УДК 621.375.826

КИНЕТИКА И МОДЕЛЬ ЛАЗЕРОВ НА ПАРАХ МЕТАЛЛОВ, ВОЗБУЖДАЕМЫХ ИНДУКЦИОННЫМ ИМПУЛЬСНО-ПЕРИОДИЧЕСКИМ ВЧ-РАЗРЯДОМ

© 2022 г. М. М. Маликов*

Объединенный институт высоких температур РАН (ОИВТ РАН), Москва, Россия

**E-mail: mmalikov@oivtran.ru* Поступила в редакцию 11.08.2021 г. После доработки 01.10.2021 г. Принята к публикации 23.11.2021 г.

Представлена физическая модель процессов, протекающих в неравновесной плазме рабочего тела лазеров на парах металлов, возбуждаемых индукционным импульсно-периодическим ВЧ-разрядом. В основу модели входят дифференциальные уравнения кинетики заселенностей, баланса энергии электронов, электрической цепи, развития индуцированного излучения и др. Все уравнения адаптированы к особенностям индукционного разряда и специальной геометрии разрядной камеры. Описание модели представлено для варианта лазера на парах меди с буферным газом неоном. Отмечены особенности динамики параметров плазмы и лазерного излучения в условиях ВЧ-разряда.

DOI: 10.31857/S004036442205009X

введение

Лазеры на самоограниченных переходах атомов металлов [1-4], излучение которых находится в видимом, инфракрасном и ультрафиолетовом диапазонах, весьма привлекательны для различных практических приложений. Однако невысокий КПД, ограниченный ресурс работы и ряд технических особенностей затрудняют их широкое применение, снижают конкурентную способность. Исследования нового безэлектродного способа возбуждения лазеров на парах металлов импульсно-периодическим индукционным разрядом трансформаторного типа [5-7] вызвано стремлением повысить выходные параметры и получить ряд технических и эксплуатационных преимуществ. Улучшение характеристик этих лазеров, возможно, расширит перспективу их применения в промышленности, в прецизионной микрообработке материалов, в селективных технологиях, физических исследованиях, диагностике, в медицине и т.п. [8-10].

Отличительной чертой конструкции индукционных лазеров на парах меди (ИЛПМ) от индукционных лазеров на других рабочих средах (азот, инертные газы и др.) является наличие толстой теплоизоляции, которая увеличивает расстояние между плазменным витком и индуктором, что приводит к значительному снижению коэффициента связи K_r трансформатора. Как показывает численное моделирование [6], в этом случае выгодно применять коаксиальные разрядные камеры с кольцевым рабочим объемом. При использовании таких камер можно достичь значений $K_r \approx 0.5-0.6$. Кроме того, в кольцевом проводящем слое можно создать более однородное по радиусу вихревое электрическое поле, чем в цилиндре [11], что положительно скажется на генерации излучения. При этом для описания процессов в плазме следует применить относительно простую нольмерную модель. В данной работе дается обоснование и приводится детальное описание такой модели, использовавшейся при расчетах ИЛПМ в [5-7].

Согласно результатам численных экспериментов [6], в ИЛПМ реализуется импульс накачки, представляющий собой цуг высокочастотных колебаний тока с частотой $f_{tr} = 10 - 100 \text{ M}$ Гц и временем затухания $\tau_{at} \sim 70-200$ нс, в то время как в обычном (электродном) лазере на парах меди (ЛПМ) импульс тока имеет форму, близкую к форме апериодического разряда с длительностью 150-300 нс. Поэтому в физической модели ИЛПМ желательно учитывать зависимость высокочастотной электрической проводимости плазмы от частоты колебаний тока и влияние изменения во времени эффективного сопротивления на работу электрической схемы. Необходимо контролировать толщину скин-слоя, оценивать влияние магнитного поля индуктора на проводимость плазмы и на другие процессы. Отметим, что за основу описания кинетических процессов в разрядной плазме ИЛПМ была взята разработанная ранее физическая модель обычного ЛПМ [12].

Схема конструкции ИЛПМ и необходимые обозначения представлены на рис. 1. Плазма за-



Рис. 1. Схема ИЛПМ: *1* – теплоизоляция, *2* – витки индуктора, *3* – керамическая вставка, *4* – плазма разряда, 5 и *6* – зеркала оптического резонатора, 7 – коммутатор (ключ), *C* – накопительная емкость.

