## – РАДИОФИЗИЧЕСКИЕ ЯВЛЕНИЯ В ТВЕРДОМ ТЕЛЕ И ПЛАЗМЕ

УДК 537.624;537.632

# НЕВЗАИМНЫЕ СВОЙСТВА ОБРАТНЫХ СПИНОВЫХ ВОЛН

© 2020 г. Э. Г. Локк\*

Фрязинский филиал Института радиотехники и электроники им. В.А. Котельникова РАН, пл. Введенского, 1, Фрязино, Московской обл., 141196 Российская Федерация

\**E-mail: edwin@ms.ire.rssi.ru* Поступила в редакцию 26.03.2018 г. После доработки 24.09.2019 г. Принята к публикации 09.10.2019 г.

Исследованы невзаимные свойства мод обратной спиновой волны в касательно намагниченной ферритовой пластине. Установлено, что на поверхности пластины отношение R нормированных амплитуд магнитного потенциала для двух волн с противоположно направленными волновыми векторами, ориентированными под углами  $\varphi u \varphi - \pi$  относительно внешнего магнитного поля, существенно зависит от величины  $\varphi$ . Найдено, что существует значение частоты  $f_R$ , которое делит диапазон существования обратных спиновых волн на два частотных интервала: для частот, меньших  $f_R$ , зависимость  $R(\varphi)$  является монотонной (величина R принимает минимальное и максимальное значения при углах, близких к углам отсечки волнового вектора), а для частот, больших  $f_R$ , – имеет точки экстремума (максимум и минимум) при значениях  $\varphi$ , равных максимальным углам отсечки поверхностной спиновой волны. Получена формула для ориентации волнового вектора, при которой на распределении амплитуды магнитного потенциала m-й моды волны в сечении ферритовой пластины возникает m-я точка экстремума, лежащая на одной из поверхностей пластины.

DOI: 10.31857/S0033849420030109

### **ВВЕДЕНИЕ**

Как известно, касательно намагниченная ферритовая пленка – одна из немногих реальных сред, в которой могут возбуждаться и распространяться с малыми потерями обратные волны. В работе [1] обратные спиновые волны (ОСВ) были описаны с использованием магнитостатического приближения, из-за чего их часто называют обратными объемными магнитостатическими волнами (МСВ). В дальнейшем многие свойства этих волн и различные устройства на их основе были исследованы и описаны в ряде монографий [2–9] и статей [10-23]. В частности, в работах [13, 16] теоретически и экспериментально установлено, что при возбуждении ОСВ линейным преобразователем возникают две волны, характеризующиеся противоположно направленными волновыми векторами и различным<sup>1</sup> распределением магнитного потенциала в сечении ферритовой пластины. Кроме того, в [16, 18] было найдено, что в зависимости от ориентации волнового вектора (или возбуждающего преобразователя) наибольшее значение магнитного потенциала может находиться как на поверхности, так и внутри ферритовой пластины.

Очевидно, что для разработки спин-волновых устройств необходимо знать, при какой ориентации волнового вектора распределение магнитного потенциала ОСВ имеет точку экстремума непосредственно на поверхности ферритовой пластины и при какой ориентации волнового вектора на поверхности пластины реализуется наибольшее отношение амплитуд магнитных потенциалов, описывающих две волны с противоположно направленными волновыми векторами. Ответы на эти вопросы дают представленные ниже исследования, являющиеся логическим продолжением работ [16, 21].

### 1. ОСНОВНЫЕ СООТНОШЕНИЯ. ФИЗИЧЕСКИЙ СМЫСЛ НОРМИРОВАННОЙ АМПЛИТУДЫ МАГНИТНОГО ПОТЕНЦИАЛА Ψ<sup>H</sup><sub>0</sub>(x)

Рассмотрим бесконечную пластину 2 толщиной *s* из изотропного феррита (рис. 1а). Пластина 2, окруженная полупространствами вакуума 1 и 3, намагничена до насыщения касательным однородным магнитным полем  $\overline{H_0}$  и характеризуется тензором магнитной проницаемости  $\mu_2$ . Исполь-

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Исключением является случай, когда обе волны распространяются параллельно вектору внешнего магнитного поля в противоположных направлениях. Только в этом случае обе волны обладают *одинаковым* распределением магнитного потенциала в сечении ферритовой пластины и поэтому возбуждаются с одинаковой амплитудой.



**Рис. 1.** Геометрия задачи в пространстве (а) и в плоскости ферритовой пластины (б) (вид со стороны поверхности x = 0):  $I \, u \, 3$  – полупространства вакуума, 2 – ферритовая пластина (пленка); 4 – ось симметрии бесконечной касательно намагниченной ферритовой пластины; Пр1 и Пр2 – симметричные друг другу при повороте относительно оси 4 преобразователи, лежащие соответственно на поверхностях x = 0 и x = s. Изображены волновые векторы  $\vec{k}(\phi)$  и  $\vec{k}(\phi - \pi), \vec{k}(-\phi)$ и  $\vec{k}(\pi - \phi)$ , их ориентации  $\phi$  и  $\phi - \pi, -\phi$  и  $\pi - \phi$  и соответствующие векторы групповой скорости  $\vec{V}(\phi)$  и  $\vec{V}(\phi - \pi), \vec{V}(-\phi)$  и  $\vec{V}(\pi - \phi)$  для волн, возбуждаемых преобразователями Пр1 и Пр2 соответственно ( $\vec{k}$  и  $\vec{V}$ для полезных волн показаны жирными векторами).

зуя уравнения Максвелла в магнитостатическом и безобменном приближениях и вводя магнитный потенциал  $\Psi$  по аналогии с работой [1], можно получить уравнения для потенциала  $\Psi_2$  и потенциалов  $\Psi_1$  и  $\Psi_3$  внутри и вне ферритовой пластины. Подставляя решение для магнитного потенциала

$$\begin{cases} \Psi_1 = C \exp(-k_{1x}x - ik_yy - ik_zz) \\ \Psi_2 = (A \sin(k_{2x}x) + B \cos(k_{2x}x)) \times \\ \times \exp(-ik_yy - ik_zz) \\ \Psi_3 = D \exp(k_{3x}x - ik_yy - ik_zz) \end{cases}$$
(1)

в граничные условия (определяемые непрерывностью нормальной компоненты СВЧ магнитной индукции и потенциала на границах сред), получим систему уравнений

$$A\cos(k_{2x}s) - B\sin(k_{2x}s) + \frac{vk_y}{\mu k_{2x}} \times (A\sin(k_{2x}s) + B\cos(k_{2x}s)) = -\frac{k_{1x}C\exp(k_{1x}s)}{\mu k_{2x}}, (2)$$
$$\mu k_{2x}A + vk_yB = k_{1x}D$$
$$A\sin(k_{2x}s) + B\cos(k_{2x}s) = C\exp(k_{1x}s)$$
$$B = D$$

где  $\mu = 1 + \omega_M \omega_H / (\omega_H^2 - \omega^2)$  и  $\nu = \omega_M \omega / (\omega_H^2 - \omega^2) -$ компоненты тензора магнитной проницаемости феррита,  $\omega_H = \gamma H_0$ ,  $\omega_M = 4\pi\gamma M_0$ ,  $\omega = 2\pi f$ ,  $\gamma -$  гиромагнитная постоянная,  $4\pi M_0$  – намагниченность насыщения феррита, f – частота волны, A, B, C, D – произвольные коэффициенты, а  $k_{1x}$ ,  $k_{2x}$ ,  $k_{3x}$ ,  $k_y$  и  $k_z$  – компоненты волнового вектора (причем  $k_{1x}$ ,  $k_{2x}$  и  $k_{3x}$  – положительные числа), связанные соотно-

