## \_\_\_\_ СТАТИСТИЧЕСКАЯ РАДИОФИЗИКА =

УДК 538.956

# ИЗУЧЕНИЕ ФАКТОРА ПОТЕРЬ ПЕРЕОХЛАЖДЕННОЙ ПОРОВОЙ ВОДЫ НА ЧАСТОТАХ 60...140 ГГц

© 2019 г. Г. С. Бордонский<sup>1,</sup> \*, А. О. Орлов<sup>1</sup>, С. Д. Крылов<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Институт природных ресурсов, экологии и криологии СО РАН, Российская Федерация, 672014 Чита, ул. Недорезова, 16а \*E-mail: lgc255@mail.ru Поступила в редакцию 18.10.2017 г.

После доработки 06.03.2018 г. Принята к публикации 14.05.2018 г.

Исследован фактор потерь переохлажденной поровой воды на частотах 60...140 ГГц до температуры около  $-70^{\circ}$ С с использованием силикагеля. Показано, что фактор потерь поровой воды в силикатном материале без учета влияния мономолекулярного незамерзающего слоя связанной воды определяется: дебаевской релаксацией для воды, соответствующей свойствам объемной воды; дополнительными потерями в некотором интервале температур с центром при  $-45^{\circ}$ С вследствие влияния второй критической точки воды; а также поверхностной проводимостью на границе сред вследствие образования сегнетоэлектрического льда 0, если температура замерзания воды в порах ниже  $-23^{\circ}$ С. Результаты исследования можно использовать для решения задач переноса излучения в аэрозолях и пористых увлажненных мелкодисперсных средах.

DOI: 10.1134/S0033849419040028

#### введение

В работе [1] представлены результаты исследования коэффициента затухания переохлажденной поровой воды в интервале температур 0...-90°С на отдельных частотах в диапазоне 11...140 ГГп. Выполненные измерения позволили получить при некоторых допушениях аналитическую зависимость от температуры и частоты мнимой части относительной диэлектрической проницаемости жидкой переохлажденной воды, близкой по своим свойствам к объемной воде, в виде добавочного члена ( $\Delta \varepsilon$ ") к известному соотношению для є (по теории Дебая) из работы [2]. Было обнаружено возрастание мнимой части относительной диэлектрической проницаемости в области температур с центром при  $-45^{\circ}$ C, что не соответствовало дебаевской модели диэлектрической релаксации и было связано, как представлено в [1], с влиянием второй критической точки воды. Кроме того, для объяснения некоторого возрастания потерь при температурах -60...-70°С использовано представление о росте проводимости на контакте остаточной воды или стенки пор и образовавшегося льда. Этот эффект установлен для граничного слоя двух диэлектриков с сильным отличием значений статической диэлектрической проницаемости (ε<sub>s</sub>) [3].

Вместе с тем в [1] в высокочастотной части исследованного интервала, выше 34 ГГц, измерения были выполнены всего на двух частотах 94 и 140 ГГц. Поэтому при линейной аппроксимации параметров в формуле  $\Delta \varepsilon$ " могли возникать существенные отклонения расчетных значений искомой величины от истинных. Следует отметить, что в представленных результатах в [1] находили фактор потерь ( $\varepsilon$ "), определяемый различными механизмами электромагнитных потерь в поровой переохлажденной воде.

Цель данной работы — выполнить измерения фактора потерь на дополнительных частотах, от 60 до 140 ГГц, в длинноволновой части миллиметрового диапазона для уточнения параметров в формуле для  $\Delta \varepsilon$ ", а также уточнения механизмов поглощения электромагнитной энергии в поровой воде при ее охлаждении до  $-70^{\circ}$ C.

## 1. ОСОБЕННОСТИ ЭКСПЕРИМЕНТА

В работах [1, 4] была отмечена трудность, связанная с получением достаточных количеств переохлажденной объемной воды при температурах ниже  $-20^{\circ}$ С. Ранее исследования диэлектрической проницаемости переохлажденной воды были выполнены в работах [5–7] в сантиметровом и миллиметровом диапазонах. На частотах 100...2000 ГГц измерения выполнены при температуре  $-2^{\circ}$ С [8], а для участка 600 ГГц...16 ТГц при температуре  $-5.6^{\circ}$ С [9].

