ТЕОРИЯ РАДИОТЕХНИЧЕСКИХ ЦЕПЕЙ

УДК 621.39

МОДЕЛИРОВАНИЕ ОПТИЧЕСКОГО ВОЛОКНА НА ОСНОВЕ ФАЗОКОНТУРНЫХ СХЕМ ЗАМЕЩЕНИЯ

© 2022 г. С. А. Иванов^а, П. В. Закалкин^а, И. Ю. Смирнов^{а, *}

^аВоенная академия связи имени Маршала Советского Союза С.М. Буденного, Тихорецкий пр., 3, Санкт-Петербург, 194064 Российская Федерация

**E-mail: sensemile.nic@mail.ru* Поступила в редакцию 24.11.2020 г. После доработки 24.11.2020 г. Принята к публикации 01.11.2021 г.

Рассмотрен новый подход к моделированию оптического волокна. Исследован вопрос распространения положений теории цепей на элементы с рассредоточенными элементами — оптическое волокно. Показано, что основой решения задачи синтеза параметров оптического волокна в теории цепей является метод моделирования четвертьволнового отрезка линии схемой фазового контура первого порядка.

DOI: 10.31857/S0033849422050072

ВВЕДЕНИЕ

На современном этапе развития оптических технологий оптическое волокно (OB) нашло широкое применение не только в телекоммуникации, но и во многих других отраслях [1]. В зависимости от целевого приложения различаются необходимые масштабы производства требуемого типа OB — от крупносерийного до штучного производства специализированных OB.

Производство ОВ сложный и дорогостоящий процесс, поэтому на этапе его разработки требуется предварительное моделирование. В известных программных продуктах, позволяющих моделировать OB (например, Code V, ZEMAX, Opal, TracePro), преимущественно используются имитационные методы. Имитационные модели удобно применять при моделировании существующих объектов для определения их показателей в переменных условиях. Это требует проведения множества экспериментов, ограниченных точностью выходных данных, с последующей аппроксимацией и повторением. Для разработки новых типов специализированных ОВ требуются строгие методы моделирования, позволяющие находить оптимальное значения показателей волокна без проведения аппроксимационных этапов на физическом объекте. В данных методах используется аналитическое моделирование, ограниченное детерминированными процессами, требующее меньше вычислительной мощности, математически проверяемое в прямой и обратной постановке.

Методы аналитического моделирования в области связи хорошо проработаны положениями теории цепей, применяемой для расчетов фильтров, корректоров, трансформаторов, линий связи и т.п. в различных диапазонах частот — от сверхнизких до сверхвысоких.

Наличие у ОВ избирательности волновой характеристики затухания, подобной имеющейся у оптических фильтров (ОФ), дает основания поиска модели ОВ в виде оптического фильтра, частотные характеристики которого полностью (или максимально приближенно) отображают частотные характеристики затухания ОВ. В основе распространения оптического сигнала (OC) по ОВ лежит многократно повторяющееся явление полного внутреннего отражения (ПВО) (рис. 1) [1, 2]. При отражении ОС проникает во вторую среду, проходит там расстояние порядка длины волны распространяющегося ОС и возвращается в первую среду. Таким образом возникает сдвиг точки выхода сигнала относительно точки входа [3-5]. Данное явление получило название эффекта Гуса-Хенхена, а факт его существования дает основание для отнесения ОВ к оптическим гетероструктурам (ОГС) – направляющим системам, предназначенным для передачи сигналов оптического диапазона длин волн: инфракрасного, видимого, ультрафиолетового и рентгеновского [6]. Гетероструктуры как системы, составленные из чередующихся пар элементов с отличающимися значениями однотипных параметров, обладают спектральной избирательностью. В данной статье теория и расчет ОГС основаны на общем подходе к структурам как к цепям с распределенными па-



Рис. 1. Моделирование эффекта Гауса-Хенхена резонансным контуром.

раметрами, состоящими из отрезков передающих линий, исследуемых методами теории цепей.

Применение теории цепей было распространено и на оптический диапазон в части элементов с сосредоточенными элементами (оптических многослойных фильтров и корректоров) [6].