шениями  $k_{1x} = k_{3x} = (k_y^2 + k_z^2)^{1/2}, k_{2x} = (-k_y^2 - k_z^2/\mu)^{1/2}.$ Для описания ОСВ в полярной системе координат воспользуемся соотношениями  $y = -r\sin\varphi$ ,  $z = r\cos\varphi$  и введем волновой вектор  $\vec{k}$ , модуль которого k связан с волновыми числами  $k_y$ ,  $k_z$ ,  $k_{1x}$  и  $k_{2x}$  соотношениями  $k_y = -k\sin\varphi$ ,  $k_z = k\cos\varphi$ ,  $k_{2x} =$  $= \alpha k$  и  $k_{1x} = k$ , где

$$\alpha = \sqrt{-\frac{\cos^2 \varphi}{\mu} - \sin^2 \varphi},$$
 (3)

а  $\phi$  — угол, задающий ориентацию вектора k относительно оси z (углы при исследовании ОСВ удобно отсчитывать от оси z, являющейся для этой волны осью коллинеарного распространения). В полярной системе координат связь между коэффициентами A, B, C и D, следующая из системы (2), и дисперсионное уравнение ОСВ, полученное в результате решения (2), имеют вид

$$A = \frac{1 + v \sin \varphi}{\alpha \mu} B,$$

$$C = \left(\frac{1 + v \sin \varphi}{\alpha \mu} \sin(\alpha ks) + \cos(\alpha ks)\right) B \exp(ks), \quad (4)$$

$$D = B,$$

$$\frac{1}{\mu} + \cos^2 \varphi + \mu_{\perp} \sin^2 \varphi + 2\alpha \operatorname{ctg}(\alpha ks) = 0, \quad (5)$$

стях пластины x = 0 и x = s, отображаются при данном повороте друг на друг $a^2$ , то и зависимости

где введено обозначение  $\mu_{\perp} = (\mu^2 - \nu^2)/\mu$ . Из уравнения (5) величину k можно явно выразить через угол ф и параметры ферритовой пластины

$$k = \Phi(\varphi, f) =$$

$$= \frac{1}{\alpha s} \left[ (m-1)\pi + \operatorname{arcctg}\left(\frac{1/\mu + \cos^2 \varphi + \mu_{\perp} \sin^2 \varphi}{-2\alpha}\right) \right], (6)$$

где номер моды *т* принимает значения натуральных чисел (m = 1, 2, 3, ...).

Подставляя (4) в (1), запишем магнитный потенциал  $\Psi_i$  внутри и вне пленки (j = 1, 2 или 3) в виде  $\Psi_j = \Psi_{j0} \exp(-ikr)$ , где амплитуды потенциала  $\Psi_{j0}$  в каждой среде определяются выражениями

$$\Psi_{10} = B \left[ \frac{1 + v \sin \phi}{\alpha \mu} \sin(\alpha ks) + \cos(\alpha ks) \right] \times \\ \times \exp(ks - kx),$$

$$\Psi_{20} = B \left[ \frac{1 + v \sin \phi}{\alpha \mu} \sin(\alpha kx) + \cos(\alpha kx) \right],$$

$$\Psi_{20} = B \exp(kx).$$
(7)

Для краткости амплитуду потенциала, состоящую из трех функций  $\Psi_{10}$ ,  $\Psi_{20}$  и  $\Psi_{30}$  обозначим  $\Psi_{0}$ . Точно также, через  $\Psi_0^{\rm H}$  обозначена *нормированная* амплитуда потенциала

$$\Psi_0^{\rm H} = \Psi_0 / (B \Psi_{0\rm Makc}(\phi)), \qquad (8)$$

где нормировочная величина  $\Psi_{0_{Makc}}(\phi)$  представляет собой максимальное значение модуля функции  $\Psi_{20}/B$  на отрезке  $0 \le x \le s$ . (Выражение для величины  $\Psi_{0\text{макс}}(\phi)$  получено далее, см. формулу (11).)

Распределение амплитуды  $\Psi_0^{H}(x)$ , рассчитанное в соответствии с (8) при различных значениях ф для первой и второй мод ОСВ, показано на рис. 2. Расчеты выполнены для частоты ОСВ f = 2000 МГц и параметров поля и пленки, использованных в [16, 21, 22]:  $H_0 = 367 \ \Im$ ,  $4\pi M_0 = 1870 \ \Gamma c$ ,  $s = 82 \ MKM$ .

Поясним, чем отличаются нормированные и ненормированные зависимости  $\Psi_0^{\rm H}(x,\phi)$ И  $\Psi_0(x, \phi)$ . Поскольку *касательно* намагниченная ферритовая пластина симметрична самой себе при повороте на 180° вокруг единственной оси симметрии (см. рис. 1, ось 4), параллельной вектору  $H_0$  и проходящей через середину пластины, а одинаковые линейные преобразователи Пр1 и Пр2 (см. рис. 1б), расположенные на поверхноволн  $\Psi_0^{H}(x, \phi)$  и  $\Psi_0^{H}(x, -\phi)$ , возбуждаемых этими преобразователями, должны быть симметричны.

Действительно, из рис. 2 видно, что эти зависимости либо иентрально симметричны (для нечетных мод), либо зеркально симметричны (для четных мод). Для ненормированных зависимостей  $Ψ_0(x, φ)$  и  $Ψ_0(x, -φ)$  такая симметрия не имеет места<sup>3</sup>, поэтому они неадекватно описывают соотношение амплитуд при тождественных геометриях возбуждения волн, хотя и могут использоваться лля вычислений.

## 2. УГЛЫ $\phi_{_{3KCT}}$ , ПРИ КОТОРЫХ ЗАВИСИМОСТЬ $\Psi_0^{_{\rm H}}(x)$ ИМЕЕТ ТОЧКУ ЭКСТРЕМУМА НА ПОВЕРХНОСТИ ФЕРРИТОВОЙ ПЛАСТИНЫ ДЛЯ ВСЕХ МОД ОСВ

Как видно из рис. 2, при  $\phi = 0$  и  $\phi = 180^{\circ}$  pac-

пределение потенциала  $\Psi_0^{\rm H}(x)$  имеет одинаковую (по абсолютной величине) амплитуду на обеих поверхностях пластины (кривые 1), причем это распределение имеет m - 1 точек экстремума, в которых  $\partial \Psi_0^{\scriptscriptstyle \mathrm{H}} / \partial x = 0$ . То есть для первой моды зависимость  $\Psi_0^{H}(x)$  не имеет точек экстремума, для второй моды имеет одну точку экстремума и т.д. С изменением угла ф (в любую сторону от направлений  $\phi = 0$  и  $\phi = 180^{\circ}$ ) при некоторых значениях

 $\varphi = \pm \varphi_{\mathsf{экст}}$  и  $\varphi = \pi \pm \varphi_{\mathsf{экст}}$  на зависимости  $\Psi_{20}^{\mathsf{H}}(x)$ возникает еще одна т-я точка экстремума, локализованная на одной из поверхностей пластины. При дальнейшем изменении угла  $\phi$  эта *m*-я точка экстремума смещается от поверхности к середине пластины (см. рис. 2, кривые 2-7).