полняет объем между двумя коаксиальными цилиндрами радиусом r_1 и r_2 . Ось z цилиндрической системы координат направлена вдоль оси цилиндров. Индуцированный азимутальный электрический ток J_{ϕ} течет в кольцевом зазоре $(r_2 - r_1) < r_2, r_1,$ который значительно меньше длины активной среды лазера ℓ_{pl} . В типичных условиях работы лазера на парах меди температура стенки T_w (при $r = r_2$) задается равной 1500-1900 К, чему соответствует давление паров меди $P_{\rm Cu} = 1-2$ Торр. Давление неона $P_{\rm Ne} = 50-500$ Торр. Частота следований импульсов накачки (цугов) f ~ 2-30 кГц такая же, как и в обычном электродном ЛПМ. Типичная температура газа в кольцевом зазоре (при $f \sim 10 \, \mathrm{к} \Gamma \mathrm{u}$) $T_g \approx 2500$ К, температура электронов $T_e = 0.3 - 5$ эВ и их концентрация $n_e = 10^{13} - 10^{15}$ см⁻³ ($T_e \ge T_g$). Характерная длительность импульсов излучения для ЛПМ на самоограниченных переходах составляет несколько десятков наносекунд.

КИНЕТИКА ПРОЦЕССОВ В ИЛПМ

Схема уровней атомов меди и атомов буферного газа неона

Учет большого числа уровней требует решения соответствующего количества дифференциальных уравнений для описания их заселенностей, а также знания констант процессов. Для упрощения задачи обычно производится огрубление схемы уровней атома [13] объединением ряда отдельных уровней в блоки. Схема возбужденных уровней и блоков уровней атома меди и неона, принятая в данной работе, представлена на рис. 2.

Всего учтено 124 уровня атома меди (не считая водородоподобных) и 23 уровня неона. Уровни энергии возбужденных атомов и их заселенности n_k нумеруются индексом k или i. Для атома ме-



Рис. 2. Схема уровней атомов меди (а) и неона (б).

ди k = 1-5 – отдельные нижние уровни, k = 6-8 – блоки уровней меди; для атома неона k = 9 – основной уровень, k = 10, 11 – блоки уровней неона. Блоки высоко лежащих уровней меди, находящихся в равновесии с электронным континуумом обозначены на рис. 2 как np^1 и np^2 . Генерация лазерного излучения происходит при переходе с резонансных уровней на метастабильные. На зеленой (0 51 мкм) линии с k = 5 на i = 2 ($4n^2P^0$, $\rightarrow 4s^{22}D_{ex}$)

(0.51 мкм) линии с k = 5 на i = 2 (4 $p^2 P_{3/2}^{o} \rightarrow 4s^{22} D_{5/2}$) и на желтой (0.578 мкм) линии с k = 4 на i = 3(4 $p^2 P_{1/2}^{o} \rightarrow 4s^{22} D_{3/2}$).

Более детальное обсуждение и обоснование принятой схемы уровней проведено в [12] с использованием представлений о кинетике заселенностей в диффузионном или модифицированном диффузионном приближении [13]. Перечень всех учитываемых уровней атома меди неона, их энергий E_k и статвесов g_k представлен в [4] (см. Приложение П4) и в [12].

Учет столкновительных и радиационных процессов

В принятой модели расчета учитываются следующие физические процессы:

 нагрев свободных электронов электрическим полем (нагревом ионов пренебрегаем);

 ионизация атомов меди и неона со всех уровней;

 тройная рекомбинация на основной и на все возбужденные уровни меди и неона;

— фоторекомбинация на нижние уровни атомов k = 1-5 и k = 9;

 конверсия атомарных ионов неона в молекулярные ионы и их диссоциативная рекомбинация;

 спонтанное излучение (231 линии атома меди и 55 линий атома неона с известными вероятностями спонтанного излучения A_{ki} [4] (см. Приложение П4);

 – реабсорбция спонтанного излучения методом эффективного времени жизни [14];

 возбуждение и тушение электронным ударом всех выбранных состояний атома меди и неона;

 – упругие потери энергии электронов при столкновении с атомами и ионами;

 процессы типа ионизации Пеннинга при столкновениях возбужденных атомов неона с атомами меди в основном состоянии;

— процесс перезарядки ионов неона на атомах меди в основном состоянии с образованием ионов меди в возбужденных состояниях ($E_{ex}^+ \approx 13.68 - 13.87$ эВ); согласно [15], этот процесс можно отнести к перезарядке, близкой к резонансному типу;

 – амбиполярная диффузия электронов и двух сортов ионов Cu⁺ и Ne⁺, а также диффузия возбужденных атомов меди и неона.