Сложность получения переохлажденной воды ниже –20°С связана с быстрым ростом числа кри-

сталлических зародышей, скорость образования которых, как показывают результаты работы [10], возрастает: например, при изменении температуры на 5 град, от -33 до  $-38^{\circ}$ С, – на восемь порядков. В результате переохладить воду ниже  $-38^{\circ}$ С на время, необходимое для измерений, при существующих технологиях практически сложно. По этой причине область температуры  $-38...-120^{\circ}$ С названа недоступной областью (no man's land) [11, 12].

Вместе с тем известно, что воду можно существенно переохладить, если она находится в поровом пространстве твердых тел [12]. Переохлаждение может достигать 80...100°С для пор с размерами ~1 нм. Однако в случае нанопористых структур при определении микроволновых свойств воды возникает вопрос о соответствии характеристик поровой и объемной воды. В поровом пространстве часть захваченной воды имеет свойства объемной воды (вдали от поверхности поры), а другая часть, – адсорбированная поверхностью, имеет измененные свойства. Физические параметры объемной воды представляют большой интерес как характеристики базового объекта. Свойства связанной с поверхностью воды определяются адсорбционными особенностями поверхности пор, которые весьма разнообразны. Известно, что жидкая переохлажленная объемная вода характерна для жидкокапельных облаков [13]. Согласно работе [14] жидкая вода в виде капель существует в облаках до температуры –37.5°С, поэтому знание микроволновых свойств такой воды представляется важным для решения задач переноса излучения в атмосфере [15].

Возможность использования поровой воды для определения параметров объемной переохлажденной воды была рассмотрена в работах [4, 16–18]. Используя пористые среды, авторы [16] выполнили измерения затухания микроволнового излучения в увлажненном нанопористом силикате - силикагеле марки КСКГ с диаметром пор 8 нм на частотах 12.8...22 ГГц при его увлажнении 3% (весовая влажность) и охлаждении до -150°С. Оказалось, что значения потерь в среде для эффективного слоя воды в силикагеле в интервале температур  $0...-20^{\circ}$ С совпали с расчетными, выполненными на основании формул статьи [2]. Для более низких температур эксперимент показал значительное избыточное поглощение в незамерзшей воде, в отличие от результатов расчета по формулам работы [2]. В последующем исследовании [1, 4] было показано, что для получения значений є", близких значениям объемной воды, целесообразно использовать в качестве пористой среды силикатные материалы. Это связано с особыми адсорбционными свойствами поверхности силикатов, для которых только первый адсорбированный слой имеет свойства, отличные от свойств жидкой объемной воды, а последующие слои, если их число превышает 5, близки по свойствам к



**Рис.** 1. Схема измерений  $\varepsilon$ " в свободном пространстве: *1* – металлическая кювета с исследуемым веществом, *2* – холодильное устройство, *G* – генератор, *R* – приемник излучения,  $\alpha$  – угол наблюдения.

объемной воде. Отмеченная особенность структуры воды вблизи стенок силикатов была найдена с использованием методов молекулярной динамики и подтверждена в ряде работ [17, 18].

Важным аспектом выбора параметров образцов явилось использование малой их влажности (3...6%). Как показали исследования [1], это необходимо для устранения перколяционных явлений, а также структурирования воды и льда в среде при ее охлаждении из-за процесса миграции жидкости в образце. Образование структур в неравновесной среде и криогенных образованиях хорошо известно в термодинамике необратимых процессов [19]. Отмеченная важная особенность увлажненных материалов - структурирование жидкости и льда при охлаждении и появление пространственной дисперсии [20] – ранее не учитывались другими исследователями. Возможно, это и приводило к сложностям интерпретации данных измерений и отсутствию корректных результатов. Например, идея использования нанопористых сред для измерения микроволновых параметров переохлажденной воды высказывалась в [21], но не была, насколько нам известно, реализована.

Для устранения влияния пространственной дисперсии при появлении неоднородностей в среде, кроме пониженных значений увлажнения, в измерениях использовали усреднение зондирующих сигналов по частоте и пространству. С этой целью в миллиметровом диапазоне применяли схему измерений для определения затухания в средах с малыми потерями и слабым изменением действительной части относительной диэлектрической проницаемости, аналогичную использованной в [22, 23] (рис. 1).