Для вычисления угла  $\phi_{\scriptscriptstyle \mathsf{экст}}$  найдем вначале координату  $x = x_{\operatorname{экст}}$ , которая соответствует точке экстремума на зависимости  $\Psi_{20}^{H}(x)$ . Чтобы определить эту координату найдем производную  $\partial \Psi_0^{\rm H} / \partial x$ , продифференцировав выражение (8) и приравняем ее нулю:

$$\frac{1+\nu\sin\phi}{\mu}\cos(\alpha kx_{_{\rm 3KCT}}) - \alpha\sin(\alpha kx_{_{\rm 3KCT}}) = 0.$$
(9)

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Фактически речь идет о тождественных геометриях возбуждения волн.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Кратко это можно объяснить так: полагая, например, в (7) B = 0.86 для приведенных выше параметров и  $\phi = 23.9^{\circ}$  получим кривую 3 на рис. 2а, для которой в точке  $G \Psi_{20}(x = 0) =$ = 0.86. Однако чтобы при  $\phi = -23.9^{\circ}$  мы получили бы в точке *L* на кривой 6 рис. 26  $\Psi_{20}(x = s) = -0.86$ , необходимо в (7) положить B = 0.298 (если же оставить B = 0.86 при  $\phi =$  $-23.9^{\circ}$ , то получим в точке L на кривой  $6 \Psi_{20}(x = s) = -2.49$ , а в точке  $H - \Psi_{20}(x = 0) = 0.86$ ). Таким образом, нормиров-

ка обеспечивает необходимую симметрию кривых  $\Psi_0^{H}(x, \varphi)$ и  $\Psi_0^{\rm H}(x, -\phi)$  и удобство отображения всех кривых на одном рисунке.

ЛОКК



**Рис. 2.** Нормированное распределение амплитуды магнитного потенциала  $\Psi_0^H(x)$  для первой (а и б) и второй (в и г) мод ОСВ при f = 2000 МГц и следующих положительных (а и в) и отрицательных (б и г) значениях угла  $\varphi$ : 0° и 180° (1),  $\varphi_{9\kappa cT1} = 16.3^{\circ}$  и  $\varphi_{9\kappa cT2} = 163.7^{\circ}$  (2),  $\varphi_{R1} = 23.9^{\circ}$  и  $\varphi_{R2} = 156.1^{\circ}$  (3), 40° и 160° (4),  $\varphi_{9\kappa cT4} = -16.3^{\circ}$  и  $\varphi_{9\kappa cT3} = -163.7^{\circ}$  (5),  $\varphi_{R4} = -23.9^{\circ}$  и  $\varphi_{R3} = -156.1^{\circ}$  (6),  $-40^{\circ}$  и  $-160^{\circ}$  (7). Координаты x = 0, x = s/2 = 41 мкм и x = s = 82 мкм обозначены прямыми 8-10, причем прямая 9 является осью зеркальной симметрии, при которой кривые  $\Psi_0^H(x)$  на рис. 2в симметричны кривым  $\Psi_0^H(x)$  на рис. 2г. Для первой моды ОСВ точками G, H, K и L отмечены значения  $\Psi_0^H(x = 0)$  и  $\Psi_0^H(x = s)$  на кривых 3 и 6, а точкой S – центр симметрии, при которой кривые  $\Psi_0^H(x)$  на рис. 2a симметричны кривым  $\Psi_0^H(x)$  на рис. 26.

Из уравнения (9) легко найти координату  $x_{3 \text{кст}}$ :

$$x_{_{\Im KCT}} = \frac{1}{\alpha k} \operatorname{arctg}\left(\frac{1 + \nu \sin \varphi}{\alpha \mu}\right). \tag{10}$$

Получим также выражение для нормировочной величины  $\Psi_{0_{Makc}}(\phi)$ , стоящей в формуле (8). Подставляя  $\sin(\alpha kx_{_{3KCT}})$  из соотношения (9) в (7), используя соотношение  $\cos(\alpha kx_{_{3KCT}}) = 1/(1 + tg^2(\alpha kx_{_{3KCT}}))^{1/2}$  и учитывая (10), можно найти значение зависимости  $\Psi_{20}(x)$  в точке экстремума при  $x = x_{3 \text{кст}}$  и записать следующее выражение для нормировочной величины  $\Psi_{0 \text{макс}}(\varphi)$ :

$$\Psi_{0_{MAKC}}(\phi) = \sqrt{1 + \frac{(1 + \nu \sin \phi)^2}{\alpha^2 \mu^2}}.$$
 (11)

Отметим, что зависимость  $\Psi_{20}(x)$  для первой моды ОСВ не имеет точек экстремума для углов  $\varphi$  из интервалов значений  $-\varphi_{\text{экстl}} < \varphi < \varphi_{\text{экстl}}$  и  $\pi - \varphi_{\text{экстl}} <$ 

271

 $<\phi<\pi+\phi_{_{
m SKCT1}}$ . Поэтому, чтобы получить норми-

рованное распределение  $\Psi_{20}^{H}(x)$  для таких углов  $\varphi$ , необходимо нормировать зависимость  $\Psi_{20}(x)$  на максимальное значение, реализующееся на одной из поверхностей пленки.

Найдем теперь из выражения (9) параметры волны, при которых зависимость  $\Psi_{20}^{\text{H}}(x)$  имеет точку экстремума (максимум) прямо на поверхности ферритовой пленки при x = 0 (рис. 2а, кривая 2). Полагая в (9)  $x_{_{ЭКСТ}} = 0$ , получим простое уравнение для вычисления угла  $\varphi_{_{ЭКСТ}}$ 

$$1 + v \sin \varphi_{\mathsf{ЭКСТ}} = 0. \tag{12}$$

В интервале значений –  $\pi < \phi_{_{3KCT}} \le \pi$  уравнение (12) имеет два решения,  $\phi_{_{3KCT1}}$  и  $\phi_{_{3KCT2}} = \pi - \phi_{_{3KCT1}}$ , причем величина  $\phi_{_{3KCT1}}$  определяется выражением

$$\varphi_{\mathsf{PKCT1}} = -\arcsin(1/\nu). \tag{13}$$

Поскольку  $\nu < 0$  во всем диапазоне существования OCB, то угол  $\phi_{_{3\kappa ctl}}$  — величина положительная.

Из справедливости уравнения (12) следует, что при  $\varphi = \varphi_{_{3KCT}}$  коэффициент *A* в (4) равен нулю, нормировочная величина в (11)  $\Psi_{_{0MAKC}}(\varphi_{_{3KCT}})$  равна единице, а зависимость  $\Psi_{_{20}}^{^{H}}(x, \varphi_{_{3KCT}})$ , определяемая выражением (8), представляет собой обычную косинусоиду

$$\Psi_{20}^{\rm H}(x,\varphi_{\rm 3KCT}) = \cos(\alpha kx), \qquad (14)$$

где следует использовать значения  $\alpha$  и k при  $\phi = \phi_{\text{экст}}$ .