Цель данной работы — решить задачу распространения положений теории цепей на элементы с рассредоточенными элементами — OB, что позволит аналитически, с применением апробированных на практике научных методов и методик, рассчитывать параметры волокна в прямой и обратной постановке.

1. МОДЕЛИРОВАНИЕ ЗВЕНА ОПТИЧЕСКОГО ВОЛОКНА

В различных учебниках, научных изданиях и отчета приводится множество волновых характеристик затухания OB [7–9], которые имеют существенные отличия по форме и величине при прочих равных условиях. Производители OB и оптических кабелей (OK) также, производя измерения волновой характеристики затухания одного и того же OB при различных условиях, получают существенно отличающиеся результаты, хотя типы OB стандартизованы и их характеристики производители приводят справочно. Этот факт объясняется тем, что при изменении радиуса изгиба OB изменяется и количество переотражений OC и чем больше этих переотражений, тем больше затухание сигнала и уже полоса пропускания.

Но сами по себе многократные переотражения не дали бы такого эффекта без распространения ОС во второй среде. В однородной среде сигнал практически не претерпевает затухания [10]. Отсюда следует, что именно нарастание количества сдвигов ОС и его суммарного пути распространения во второй среде при многократном ПВО определяет изменение волновой характеристики затухания ОВ, а также угол падения ОС и материа-

РАДИОТЕХНИКА И ЭЛЕКТРОНИКА том 67 № 5 2022

лы, из которых изготовлены сердцевина и оболочка OB. Таким образом, явление сдвига Гуса—Хенхена дает основание для рассмотрения и расчета оптических направляющих систем с точки зрения теории цепей.

В данной статье это явление моделируется резонансным контуром (рис. 1), включенным в оптический путь прохождения сигнала. В этом случае OB, состоящее из сердцевины с показателем преломления n_1 и оболочки с n_2 , моделируется схемой фильтра в виде длинной линии, с волновым сопротивлением ρ_c , с упорядоченно включенными в нее резонансными контурами с волновым сопротивлением ρ_p . Таким образом, задача расчета оптических характеристик OB сводится к расчету характеристик оптического многошлейфного фильтра (OMШФ).

Для расчета параметров резонансного контура необходимо оценивать величину сдвига Гуса– Хенхена в различных средах распространения. Для оценки величины сдвига были проведены расчеты по формулам, полученным Ренардом в результате исследования эффекта Гуса–Хенхена [11].

Величина сдвига в случае *s*-поляризации с учетом того, что $\mu = 1$, рассчитывается по формуле:

$$\Delta_{\perp} = \frac{1}{\pi} \frac{\sin \Theta_{1} \cos^{2} \Theta_{1}}{1 - (n_{2}/n_{1})^{2}} \frac{\lambda}{\left(\sin^{2} \Theta_{1} - (n_{2}/n_{1})^{2}\right)^{1/2}}.$$
 (1)

Величина сдвига в случае *p*-поляризации определяется по формуле

$$\Delta_{\parallel} = \frac{1}{\pi} \frac{K \sin \Theta_{1} \cos^{2} \Theta_{1}}{K^{2} \cos^{2} \Theta_{1} + \sin^{2} \Theta_{1} - (n_{2}/n_{1})^{2}} \times \frac{\lambda}{\left(\sin^{2} \Theta_{1} - (n_{2}/n_{1})^{2}\right)^{1/2}},$$
(2)

где $\Theta_1 \in [\Theta_{\kappa p}; \pi/2], \Theta_{\kappa p} - \kappa ритический угол ПВО.$



502

Рис. 2. Характеристика сдвига Гуса–Хенхена вдоль границы раздела сред в ОВ для *s*-поляризации на длине волны $\lambda = 1.55$ мкм при различных отношениях ПП и его материалов (кривые *1*–9, пояснения см. в тексте); штриховая кривая – зависимость максимального сдвига Δ_{max} от предельного угла ПВО $\Theta_{\text{кр}}$.

