## ЭЛЕКТРОДИНАМИКА И РАСПРОСТРАНЕНИЕ РАДИОВОЛН

УДК 537.874;621.396

# РАДИОПОГЛОТИТЕЛЬ НА ОСНОВЕ ИСКУССТВЕННОГО МАГНИТНОГО ПРОВОДНИКА И РЕЗИСТИВНОЙ ПЛЕНКИ

© 2022 г. Ю. Н. Казанцев<sup>а, \*</sup>, Г. А. Крафтмахер<sup>а</sup>, В. П. Мальцев<sup>а</sup>, В. С. Солосин<sup>а, b</sup>

<sup>а</sup> Фрязинский филиал Института радиотехники и электроники им. В.А. Котельникова РАН, пл. Введенского, 1, Фрязино Московской обл., 141190 Российская Федерация <sup>b</sup>Институт теоретической и прикладной электродинамики РАН,

ул. Ижорская, 13, Москва, 125412 Российская Федерация

\**E-mail: yukazantsev@mail.ru* Поступила в редакцию 14.09.2020 г. После доработки 14.11.2021 г. Принята к публикации 16.11.2021 г.

Представлены аналитические выражения для частотно-угловых зависимостей коэффициента отражения от радиопоглотителя (РП) на основе резистивной пленки с сопротивлением  $120\pi$  Ом и искусственного магнитного проводника (ИМП) в составе пары емкостных решеток и электропроводящего экрана. Показано, что отношение ширины полосы поглощения РП к его толщине составляет  $4\pi/3$ . С помощью численного расчета найдены расстояния между резистивной пленкой и парой решеток, при которых коэффициент отражения на резонансной частоте минимален.

DOI: 10.31857/S0033849422040064

#### введение

В последние годы существенно расширилась область применения так называемых метаматериалов, т.е. материалов и структур с необычными электромагнитными свойствами. Так, метаматериалы стали использовать при создании эффективных радиопоглотителей (РП) [1–7]. Особенное значение в этой области приобрели искусственные магнитные проводники (ИМП), иначе – структуры с высоким поверхностным импедансом [8–11].

Радиопоглотители на основе ИМП можно рассматривать как модификацию известного РП Солсбери [12], который представляет собой резистивную пленку с сопротивлением, равным волновому сопротивлению свободного пространства (120π Ом), расположенную на расстоянии четверти длины волны от электропроводящего экрана в плоскости, в которой волновой импеданс бесконечно велик. Очевидным недостатком РП Солсбери является его сравнительно большая толщина. Поскольку толщина ИМП обычно мала по сравнению с четвертью длины волны, то его применение в РП в качестве структуры с высоким поверхностным импедансом обешает заметные преимущества. Впервые такое применение было предложено в работе [8], а затем развито в работе [13], в которой в качестве ИМП выбрана грибовидная структура [14].

В данной статье рассмотрены характеристики РП на основе ИМП, выполненного из пары близко расположенных емкостных решеток и электропроводящего экрана [15–17].

#### 1. СТРУКТУРА РП И ЕГО ЧАСТОТНО-УГЛОВЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ

Структура РП показана на рис. 1а. В ее состав входят следующие основные элементы: резистивная пленка 1 с сопротивлением, равным сопротивлению свободного пространства, пара емкостных решеток 2 (рис. 1б), разделенных диэлектрическим слоем с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon = 2.25$ и электропроводящий экран 3, отделенный от пары решеток слоем диэлектрика с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon_1 = 1.05$ . Емкостные решетки сдвинуты по отношению друг к другу по обеим координатам на половину периода. Все размеры, указанные на рис. 1а, 1б, малы по сравнению с длиной волны λ и, кроме того, удовлетворяют следующим условиям:  $a \ll b$ ,  $d \ll b$ , 2a = 0.5 мм, 2d = 0.1 мм. Для предварительного анализа РП и определения максимально достижимых характеристик, например,  $\Delta\lambda/D$  (отношение ширины полосы поглощения к толщине), нами получены аналитические выражения для частотно-угловых зависимостей коэффициента отражения от РП.