Для нахождения угла  $\phi_{3\kappa cr}$ , при котором зависимость  $\Psi_{20}^{H}(x)$  имеет точку экстремума<sup>4</sup> на поверхности x = s, положим в (9)  $x_{3\kappa cr} = s$ . В итоге получим

$$tg(\alpha ks) = (1 + \nu \sin \varphi) / \alpha \mu.$$
 (15)

Находя величину  $tg(\alpha ks)$  из соотношения (5) и подставляя ее в (15), получим уравнение

$$(1 + \nu \sin \varphi) \left( \frac{1}{\mu} + \cos^2 \varphi + \mu_{\perp} \sin^2 \varphi \right) + 2\alpha^2 \mu = 0.(16)$$

Раскрывая скобки, учитывая (3) и приводя подобные, можно разложить уравнение (16) на множители, одним из которых является множитель  $1 - v \sin \phi_{_{экст}}$ . То есть для вычисления угла  $\phi_{_{экст}}$ получаем простое уравнение

$$1 - v \sin \varphi_{\text{экст}} = 0. \tag{17}$$

В интервале значений  $-\pi < \phi_{_{3KCT}} \le \pi$  уравнение (17) имеет два решения,  $\phi_{_{3KCT3}} = \phi_{_{3KCT1}} - \pi u \phi_{_{3KCT4}} =$  $= -\phi_{_{3KCT1}}$ , где величина  $\phi_{_{3KCT1}}$  определяется выражением (13).

Таким образом, зависимость  $\Psi_0^{H}(x)$  имеет точку экстремума непосредственно на одной из поверхностей ферритовой пластины при четырех углах  $\phi_{_{3KCT1}} = -\arcsin(1/\nu)$ ,  $\phi_{_{3KCT2}} = \pi - \phi_{_{3KCT1}}$ ,  $\phi_{_{3KCT3}} = \phi_{_{3KCT1}} - \pi u \phi_{_{3KCT4}} = - \phi_{_{3KCT1}}$ .

Следует отметить, что все формулы, приведенные в этом разделе, справедливы *для всех мод* ОСВ.

Зависимости углов  $\phi_{3\kappa cr1}$ ...  $\phi_{3\kappa cr4}$  от частоты волны *f* удобно изображать в полярной системе координат вместе с зависимостями углов отсечки OCB  $\phi_{orc}^{OCB}(f)$  и углов отсечки поверхностной спиновой волны (ПСВ)  $\phi_{orc}^{\Pi CB}(f)$  (рис. 3, кривые *1*–4, *5*–8 и 9–12 соответственно). Напомним, что углами отсечки спиновой волны называют углы, при которых  $k \to \infty$ , т.е. углы наклона асимптот изочастотной зависимости<sup>5</sup>. Таким образом, каждый угол отсечки определяет предельную ориентацию волнового вектора при данной частоте.

На рис. 3 также отмечены области  $\phi_{OCB}$  и  $\phi_{\Pi CB}$ , соответствующие всем возможным ориентациям волнового вектора для ОСВ и ПСВ в ферритовой пластине (подробнее см. [21]). Анализируя рис. 2 и 3, можно отметить следующие свойства и особенности представленных зависимостей.

Зависимости  $\varphi_{3\kappaст1}(f) - \varphi_{3\kappaст4}(f)$  (см. рис. 3 кривые *1*-4) и зависимости углов отсечки ПСВ  $\varphi_{orc1}^{\Pi CB}(f) - \varphi_{orc4}^{\Pi CB}(f)$  (кривые 9–12) имеют с окружностью  $f_{\perp} = \omega_{\perp}/2\pi = \sqrt{\omega_{H}^{2} + \omega_{H}\omega_{M}}/2\pi = 2539$  МГц (см. рис. 3, *18*) общие точки при значениях углов  $\varphi_{orc1}^{\Pi CB}(f_{\perp}), \quad \varphi_{orc2}^{\Pi CB}(f_{\perp}) = \pi - \varphi_{orc1}^{\Pi CB}(f_{\perp}), \quad \varphi_{orc3}^{\Pi CB}(f_{\perp}) =$  $= \varphi_{orc1}^{\Pi CB}(f_{\perp}) - \pi \, \mu \, \varphi_{orc4}^{\Pi CB}(f_{\perp}) = -\varphi_{orc1}^{\Pi CB}(f_{\perp}), \, где \, \varphi_{orc1}^{\Pi CB}(f_{\perp})$ называют *максимальным* углом отсечки ПСВ при  $f \rightarrow f_{\perp}$  и находят по формуле<sup>6</sup>, полученной в [1]

$$\varphi_{\text{orcl}}^{\text{IICB}}(f_{\perp}) = \pi/2 - \operatorname{arctg} \sqrt{\omega_M / \omega_H}.$$
 (18)

Поскольку при заменах  $\varphi$  на  $\pi - \varphi$  и  $-\varphi$  на  $\varphi - \pi$ выражения (3), (6), (8) и (11) не меняются, то любой точке  $N(f, \varphi)$  из областей  $\varphi_{OCB}$  или  $\varphi_{\Pi CB}$  и точке  $N_y(f, \pi - \varphi)$ , симметричной точке N относительно оси y, соответствуют волны с *одинаковыми* 

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Имеется в виду точка минимума на кривой 5 рис. 26.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Напомним, что изочастотная зависимость волны представляет собой сечение дисперсионной поверхности волны  $f(k_y, k_z)$  или  $f(k, \varphi)$  плоскостью постоянной частоты f = const.Поскольку изочастотные зависимости ОСВ и ПСВ похожи на гиперболы (см., например, [17]), то эти зависимости характеризуются асимптотами. Подробнее термины "изочастотная зависимость" и "угол отсечки" обсуждаются в [17], а применительно к ОСВ – в [21]. Зависимость углов отсечки от частоты впервые получена для ПСВ в работе [24], а для ОСВ – в [21, 22], где в обеих работах в формуле для угла отсечки ОСВ, к сожалению, опечатка (ниже приведена корректная формула (32)).

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Слагаемое π/2 появилось из-за отсчета углов относительно оси z. В литературе же выражение (18) обычно записывают без этого слагаемого [1, 4–6], поскольку при описании ПСВ углы принято отсчитывать от оси y.



**Рис. 3.** Зависимости углов  $\phi_{3\kappact1} - \phi_{3\kappact4}$  (кривые 1–4), углов отсечки волнового вектора ОСВ  $\phi_{otc1}^{OCB} - \phi_{otc4}^{OCB}$  (кривые 5–8) и углов отсечки волнового вектора ПСВ  $\phi_{otc1}^{\PiCB} - \phi_{otc4}^{\PiCB}$  (кривые 9–12) от частоты волны *f*. Отрезки 13–16 соответствуют значениям углов максимальной невзаимности ОСВ  $\phi_{R1} - \phi_{R4}$ , а окружности 17, 18 и 19 соответствуют значениям частот  $f_H = \omega_H/2\pi = 1029 \text{ M}\Gamma\mu$ ,  $f_\perp = \omega_\perp/2\pi = 2539 \text{ M}\Gamma\mu$  и  $f = (\omega_H + \omega_M/2)/2\pi = 3649 \text{ M}\Gamma\mu$ . На диаграмме показаны области  $\phi_{OCB}$  и  $\phi_{\PiCB}$ , соответствующие множеству всех возможных ориентаций волнового вектора обратной и поверхностной волн в ферритовой пластине.