В кювету с плоским металлическим дном помещали среду в виде тонкого слоя однородной толщины. Излучение зондирующих сигналов осуществляли генератором G на вертикальной поляризации при угле Брюстера. Пространственное усреднение достигалось в пятне диаграмм направленности антенн, а частотное – использованием в качестве приемника супергетеродинного радиометра со смесителем на входе и полосой пропускания порядка единиц гигагерц. В качестве генератора сигнала использовали генератор шума на лавинно-пролетном диоде (ГЛПД). Генератор запускался в режиме генерации широкополосного шумового сигнала, наблюдаемого в ГЛПД до возникновения одночастотной генерации. Выбор невысоких значений тока, пропускаемого через диод, позволяет получить в полосе частот ~1 ГГц неравномерность спектральной мощности не более 1 дБ [24].

Для нахождения є" измеряли изменение интенсивности излучения *I* при его переносе через образец:

$$I = I_0 \exp(-\alpha z),$$

где α – коэффициент затухания по мощности для плоской электромагнитной волны,  $I_0$  – начальное значение интенсивности, *z* – толщина эф-фективного поглощающего слоя. Определяя из эксперимента α, толщину слоя воды и применяя рефракционную модель диэлектрической проницаемости увлажненной среды, находили значения є" переохлажденной воды из формулы связи α и έ (комплексной относительной диэлектрической проницаемости). При этом вычитали из α значение данной величины при температуре -90...-100°С. Также использовали априорную информацию для имеющихся значений диэлектрической проницаемости объемной воды при 0°С [2], вычисляли на ее основе значение коэффициента затухания. Путем сравнения измеренного и вычисленного значений коэффициентов затухания находили масштабный множитель, который учитывал долю объемной воды в общем ее количестве. При таких допущениях были определены температурные зависимости є" доли поровой воды, относящейся к объемной воде (подробнее см. в [1]).

#### 2. РЕЗУЛЬТАТЫ ИЗМЕРЕНИЙ

Были выполнены новые измерения на частотах 60 и 125 ГГц. При анализе данных использовали ранее полученные авторами результаты измерений фактора потерь на частотах 94 и 140 ГГц [1]. Как и в [1], значения величины в зависимости от частоты (*f*) представлены в виде

$$\varepsilon''(f) = \varepsilon_{\mathrm{D}}''(f) + \Delta\varepsilon''(f), \qquad (1)$$

где ε<sub>D</sub>" – расчеты по формулам работы [2], Δε" – добавочный член, равный разности значений ре-

зультатов измерений фактора потерь поровой воды, с учетом коррекции данных, и расчетных значений. Такое представление  $\varepsilon''(f)$ , предложенное в [2], выбрано по причине физически обоснованной модели диэлектрической проницаемости, в которой время релаксации диполей воды вблизи -45°C (но выше этой температуры) определяется по формуле  $\tau \sim (1 - |T|/45)^{-\gamma} (T - температура в граду$ сах Цельсия, ү – коэффициент порядка единицы). В этой модели используются две частоты релаксации; при –45°С (критической температуре) эти частоты обращаются в нуль. Для более низких температур для целей сравнения следует принять, что частоты релаксации близки нулю. При расчетах по формуле (1) при температурах -45°С и ниже є' выбиралась равной є'(-44.9°С), рассчитанной по модели [2], а є" – равной нулю. Температу--45°С по современным представлениям pa соответствует значению на линии Видома в фазовом пространстве при давлении 0.1 МПа. Линия Видома исходит из гипотетической второй критической точки воды, найденной при компьютерном моделировании [25-27]. Температуру переохлажденной воды при -45°С в ряде работ [28, 29] отождествляют с  $\lambda$ -точкой, в которой, основываясь на результатах измерений до -38°C, предполагают расходимость термодинамических параметров воды.

Новые измерения были выполнены с использованием силикагеля марки Acros (Бельгия), используемого в хроматографии, со средним значением диаметра пор 9 нм и влажностью 3%. Для этих параметров, как показано в [1], возможно переохлаждение воды до -50...-70°С. Результаты измерений на частотах 60 и 125 ГГц в зависимости от температуры приведены на рис. 2.

Математическая обработка данных показала, что  $\Delta \varepsilon$ ", как и в работе [1], хорошо аппроксимируется суммой двух гауссовских кривых:

$$\Delta \varepsilon''(f) = a_1 \exp\left(-\left(\frac{T-T_1}{c_1}\right)^2\right) + a_2 \exp\left(-\left(\frac{T-T_2}{c_2}\right)^2\right),$$
(2)

где *T* приведена в °C;  $a_i, c_i, T_i$  – некоторые параметры.