На схеме РП, изображенной на рис. 1в, сечения 1-1 и 2-2 лежат соответственно на правой и левой сторонах пары емкостных решеток, а сече-



**Рис. 1.** Радиопоглотитель на основе искусственного магнитного проводника и резонансной пленки: а – структура РП (*1* – резистивная пленка, *2* – емкостные решетки, *3* – электропроводящий экран), б – структура пары емкостных решеток, в – схема РП (1–1...3–3 – сечения).

ние 3–3 на левой стороне резистивной пленки. Импедансы в этих сечениях  $Z_{11}$ ,  $Z_{22}$  и  $Z_{33}$  связаны следующими соотношениями:

$$Z_{22} = \frac{Z_{11}Z}{Z_{11} + Z},\tag{1}$$

$$Z_{33} = \frac{Z_{22}}{1 + Z_{22}},\tag{2}$$

$$Z = -j \frac{d\lambda}{\pi(b - 2a)b\varepsilon}$$
(3)

– импеданс пары емкостных решеток [15] и

РАДИОТЕХНИКА И ЭЛЕКТРОНИКА том 67 № 4 2022

$$Z_{11} = j \frac{2\pi D}{\lambda} \begin{cases} 1 & -\text{для волн } TE\text{-поляризации,} \\ [1-\sin^2(\phi)/\epsilon_1] & -\text{для волн } TM\text{-поляризации,} \end{cases}$$
(4)

где  $\phi$  – угол падения плоской волны на РП.

Импеданс Z<sub>22</sub> стремится к бесконечности при условии

$$Z_{11} + Z = 0, (5)$$

что соответствует резонансу в объеме между решетками и экраном. В формулах (1)–(5) все импедансы нормированы на волновое сопротивление свободного пространства, а формула (4) получена для условия  $2\pi D\sqrt{\epsilon_1}/\lambda \ll 1$ . Используя выражения (3)–(5), легко получить формулы для резонансных длин волн:

$$\lambda_{p\,1,2}^{2} = \frac{2\pi^{2} D(b-2a) b \varepsilon}{d} \begin{cases} 1 & -\text{для волн } TE \text{-поляризации,} \\ [1-\sin^{2}(\phi)/\varepsilon_{1}] & -\text{для волн } TM \text{-поляризации,} \end{cases}$$
(6)

где индексы 1, 2 соответствуют ТЕ- и ТМ-поляризации.

Коэффициент отражения *R* от РП при наклонном падении волн рассчитывается по известным формулам отражения от импедансной плоскости

$$R = \begin{cases} \frac{Z_{33} - 1/\cos\varphi}{Z_{33} + 1/\cos\varphi} - для волн TE-поляризации, \\ \frac{Z_{33} - \cos\varphi}{Z_{33} + \cos\varphi} - для волн TM-поляризации, \end{cases}$$
(7)

или с использованием формул (1)-(6):

$$|R|^{2} = \begin{cases} \frac{A^{2} + (1 - \cos \varphi)^{2}}{A^{2} + (1 + \cos \varphi)^{2}} & -\text{для волн } TE\text{-поляризации,} \\ \frac{A^{2} \cos^{2} \varphi + (1 - \cos \varphi)^{2}}{A^{2} \cos^{2} \varphi + (1 + \cos \varphi)^{2}} & -\text{для волн } TM\text{-поляризации,} \end{cases}$$
(8)

где

$$A = \frac{\pi (b - 2a)b\varepsilon}{d\lambda} \left(1 - \frac{\lambda^2}{\lambda_{\text{pl},2}^2}\right). \tag{9}$$

Для случая нормального падения плоской волны на РП выражение  $|R|^2$  приобретет следующий вид:

$$\left|R\right|^{2} = \left[\left(\frac{4\pi D}{\lambda(1-\lambda_{\rm p}^{2}/\lambda^{2})}\right)^{2} + 1\right]^{-1}.$$
 (10)

Из выражения (10) легко получить формулу для  $\Delta\lambda/D$ :

$$\frac{\Delta\lambda}{D} = 4\pi \sqrt{\frac{r^2}{1-r^2}},$$
(11)