зависимостями амплитуды магнитного потенциала, т.е.

$$Ψ_0^{H}(x, f, φ) = Ψ_0^{H}(x, f, π - φ)$$

$$u Ψ_0^{H}(x, f, -φ) = Ψ_0^{H}(x, f, φ - π).$$
(19)

В то же время точке  $N(f, \varphi)$  и точке  $N_z(f, -\varphi)$ , симметричной точке N относительно оси z, соответствуют волны с *разными*, *хотя и симметричными* (как показано в разделе 1) зависимостями амплитуд  $\Psi_0^{\rm H}(x, f, \varphi)$  и  $\Psi_0^{\rm H}(x, f, -\varphi)$ .

Из симметрии зависимостей  $\Psi_0^{\rm H}(x, f, \varphi)$  и  $\Psi_0^{\rm H}(x, f, -\varphi)$  и равенств (19) следует, что соотношения между четырьмя зависимостями  $\Psi_0^{\rm H}(x, \varphi)$ ,  $\Psi_0^{\rm H}(x, \pi - \varphi)$ ,  $\Psi_0^{\rm H}(x, -\varphi)$  и  $\Psi_0^{\rm H}(x, \varphi - \pi)$  фиксированы, и этот факт позволяет найти отношение между амплитудами двух волн с противоположно направленными волновыми векторами (см. разд. 3).

# 3. УГЛЫ МАКСИМАЛЬНОЙ НЕВЗАИМНОСТИ ОСВ $\phi_R$

При возбуждении волн линейным преобразователем, может потребоваться осуществить эксперимент, в котором невзаимное свойство ОСВ проявляется в максимальной степени, т.е. когда на одной из поверхностей ферритовой пластины реализуется *наибольшее* отношение *R* амплитуд

потенциалов  $\Psi_0^{\text{H}}$  двух волн с противоположно направленными волновыми векторами. Для расчета таких геометрий возбуждения обозначим ампли-

туды потенциала  $\Psi_{20}^{\text{H}}$  при некоторых *произвольных* ориентациях волнового вектора  $\varphi$  и  $\varphi - \pi$  точками *G* и *H* на поверхности пластины x = 0 и точками *K* и *L* на поверхности x = s (см. рис. 2 кривые *3* и *6*). Так как зависимости  $\Psi_{0}^{\text{H}}(x, f, \varphi)$  и  $\Psi_{0}^{\text{H}}(x, f, \varphi - \pi)$  центрально симметричны (для нечетных мод) либо зеркально симметричны (для четных мод), то

искомое отношение R для поверхностей x = 0 и x = s можно записать соответственно в виде<sup>7</sup>

$$R = \frac{\Psi_{20}^{\rm H}(G)}{\Psi_{20}^{\rm H}(H)} = \frac{\Psi_{20}^{\rm H}(x=0,\varphi)}{\Psi_{20}^{\rm H}(x=0,\varphi-\pi)},$$
(20)

$$\frac{1}{R} = \frac{\Psi_{20}^{\text{H}}(K)}{\Psi_{20}^{\text{H}}(L)} = \frac{\Psi_{20}^{\text{H}}(x = s, \varphi)}{\Psi_{20}^{\text{H}}(x = s, \varphi - \pi)}.$$
(21)

Отношение амплитуд  $\Psi_{20}^{\text{H}}$  при *ориентации* вектора  $\vec{k}$  под углом  $\varphi$  на поверхностях пластины x = 0 и x = s в соответствии с выражением (8) имеет вид

$$\frac{\Psi_{20}^{\rm H}(G)}{\Psi_{20}^{\rm H}(K)} = \frac{\Psi_{20}^{\rm H}(x=0,\phi)}{\Psi_{20}^{\rm H}(x=s,\phi)} = \\ = \left(\frac{1+\nu\sin\phi}{\alpha\mu}\sin(\alpha ks) + \cos(\alpha ks)\right)^{-1}.$$
 (22)

Для противоположной ориентации волнового вектора  $\phi - \pi$  отношение амплитуд потенциала  $\Psi_{20}^{\text{H}}$  на поверхностях пластины x = s и x = 0 будет равно

$$\frac{\Psi_{20}^{H}(L)}{\Psi_{20}^{H}(H)} = \frac{\Psi_{20}^{H}(x = s, \varphi - \pi)}{\Psi_{20}^{H}(x = 0, \varphi - \pi)} =$$

$$= \frac{1 - v \sin \varphi}{\alpha \mu} \sin(\alpha k s) + \cos(\alpha k s).$$
(23)

Так как зависимости  $\Psi_0^{H}(x, \varphi)$  и  $\Psi_0^{H}(x, \varphi - \pi)$  симметричны, то левые части выражений (22) и (23) равны, а их разность равна нулю<sup>8</sup>, т.е.

$$\frac{\Psi_{20}^{H}(G)}{\Psi_{20}^{H}(K)} = \frac{\Psi_{20}^{H}(L)}{\Psi_{20}^{H}(H)}$$
(24)  
IJIM 
$$\frac{\Psi_{20}^{H}(x=0,\phi)}{\Psi_{20}^{H}(x=s,\phi)} = \frac{\Psi_{20}^{H}(x=s,\phi-\pi)}{\Psi_{20}^{H}(x=0,\phi-\pi)}.$$

Поделив выражения (20) и (21), с учетом соотношений (22)–(24), получим

V

$$R^{2} = \frac{(1 - v \sin \phi) \sin(\alpha ks) + \alpha \mu \cos(\alpha ks)}{(1 + v \sin \phi) \sin(\alpha ks) + \alpha \mu \cos(\alpha ks)} =$$

$$= \frac{1 - v \sin \phi + \alpha \mu \operatorname{ctg}(\alpha ks)}{1 + v \sin \phi + \alpha \mu \operatorname{ctg}(\alpha ks)}.$$
(25)

Найдя величину ctg( $\alpha ks$ ) из уравнения (5) и подставив ее в (25), имеем

$$R = \sqrt{\frac{1 - \mu - 2\nu\sin\phi + (\mu - \mu^2 + \nu^2)\sin^2\phi}{1 - \mu + 2\nu\sin\phi + (\mu - \mu^2 + \nu^2)\sin^2\phi}}.$$
 (26)

Вычислим угол  $\phi_R$ , при котором  $\partial R/\partial \phi = 0$ . Дифференцируя выражение (26) по  $\phi$ , приравнивая нулю числитель полученного выражения и приводя подобные, получим уравнение

$$1 - \mu - \left(\mu - \mu^{2} + \nu^{2}\right)\sin^{2}\varphi_{R} = 0, \qquad (27)$$

из которого, используя выражения для  $\mu$  и V, можно вывести соотношения

$$\sin^{2} \varphi_{R} = \frac{1 - \mu}{\mu - \mu^{2} + \nu^{2}} = \frac{\omega_{H}}{\omega_{H} + \omega_{M}}$$
или  $\cos^{2} \varphi_{R} = \frac{\omega_{M}}{\omega_{H} + \omega_{M}}.$ 
(28)

Решениями уравнения (28) являются четыре угла  $\varphi_{R1}, \varphi_{R2} = \pi - \varphi_{R1}, \varphi_{R3} = \varphi_{R1} - \pi$  и  $\varphi_{R4} = -\varphi_{R1}, r_{R4}$  величина  $\varphi_{R1}$  определяется выражениями

$$\varphi_{R1} = \arcsin \sqrt{\omega_H / (\omega_H + \omega_M)}$$
  
или  $\varphi_{R1} = \arccos \sqrt{\omega_M / (\omega_H + \omega_M)}.$ 
(29)

Очевидно, что в силу справедливости соотношения (см. § 2.5.2.1.7 в [25])

$$\pi/2 - \operatorname{arctg} \sqrt{\theta} = \operatorname{arccos} \left[ \theta / \sqrt{1 + \theta^2} \right],$$
 (30)

углы, определяемые выражениями (29) и (18), тождественны:

$$\varphi_{R1} \equiv \varphi_{\text{orcl}}^{\Pi \text{CB}}(f_{\perp}), \qquad (31)$$

причем при выбранных параметрах  $\phi_{R1} = 23.9^{\circ}$ .