Все параметры среды с большим показателем преломления (ПП) обозначаются нижним индексом 1, а с меньшим показателем — индексом 2; K — диэлектрическая постоянная. Из формул (1) и (2) видно, что величина сдвига Гуса—Хенхена прямо пропорциональна длине волны λ .

Для сравнительного анализа изменения сдвига при различных свойствах сред были взяты девять различных соотношений ПП сред (рис. 2, кривые *1–9* соответственно):

1) $n_1 = 1.47, n_2 = 1.46$ (стандартное кварцевое OB);

*n*₁ = 1.47, *n*₂ = 1.32 (ОВ с кварцевой сердцевиной и полимерной оболочкой);

3) $n_1 = 1.47$, $n_2 = 1.45$ (кварцевое OB с экспериментальным ПП оболочки);

4) $n_1 = 3.22$, $n_2 = 1.32$ (полимерное OB с экспериментальным ПП);

5) $n_1 = 1.47$, $n_2 = 1.46$ (кварцевое OB с экспериментальным ПП оболочки);

6) *n*₁ = 1.47, *n*₂ = 1.41 (кварцевое OB с экспериментальным ПП оболочки);

7) $n_1 = 1.87, n_2 = 1.32$ (кварцевое OB с экспериментальным ПП сердцевины);

8) $n_1 = 2.47, n_2 = 1.32$ (кварцевое OB с экспериментальным ПП сердцевины);

9) $n_1 = 3.4, n_2 = 1.32$ (полимерное OB с экспериментальным ПП).

Результаты расчетов сдвига Гуса—Хенхена для *s*-поляризации представлены на рис. 2.

Из полученных характеристик видно, что при увеличении отношения показателей преломления оптических сред:

предельный угол ПВО уменьшается, а сектор ПВО увеличивается (закон Снеллиуса);

- максимум смещения (Δ_{max}) убывает (см. рис. 2);

 избирательные свойства единицы длины OB усиливаются:

$$\Delta_{\max} = \lambda \left(\frac{3}{2} \exp\left(\Theta_1 - \frac{1}{3}\right) + \frac{1}{3\cos\Theta_1} \right).$$
(3)

Для моделирования OB необходимо ввести новое понятие — звено OB (рис. 3). Звено оптического волокна — линейный участок OB длиной L_0 , состоящий из трех участков.

1. Участка ОВ длиной *l*_{o1}, в котором ОС распространяется в оболочке ОВ при первом ПВО, составляющего половину сдвига Гуса–Хенхена.

2. Участка ОВ длиной *l*_c, в котором ОС прямолинейно распространяется в сердцевине ОВ между первой и второй точками отражения ОС от граничных противоположных слоев ОВ.

3. Линейного участка OB длиной l_{02} , в котором OC распространяется в оболочке OB при втором ПВО, составляющего половину сдвига Гуса– Хенхена.

При этом участки $l_{o1} = l_{o2} = l_o$ имеют смысл наведенных лучом квантовых ям [12, 13], которые обладают ярко выраженными свойствами резонаторов с резонансными частотами f_p .



Рис. 3. Графическое представление звена оптического волокна.

Количество звеньев N_{3B} на OB длиной 1 м исчисляется десятками тысяч. И при таком большом количестве звеньев затухание OB остается невысоким. Это объясняется, во-первых, высокой добротностью материала участка звена OB (кварцевое стекло), во-вторых, широкой полосой пропускания (ППр) звеньев OB и, в-третьих, тем, что все звенья OB имеют одинаковые конструктивные и материальные параметры, а это обеспечивает согласованное (без отражений) включение всех звеньев OB между собой.

