## ЭЛЕКТРОДИНАМИКА И РАСПРОСТРАНЕНИЕ РАДИОВОЛН

УДК 537.874

# КОМПОЗИЦИОННЫЙ РАДИОПОГЛОЩАЮЩИЙ МАТЕРИАЛ НА ОСНОВЕ РЕЗИСТИВНЫХ КОЛЕЦ

© 2023 г. В. И. Пономаренко<sup>а,</sup> \*, И. М. Лагунов<sup>а</sup>

<sup>а</sup>Крымский федеральный университет им. В.И. Вернадского, просп. акад. Вернадского, 4, Симферополь, 295007 Российская Федерация \*E-mail: vponom@gmail.com Поступила в редакцию 13.05.2022 г.

После доработки 30.05.2022 г. Принята к публикации 24.06.2022 г.

Получены частотные зависимости эффективной диэлектрической проницаемости структуры в виде решетки из кольцевых резистивных элементов, расположенных в слое диэлектрика. Расчеты проведены на основе решения задачи дифракции нормально падающей электромагнитной волны на структуру. Показана возможность варьирования дисперсионных зависимостей в широких пределах путем изменения параметров структуры.

DOI: 10.31857/S0033849423010114, EDN: EQPKWL

#### введение

Искусственные композиционные структуры на основе включений различной формы из разных материалов обладают характером дисперсии эффективных диэлектрической и магнитной проницаемостей, не наблюдающимся в макрооднородных средах. Такие материалы перспективны для применения в различных целях в технике СВЧ, в частности в качестве радиопоглошающих [1-3]. Известны радиопоглощающие материалы с хаотической и упорядоченной структурой на основе включений в виде отрезков проводящих волокон, распределенных в связующей среде [4-6]. При малой объемной концентрации включений такие материалы обладают высоким уровнем поглощения электромагнитной энергии, при этом дисперсионную зависимость релаксационного типа эффективной диэлектрической проницаемости (ЭДП), определяющую взаимодействие материала с электромагнитной волной, можно варьировать в широких пределах путем изменения его параметров. Представляет интерес дальнейшее исследование материалов такого типа не только на основе прямых отрезков проводов, но и на основе включений различной формы, в частности, замкнутых контуров с более сильным по сравнению с отрезками емкостным взаимодействием.

Целью данной работы является расчет эффективной диэлектрической проницаемости структуры на основе решеток из резистивных колец, расположенных в диэлектрическом связующем. Для решения задачи дифракции применен метод токовых элементов (МТЭ) [6–9]. Метод позволяет не только вычислять значения ЭДП, но и оценить применимость гомогенизации, не ограничиваясь ссылкой на малость характерных размеров по сравнению с длиной волны без соответствующих оценок.

## 1. ЗАДАЧА ДИФРАКЦИИ

На рис. 1 изображена плоская решетка из колец радиусом R из провода радиусом r, с проводимостью  $\sigma$ , причем  $r \ll R$ . Период решетки по осям x, y одинаков и равен 2a. Исследуемая структура состоит из k таких плоских решеток, расположенных по оси z на расстоянии h одна от другой, находящихся в слое диэлектрика толщиной *d* с лиэлектрической проницаемостью *ε*. Каждая решетка смещена относительно соседних со сдвигом по осям x, y на половину периода. Слой с решетками может быть расположен на электрическом зеркале, на магнитном зеркале или на полупространстве с известными материальными константами. Плоская электромагнитная волна длиной  $\lambda$ , поляризованная вдоль оси *y*, падает на структуру нормально из области свободного пространства. С учетом периодичности и симметрии структуры задача дифракции сводится к задаче рассеяния ТЕМ-волны в канале Флоке (рис. 2), содержащем сегменты – четверти колец в сечениях

$$z_i = \frac{h}{2} + (i-1)h, \quad h = d/k, \quad i = 1, 2, \dots, k.$$
(1)



Рис. 1. Плоская решетка тонких резистивных колец.