Таким образом, показано, что на обеих поверхностях ферритовой пластины x = s и x = 0 отношение нормированных амплитуд потенциалов *двух волн*, характеризующихся *противоположно* направленными волновыми векторами, имеет точки экстремума при *максимальных углах отсечки* ПСВ  $\phi_{\text{отс1}}^{\text{пСВ}}(f_{\perp}) \dots \phi_{\text{отс4}}^{\text{пСВ}}(f_{\perp})$ , которые применительно к ОСВ можно кратко называть *углами максимальной невзаимности*  $\phi_{R1} \dots \phi_{R4}$ .

Отметим, что ранее [18] отмечалось следующее: "Вблизи критического угла<sup>9</sup>  $\alpha_c$  значение пространственной фазы объемных МСВ на верхней поверхности близко к значению  $\pi/2$ , при котором магнитостатический потенциал  $\Psi$  достигает своего макси-

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup> В работе [13] отмечалось, что для отношения амплитуд потенциала на поверхностях ферритовой пластины (это отношение в [13] обозначено через α) справедливо соотношение

 $<sup>\</sup>alpha(\overline{-H_0}) = \alpha^{-1}(\overline{H_0})$ , хотя формула для расчета величины  $\alpha$  в [13] не приведена.

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Это можно доказать и математически, для чего надо вычесть правые части выражений (22) и (23), привести их к общему знаменателю и, найдя величину  $ctg(\alpha ks)$  из уравнения (5), подставить ее в результирующее выражение.

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> В работе [18] угол  $φ_{\text{отс1}}^{\Pi \text{CB}}(f_{\perp})$ , описываемый формулой (18), обозначен через α<sub>с</sub>.



**Рис. 4.** Отношение нормированных амплитуд потенциала *R* двух ОСВ, характеризующихся противоположно направленными волновыми векторами, на поверхности x = 0 в зависимости от ориентации  $\varphi$  волнового вектора для следующих значений частоты: f = 2450 (*1*), 2350 (*2*), 2000 (*3*),  $f_R = 1393.6$  (*4*), 1150 МГц (*5*). Углы максимальной невзаимности:  $\varphi_{R1} = 23.9^{\circ}$  (*6*) и  $\varphi_{R4} = -23.9^{\circ}$  (*7*). Значения, соответствующих частот, отмечены на кривых кружочками.

мума. Это соответствует наибольшей невзаимности (т.е. наибольшей асимметрии распределения функции  $\Psi$  по толщине пленки)". Эти утверждения не совсем корректны: на поверхности пленки маг-

нитостатический потенциал  $\Psi_0^{H}$  достигает своего максимума для первой моды ОСВ в интервале углов  $0 \le \phi \le \phi_{\mbox{\tiny ЭКСТ1}}$  (см. рис. 2а), а для второй моды при угле  $\phi = \phi_{3\kappa c\tau 1}$  (см. рис. 2в), но не при  $\phi = \phi_{R1}$ (как утверждают авторы [18]); наибольшая асимметрия распределения функции  $\Psi_0^{\text{н}}$  имеет место не "вблизи", а точно при  $\phi = \phi_{R1}$ . В аннотации же работы [18] написано, что "направление волнового вектора ..., которое совпадает с углом отсечки для поверхностных МСВ, ... соответствует наибольшей асимметрии распределения магнитостатического потенциала по толщине пленки". Поскольку в работе [18] это утверждение не доказано, то следует считать его предположением, которое, тем не менее, оказалось справедливым и доказано в данной работе.

Вернемся к обсуждению полученных результатов. Как видно из рис. 3, отрезки 13-16, соответствующие углам  $\varphi_{R1}...\varphi_{R4}$ , пересекают кривые 5-8, описывающие углы отсечки ОСВ  $\varphi_{\text{отс1}}^{\text{ОСВ}}...\varphi_{\text{отс4}}^{\text{ОСВ}}$ , на некоторой граничной частоте  $f_R$ . Очевидно, возникают следующие вопросы: чему равна величина  $f_R$  и имеет ли зависимость  $R(\varphi)$  точки экстремума на частотах, меньших значения  $f_R$ . Ответить можно, анализируя зависимости  $R(\varphi)$ , рассчитанные по формулам (20) и (26) при различных значениях частоты f (рис. 4): для частот  $f > f_R$  зависимости  $R(\varphi)$  (кривые 1 - 3) имеют максимум при  $\varphi = \varphi_{R1} = 23.9^\circ$  и минимум при  $\varphi = \varphi_{R4} = -23.9^\circ$ . Однако с уменьшением f интервал углов, в котором существуют ОСВ, тоже уменьшается и при  $f = f_R$  зависимость  $R(\varphi)$  имеет экстремумы при значениях  $\varphi$ , равных одновременно углам  $\varphi_{R1}$ ,  $\varphi_{R4}$  и уг-

лам отсечки ОСВ  $\phi_{\text{отс1}}^{\text{ОСВ}}$ ,  $\phi_{\text{отс4}}^{\text{ОСВ}}$  (см. рис. 4 кривая 4), описываемым выражениями [21]

Таким образом, из условия  $\varphi_{R1} = \varphi_{otc1}^{OCB}$  легко вычислить значение граничной частоты  $f_R$ . Приравнивая выражения (29) и (32) найдем

$$\omega_R = 2\pi f_R = \omega_H \sqrt{1 + \frac{\omega_M}{\omega_H + \omega_M}}.$$
 (33)

При используемых параметрах пластины и поля получим  $f_R = 1393.6 \text{ M}$ Гц.

Для частот  $f < f_R$  зависимость  $R(\varphi)$  не имеет точек экстремума (кривая 5 на рис. 4) и величина R принимает наибольшее и наименьшее значения при углах близких к углам отсечки ОСВ  $\varphi \rightarrow \varphi_{\text{отс}}^{\text{OCB}}$ .

Таким образом, как видно из рис. 4, отношение *R* нормированных амплитуд потенциалов двух волн с противоположными ориентациями волновых векторов  $\phi_{R1}$  и  $\phi_{R1} - \pi$  максимально, а при ориентациях  $\phi_{R4}$  и  $\phi_{R4} - \pi$  – минимально. Для сравнения на зависимостях *R*( $\phi$ ) отмечены значе-

ния  $R(\varphi_{3\kappa c \tau 1})$  и  $R(\varphi_{3\kappa c \tau 4})$ , при которых величина  $\Psi_0^{H}$ на одной из поверхностей ферритовой пластины максимальна (см. рис. 4, кружочки). Как видно, для частот, лежащих вблизи начальной частоты спектра OCB  $f_{\perp} = \omega_{\perp}/2\pi$ , значения углов  $\varphi_{3\kappa c \tau 1}$ ,  $\varphi_{3\kappa c \tau 4}$  и  $\varphi_{R1}$ ,  $\varphi_{R4}$  близки (что видно из сравнения кривых 1-4 и 13-16).