где  $r^2$  — коэффициент отражения (по мощности) на краях рабочего диапазона РП. При  $r^2 = 0.1$  получаем

$$\frac{\Delta\lambda}{D} = \frac{4\pi}{3} \approx 4.19.$$
(12)

Представленные здесь формулы для частотноугловой зависимости коэффициента отражения от РП были получены в предположении, что по-

РАДИОТЕХНИКА И ЭЛЕКТРОНИКА том 67 № 4 2022

верхность магнитного проводника однородна и взаимовлияние между резистивной пленкой и емкостными решетками отсутствует. Однако в реальности поверхность магнитного проводника однородной не является, а указанное выше взаимодействие имеет место. Поэтому естественно предположить, что на эффективность поглощения энергии резистивной пленкой влияют такие факторы, как период решетки, длина волны и величина зазора между резистивной пленкой и решетками. Для оценки этого влияния был проведен численный расчет частотных зависимостей коэффициента отражения от РП с учетом указанных факторов.

## 2. РЕЗУЛЬТАТЫ ЧИСЛЕННОГО РАСЧЕТА

Численная оценка эффективности поглощения энергии резистивной пленкой была проведена для нормального падения плоской волны на РП и трех периодов решеток (2.5, 5 и 10 мм) в двух областях резонансных частот: 4.1...4.5 и 2.16...2.21 ГГц при  $\varepsilon = 2.25$ ,  $\varepsilon_1 = 1.05$ . Так, на рис 2а приведены частотные зависимости коэффициента отражения от РП со следующими размерами структуры: 2b = 5 мм, 2a = 0.5 мм, 2d = 0.1 мм, D = 1 мм для нескольких значений *s* промежутка между рези-



Рис. 2. Частотные зависимости коэффициента отражения от РП со следующими различающимися параметрами структуры: а) 2b = 5 мм, D = 1 мм и s = 0.1 (*I*), 0.2 (2), 0.3 (3), 0.5 (4), 0.7 (5), 0.9 (6), 1.2 (7); 6) 2b = 10 мм, D = 0.2 мм и s = 0.5 (*I*), 0.8 (2), 1 (3), 2 (4), 2.7 (5), 3 (6); B) 2b = 2.5 мм, D = 5 мм и s = 0.025 (*I*), 0.04 (2), 0.05 (3), 0.075 (4), 0.1 (5).

стивной пленкой и решетками. Легко видеть, что существует некоторое значение  $s = s_{ont}$ , при котором глубина резонансного провала кривой мак-



**Рис. 3.** Частотные зависимости коэффициента отражения от РП (со следующими параметрами структуры) с общими параметрами структуры: 2a = 0.5 мм, 2d = 0.1 мм,  $\varepsilon = 2.25$ ,  $\varepsilon_1 = 1.05$ , и разными: 2b = 5 мм, D = 4 мм,  $s_{\text{опт}} = 0.16$  мм (кривая *1*), 2b = 10 мм, D = 1 мм,  $s_{\text{опт}} = 1$  мм (кривая *2*), 2b = 2.5 мм, D = 15 мм,  $s_{\text{опт}} = 0.013$  мм (кривая *3*).

симальна. При уменьшении *s*, т.е. при приближении резистивной пленки к поверхности ИМП, вначале происходит увеличение, а по достижении максимума — уменьшение этой глубины, т.е. увеличение коэффициента отражения. Эффект увеличения коэффициента отражения, т.е. уменьшения поглощения энергии резистивной пленкой, обусловлен как фактором неоднородности электрического поля вблизи поверхности ИМП, так и фактором взаимодействия резистивной пленки и решеток, и его можно трактовать как результат уменьшения эффективного сопротивления резистивной пленки из-за воздействия указанных факторов.