Баланс возбужденных атомов меди и неона

В общем виде, в приближении многожидкостной гидродинамики [16], баланс возбужденных частиц можно представить уравнением

$$\frac{\partial n_k}{\partial t} = \left(\frac{\delta n_k}{\delta t}\right)_{\text{pow}} - \left(\frac{\delta n_k}{\delta t}\right)_{\Gamma} - \operatorname{div}(n_k \mathbf{u}_k).$$
(1)

Здесь первый и второй члены в правой части описывают соответственно рождение или гибель возбужденного состояния атома *k* в объеме за счет всех столкновительных и радиационных процессов, перечисленных выше:

$$\left(\frac{\delta n_k}{\delta t}\right)_{\text{pow}} = \left[\sum_{i \neq k} (n_i q_{ik}) + q_k^{\text{rec}} n_e n_k^+ + q_k^{\text{fr}} n_k^+\right] n_e + \sum_{i>k} A_{ik}^* n_i + B_{\text{gr}} \rho_{\text{gr}} \alpha_{\text{gr}} \frac{g_5}{g_2} n_2 \delta_k^{\text{gr}} + (2) + B_{\text{yel}} \rho_{\text{yel}} \alpha_{\text{yel}} \frac{g_4}{g_3} n_3 \delta_k^{\text{yel}},$$

$$\left(\frac{\delta n_k}{\delta t}\right)_{\Gamma} = \left[\sum_{i \neq k} (n_k q_{ki}) + n_k q_k^{\text{ion}}\right] n_e + \sum_{i < k} A_{ki}^* n_k + B_{\text{gr}} \rho_{\text{gr}} \alpha_{\text{gr}} n_2 \delta_k^{\text{gr}} + B_{\text{yel}} \rho_{\text{yel}} \alpha_{\text{yel}} n_3 \delta_k^{\text{yel}} + q^{\text{pen}} n_1 n_k \delta_k.$$

$$(3)$$

Если направленная скорость \mathbf{u}_k частиц в состоянии k связана с градиентом их концентрации, то третий член справа в (1) описывает устранение этих частиц из объема за счет процесса диффузии:

$$-\operatorname{div}(n_k \mathbf{u}_k) = -\operatorname{div}\left(-n_k D_k \frac{\nabla n_k}{n_k}\right) = D_k \Delta n_k.$$
(4)

В уравнениях (1)-(4) и везде далее: n_k (см⁻³) – концентрации, q_{ki} (см³/с) – константа скорости

перехода с уровня k на уровень i электронным ударом; q_k^{ion} (см³/с), q_k^{rec} (см⁶/с) — константы скорости ионизации электронным ударом и тройной рекомбинации на уровень k; q^{pen} (см³/с) — константы скорости "пенинг" процесса; q_k^{fr} (см³/с) — кон-

станта фоторекомбинации на уровень $k; A_{ki}^* (c^{-1})$ эффективная вероятность спонтанного излучения с учетом реабсорбции с уровня k на уровень i; $ρ_{gr}$, $ρ_{vel}$ ($βBc/cM^3$) $µB_{gr}$, B_{vel} ($cM^3/c^2 βB$) – cootBetственно спектральные плотности лазерного излучения и коэффициенты вынужденного излучения при переходах с k = 5 на i = 2 для зеленой и с k = 4 на i = 3 для желтой линий генерации лазера; $\alpha_{gr}, \alpha_{vel}$ коэффициенты, учитывающие конечность ширины спектральных линий (см. ниже); D_k (см²/с) – коэффициент диффузии возбужденных атомов; коэффициенты $\delta_k = 1$ при k = 10, 11 и $\delta_k = 0$ при $k\neq$ 10, 11; $\delta_k^{\rm gr}$ =1 при k = 5, $\delta_k^{\rm gr}$ = –1 при k = 2 и $\delta_k^{\mathrm{gr}} = 0$ при $k \neq 2, 5$. Аналогично $\delta_k^{\mathrm{yel}} = 1$ при k = 4, $\delta_{k}^{\text{yel}} = -1$ при k = 3 и $\delta_{k}^{\text{yel}} = 0$ при $k \neq 3, 4$. В уравнении (2) при $k = 1-8 n_k^+ = n_{Cu^+} (см^{-3}) - концентра$ ция ионов меди, а при $k = 9-11 n_k^+ = n_{Na^+} (cm^{-3})$ концентрация ионов неона.

Нульмерные приближения процессов переноса частиц и энергии

Дифференциальные уравнения баланса возбужденных частиц и баланса энергии электронов содержат производные по времени и координатам. При описании физических процессов в плазме ИЛПМ будем пренебрегать вязкой диссипацией энергии и запишем уравнения в так называемом "нульмерном" приближении. В этом случае все члены исходных дифференциальных уравнений осредняются по объему кольцевой разрядной камеры с привлечением тех или иных физических представлений о протекающих процессах.

Осреднение уравнения баланса возбужденных атомов меди и неона. При осреднении по объему всех членов дифференциальных уравнений (1) аналогично [16] полагали, что в середине кольцевой области разрядной трубки объемные процессы гибели возбужденного состояния преобладают над диффузионным уходом частиц на стенку. Диффузионное устранение частиц существенно лишь вблизи границ плазмы. В этом случае радиальное распределение концентраций n_k (рис. 3) принималось пологим в центральной области, а в пристеночных слоях толщиной Λ_k – круто спадающим до нуля (кроме k = 1 и k = 9).