Анализ результатов измерений на двух частотах, как и в ранее выполненных измерениях на других частотах, показал, что  $T_1 \approx -45^{\circ}$ C, в то время как  $T_2$  принимала значение в области температур  $-50...-70^{\circ}$ C.

Для аналитического описания зависимости фактора потерь от частоты выполнена аппроксимация параметров *a<sub>i</sub>*, *c<sub>i</sub>* для частотного интервала 50...180 ГГц на основании измерений на частотах 60...140 ГГц в виде линейных зависимостей от частоты. Полученные зависимости для є" показали неудовлетворительные результаты при их распространении на более широкую область частот, особенно для температур ниже -40°C. Если предположить, что второе слагаемое в (2) определяется появлением проводимости в среде ( $\sigma$ ), для которой происходит изменение є" как  $\sigma/f$ , то  $a_2$  следует представить в виде гиперболической зависимости от частоты. С учетом данного предположения параметры формулы (2) в зависимости от частоты, полученные методом оптимизации, представлены следующими формулами:

$$a_1 = 2.224 - 0.005f; c_1 = 4.21 + 0.124f;$$
  
 $T_1 = -45^{\circ}C;$   
 $a_2 = 123.5/f - 0.327; c_2 = 8.94 + 0.154f;$   
 $T_2 = -60^{\circ}C.$ 

На рис. З представлены графики зависимостей рассчитанного фактора потерь от частоты при четырех фиксированных температурах переохлажденной воды. Так как в природной среде могут существовать жидкая объемная вода и вода в порах, то приведены два графика  $\varepsilon$ ". При построении графика для  $\varepsilon$ " объемной воды использовали только первое слагаемое из суммы (2), а для случая поровой воды — оба слагаемых.

#### 3. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Полученные температурные зависимости  $\Delta \varepsilon$ " поровой переохлажденной воды показывают существование более высокого значения фактора потерь в области температур ниже -30°C по сравнению с моделью [2]. Как отмечалось в [1], это связывается с влиянием второй критической точки воды, из которой на фазовой диаграмме давлениетемпература выходит линия Видома, для которой давлению 0.1 МПа соответствует температура -45°С. Особенность этой линии – повышенные флуктуации энтропии и плотности переохлажденной воды. Таким образом, с высокой степенью вероятности первое слагаемое в (2) описывает механизм поглощения, определяемый особыми свойствами воды. Как следует из рис. 3в, фактор потерь на основании учета только этого слагаемого слабо зависит от частоты в интервале 60...140 ГГц при температурах -45...-50°С, следовательно, может быть аппроксимирован без существенной ошибки на область частот ~180 ГГц. Однако он приобретает частотную зависимость при понижении температуры ( $-60^{\circ}$ С и ниже).

В то же время второе слагаемое в (2), как следует из анализа полученных данных, имеет экстремум в области  $T_2 = -50...-70^{\circ}$ С в различных экспериментах и, как представляется, определяется свойствами материала пор. Общее поведение второго слагаемого в (2) – уменьшение при увеличении частоты. Было выдвинуто предположение,



Рис. 2. Экспериментальная (1) и рассчитанная по модели [2] (2) зависимость от температуры фактора потерь поровой воды, близкой по свойствам объемной воде, при f = 60 (а) и 125 ГГц (б).

что это слагаемое определяется фазовым переходом оставшейся воды в лед. Возрастание фактора потерь (вместо его понижения при образовании льда) можно объяснить недавно обнаруженной новой модификацией льда 0 [30, 31], которая образуется только из переохлажденной ниже -23°C воды. Эта модификация предшествует льду *Ih* и является сегнетоэлектриком. Теоретически предсказанный лед 0 был экспериментально подтвержден в работе [32] при электромагнитных измерениях увлажненных пористых сред. Поэтому, исходя из физических представлений о возникновении тонкого проводящего слоя на границе двух диэлектриков с сильно отличающимися значениями  $\varepsilon_{s}$  [3], второе слагаемое в (2) связали с возрастанием потерь из-за роста проводимости в среде. В этом случае коэффициент  $a_2$  был представлен как  $a_2 = A/f + B$  (так как  $\varepsilon'' \sim \sigma/f$ ).