### 4. ОБСУЖДЕНИЕ ПОЛУЧЕННЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ И ВОЗМОЖНОСТИ ИХ ПРАКТИЧЕСКОГО ИСПОЛЬЗОВАНИЯ

Полученные выше результаты могут быть использованы на практике для возбуждения в ферритовой пластине ОСВ с определенными свойствами. Поэтому рассмотрим кратко *особенности* возбуждения спиновых волн линейным преобразователем. Пусть на поверхности пластины x = 0 расположен линейный преобразователь, у кото-

рого одна (любая) из нормалей параллельна<sup>10</sup> волновому вектору  $\vec{k}$  и наклонена к вектору  $\vec{H_0}$  под углом  $\varphi$ . Как известно, лишь часть СВЧ-энергии, подводимая к преобразователю, расходуется на возбуждение "полезной" волны с ориентацией вектора  $\vec{k}$  под углом  $\varphi$ , другая же часть энергии тратится на возбуждение "побочной" волны с противоположной ориентацией вектора  $\vec{k}$  под углом  $\varphi - \pi$ .

На практике важно уметь определять направления распространения полезной и побочной волн. Из рис. 2 видно, что волнам, у которых абсолютное значение амплитуды потенциала на поверхности x = 0 больше, чем на поверхности x = s(т.е.  $|\Psi_0^{H}(x=0,f,\phi)| > |\Psi_0^{H}(x=s,f,\phi)|$ ), соответствуют точки области  $\phi_{OCB}$ , лежащие *выше* оси *z* на рис. 3. Очевидно, что если на поверхности x = 0расположить линейный преобразователь, то возбуждаемой им полезной волне на рис. 3 будут соответствовать именно эти точки области фосв, а побочной волне – точки, лежащие ниже оси z. При этом ориентации ф, описывающие полезную волну, лежат в интервалах значений  $0 < \phi < \phi_{\text{orcl}}^{\text{OCB}}$  и  $\phi_{\text{отс2}}^{\text{ОСВ}} < \phi < \pi$ , а ориентации  $\phi$ , описывающие побочную волну — в интервалах значений — $\pi < \phi <$  $< \phi_{\text{отс3}}^{\text{ОСВ}}$  и  $\phi_{\text{отс4}}^{\text{ОСВ}} < \phi < 0$ . Точно также волнам, у которых амплитуда на поверхности x = s *больше*, чем на поверхности x = 0 (т.е.  $|\Psi_0^{H}(x = s, f, \varphi)| >$ >  $|\Psi_0^{\rm H}(x=0, f, \phi)|$ ), соответствуют точки области  $\phi_{\rm OCB}$ , лежащие *ниже* оси *z* на рис. 3. Очевидно, что если возбуждать OCB со стороны поверхности x = s, то все будет наоборот: полезной волне будут соответствовать точки области фосв, лежащие ниже оси z, а побочной – точки, лежащие выше оси z на рис. 3 (и соответствующие интервалы значений ф, лежащие ниже или выше оси z).

Отмеченные выше свойства ОСВ наглядно отображает также рис. 16, где волновые векторы  $\vec{k}$ и соответствующие им векторы групповой скорости  $\vec{V}$ , изображенные жирными стрелками, описывают полезные волны, возбуждаемые преобразователями Пр1 и Пр2. Напомним, что для приема волн в анизотропных средах именно в направлении вектора  $\vec{V}$  следует располагать приемный преобра-

зователь, но ориентировать его необходимо так же, как возбуждающий преобразователь.

РАДИОТЕХНИКА И ЭЛЕКТРОНИКА том 65 № 3 2020

Следует также отметить, что в соответствии с работой [16], отношение амплитуд полезной и побочной волн  $R_{_{ЭКСП}}$  в эксперименте примерно равно<sup>11</sup> отношению амплитуд магнитного потенциала этих волн R на поверхности ферритовой пластины, где расположен преобразователь.

Таким образом, из сказанного следует, что, например, для первой моды OCB с частотой f == 2000 МГц при ориентации преобразователя под углом  $\phi = \phi_{R1} = 23.9^{\circ}$  кроме полезной волны (соответствующей ориентации волнового вектора  $(\phi_{R1})$  возбудится еще и побочная волна с ориентацией волнового вектора  $\phi - \pi = \phi_{R3} = -156.1^{\circ}$ , причем отношение амплитуд полезной и побочной волн должно быть примерно равно отношению нормированных амплитуд их потенциалов  $R(\varphi_{R1} = 23.9^{\circ}) = \Psi_0^{\scriptscriptstyle H}(G) / \Psi_0^{\scriptscriptstyle H}(H) = 0.865 / 0.298 = 2.9$  (см. рис. 2 и кривую *3* на рис. 4). Для частоты ОСВ  $f = 2450 \text{ M}\Gamma$ ц и той же ориентации преобразователя получим  $R(\varphi_{R1} = 23.9^\circ) = 7.5$  (см. рис. 4 кривая *1*). То есть можно осуществлять возбуждение ОСВ с различным отношением амплитуд полезной и побочной волн или же с разной степенью невзаимности.

Кроме того, на практике может возникнуть необходимость передать энергию ОСВ с возбуждающего преобразователя на приемный при минимальных потерях. Пусть, для определенности, ОСВ возбуждается со стороны поверхности x = 0. В этом случае для первой моды ОСВ при изменении угла φ от 0 до угла отсечки φ<sub>отс1</sub><sup>ОСВ</sup> амплитуда побочной волны  $\Psi_0^{\rm H}(x=0,\phi-\pi)$  уменьшается (см. рис. 26 кривые *I*, 5–7), тогда как аналогичная амплитуда *полезной* волны  $\Psi_0^{H}(x = 0, \phi)$  максимальна в интервале углов  $0 \le \phi \le \phi_{\operatorname{экст1}}$  (см. рис. 2а кривые *1*-4). То есть если сориентировать преобразователь под углом  $\phi = \phi_{3\kappa ct1}$ , то амплитуда возбуждающейся полезной волны на поверхности x = 0 будет *макси*мальна, а амплитуда побочной волны – достаточно мала. Например, для первой моды ОСВ при частоте f = 2450 МГц получим  $R(\phi_{3\kappa c \tau^1}) = 7.3$  (см.

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup>Здесь предполагается, что линейный преобразователь является синфазным возбудителем и возбуждает спиновую волну, у которой волновой вектор ориентирован нормально линии преобразователя. В действительности это предположение справедливо лишь приближенно (подробнее об этом см. раздел 9 в [26]).

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup> В разделе 3 работы [16] отмечалось, что потери на возбуждение (или прием) полезной ОСВ (по измерениям коэффициента передачи по мощности) при f = 2350 МГц,  $\phi = -21.5^{\circ}$  и приведенных выше параметрах ферритовой пленки составили  $\delta = -6.53$  дБ, тогда как потери на возбуждение побочной ОСВ (при  $\phi = 159.5^{\circ}$ ) составили  $\delta = -19.43$  дБ. Отсюда находим измеренное отношение амплитуд двух этих волн  $R_{\rm эксп} = 10^{-6.53/20}/10^{-19.43/20} = 4.415$ , что примерно (с точностью ~10%) соответствует отношению амплитуд потенциала этих волн для данной частоты R = 4.89 на поверхности x = 0 (см. [16] рис. 4б, 4в, кривые 2 и 5). Кроме того, при  $\phi = 0^{\circ}$  оба указанных отношения были равны единице. Очевидно, что отношения амплитуд полезной и побочной волн могут быть рассчитаны более точно на основе вычисления для каждой из волн интеграла перекрытия, который будет зависеть от параметров преобразователя и от распределения потенциала волны по толщине ферритовой пластины. Однако вычисление таких интегралов выходит за рамки данной работы.