При $(r_2 - r_1)/r_1 < 1$ величины Λ_k можно считать одинаковыми около обеих стенок $r = r_1$ и $r = r_2$. Такие же радиальные распределения задаются и



Рис. 3. Модельное радиальное распределение концентраций частиц в кольцевом рабочем объеме разрядной камеры.

для концентраций заряженных частиц n_{Cu^+} , n_{Ne^+} , n_e со своими значениями Λ_{Cu^+} , Λ_{Ne^+} , Λ_e (см. ниже). Принимаем, аналогично [16], что в центральной части кольцевого объема grad $(n_k) \approx 0$ и $\Delta n_k \approx 0$, а в пристеночных слоях:

$$\operatorname{grad}(n_k) \sim \frac{n_k^0(t)}{\Lambda_k(t)},$$
 (5)

$$D_k \Delta n_k = D_k \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial n_k}{\partial r} \right) \sim D_k \frac{n_k^0(t)}{\Lambda_k^2(t)}.$$
 (6)

Здесь $n_k^0(t)$ — концентрация возбужденных частиц в центральной части объема, которую с учетом принятой формы профиля концентраций можно связать со средней по объему концентрацией

$$\langle n_k \rangle \approx n_k^0 \left(1 - \frac{\Lambda_k}{(r_2 - r_1)} \right).$$
 (7)

Осреднение по кольцевому объему разрядной коаксиальной камеры выражений (6), описывающих диффузию n_k в уравнениях баланса частиц, дает

$$\langle D_k \Delta n_k \rangle \approx D_k \frac{\langle n_k \rangle}{(r_2 - r_1)\Lambda_k} f_k,$$
 (8)

где

$$f_k = 2 \left(1 - \frac{\Lambda_k}{(r_2 - r_1)} \right)^{-1}.$$
 (9)

Геометрический фактор f_k изменяется от двух при $\Lambda_k / (r_2 - r_1) \ll 1$ до четырех при $\Lambda_k \approx 0.5(r_2 - r_1)$.

В (5)–(9) величины $\Lambda_k(t)$ (см) приближенно определяются по аналогии с [16] как характерное расстояние от стенки, на котором скорости диффузного ухода атомов уравниваются со скоростью их гибели за счет объемных процессов. Приравнивая правую часть уравнения (3) (при $r = r_2 - \Lambda_k$ или $r = r_1 + \Lambda_k$) к выражению (6), получим

$$\Lambda_{k} \approx \sqrt{D_{k}} / \sqrt{n_{e}^{0} \left(\sum_{i \neq k} q_{ki} + q_{k}^{\text{ion}}\right)} + \sum_{i < k} A_{ki}^{*} + B_{\text{gr}} \rho_{\text{gr}} \alpha_{\text{gr}} \delta_{k}^{\text{gr}} + B_{\text{yel}} \rho_{\text{yel}} \alpha_{\text{yel}} \delta_{k}^{\text{yel}} + q^{\text{pen}} n_{\text{l}} \delta_{k}.$$
(10)

Под корнем в числителе и знаменателе величины n_k^0 сократились; в качестве концентрации электронов n_e^0 (в центральной части объема) подставляем, согласно (7), приближенные значения $n_e^0 \approx 1.5 \langle n_e \rangle$ (см. ниже). В качестве остальных величин под корнем в (10) подставляются их средние по объему значения (знак осреднения опускаем).

Детально рассмотрим вопрос также об осред-

нении в уравнениях баланса (2), (3) членов $A_{ki}^* n_k$. Реабсорбция спонтанного излучения учитывается методом эффективного времени жизни [13, 14]. В этом методе величина A_{ki}^* представляется в виде $A_{ki}\theta_{ki}$, поэтому можно записать

$$\langle A_{ki}^* n_k \rangle \approx A_{ki} \langle \theta_{ki} \rangle \langle n_k \rangle \alpha = A_{ki}^{\text{ef}} \langle n_k \rangle.$$

Здесь A_{ki} — вероятность спонтанного излучения; $\theta_{ki}(x, k_0(x)h)$ — вероятность вылета фотона из точки *x* объема, занимаемого плазмой [13]; $k_0(x)$ — коэффициент поглощения в центре спектральной линии излучения; h — характерная толщина слоя плазмы. Обычно коэффициент осреднения α полагается равным единице, а вместо $\langle \theta_{ki} \rangle$ под-