На рис. 26 и 2в даны аналогичные зависимости коэффициента отражения от РП для решеток с периодом 2b = 10 и 2.5 мм соответственно. Значения *D* подбирались так, чтобы частоты наиболее глубоких резонансных провалов мало отличались друг от друга для всех трех периодов решеток. В табл. 1 приведены характеристики частотных зависимостей коэффициента отражения  $f_p$ ,  $\Delta f/f_p$ ,  $\Delta \lambda$ ,  $\Delta \lambda/D$  (см. рис. 2) и соответствующие параметры РП для случая  $s = s_{ont}$ . Величины  $\Delta f = f_{max} - f_{min}$  и  $\Delta \lambda = \lambda_{max} - \lambda_{min}$  взяты здесь по уровню –10 дБ.

На рис. 3 представлены частотные зависимости коэффициента отражения от РП также для трех значений периода решеток 2b = 2.5, 5, 10 мм при  $s = s_{\text{опт}}$ , но в более низкочастотной области



**Рис. 4.** Рассчитанные частотно-угловые зависимости коэффициента отражения от РП для *TE*- (а) и *TM*-поляризации (б) при  $\vartheta = 0^{\circ}$  (*1*),  $30^{\circ}$  (*2*) и  $45^{\circ}$  (*3*) и параметрах структуры: 2b = 5 мм, 2a = 0.5 мм, 2d = 0.1 мм, D = 4 мм, s = 0.16,  $\varepsilon = 2.25$ ,  $\varepsilon_1 = 2.55$ .

резонансных частот (в окрестности 2.2 ГГц). В табл. 2 приведены характеристики этих зависимостей при  $s = s_{ont}$  и соответствующие параметры структуры РП. Как следует из табл. 1 и 2 значения отношений  $\Delta\lambda/D$  неплохо согласуются с оценкой, данной в разд. 1.

На рис. 4а и 4б приведены рассчитанные частотно-угловые зависимости коэффициента отражения от РП со следующими параметрами структуры: 2b = 5 мм, 2a = 0.5 мм, 2d = 0.1 мм, D = 4 мм, s = 0.16 мм,  $\varepsilon = 2.25$ ,  $\varepsilon_1 = 2.55$ , полученные для волн *TE*- и *TM*-поляризаций при углах падения волны  $\vartheta = 0^\circ$ ,  $30^\circ$ ,  $45^\circ$ . Как следует из рис. 4а и 4б смещение резонансной частоты (минимума коэффициента отражения) для волн *TE-* и *TM*-поляризаций при угле падения 45° составило 2.5% и 11% соответственно. Это смещение может быть существенно уменьшено без изменения полосы поглощения при применении в слое между решетками и экраном диэлектрика с большей диэлектрической проницаемостью.

Сравнивая рассмотренную здесь конструкцию радиопоглотителя с аналогичной на основе грибовидной структуры, следует отметить, что, она, несколько уступая второй в угловой устойчивости для волн *ТМ*-поляризации, превосходит ее в простоте и технологичности, так как в ней отсутствуют "ножки грибов", электрически соединяющие "шляпки" с проводящим экраном.

Следует указать также следующие преимущества конструкции РП:

 возможность уменьшения периода емкостных решеток, что позволяет улучшить характеристики рассеяния РП;

 слабое влияние экрана и резистивной пленки на емкостное сопротивление сдвоенных решеток, что облегчает проектирование РП и при производстве уменьшает влияние погрешностей на его радиотехническое качество.

Все численные расчеты в данном разделе были проведены методом моментов в программе FEKO.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Таким образом, получены аналитические выражения для оценки частотно-угловых характеристик коэффициента отражения от РП, состоящего из ИМП на основе пары емкостных решеток и резистивной пленки с сопротивлением 120π Ом. Из этих выражений следует, что величина  $\Delta\lambda/D$  для РП такого типа составляет  $4\pi / 3 \approx 4.19$  по уровню отражения  $-10 \, \text{дБ}$ , что несколько больше соответствующей величины для РП Долленбаха, равной 3.2. Корректность этой оценки подтверждена численным расчетом конкретных моделей РП. Путем численных расчетов проведено исследование эффективности поглощения энергии резистивной пленкой в зависимости от следующих факторов: периода решетки, длины волны и величины зазора между резистивной пленкой и парой решеток. Для двух диапазонов частот и трех значений периода решеток найдены значения этого зазора, при которых поглощение в резистивной пленке максимально и, соответственно, коэффициент отражения на резонансной частоте минимален.