Выделим на рис. 3 треугольник, размер одного катета которого — это диаметр сердцевины d, гипотенуза — длина пути ОС на участке звена g_c , второй катет — проекция гипотенузы на ось волокна l_c . Угол между первым катетом и гипотенузой изменяется в пределах

$$\Theta_{\kappa p} < \Theta_{l} < \frac{\pi}{2}. \tag{4}$$

Выразим длину гипотенузы треугольника g_c через значения диаметра сердцевины OB d и угла Θ_1 в виде

$$g_{\rm c} = d/\cos\Theta_1. \tag{5}$$

Из (5) следует, что длина g_c изменяется от критической величины, соответствующей критическому углу ПВО $g_c = g_{c_{\rm kp}} = d/\cos\Theta_{\rm kp}$, до бесконечности. Последнее означает, что ОС свободно распространяется в сердцевине параллельно границам раздела двух сред, не касаясь граничных слоев. Из теории цепей известно, что в однородном участке линии без потерь могут распространяться сигналы с любыми длинами волн, при этом количество укладываемых четвертьволновых отрезков на участке звена зависит от длины волны сигнала

$$N_{\lambda/4} = 4g_c/\lambda. \tag{6}$$

Необходимо особо выделить случай $N_{\lambda/4} = 1$, когда на длине g_c укладывается только один четвертьволновый отрезок с частотой, равной

$$f_{\rm c} = c/g_{\rm c} \,. \tag{7}$$

В таком звене при $N_{\lambda/4} = 1$ длина участка в сотни (тысячи) раз длиннее средней длины волны полосы прозрачности звена ОВ и, следовательно, частота f_c будет во столько же раз меньше средней частоты звена ОВ.

На рис. 4 показано расположение характерных частот звена OB: граничные частоты заданной ППр звена OB (f_1 и f_2), частота участка l_c OB f_c , частота наведенного резонатора f_p и средняя частота ППр f_{cp} . Указанное несимметричное расположение характерных частот является особенностью звена OB, и при построении его модели эта особенность должна быть учтена.



Рис. 4. Расположение характерных частот звена OB на оси частот.

2. МОДЕЛИРОВАНИЕ ОПТИЧЕСКОГО ВОЛОКНА НА ОСНОВЕ ФАЗОКОНТУРНЫХ СХЕМ ЗАМЕЩЕНИЯ

В данной работе теория и расчет ОГС основаны на общем подходе к структурам, как к цепям с распределенными параметрами, состоящими из отрезков передающих линий. Так как для ОВ характерен шлейфный способ соединения резонатора со связкой, то оно относится к определенному типу ОГС – ОМШФ [6, 14].

Основой моделирования является установление условий, при которых существует подобие между оригиналом и моделью. Определенные явления оригинала и модели считаются подобными, если они описываются одинаковыми по форме уравнениями.

Рассмотрим уравнения передачи оригинала – отрезка электрической линии без потерь (рис. 5б) на оси частот распределенных систем *f*. Обобщенная матрица передачи для нее имеет вид [15–18]

$$[A_{\Pi}] = \begin{bmatrix} \cos \omega & j\rho \sin \omega \\ \frac{j}{\rho} \sin \omega & \cos \omega \end{bmatrix}, \qquad (8)$$

где $\omega = \beta l = \pi f/2f_0$ — волновая длина отрезка линии; $\beta = 2\pi/\lambda = 2\pi f/v$ — коэффициент фазы отрезка линии; v — скорость распространения волны в линии; λ — длина волны в линии; f_0 — первая резонансная частота отрезка линии при длине $l = \lambda_0/4$; ρ — нормированное волновое сопротивление линии без потерь.

На резонансной частоте f_0 входное сопротивление четвертьволнового отрезка ($\lambda/4$ -отрезка) линии при нагрузочном сопротивлении $W_{\rm H} = 0$ (короткое замыкание отрезка) равно бесконечности, а при $W_{\rm H} = \infty$ (холостой ход отрезка) – нулю.

Аналогичными свойствами на оси частот сосредоточенных систем $x = f/f_0$ обладает фазовый контур первого порядка — ФК1П (рис. 5в) [6, 19]. Коэффициенты обобщенной матрицы ФК1П выражаются через сопротивления его плеч Z_a и Z_b :

$$[A_{\Phi K}] = \begin{bmatrix} \frac{Z_b + Z_a}{Z_b - Z_a} & \frac{2Z_b Z_a}{Z_b - Z_a} \\ \frac{2}{Z_b - Z_a} & \frac{Z_b + Z_a}{Z_b - Z_a} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1 - x^2}{1 + x^2} & \frac{j\rho' 2x}{1 + x^2} \\ \frac{j}{1 + x^2} & \frac{1 - x^2}{1 + x^2} \end{bmatrix}, \quad (9)$$



Рис. 5. Четвертьволновой оптический слой и его модели: а – четвертьволновой оптический слой, б – модель в виде четвертьволнового отрезка линии; в – модель в виде ФК1П без потерь.