ставляется $\theta_0 = \theta_{ki}(0, k_0(0)h)$ – вероятность вылета фотона из середины (x = 0) слоя плазмы. Известные выражения θ_0 для плазмы с однородным поглощением ($k_0(x) = \text{const}$) представлены в ряде работ [13, 14]. Поскольку величина θ_{ki} в центре объема обычно много меньше единицы, а вблизи стенки порядка единицы, то значение $\langle \theta_{ki} \rangle \alpha$ могут заметно отличаться от значений θ_0 , что может существенно занизить величину $\langle A_{ki}^* n_k \rangle$. В данной расчетной модели были использованы новые, полученные в [17], выражения $\theta_{ki}(x, k_0(x)h)$ для неоднородной плазмы ($k_0(x) \neq \text{const}$) и формулы, аппроксимирующие численные значения $Q_{ki}^{\mathrm{ef}} = \langle \theta_{ki}
angle lpha$ и, соответственно, $A_{ki}^{\text{ef}} = A_{ki}Q_{ki}^{\text{ef}}$ для различных мо-дельных зависимостей $n_k(r)$ и $k_0(r)$. Подробная информация по этим формулам и необходимые для расчета таблицы коэффициентов представлены также в [4] (Приложение П7).

Для остальных членов в уравнениях баланса (2), (3) коэффициенты осреднения полагаем порядка единицы. Окончательно, баланс для осредненных по объему концентраций возбужденных атомов (k = 2-8 и k = 10, 11) принимает вид (знак осреднения опускаем)

$$\frac{\partial n_{k}}{\partial t} = \left[\sum_{i \neq k} (n_{i}q_{ik} - n_{k}q_{ki}) + q_{k}^{\text{rec}}n_{e}n_{k}^{+} + q_{k}^{\text{fr}}n_{k}^{+} - n_{k}q_{k}^{\text{ion}}\right]n_{e} - \sum_{i < k} A_{ki}^{\text{ef}}n_{k} + \sum_{i > k} A_{ik}^{\text{ef}}n_{i} - B_{\text{gr}}\rho_{\text{gr}}\alpha_{\text{gr}}\left(n_{5} - \frac{g_{5}}{g_{2}}n_{2}\right)\delta_{k}^{\text{gr}} - B_{\text{yel}}\rho_{\text{yel}}\alpha_{\text{yel}} \times \left(n_{4} - \frac{g_{4}}{g_{3}}n_{3}\right)\delta_{k}^{\text{yel}} - q^{\text{pen}}n_{1}n_{k}\delta_{k} - \frac{n_{k}D_{k}f_{k}}{\Lambda_{k}(r_{2} - r_{1})}.$$
(11)

В правой части (11) индекс і варьируется от 1 до 11 с учетом ограничений, указанных под знаками сумм. Коэффициенты диффузии D_k (см²/с) возбужденных атомов меди и неона [4, 18] оказались примерно равными и вычислялись по аппроксимирующей формуле

$$D_k = 2.82 \times 10^3 (T_g/1273)^{1.7} / P_{\rm Ne}.$$

Для расчета концентрации атомов меди и неона в основном состоянии k = 1 и k = 9 можно использовать закон сохранения полного числа тяжелых частиц в замкнутом объеме и записать алгебраические выражения (для средних по объему значений концентраций)

$$n_{1} = 1.95 \times 10^{23} \frac{T_{w}}{T_{g}} \exp(-33160/T_{w}) - \sum_{k=2}^{8} n_{k} - n_{Cu^{+}} - np,$$
(12)
$$n_{z} = 0.966 \times 10^{19} (P_{z} - T_{z})$$

$$\frac{n_9 - 0.500 \times 10^{-10} (n_{Ne}/n_g) - (13)}{-n_{10} - n_{11} - n_{Ne^+} - 2n_m^+}$$

В (12) первый член справа определяет концентрацию меди $n_{\rm Cu}$ (в см⁻³) возле стенки, равновесную с температурой T_w (K) и пересчитывается в объеме трубки по температуре смеси T_g (K) [4]. Концентрация томов меди верхнего блока пр = = np1 + np2 (см⁻³) (рис. 2) представляет собой сумму водородоподобных уровней атома меди, сходящихся к континуумам с границей $J_{\rm Cu} = 7.726 \ {\rm 9B}$ и $J_{Cu} = 10.6$ эВ и рассчитывается по формуле Саха-Больцмана (см., например, в [13, 19, 20]). В (13) n_m^+ (в см⁻³) — концентрация молекулярных ионов неона (см. ниже).

Баланс концентраций атомарных и молекулярных ионов. При осреднении по объему кольцевой разрядной камеры балансных уравнений концентраций заряженных частиц, средние значения $\langle n_{\rm Cu^+} \rangle$, $\langle n_{\rm Ne^+} \rangle$ и значения в центре объема $n_{\rm Cu^+}^0$, $n_{\rm Ne^+}^0$ связываются соотношениями, аналогичными (7). В общем случае необходимо рассматривать три коэффициента амбиполярной диффузии отдель-

но для электронов D_a^e и для ионов $D_a^{{
m Cu}^+}, D_a^{{
m Ne}^+}$, связанных соотношением [15]

$$D_a^e \approx \left(\frac{n_{\mathbf{Cu}^+}}{n_e} D_a^{\mathbf{Cu}^+} + \frac{n_{\mathbf{Ne}^+}}{n_e} D_a^{\mathbf{Ne}^+}\right).$$

