)}}{\Delta^* - \chi_0} \right)^2 R_{\Pi\Pi H}^{(s)} \frac{1}{\pi \psi_s^2 t} \times \quad (8)$$

$$\times e^{-\frac{\Delta \psi_\perp^2 + \Delta \psi_\parallel^2}{\psi_s^2 t}} d\Delta \psi_\perp d\Delta \psi_\parallel dt,$$

где $\Delta^*(\theta_{\perp}, \theta_{\parallel}, \psi_{\perp} + \Delta \psi_{\perp}, \psi_{\parallel} + \Delta \psi_{\parallel}) = \gamma^{-2} + (\theta_{\perp} - (\psi_{\perp} + \Delta \psi_{\perp}))^2 + (\theta_{\parallel} + (\psi_{\parallel} + \Delta \psi_{\parallel}))^2.$

По величине t, которая представляет путь, пройденный электроном в мишени, мы проводим интегрирование в пределах от нуля до полной длины пути электрона в мишени L_e .

Проанализируем влияние многократного рассеяния электронов атомами среды на спектральноугловую плотность дифрагированного переходного излучения для различных значений энергии электрона, которая определяется Лоренц-фактором ү. Угловая плотность ПИ на передней границе мишени, согласно (5а) пропорционально следующему выражению:

$$\left(\frac{\Omega^{(s)}}{\Delta} - \frac{\Omega^{(s)}}{\Delta^* - \chi_0}\right)^2 = \left(\frac{\Omega^{(s)}}{\gamma^{-2} + (\theta_\perp - \psi_\perp)^2 + (\theta_\parallel + \psi_\parallel)^2} - \frac{\Omega^{(s)}}{\gamma^{-2} + (\theta_\perp - \psi_\perp)^2 + (\theta_\parallel + \psi_\parallel)^2 - \chi_0}\right)^2.$$
(9)

Первый член в скобке соответствует полю электрона в вакууме, второй — полю электрона в монокристалле. Видно, что в случае большой энергии электронов $(\gamma^{-2} \ll |\chi_0|)$, подавляющий вклад в угловую плотность ДПИ, а значит и ПИ, дает первое слагаемое, соответствующее полю электрона в вакууме. Так как максимум угловой плотности ДПИ соответствует углу $\theta \approx \gamma^{-1}$, то многократное рассеяние в веществе в этих условиях никак не повлияет на угловую плотность ДПИ (или ПИ), поскольку второе слагаемое ничтожно мало по сравнению с первым. Так как эксперименты по изучению свойств ПИ, ДПИ проводятся в основном при высоких энергиях $(\gamma^{-2} \ll |\chi_0|)$, то влияние многократного рассеяния на ДПИ (или ПИ) в этом случае не существенно и считается отсутствующим.

В случае же малых энергий электронов $\left(\gamma^{-2} \ge \left|\chi'_{0}\right|\right)$, в выражении (9) второе слагаемое по величине будет сопоставимо с первым, что приведет практически к отсутствию ДПИ (и ПИ). Многократное рассеяние может существенно повлиять на угловую плотность ДПИ (и ПИ), поскольку приведет к уменьшению второго слагаемого в (9) и ослаблению компенсации первого слагаемого в торым. Таким образом, многократное рассеяние при малых энергиях релятивистского электрон $\left(\gamma^{-2} \ge \left|\chi'_{0}\right|\right)$ может на порядки увеличить угловую плотность ДПИ. Данный эффект многократного рассеяния в угловой плотности ДПИ (и ПИ) ранее никем не заявлялся и не исследовался ни теоретически, ни экспериментально.

Переходное излучение формируется в виде разности между полем электрона, которое он имел при влете в мишень, и экранированным полем электрона в среде. Многократное рассеяние может влиять только на составляющую поля волны переходного излучения, которая формируется при движении электрона в веществе мишени. В этой связи в выражении для спектрально-угловой плотности ДПИ (8), учитывающем много-кратное рассеяние электрона, мы ввели замену $\Delta \rightarrow \Delta^*$ только во втором слагаемом, описывающем поле электрона в материале мишени.