где $Z_a = jxa$ — индуктивное сопротивление продольного плеча; $Z_b = 1/jx\beta$ — емкостное сопротивление поперечного плеча; α — нормированная индуктивность ФК1П; β — нормированная емкость ФК1П; $x_0 = 1/(\alpha\beta)^{1/2}$ — резонансная и антирезонансная частоты на оси частот *x* систем с сосредоточенными параметрами ФК1П при сопротивлениях нагрузки соответственно $Z_H = \infty$ и $Z_H = 0$; $\rho' = = (\alpha\beta)^{1/2}$ — нормированное волновое сопротивление ФК1П, без потерь. Из равенства матриц (8) и (9) [6, 19]

$$\left[A_{\Pi}\right] = \left[A_{\Phi K}\right] \tag{10}$$

следуют соотношения

$$\cos \omega = \frac{1 - x^2}{1 + x^2}, \quad \sin \omega = \frac{2x}{1 + x^2}, \quad \rho = \rho',$$
 (11)

откуда определяются прямое и обратное преобразования частоты ФК1П и волновой длины отрезка линии:

$$x = tg\left(\frac{\omega}{2}\right), \ \left[A_{OC}\right] = \begin{vmatrix} \cos\omega & \frac{j}{n}\sin\omega\\ n & n \end{vmatrix}.$$
 (12)

Следовательно, при изменении частоты x от 0 до ∞ фазовый контур как модель повторяет частотные характеристики отрезка линии как оригинала, если переменная волновая длина ω изменяется при этом от 0 до π .

Рассмотрим оптический слой (рис. 5а). Его матрица передачи, матрица Абеля [6, 14], имеет вид

$$[A_{\rm OC}] = \begin{bmatrix} \cos \omega & \frac{j}{n} \sin \omega \\ jn \sin \omega & \cos \omega \end{bmatrix}.$$
 (13)

Сравнение матриц передачи отрезка линии, Φ K1П и оптического слоя обнаруживает их идентичность, которая дает основание сделать вывод о том, что ОГС относятся к классу волновых аналоговых фильтров (ВАФ). Следовательно, оптический слой толщиной $l = \lambda_0/4$ может быть представлен моделью в виде четвертьволнового отрезка двухпроводной электрической линии с распределенными элементами и моделью в виде Φ K1П с сосредоточенными элементами. Это означает, что дальнейшее рассмотрение принципов построения ОВ в виде ОГС можно заменить рассмотрением принципов построения фильтров на фазовых контурах (ФФК) или ВАФ. Все результаты исследований будут справедливы для всего класса ВАФ и для их общей модели ФФК.

Одними из основных расчетных параметров оригинала (отрезка линии) и его модели (Φ K1П) являются текущие частоты оригинала f и нормированной модели x, связанные между собой соотношением

$$x = tg \frac{\pi f}{4f_0},$$
 (14)

где $x_0 = 1$ — нормированная резонансная частота модели, f_0 — первая резонансная частота оригинала.