Здесь коэффициенты амбиполярной диффузии для ионов определяются как обычно через коэффициенты диффузии ионов меди $D_{Cu^{+}}$ и неона $D_{Ne^{+}}$:

$$D_a^{\mathrm{Cu}^+,\mathrm{Ne}^+} \approx D_{\mathrm{Cu}^+,\mathrm{Ne}^+} (1 + 1.16 \times 10^4 T_e / T_g).$$

Величину D_{Cu^+} (см²/с), согласно [15], можно представить в виде

$$D_{\rm Cu^+} \approx 8.62 \times 10^{-3} T_g^2 P_{\rm Ne}^{-1} \left(\sqrt{\chi \mu} \right)^{-1}$$

Здесь $\chi \approx 2.75$ — поляризуемость неона, $\mu = 15.2$ приведенная масса. Анализ данных [15] по подвижностям в неоне показал, что значения D_{Cu^+} близки к значениям D_{Ne^+} . При этих условиях балансы для осредненных по объему концентраций ионов с учетом выражений (8) принимают вид

$$\frac{\partial n_{Cu^{+}}}{\partial t} = \sum_{k=1}^{8} n_{k} q_{k}^{ion} n_{e} + q^{pen} (n_{10} + n_{11}) n_{1} + \\
+ n_{1} n_{Ne^{+}} q^{rech} - n_{e}^{2} n_{Cu^{+}} \sum_{k=1}^{8} q_{k}^{rec} - (14) \\
- n_{Cu^{+}} n_{e} \sum_{k=1}^{8} q_{k}^{fr} - \frac{n_{Cu^{+}} D_{a}^{Cu^{+}} f_{Cu^{+}}}{\Lambda_{Cu^{+}} (r_{2} - r_{1})}, \\
\frac{\partial n_{Ne^{+}}}{\partial t} = \sum_{k=9}^{11} n_{e} n_{k} q_{k}^{ion} - n_{e}^{2} n_{Ne^{+}} \sum_{k=9}^{11} q_{k}^{rec} - \\
- n_{e} n_{Ne^{+}} \sum_{k=9}^{11} q_{k}^{fr} - n_{Ne^{+}} n_{9}^{2} q^{con} - (15) \\
- n_{1} n_{Ne^{+}} q^{rech} - \frac{n_{Ne^{+}} D_{a}^{Ne^{+}} f_{Ne^{+}}}{\Lambda_{Ne^{+}} (r_{2} - r_{1})}, \\
\frac{\partial n_{m}^{+}}{\partial t} = n_{Ne^{+}} n_{9}^{2} q^{con} - n_{m}^{+} n_{e} q^{dis}.$$
(16)

Здесь q^{rech} (см³/с), q^{con} (см⁶/с), q^{dis} (см³/с) – константы скорости перезарядки, конверсии и диссоциативной рекомбинации. В (16) диффузией молекулярных ионов пренебрегаем. В уравнениях (14), (15) величины Λ_{Cu^+} и Λ_{Ne^+} определяются как характерные расстояния от стенок, на которых скорости амбиполярного диффузионного устранения ионов сравниваются со скоростью их гибели за счет объемных процессов (рекомбинации) и рассчитываются по формулам

dt

$$\begin{split} \Lambda_{\mathrm{Cu}^{+}} &\approx \sqrt{D_{a}^{\mathrm{Cu}^{+}}} / \sqrt{\left(n_{e}^{0}\right)^{2} \sum_{k=1}^{8} q_{k}^{\mathrm{rec}} + n_{e}^{0} \sum_{k=1}^{8} q_{k}^{\mathrm{fr}}},\\ \Lambda_{\mathrm{Ne}^{+}} &\approx \frac{\sqrt{D_{a}^{\mathrm{Ne}^{+}}}}{\sqrt{\left(n_{e}^{0}\right)^{2} \sum_{k=9}^{11} q_{k}^{\mathrm{rec}} + n_{e}^{0} \sum_{k=9}^{11} q_{k}^{\mathrm{fr}} + n_{9}^{2} q^{\mathrm{con}} + n_{\mathrm{I}} q^{\mathrm{rech}}}}, \end{split}$$