В соответствии с МТЭ, каждый сегмент разбивается на N малых линейных элементов и решается задача возбуждения волновода токами в этих элементах с последующим наложением условий

$$I_{i} = \frac{E_{i}|_{z=z_{i}+r} + E_{i}|_{z=z_{i}-r}}{2Z_{i}},$$
(2)

где  $E_i$  — касательная составляющая электрического поля на поверхности элемента в его средней части,  $Z_i$  — комплексное погонное сопротивление, вычисляемое по известной формуле для импеданса круглого цилиндрического провода [10]. Равенства (2) приводят к СЛАУ относительно токов  $\{I_i\}$ , через которые выражаются с учетом условий на границах z = 0, z = d амплитуды всех типов волн канала Флоке внутри слоя и в области z < 0. В отличие от рассмотренных в [3, 6–9] структур, токовые элементы направлены под разными углами к осям x, y, поэтому при решении задачи возбуждения волновода [11] вычисление интегралов, которые содержат дельта-функцию, описывающую положение токов, выполняется через преобразование координат  $x \to x', y \to y'$ , при котором начало координат (x', y') помещается в середину токового элемента, а ось y' направлена вдоль него.

## 2. РЕЗУЛЬТАТЫ ЧИСЛЕННЫХ РАСЧЕТОВ

Эффективная диэлектрическая проницаемость  $\varepsilon_{ab}$  с действительной є' и мнимой є" компонентами вычислялась по значениям комплексного коэффициента отражения (КО) при расположении композита на электрическом и магнитном зеркалах аналогично работе [3]. Такой способ введения эффективной диэлектрической проницаемости соответствует известному методу измерения материальных констант в режимах "короткого замыкания" и "холостого хода", однако не в обычном волноводе с металлическими стенками, а в канале Флоке. Для обеспечения абсолютной точности 0.01 вычисления вещественной и мнимой частей КО в приведенных расчетах число разбиений одного проводящего сегмента на элементы полагалось равным 40, число учитываемых собственных гармоник канала Флоке как для Е-волн, так и для Н-волн составляло 4900, по 70 значений поперечных волновых чисел как по оси х, так и по оси у. Таким образом, общее число гармоник с учетом ТЕМ-волны составляло 9801.

На рис. 3–5 приведены зависимости от длины волны компонент  $\varepsilon_{3\phi}$  композита при k = 3, r = 5 мкм, a = 0.005 м, h = 0.001 м и разных значениях других параметров. На данных рисунках кривые 1 и 2 соответствуют компонентам  $\varepsilon'$  и  $\varepsilon''$ первой рассматриваемой структуры, а кривые 3 и  $4 - \varepsilon'$  и  $\varepsilon''$  второй структуры. Все кривые соответствуют структуре со сдвигом соседних решеток, за исключением кривых 3, 4 на рис. 5, которые соответствуют структуре без сдвига. Критерием точности нахождения ЭДП, как и в [6–8], было соответ-



Рис. 2. К задаче рассеяния в эквивалентном волноводе.



Рис. 3. Зависимость компонент ЭДП от длины волны при R = 4.5 мм,  $\varepsilon = 1.8$ ;  $\sigma = 5 \times 10^4$  См/м (1, 2),  $\sigma = 1.5 \times 10^5$  См/м (3, 4).

ствие между значениями КО от гомогенизирован-И ной структуры K значениями KO, полученными из решения задачи дифракции  $K_{\pi}$ при помещении структуры на металлическое или магнитное зеркало, а также на полупространство с диэлектрической проницаемостью є, равной проницаемости связующего. Наибольшее различие  $K_{r}$  и  $K_{\pi}$  имело место в последнем варианте. Для длин волн, в три и более раз превосходящих период структуры, это различие не превышало 0.01 как для действительных, так и для мнимых компонент  $K_r$  и  $K_{\pi}$ . Отметим, что наращивание числа k плоских решеток больше трех не приводит к существенному изменению ЭДП.

Из рис. З видно, что увеличение проводимости материала провода привело в большей части диапазона длин волн к уменьшению  $\varepsilon$ " и увеличению  $\varepsilon$ ', при этом максимальное значение  $\varepsilon$ " сместилось в коротковолновую область. Отметим, что удельные проводимости материала колец, при которых проводились расчеты, характерны для карбонизированных и графитированных углеродных волокон [4, 12].

Из рис. 4 видно, что увеличение радиуса колец привело к уменьшению  $\varepsilon'$  и увеличению  $\varepsilon''$  в большей части диапазона, при этом максимум зависимости  $\varepsilon''(\lambda)$  сместился в длинноволновую область.

Сравнение кривых 1, 2 на рис. 5 и рис. 4 показывает, что увеличение диэлектрической проницаемости связующего от значения 1.8 до значения



**Рис. 4.** Зависимость компонент ЭДП от длины волны при  $\varepsilon = 1.8$ ,  $\sigma = 10^5$  См/м; R = 4 (*1*, *2*) и 4.5 мм (*3*, *4*).