Превращение воды в лед изменяет диэлектрические свойства среды. При этом действительная часть диэлектрической проницаемости є' испытывает изменение на значение порядка 1, согласно расчетам для переохлажденной воды [2] и имею-



**Рис. 3.** Зависимость фактора потерь переохлажденной поровой воды от частоты при температурах -20 (а), -40 (б), -50 (в) и  $-70^{\circ}$ С (г): 1 – учет в  $\Delta \varepsilon$ " только первого слагаемого суммы, 2 – учет двух слагаемых.

щихся данных для льда [33]. Поглощение электромагнитного излучения, связанное с образованием льда на частотах до 140...180 ГГц, незначительно по сравнению с поглощением в воде [33, 34]. По этой причине наблюдается дополнительное монотонное уменьшение фактора потерь при охлаждении ниже —50°С. Определение доли льда при замерзании воды при глубоком охлаждении нанопористой среды выходит за рамки данной работы.

Таким образом, фактор потерь переохлажденной поровой воды по результатам исследования может быть представлен в виде суммы трех слагаемых, в соответствии с формулами (1), (2):

$$\varepsilon'' = \varepsilon_{\rm D}'' + \varepsilon_{\rm T}'' + \varepsilon_{\rm \sigma}''. \tag{3}$$

Соответственно, можно выделить три механизма электромагнитных потерь такой воды:

1-й – связан с дебаевской релаксацией моле-

кул воды (представляется  $\varepsilon_{\rm D}^{"}$ );

2-й — определяется критическими явлениями в области температур порядка десяти градусов с центром при –45°С;

3-й — возникает при замерзании воды, если образуется сегнетоэлектрический лед 0 и появляются проводящие пленки (их проводимость на пять-шесть порядков превышает проводимость

воды [3]); такой лед может образовываться только при температурах ниже  $-23^{\circ}$ С (слагаемое  $\varepsilon_{\sigma}''$ ).

Эти механизмы могут по-разному проявляться при различных температурах в различных по химическому составу и геометрии порового пространства пористых средах или для капельной влаги (включая пористые ледяные частицы).

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Измерения фактора потерь переохлажденной поровой воды в силикатном материале на частотах 60...140 ГГц и рассмотрение полученных результатов на основе физических свойств воды и ее взаимодействия со стенками пор позволили уточнить механизм электромагнитных потерь в интервале температур 0...–70°С.

1. Для воды в свободном пространстве (объемной воды), которая может быть переохлаждена в атмосферном водном аэрозоле до  $-37.5^{\circ}$ С, справедлива формула с введением добавки  $\Delta \varepsilon$ " к значениям фактора потерь работы [2] с использованием одного (первого) слагаемого в формуле (2). Это слагаемое определяется влиянием второй критической точки воды на значение фактора потерь ( $\varepsilon_T$ ) на линии Видома, т.е.  $\varepsilon$ " =  $\varepsilon_D$ " +  $\varepsilon_T$ ".

2. В случае поровой воды при температурах ниже  $-30^{\circ}$ С к  $\varepsilon_{D}^{"}$  и  $\varepsilon_{T}^{"}$  следует добавить второе слагаемое в формуле (2). Эта добавка (є, ся связана с замерзанием поровой воды, если температура фазового перехода, определяемая размерами и геометрией пор, ниже -23°C, когда в них возможно образование сегнетоэлектрического льда 0. В этом случае возникает добавочная поверхностная проводимость на границах лед-поверхность поры, определяемая резким изменением статической диэлектрической проницаемости замерзшей воды. Ее влияние будет выраженным, если площадь поверхности порового пространства увлаженной среды велика (порядка сотен квадратных метров на 1 г вещества). Параметр ε<sub>"</sub> необходимо учитывать при изучении переноса излучения через пористые увлажненные аэрозоли. Для них фактор потерь определяется суммой трех величин (3).