Усредняя выражение (8) по всем возможным начальным прямолинейным траекториям электрона в пучке, получим выражение, описывающее спектрально-угловую плотность ДПИ пучка релятивистских электронов, с учетом многократного рассеяния в монокристалле, нормированную на один электрон:

$$\left\langle \omega \frac{d^2 N_{\Pi\Pi H}^{(s)}}{d\omega d\Omega} \right\rangle_{\Delta \psi} = \frac{e^2}{\pi^2} \frac{1}{L_e} \frac{1}{\pi \psi_0^2} \times \\ \times \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \left[\int_{0}^{L_e} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \left(\frac{\Omega^{(s)}}{\Delta} - \frac{\Omega^{(s)}}{\Delta^* - \chi_0} \right)^2 R_{\Pi\Pi H}^{(s)} \times \\ \times \frac{1}{\pi (\psi_0^2 + \psi_s^2 t)} e^{-\frac{\Delta \psi_\perp^2 + \Delta \psi_\parallel^2}{\psi_0^2 + \psi_s^2 t}} d\Delta \psi_\perp d\Delta \psi_\parallel dt \right] \times \\ \times e^{-\frac{\psi_\perp^2 + \psi_\parallel^2}{\psi_0^2}} d\psi_\perp d\psi_\parallel.$$
(10)

В выражении (10) излучение рассматривается в виде суммы вкладов электронов пучка с различными значениями углов падения относительно оси пучка ψ , которые задаются нормированной функцией углового распределения пучка электронов. Вклад многократного рассеяния представлен добавкой к ширине распределения $\psi_0^2 \Rightarrow \psi_0^2 + \psi_s^2 t$. ψ_0 – начальная расходимость электронного пучка. Фактически, таким образом мы проводим усреднение угловой плотности ДПИ по расширяющемуся пучку прямолинейных траекторий излучающих электронов. Выражения (8) и (10), описывающее спектрально-угловую плотность ДПИ с учетом многократного рассеяния релятивистских электронов в монокристалле, является главным результатом настоящей работы.

Поскольку электроны в пучке возбуждают излучение не когерентно, то мы можем рассматривать влияние многократного рассеяния на угловую плотность ДПИ на примере одного излучающего электрона, пересекающего переднюю границу монокристаллической мишени вдоль оси \mathbf{e}_1 ($\boldsymbol{\psi} = 0$). Численные расчеты спектрально-угловой плотности ДПИ без учета многократного рассеяния проведем по формуле (5), а с учетом по формуле (8). Будем рассматривать релятивистский электрон с энергией $\gamma = 100$, пересекающий монокристалл углерода *C*(111), с параметрами процесса: $\theta_{\rm B} = 16.2^{\circ}$, $\omega_{\rm B} = 10900$ эВ, $\varepsilon = 1$.

На рис. 2 представлены кривые, построенные по формуле (5), описывающие спектрально-угловую плотность ДПИ при фиксированном угле наблюдения без учета многократного рассеяния. Рисунок демонстрирует рост амплитуды спектра ДПИ при увеличении толщины мишени и насыщении роста приблизительно при L = 5 мкм. Рассматриваемые условия показали, что такая толщина монокристалла является предельной для генерации ДПИ.

На рис. З представлены кривые, описывающие спектрально-угловые плотности ДПИ для различных углов наблюдения θ_{\perp} , при $\theta_{\parallel} = 0$. Из ри-



Рис. 2. Спектрально-угловые плотности ДПИ для различной толщины монокристалла при фиксированных углах наблюдения: $\theta_{\perp} = 10$, $\theta_{\parallel} = 0$. $\gamma = 100$.



Рис. 3. Спектрально-угловые плотности ДПИ для различных углов наблюдения θ_{\perp} , $\theta_{\parallel} = 0$. $\gamma = 100$.

сунка видно, что спектрально-угловая плотность максимальна при угле приближенном $\theta_{\perp} = 6$ мрад.

На рис. 4 представлены кривые, построенные по формулам (5) и (8), которые описывают спектр ДПИ с учетом (пунктирная кривая) и без учета (сплошная кривая) многократного рассеяния электрона на атомах мишени толщиной L = 5 мкм и уг-



Рис. 4. Спектрально-угловые плотности ДПИ с учетом (пунктирная кривая) и без учета (сплошная кривая) многократного рассеяния: $\gamma = 100$, L = 5 мкм, $\theta_{\perp} = 6$ мрад.



Рис. 6. Спектрально-угловые плотности ДПИ для различных углов наблюдения θ_{\perp} , $\theta_{\parallel} = 0$. $\gamma = 300$, L = 5 мкм.