2.5 привело к смещению зависимостей  $\varepsilon'(\lambda)$ ,  $\varepsilon''(\lambda)$  в сторону увеличения.

Кривые 3, 4 на рис. 5, в отличие от проанализированных выше, соответствуют структуре без сдвига плоских решеток, но при тех же значениях параметров структуры со сдвигом, которым соответствуют кривые 1, 2 этого же рисунка. Малое отличие зависимостей 3, 4 от зависимостей 1, 2 можно объяснить тем, что токи смещения между



**Рис. 5.** Зависимость компонент ЭДП от длины волны при R = 4 мм,  $\sigma = 10^5$  См/м,  $\varepsilon = 2.5$  для решеток со сдвигом (*1*, *2*) и без сдвига (*3*, *4*).

соседними кольцами плоской решетки более локализованы в области между ними по сравнению с токами смещения между соседними линейными диполями, рассмотренными в [6, 7]. Это приводит к ослаблению взаимодействия между плоскими решетками по сравнению с композитом на основе линейных отрезков провода, в связи с чем в рассматриваемой структуре сдвиг соседних решеток не приводит к существенному изменению ЭДП.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Предложенный в [6—9] метод токовых элементов применен к решению задачи дифракции нормально падающей электромагнитной волны на решетке из кольцевых резистивных элементов, токи в которых в отличие от структур, рассмотренных в указанных работах, направлены под различными углами к поперечным координатным осям канала Флоке. ЭДП структуры вычисляется по значениям комплексного коэффициента отражения при расположении структуры на электрическом и магнитном идеальных отражателях.

Численными расчетами показан релаксационный характер дисперсии ЭДП. Показано, что при длинах волн, в три и более раз превосходящих период структуры, замена решетки гомогенным слоем приводит к абсолютной ошибке вычисления, вещественной и мнимой частей КО, не превышающей 0.01. Адекватность описания структуры через ЭДП указывает на отсутствие или слабость квазимагнитного эффекта [13]. Последнее объясняется тем, что плоскости кольцевых проводящих контуров параллельны вектору магнитного поля первичной волны.

Рассмотрено влияние параметров решетки на ЭДП и показана возможность варьирования ЭДП в широких пределах. Результаты расчетов применимы к другим диапазонам длин волн при соответствующем масштабировании геометрических размеров рассмотренных структур.

Авторы заявляют об отсутствии конфликта интересов.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Лагарьков А.Н., Кисель В.Н., Семененко В.Н. // РЭ. 2012. Т. 57. № 10. С. 1119.
- 2. Балагуров Б.Я. Электрофизические свойства композитов: Макроскопическая теория. М.: Ленанд, 2015.
- 3. Пономаренко В.И., Лагунов И.М. Поглотители электромагнитных волн. Радиофизическая теория. Методы расчета. Симферополь: Полипринт, 2021.
- 4. *Розанов К.Н.* Частотно-зависимые магнитные и диэлектрические свойства композитных материалов для широкополосных СВЧ-применений. Дис. ... докт. физ.-мат. наук. М.: ИТПЭ РАН, 2018. 326 с.
- Hatakeyama K., Inui T. // IEEE Trans. 1984. V. Mag-20. № 5. P. 1261.
- 6. Лагунов И.М., Пономаренко В.И. // РЭ. 2020. Т. 65. № 3. С. 245.
- Безуглов Д.А., Звездина М.Ю., Лагунов И.М. и др. Композиционные материалы: разработка и применение. Новосибирск: Изд-во АНС "СибАК", 2017. С. 112.
- Пономаренко В.И., Лагунов И.М. // ЖТФ. 2020. Т. 90. № 6. С. 1009.
- 9. Пономаренко В.И., Лагунов И.М. // РЭ. 2020. Т. 65. № 12. С. 1170.
- Бессонов Л.А. Теоретические основы электротехники. Электромагнитное поле. М.: Высш. школа, 1978.
- 11. Никольский В.В., Никольская Т.И. Электродинамика и распространение радиоволн. М.: Наука, 1989.
- Мелешко А.И., Половников С.П. Углерод, углеродные волокна, углеродные композиты. М.: САЙНС-ПРЕСС, 2007.
- 13. *Левин Л*. Теория волноводов. Методы решения волноводных задач. М.: Радио и связь, 1981.