где $n_e^0 \approx 1.5 \langle n_e \rangle$. Эти же значения Λ_{Cu^+} и Λ_{Ne^+} подставляются в формулу (9) (вместо Λ_k) для вычисления геометрических факторов f_{Cu^+} и f_{Ne^+} , входящих в уравнения (14), (15). Для определения характерной величины спада электронной концентрации возле стенки можно воспользоваться соотношением

$$\Lambda_{e} \approx \sqrt{D_{a}^{e}} / \sqrt{\left(n_{e}^{0}\right) \left(n_{Cu^{+}}^{0} \sum_{k=1}^{8} q_{k}^{\mathrm{rec}} + n_{\mathrm{Ne^{+}}}^{0} \sum_{k=9}^{11} q_{k}^{\mathrm{rec}}\right)} + n_{Cu^{+}}^{0} \sum_{k=1}^{8} q_{k}^{\mathrm{fr}} + n_{\mathrm{Ne^{+}}}^{0} \sum_{k=9}^{11} q_{k}^{\mathrm{fr}} + n_{m}^{+} q^{\mathrm{dis}}.$$
(17)

Концентрация электронов (средняя по объему) находится из соотношения

$$n_e = n_{Ne^+} + n_{Cu^+} + n_m^+.$$

Баланс энергии электронов. В гидродинамическом приближении, пренебрегая вязкой диссипацией, баланс энергии электронов можно записать [16, 20]:

$$\frac{3}{2}n_e\frac{\partial T_e}{\partial t} + \frac{3}{2}n_e\mathbf{u}_e\nabla T_e + \operatorname{div}\mathbf{q}_e +$$

$$+ n_eT_e\operatorname{div}\mathbf{u}_e = w_{\mathrm{fri}}^e - w_{\mathrm{el}} + w_{\mathrm{inel}}.$$
(18)

В левой части (18) \mathbf{q}_e — вектор плотности потока тепла электронов, \mathbf{u}_e — направленная скорость электронов. В правой части

$$w_{\rm fri}^e = n_e \sum_a v_{ea} m_e \left(\mathbf{u}_e - \mathbf{u}_a \right)^2 \approx \frac{j^2}{\sigma}$$
(19)

— удельная мощность нагрева свободных электронов в результате взаимного трения потока электронов с тяжелыми частицами (ионами), движущимися с направленной скоростью \mathbf{u}_a . Учитывая, что в рассматриваемых условиях $|\mathbf{u}_e| \ge |\mathbf{u}_a|$ плотность элек-

трического тока $\mathbf{j} \approx -en_e \mathbf{u}_e$, величину w_{fri}^e в (19) можно выразить через плотность тока и проводимость плазмы $\sigma = e^2 n_e / (m_e \sum_a v_{ea})$. Здесь e, m_e — заряд и масса электрона; $\sum_a v_{ea} = v_{eCu} + v_{eCu^+} + v_{eNe} + v_{eNe^+}$ сумма частот упругих столкновений электронов с атомами и ионами меди и неона. В (18) второй член в правой части

$$w_{el} = \frac{3}{2} n_e \sum_{a} \varpi_{ea} v_{ea} (T_e - T_a) =$$

= 1.63 × 10⁻³ $\left(\frac{v_{eCu} + v_{eCu^+}}{63.5} + \frac{v_{eNe} + v_{eNe^+}}{20} \right) \times$
× $\left(T_e - 0.862 \times 10^{-4} T_g \right) n_e$

— удельная мощность потерь энергии свободных электронов в упругих столкновениях с атомами и ионами; величина $\mathfrak{x}_{ea} \approx 2m_e/m_a$, T_a — температуры тяжелых частиц (атомов и ионов) полагаются одинаковыми и равными температуре рабочей смеси T_g, m_a — массы атомов и ионов. Третий член

$$w_{\text{inel}} = n_{e} \sum_{k} \left[n_{k} \sum_{i} E_{ki} q_{ki} - \left(\varepsilon_{k} - \frac{3}{2} T_{e} \right) \times \left(n_{k} q_{k}^{\text{ion}} - n_{e} n_{k}^{+} q_{k}^{\text{rec}} \right) \right] + q^{\text{rech}} E_{ex}^{+} n_{l} n_{\text{Ne}}^{+} + q^{\text{pen}} n_{l} \left[\left(E_{10} - J_{\text{Cu}} - \frac{3}{2} T_{e} \right) n_{l0} + \left(E_{11} - J_{\text{Cu}} - \frac{3}{2} T_{e} \right) n_{l1} \right]$$
(20)

— удельная мощность, связанная с обменом энергией между свободными электронами и тяжелыми частицами в неупругих столкновениях. В (20) $E_{ki} = E_k - E_i$ (эВ) — энергия возбуждения (k < i, $E_{ki} < 0$) или гашения (k > i, $E_{ki} > 0$) уровней электронным ударом, $\varepsilon_k = J_k - E_k$ (эВ) — энергия ионизации с уровня k (для блоков см. ниже), $J_{Cu} =$ = 7.726 эВ — потенциал ионизации меди.