ле наблюдения $\theta_{\perp} = 6$ мрад, $\theta_{\parallel} = 0$. Из рисунка следует, что в рассматриваемых условиях учет многократного рассеяния дает приблизительно пятикратное увеличение амплитуды спектрально-угловой плотности ДПИ по сравнению с расчетом без учета многократного рассеяния. Кривые на рис. 2–4 построены для энергии электрона, соответствующей Лоренц-фактору ($\gamma = 100$). Аналогичные кривые на рис. 5–7 по-



Рис. 5. Спектрально-угловые плотности ДПИ для различной толщины монокристалла при фиксированных углах наблюдения: $\theta_{\perp} = 3$ мрад, $\theta_{\parallel} = 0$. $\gamma = 300$.



Рис. 7. Спектрально-угловые плотности ДПИ с учетом (пунктирная кривая) и без учета (сплошная кривая) многократного рассеяния: $\gamma = 300$, L = 5 мкм, $\theta_{\perp} = 2$ мрад.

строены для большей энергии электрона ($\gamma = 300$). При такой энергии электрона (рис. 7) влияние многократного рассеяния электронов на атомах среды на спектрально-угловую плотность излучения становится значительно более слабым. В случае увеличения энергии электронов $\gamma > 300$ влияние многократного рассеяния на спектрально-угловую плотность ДПИ будет пренебрежимо малым.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В работе развита динамическая теория дифрагированного переходного излучения, генерируемого пучком релятивистских электронов в монокристаллической пластине в геометрии рассеяния Брэгга в условиях многократного рассеяния падающих частиц. Получены выражения, описывающие спектрально-угловую плотность ДПИ как с учетом, так и без учета многократного рассеяния электронов пучка атомами мишени. Исследовано влияние многократного рассеяния электрона на спектрально-угловую плотность ДПИ. Расчеты угловой спектрально-угловой плотности ДПИ демонстрируют рост угловой плотности ДПИ при увеличении толщины мишени. Главным новым результатом работы является установление факта значительного роста спектрально-угловой плотности лифрагированного переходного излучения в условиях многократного рассеяния излучающих электронов на атомах монокристаллической мишени.

Результаты данной работы могут быть полезными при постановке новых экспериментов по исследованию свойств ПРИ и ДПИ и интерпретации результатов экспериментов при небольших энергиях электронов (γ ≤ 100), в которых принципиально важно правильно учитывать вклад ДПИ.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Гинзбург В.Л., Франк И.М. // ЖЭТФ. 1946. Т. 16. С. 15.
- 2. Гинзбург В.Л., Цытович В.Н. // Переходное излучение и переходное рассеяние. М.: Наука, 1984.
- 3. *Пафомов В.Е. //* Докл. АН СССР. 1960. Т. 133. № 6. С. 1315.
- 4. *Болотовский Б.М.* // Труды ФИАН. 1982. Т. 140. С. 95.
- 5. Гарибян Г.М. // ЖЭТФ. 1960. Т. 39. Вып. 2. С. 332.
- 6. Caticha A. // Phys. Rev. A. 1989. T. 40. C. 4322.
- Baryshevsky V. // Nucl. Instrum. Methods. Phys. Res. A. 1997. T. 122. C. 13.
- 8. Nasonov N. // Phys. Lett. A. 1998. T. 246. C. 148.
- 9. Блажевич С.В., Носков А.В. // ЖЭТФ. 2015. Т. 147. С. 875.
- Блажевич С.В., Носков А.В. // ЖЭТФ. 2016. Т. 150. С. 643.
- 11. *Блажевич С.В., Бронникова М.В., Носков А.В. //* Поверхность. Рентген., синхротр. и нейтрон. исслед. 2020. № 9. С. 66.
- 12. Блажевич С.В., Люшина К.С., Носков А.В. // ЖЭТФ. 2019. Т. 155. С. 242.
- Partic le Data Group, Barnett R.M. et al. //Phys. Rev. D. 1996. V. 54. P. 1.

Effect of Multiple Scattering on the Spectral-Angular Density of Diffracted Transition Radiation

S. V. Blazhevich¹, A. S. Gorlov², A. V. Noskov^{1, 2, *}, A. E. Fedoseev¹

¹Belgorod State National Research University, Belgorod, 308015 Russia ²Belgorod State Technological University named after V.G. Shukhov, Belgorod, 308012 Russia *e-mail: noskovbupk@mail.ru

The paper investigates the diffracted transition radiation of a relativistic electron crossing a single-crystal plate in the Bragg scattering geometry. Expressions are obtained that describe the spectral-angular density of diffracted transition radiation with and without allowance for multiple scattering of a relativistic electron in a single-crystal plate. The influence of multiple scattering on the spectrum of diffracted transition radiation of a relativistic electron is shown.

Keywords: multiple scattering, diffracted transition radiation, relativistic electron.