Номер рис. 2 и кривых на рис. 3	2 <i>b</i> , мм	2а, мм	2 <i>d</i> , мм	<i>D</i> , мм	<i>s</i> <sub>опт</sub> , мм	<i>f</i> <sub>p</sub> , ГГц	Δ <i>f/f</i> <sub>p</sub> , %	Δλ, мм	$\Delta \lambda/D$ , мм
f = 4.14.5 ГГц									
2a	5	0.5	0.1	1	0.7	4.46	6.5	4.55	4.14
2б	10	0.5	0.1	0.2	2.7	4.29	1.7	1.16	3.87
2в	2.5	0.5	0.1	5	0.05	4.33	30.5	21.1	4.14
f = 2.162.21ГГц									
Кривая 1	5	0.5	0.1	4	0.16	2.21	1.27	17	4.15
Кривая 2	10	0.5	0.1	1	1	2.19	3	4.1	4.1
Кривая З	2.5	0.5	0.1	15	0.013	2.16	46.6	64.5	4.27

**Таблица 1.** Характеристики частотных зависимостей коэффициента отражения R и соответствующие параметры РП для значений s, при которых R минимален в области резонансных частот 4.1...4.5 и 2.16...2.21 ГГц

#### ФИНАНСИРОВАНИЕ РАБОТЫ

Работа выполнена за счет бюджетного финансирования в рамках государственного задания ИРЭ им. В.А. Котельникова РАН.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Cheng Y., Yang H., Cheng Z., Wu N. // Appl. Phys. A. 2011. V. 102. № 1. P. 99.
- Bilotti F, Nucci L., Vegni L. // Microwave and Opt. Technol. Lett. 2006. V. 48. № 11. P. 2171.
- Bilotti F., Toscano A., Alici B.K. et al. // IEEE Trans. 2011. V. EC-53. № 1. P. 63.
- Wang Ben-Xin, Zhai Xiang, Wang Gui-Zhen et al. // J. Appl. Phys. 2015. V. 117. № 1. P. 014504.
- Wu M., Zhao X., Zhang J. et al. // Appl. Phys. Lett. 2017. V. 111. № 5. P. 051101.
- Pang Y., Wang J., Cheng Q. et al. // Appl. Phys. Lett. 2017. V. 110. № 10. P. 104103.
- Astorino M.D., Frezza F., Tedeschi N. // J. Appl. Phys. 2017. V. 121. № 6. P. 063103.

- Engheta N. // IEEE Antennas and Propagation Soc. Int. Symp. San Antonio. 16–21 Jun. 2002. N.Y.: IEEE, 2002. V. 2. P. 392.
- Tretyakov S., Maslovski S. // Proc. 33rd Europ. Microwave Conf. Munich. 7 Oct. 2003. N.Y.: IEEE, 2003. P. 1107.
- Paquay M., Iriarte J.-C., Ederra I. et al. // IEEE Trans. 2007. V. AP-55. № 12. P. 3630.
- 11. *Ra'di Y., Simovski C.R., Tretyakov S.A.* // Phys. Rev. Appl. 2015. V. 3. № 3. P. 037001.
- 12. Salisbury W.W. Absorbent Body for Electromagnetic Waves. US Pat. № 2599944. Publ. 10 Jun. 1952.
- Simms S., Fusco V. // Electron. Lett. 2005. V. 41. № 24. P. 1311.
- 14. *Sievenpiper D., Zhang L., Broas R.F.J. et al.* // IEEE Trans. 1999. V. MTT-47. № 11. P. 2059.
- Казанцев Ю.Н., Аплеталин В.Н. // РЭ. 2007. Т. 52. № 4. С. 415.
- Казанцев Ю.Н., Аплеталин В.Н., Солосин В.С. // РЭ. 2008. Т. 53. № 3. С. 316.
- 17. Казанцев Ю.Н., Аплеталин В.Н., Солосин В.С. // РЭ. 2008. Т. 53. № 8. С. 946.