Вторым основным расчетным параметром является нормированное значение волнового сопротивления отрезка линии ρ_{π} и равное ему значение волнового сопротивления $\Phi K1\Pi \rho_{\Phi K}$, т.е.

$$\rho_{\pi} = \rho_{\Phi K}. \tag{15}$$

Так как в OB и слоях магнитная проницаемость равна единице ($\mu = 1$), то в качестве волнового параметра в них принят показатель преломления, выражаемый через значение диэлектрической проницаемости материала ϵ или через нормированное значение волнового сопротивления линии $\rho_{\rm a}$.

$$\rho_{\pi} = \sqrt{\mu/\epsilon}, \quad n = \sqrt{\mu\epsilon}, \quad \mu = 1, \quad n = 1/\rho_{\pi}.$$
 (16)

Таким образом, используя метод моделирования, можно перевести задачу синтеза ВАФ в области частот $f (0 \le f \le 2f_0)$ в задачу синтеза его модели – ФФК в области частот $x (0 \le x \le \infty)$. Решение задачи синтеза ФФК рассматривается в [6, 14, 19] для некоторых видов топологий ФФК, совпадающих с топологией ОМШФ. Там же показано, что с помощью определенных преобразований частоты требования к частотной характеристике затухания *LC*-ФФК пересчитываются в требования к низкочастотному (НЧ) $\alpha\beta$ -фильтру – НЧ-протоМОДЕЛИРОВАНИЕ ОПТИЧЕСКОГО ВОЛОКНА

$$f \to x \to \eta.$$
 (17)

В современной теории и практике проектирования фильтров нижних частот существуют фундаментально разработанные многочисленные аналитические методы анализа, синтеза, преобразования и оптимизации схем НЧ-прототипов с различными частотными характеристиками: Чебышёва, Баттерворта, Лежандра, Бесселя и др. [15-18, 21]. Метод моделирования позволяет полностью использовать весь арсенал наработанных методов при решении задач синтеза ОМШФ и, таким образом, сложнейшие задачи синтеза ОМШФ могут быть точно решены методами общей теории фильтров и теории цепей. По найденным требованиям к частотным характеристикам НЧ-прототипа определяются количество элементов в схеме и их значения. Значения элементов НЧ-прототипа с применением обратных преобразований частоты пересчитываются в значения вторичных параметров ВАФ, знание которых позволяет перейти к конструктивному расчету элементов ВАФ с учетом используемых в них видов колебаний в соответствии с алгоритмом:

типу с текущей частотой η и резонансной часто-

$$\eta \to x \to f. \tag{18}$$

Таким образом, Φ К1П является моделью оптического слоя толщиной $l = \lambda_0/4$. Теперь необходимо определить модель участка сдвига Гуса—Хенхена для режима ПВО. В случае превышения падающего на границу раздела сред ОС критического значения ПВО он разделяется на преломленный и отраженный. На границе двух сред три луча соединены в один узел. Заменим каждый участок лучей схемами многозвенных фазоконтурных цепочек для параллельного соединения (рис. 6а) и для последовательного соединения (рис. 66). Вариант последовательного соединения выходов трех фазоконтурных четырехполюсников (ФЧП) представляет особый интерес для построения модели резонатора.

При $\Theta_1 = \Theta_2$ угол равен $\pi/2$, и тогда преломленный ФЧП заменяется двухполюсником с одним разомкнутым ФК1П, включенным только в одну ветвь. Необходимое соединение падающей и отраженной ФЧП происходит через неполный четырехполюсник с разомкнутым ФК1П в одной ветви, как это показано на рис. 6в. Таким образом, моделью сдвига Гуса—Хенхена является ФК1П в режиме двухполюсника с холостым ходом, который в цепи каскадно включенных ФЧП является резонатором.

Далее, при увеличении угла падения ОС на границу раздела сред величина сдвига Гуса–Хен-



(a)

Рис. 6. Моделирование ОВ ФФК при падении оптического луча на границу раздела сред в секторе углов: а – превышающих критический для ПВО для последовательного соединения фазоконтурных моделей; б – превышающих критический для ПВО для параллельного соединения фазоконтурных моделей; в – ПВО $\Theta_{\rm Kp} = \Theta_1$; г – ПВО $\Theta_1 > \Theta_{\rm Kp}$.

хена уменьшается, что объясняется увеличением резонансной частоты Φ K1П, которая в пределе переходит в частоту $x = \infty$, и уменьшением его волнового сопротивления (рис. 6г).



Рис. 7. Преобразование одного Φ К1П с волновым сопротивлением $2\rho_{\pi}$ в два Φ К1П с волновым сопротивлением ρ_{π} каждый. *1* – Вход, *2* – выход.