рис. 4 кружочек на кривой *1*), вдобавок к этому получим минимальные потери при передаче энергии полезной волны.

Таким образом, в ферритовой пластине, как и в случае с ПСВ (см., например, [6, рис. 6.14]), можно реализовать *невзаимное* возбуждение ОСВ с противоположно направленными волновыми векторами, причем степень невзаимности, определяемая величиной *R*, существенно зависит от ориентации преобразователя  $\varphi$ .

### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Исследованы невзаимные свойства мод обратной спиновой волны, распространяющейся в касательно намагниченной ферритовой пластине. В частности, предложена нормировка амплитуд магнитного потенциала, при которой зависимости  $\Psi_0^{\rm H}(x, \phi)$  и  $\Psi_0^{\rm H}(x, -\phi)$ , рассчитанные при ориен-

сти  $\Psi_0^{H}(x, \phi)$  и  $\Psi_0^{H}(x, -\phi)$ , рассчитанные при ориентациях волнового вектора под углами  $\phi$  и –  $\phi$ , симметричны для всех мод волны. Рассмотрено, как на поверхности ферритовой пластины изме-

няются амплитуды потенциала  $\Psi_0^{\scriptscriptstyle H}(x, \varphi)$  и

 $\Psi_0^{\rm H}(x, \varphi - \pi)$  двух волн с противоположно направленными волновыми векторами, ориентированными под углами  $\varphi$  и  $\varphi - \pi$ . Установлено, что отношение *R* амплитуд потенциалов этих двух волн существенно зависит от величины  $\varphi$ , причем экстремальные значения величины *R* для всех мод волны имеют место при значениях  $\varphi_{R1} \dots \varphi_{R4}$ , равных максимальным углам отсечки поверхностной

спиновой волны  $\varphi_{\text{отс1}}^{\Pi \text{CB}}(f_{\perp}) \dots \varphi_{\text{отс4}}^{\Pi \text{CB}}(f_{\perp})$ . Найдено, что если на одной поверхности пластины отношение *R* максимально, то на другой поверхности пластины это отношение минимально и равно 1/*R*. Обнаружено, что существует значение частоты  $f_R$ , которое делит диапазон существования обратных спиновых волн на два частотных интервала: в интервале  $f_H < f < f_R$  зависимость  $R(\varphi)$  является монотонной (т.е. величина *R* принимает максимальное и минимальное значения при углах, близких к углам отсечки волнового вектора), а в интервале  $f_R <$  $< f < f_{\perp}$  зависимость  $R(\varphi)$  имеет точки экстремума

(максимум и минимум). Получено аналитическое выражение для ориентации  $\phi_{_{3kcr1}}$  волнового вектора, при которой на распределении амплитуды

магнитного потенциала *m*-й моды волны  $\Psi_0^{H}(x)$  в сечении ферритовой пластины возникает *m*-я точка экстремума, лежащая на одной из поверхностей пластины. Найдено, что для *первой моды* волны амплитуда потенциала максимальна на поверхности пластины при ориентациях волнового вектора, лежащих в интервале значений  $0 \le \phi \le \phi_{3\kappa crl}$ . Сформулированы рекомендации по практическому использованию полученных результатов при возбуждении обратных спиновых волн с невзаимными свойствами.

### ФИНАНСИРОВАНИЕ РАБОТЫ

Работа выполнена за счет бюджетного финансирования в рамках государственного задания по теме № 0030-2019-0014.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Damon R.W., Eshbach J.R.* // J. Phys. Chem. Sol. 1961. V. 19. № 3/4. P. 308.
- 2. Лакс Б., Баттон К. Сверхвысокочастотные ферриты и ферромагнетики. М.: Мир, 1965.
- 3. *Вапнэ Г.М.* СВЧ устройства на магнитостатических волнах. Сер. 1, Электроника СВЧ. 1984. Вып. 8.
- 4. Данилов В.В., Зависляк И.В., Балинский М.Г. Спинволновая электродинамика. Киев: изд. Либідь, 1991.
- Вашковский А.В., Стальмахов В.С., Шараевский Ю.П. Магнитостатические волны в электронике сверхвысоких частот. Саратов: Изд-во Сарат. ун-та, 1993.
- 6. *Гуревич А.Г., Мелков Г.А.* Магнитные колебания и волны. М.: Наука, 1994.
- Stancil D.D., Prabhakar A. Spin Waves: Theory and applications, Business Media. N.-Y.: Springer Science, 2009.
- Topics in Applied Physics. V. 125. Magnonics: From Fundamentals to Applications / Ed. S.O. Demokritov, A.N. Slavin. Berlin; Heidelberg: Springer-Verlag, 2013.
- 9. Шавров В.Г., Щеглов В.И. Магнитостатические волны в неоднородных полях. М.: Физматлит, 2016.
- Вашковский А.В., Гречушкин К.В., Стальмахов А.В., Тюлюкин В.А. // Письма в ЖТФ. 1986. Т. 12. № 8. С. 487.
- 11. Вашковский А.В., Валявский А.Б., Стальмахов А.В., Тюлюкин В.А. // РЭ. 1987. Т. 32. № 11. С. 2450.
- Валявский А.Б., Вашковский А.В., Стальмахов А.В., Тюлюкин В.А. // ЖТФ. 1989. Т. 59. № 6. С. 51.
- 13. Вугальтер Г.А., Коровин А.Г. // Письма в ЖТФ. 1989. Т. 15. № 21. С. 73.
- 14. Анненков А.Ю., Герус С.В. // ЖТФ. 1999. Т. 69. № 1. С. 82.
- 15. Локк Э.Г. // РЭ. 2003. Т. 48. № 12. С. 1484.
- Вашковский А.В., Локк Э.Г. // Успехи физ. наук. 2006. Т. 176. № 4. С. 403.
- 17. Локк Э.Г. // Успехи физ. наук. 2008. Т. 178. № 4. С. 397.
- 18. Анненков А.Ю., Герус С.В. // Изв. РАН. Серия физическая. 2010. Т. 74. № 10. С. 1416.
- 19. Вашковский А.В., Локк Э.Г. // РЭ. 2012. Т. 57. № 5. С. 541.
- 20. Локк Э.Г. // РЭ. 2015. Т. 60. № 1. С. 102.
- 21. Локк Э.Г. // РЭ. 2018. Т. 63. № 8. С. 350.
- 22. Локк Э.Г. // Изв. РАН. Серия физическая. 2018. Т. 82. № 8. С. 1034.
- 23. Annenkov A.Yu., Gerus S.V., Lock E.H. // EPJ Web of Conf. 2018. V. 185. P. 02006.
- 24. Беспятых Ю.И., Зубков В.И., Тарасенко В.В. // ЖТФ. 1980. Т. 50. № 1. С. 140.
- 25. Бронштейн И.Н., Семендяев К.А. Справочник по математике. М.: Наука, 1986.
- 26. Локк Э.Г. // Успехи физ. наук. 2012. Т. 182. № 12. С. 1327.