Следует отметить необходимость дальнейших

исследований параметра  $\varepsilon_{\sigma}^{"}$  в зависимости от состава аэрозольных частиц и свойств связанной воды.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Бордонский Г.С., Орлов А.О., Хапин Ю.Б. // Современные проблемы дистанционного зондирования Земли из космоса. 2017. Т. 14. № 3. С. 255.
- Meissner T., Wentz F.J. // IEEE Trans. 2004. V. TGRS-42. № 9. P. 1836.
- 3. Korobeynikov S.M., Melekhov A.V., Soloveitchik Yu.G. et al. // J. Phys. D: Appl. Phys. 2005. V. 38. № 6. P. 915.
- 4. Бордонский Г.С., Орлов А.О., Щегрина К.А. // Изв. вузов. Радиофизика. 2016. Т. 59. № 10. С. 906.
- Башаринов А.Е., Кутуза Б.Г. // Труды ГГО. Л.: Гидрометеоиздат, 1968. № 222. С. 100.
- 6. *Башаринов А.Е., Кутуза Б.Г.* // Изв. вузов. Радиофизика. 1974. Т. 17. № 1. С. 52.
- Bertolini D., Cassettari M., Salvetti G. // J. Chem. Phys. 1982. V. 76. № 6. P. 3285.
- Rønne C., Thrane L., Åstrand P.-O. et al. // J. Chem. Phys. 1997. V. 107. № 14. P. 5319.
- 9. Zelsmann H.R. // J. Molecular Structure. 1995. V. 350. № 2. P. 95.
- 10. Santachiara G., Belosi F. // Atmospheric and Climate Sciences. 2014. V. 4. № 4. P. 653.

- 11. *Stanley H.E., Buldyrev S.V., Franzese G. et al.* // Phys. A: Stat. Mech. Appl. 2010. V. 389. № 15. P. 2880.
- Limmer D.T., Chandler D. // J. Chem. Phys. 2011. V. 135. P. 134503.
- 13. Аквилонова А.Б., Кутуза Б.Г. // РЭ. 1978. Т. 23. № 9. С. 1792.
- Rosenfeld D., Woodley W.L. // Nature. 2000. V. 405. P. 440.
- 15. *Паршуков В.А., Кутуза Б.Г. //* РЭ. 2012. Т. 57. № 2. С. 133.
- Бордонский Г.С., Крылов С.Д. // Журн. физ. химии. 2012. Т. 86. № 11. С. 1806.
- 17. Castrillon S.R.-V., Giovambattista N., Arsay I.A., Debenedetti P.G. // J. Phys. Chem. C. 2011. V. 115. P. 4624.
- Cerveny S., Mallamace F., Swenson J. et al. // Chem. Rev. 2016. V. 116. № 13. P. 7608.
- 19. *Хакен Г.* Синергетика. М.: УРСС; ЛЕНАНД, 2015. Ч. 1, 2.
- 20. *Бордонский Г.С., Орлов А.О., Филиппова Т.Г. //* Изв. вузов. Радиофизика. 2004. Т. 47. № 4. С. 292.
- 21. *Mätzler C., Rosenkranz P.W., Cermak J. //* J. Geophys. Res. Atmos. 2010. V. 115. № D23. P. D23208.
- Mätzler C., Wegmuller U. // J. Phys. D: Appl. Phys. 1987. V. 20. № 12. C. 1623.
- Bordonsky G.S., Krylov S.D. // IEEE Trans. 1998.
   V. TGRS-36. № 2. P. 678.
- 24. Алексеев Ю.И. // ПТЭ. 2008. № 2. С. 177.
- 25. Xu L., Kumar P., Buldyrev S.V. et al. // Proc. Natl. Acad. Sci. USA. 2005. V. 102. № 46. P. 16558.
- 26. Anisimov M.A. // Russ. J. Phys. Chem. B. 2012. V. 6. № 8. P. 861.
- 27. Бордонский Г.С., Гурулев А.А. // Письма в ЖТФ. 2017. Т. 43. № 8. С. 34.
- Angell C.A., Sichina W.J., Oguni M. // J. Phys. Chem. 1982. V. 86. № 6. P. 998.
- 29. Fedichev P.O., Menshikov L.I., Bordonskiy G.S., Orlov A.O. // Письма в ЖЭТФ. 2011. Т. 94. № 5-6. С. 433.
- Russo J., Romano F., Tanaka H. // Nature mater. 2014. V. 13. P. 733.
- Quigley D., Alfè D., Slater B. // J. Chem. Phys. 2014.
   V. 141. P. 161102.
- Бордонский Г.С., Орлов А.О. // Письма в ЖЭТФ. Т. 105. № 8. С. 483.
- Fujita Sh., Matsuoka T., Ishida T. et al. Physics of Ice Core Records. Sapporo: Hokkaido University Press, 2000. P. 185.
- 34. Гайдук В.И., Кутуза Б.Г. // Оптика и спектроскопия. 2006. Т. 101. № 5. С. 744.