Рис. 8. Звено OB (а) и его модели: звено $\Phi\Phi K$ со связкой из $N\Phi K1\Pi$ с частотой x_{cp} (б) и со связкой из одного $\Phi K1\Pi$ с частотой x_c (в).

Для удобства моделирования OB при разбиении его на звенья необходимо иметь резонаторы по краям каждого из звеньев, поэтому модель сдвига Гуса–Хенхена, ФК1П в режиме двухполюсника с холостым ходом, необходимо разбить на два последовательно включенных ФК1П. При этом волновое сопротивление каждого из двух таких ФК1П будет в два раза меньше изначального. Порядок этого преобразования приведен на рис. 7.

Для удобства дальнейшего моделирования OB разделим резонатор на два последовательно включенных ФК1П. Каждый такой резонатор моделирует половину сдвига Гуса—Хенхена с волновым сопротивлением, равным половине волнового сопротивления модели полного сдвига Гуса—Хенхена. Тогда модель звена OB будет состоять из трехэлементного звена ФФК (рис. 8).

1. $\Phi K1\Pi$ в режиме холостого хода, т.е. четырехполюсник с разомкнутым выходом, включенный в последовательную ветвь каскадно включенных $\Phi K1\Pi$ — модели участка ОВ длиной l_{o1} , в котором ОС распространяется в оболочке ОВ при первом ПВО, составляющего половину сдвига Гуса—Хенхена, перед прямолинейным распространением оптического луча в сердцевине.

2. Цепи $N_{\lambda/4}$ каскадно-включенных $\Phi K1\Pi$ — модели участка OB, в котором OC прямолинейно распространяется в сердцевине OB между первым и вторым явлениями ПВO (l_c).

3. ФК1П в режиме холостого хода, т.е. с разомкнутым выходом, включенный в последовательную ветвь каскадно-включенных ФК1П – модели участка ОВ длиной l_{o2} , в котором ОС распространяется в оболочке ОВ при втором ПВО, составляющего половину сдвига Гуса–Хенхена, после прямолинейного распространения ОС в сердцевине.

Модель следующего звена OB начинается снова неполным ФЧП-резонатором, продолжается цепочкой ФЧП-связкой и заканчивается неполным четырехполюсником-резонатором. Окончательная модель многозвенного OB представлена схемой многозвенного фильтра на фазовых контурах шлейфного типа со связками из N ФК1П (ФФК-N-Ш) (рис. 9).

Для этих фильтров в [6, 14, 19, 20] предложена следующая терминология: резонатор (двухполюсник) с волновым сопротивлением ρ_p и резонансной частотой x_p , связка с количеством ФК1П, равным N, и волновым сопротивлением ρ_c , коэффициент отношения волновых сопротивлений соседних связки и резонатора

$$\nu = \rho_{\rm c} / \rho_{\rm p} \,. \tag{30}$$

Фильтры на фазовых контурах относятся к классу электрических цепей с сосредоточенными элементами; цепи выполняют роль моста, соединяющего теорию и расчет фильтров на сосредото-





Рис. 9. Моделирование OB: а – OB; б – OMШФ; в – многозвенный ФФК со связками из N ФК1П с частотой x_{cp}; г – многозвенный ФФК со связками из одного ФК1П с частотой x_{c.}

ченных элементах (Φ СЭ) и ВАФ на отрезках передающих линий (см. рис. 9), к которым по признаку избирательности можно отнести и ОВ. Принадлежность $\Phi\Phi$ К к классу Φ СЭ позволяет воспользоваться соответствующими преобразованиями частоты для пересчета его характеристик в характеристики фундаментально изученных типов *LC*-фильтров и свести, таким образом, задачу синтеза ВАФ к задаче аналитического синтеза соответствующего известного НЧ- или полосового *LC*-прототипа.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Разработанная математическая модель волокна в отличие от известных построена на основе фазоконтурных схем замещения и позволяет установить взаимозависимости параметров материалов, геометрических параметров и параметров передачи ОВ. Представленный подход к моделированию ОВ за счет последовательных и обоснованных преобразований и формирования структуры модели позволяет сделать принципиальное обобщение: ОВ, по физической сущности модели, является распределенным фильтром на отрезках передающих линий и относится к классу волновых аналоговых гетероструктур. Таким образом, применение положений теории цепей получает расширение на моделирование оптических направляющих систем с рассредоточенными элементами, что позволяет аналитически, с применением апробированных на практике научных методов и методик, решать задачи расчета параметров волокна в прямой и обратной постановке.

Практическое применении представленного подхода требует решения ряда частных задач: определение типа ОМШФ, к которому относятся модель OB, и типа его характеристики затухания;

апробация разработанной модели OB путем сравнения расчетных характеристик с характеристиками производимых волокон.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Стрекалов А.В., Тенякова Н.А. Физические основы волоконной оптики. М.: РИОР ИНФРА-М, 2018.
- 2. *Haija A.I., Numan M.Z., Freeman W.L.* Concise Optics: Concepts, Examples and Problems. Boca Raton: CRC Press, 2018.
- 3. *Xiangmin Liu, Qingfen Yang* // J. Opt. Soc. Amer. B. 2010. V. 27. № 11. P.2190.
- Farmani A., Miri M., Sheikhi M.H. // J. Opt. Soc. Amer. B. 2017. V. 34. № 6. P. 1097.
- 5. Xiao-Jun Zhang, Hai-Hua Wang, Chun-Liang Wang et al. // J. Opt. Soc. Amer. B. 2015. V. 32. № 11. P. 2281.
- 6. *Лапшин Б.А.* Оптические гетеророструктуры. Новая теория и расчет. СПб.: БХВ-Петербург, 2012.
- 7. *Dakin J.P., Brown R.G.W.* Handbook of Optoelectronics: Enabling Technologies. 2nd ed. Boca Raton: CRC Press, 2019.
- 8. *Мендез А., Морзе Т.Ф.* Справочник по специализированным оптическим волокнам / Пер. с англ. М.: Техносфера, 2012.
- 9. Дубнищев Ю.Н. Теория и преобразование сигналов в оптических системах. СПб.: Лань, 2011.
- 10. *Агравал Г.П.* Применение нелинейной волоконной оптики. СПб.: Лань, 2011.
- Renard R.H. // J. Opt. Soc. Amer. 1964. T. 54. № 10. P. 1190.
- Федоров А.В. Физика и технология гетероструктур, оптика квантовых наноструктур. СПб: СПбГУ ИТМО, 2009.
- Fischer-Cripps A.C. Waves, Particles and Fields: Introducing Quantum Field Theory. Abingdon: CRC Press, 2019.

- Иванов С.А., Иванов Н.А., Лапшин Б.А. и др. Способ моделирования линии связи с распределенными параметрами. Пат. РФ № 2583740. Опубл. офиц. бюл. "Изобретения. Полезные модели" № 13 от 10.05.2016.
- 15. *Матвиенко В.А.* Основы теории цепей. Екатеринбург: УМЦ УПИ, 2016.
- 16. Коган С.С. Теория и расчет фильтров для установок дальней связи. М.: Связьиздат, 1950.
- 17. Ланнэ А.А. Оптимальный синтез линейных электронных схем. М.: Связь, 1978.

- 18. *Попов В.П.* Основы теории цепей. М.: Юрайт, 2017. Ч. 1.
- 19. Лапшин Б.А. Синтез фильтров и трансформаторов на отрезках передающих линий на основе фазоконтурных моделей // Дис. ... докт. технич. наук. СПб.: Военный университет связи, 2001. 246 с.
- Lapshin B.A., Petrakov V.A., Fedorov A.V. // Proc. 7th IEEE Emerging Technologies Workshop: Circuits and Systems for 4G Mobile Communications, ETW'05. St. Petersburg. 2005. N.Y.: IEEE, 2005. P. 36.
- 21. *Bird J.* Electrical Circuit Theory and Technology. L.: Routledge, 2017.