Уравнение (18), следуя работе [16], можно упростить, подставив известные выражения для направленной скорости электронов **u**_e и вектора плотности потока тепла электронов **q**_e. При этом полагаем, что **u**_e является суммой амбиполярной скорости \mathbf{u}_{am} и токовой скорости \mathbf{u}_{o} в азимутальном электрическое поле Е_о в разрядной камере ИЛПМ. Плазма неоднородна только в радиальном направлении, так что $\mathbf{E}_{\omega} \perp \nabla n_e$, $\mathbf{E}_{\omega} \perp \nabla T_e$ и $\mathbf{u}_{\varphi} \perp \mathbf{u}_{am}$. Кроме того, $D_a^e \ll D^e$, где $D^e - \kappa$ оэффициент диффузии электронов, и $|\mathbf{u}_{am}| \ll |\mathbf{u}_{\varphi}| \approx |\mathbf{u}_{e}|$. В этих условиях, согласно [16, 21], в пристеночном слое толщиной Λ_e , определенном выше, изменение концентрации электронов и ионов определяется амбиполярной диффузией. Непосредственно вблизи стенки образуется более узкий слой толщиной порядка дебаевского радиуса. Вблизи границы плазма-слой $(\nabla T_e/T_e) \ll (\nabla n_e/n_e)$ и граничное условие для T_e можно задавать, полагая на границе (∇T_e)_{гр} $\simeq 0$. Это обусловлено тем, что коэффициент температуропроводности существенно

2022

превышает коэффициент амбиполярной диффузии. В [16] осреднение по объему дивергентных членов проводилось для радиального диффузионного профиля концентрации n_e в цилиндрической трубке. В данной работе при интегрировании по сечению кольцевого разрядного объема использованы приближенные выражения (4), (5) для дивергентных членов и выражения (9), (17) для f_e и Λ_e . Однородность T_e учитывалась и при осреднении членов в уравнениях баланса частиц. Окончательно баланс энергии электронов после осреднения приобретает вид (знаки осреднения везде опускаем)

$$\frac{\partial T_e}{\partial t} = \frac{0.4 \times 10^{19}}{n_e} w_j + \frac{2}{3n_e} (w_{\text{inel}} - w_{el}) - \frac{2f_e D_a^e}{3\Lambda_e (r_2 - r_1)} T_e \left(3 + \ln\left(\frac{\Lambda_e}{D_a^e} \sqrt{\frac{T_e}{m_e}}\right)\right).$$
(21)

Здесь в правой части $w_j(t) = \langle j_{\phi}^2(t) / \sigma(t) \rangle_V$ – средняя по объему мгновенная удельная мощность джоулева нагрева (Вт/см³) свободных электронов (см. ниже); второй член – неупругие и упругие потери энергии электронов. Последний член в правой части (21) – результат осреднения дивергентных членов в исходном уравнении для кольцевой геометрии разрядных камер. Так же как и для цилиндрической камеры [16, 21], он приближенно описывает диффузионное охлаждение электронов и отличается множителями

перед D_a^e . Частоты упругих столкновений электронов с атомами меди v_{eCu} вычислялись по формуле

$$v_{eCu} \approx n_{Cu} \langle \sigma_{eCu} v_e \rangle_{v_e}$$

где были использованы численные значения транспортного сечения упругого столкновения электрона с атомом меди σ_{eCu} из [22] и осреднение проводилось по максвелловской функции распределения тепловых (хаотических) скоростей электронов v_e . Частоты упругих столкновений электронов с атомами неона v_{eNe} и с ионами меди и неона соответственно v_{eCu} , v_{eNe} рассчитывались по формулам

$$\mathbf{v}_{e\mathrm{Ne}} = 1.11 \times 10^{11} T_e^{0.166} \sqrt{T_e} P_{\mathrm{Ne}} T_g^{-1}, \qquad (22)$$

$$\mathbf{v}_{en_{k}^{+}} = (23.4 - 1.15 \, \lg n_{e} + 3.45 \, \lg T_{e}) \, 0.286 \times \\ \times 10^{-5} n_{k}^{+} T_{e}^{-1.5}.$$
⁽²³⁾

Формула (22) взята из [23], а (23) из [24].

Таблицы всех используемых в уравнениях (10), (11), (14)–(17), (20) констант q_{ki} , q_k^{ion} , q_k^{rec} , q^{rech} , q_k^{fr} , q^{pen} , q^{con} , q^{dis} , A_{ki} , A_{ki}^{ef} , B_{gr} , B_{yel} , их экспериментальные и расчетные значения и методики расчета для ЛПМ представлены в монографиях [4] (Приложения П2–П5) и [3]. Там же собран материал по константам для лазеров на самоограниченных переходах в парах других металлов – бария, золота, свинца и др.

Развитие спектральной плотности вынужденного излучения ИЛПМ

Уравнения развития спектральных плотностей ρ_{gr} или ρ_{yel} в оптическом резонаторе в нульмерном приближении получаются обычно осреднением по длине резонатора нестационарных уравнений переноса излучения, записанных для двух встречных потоков, распространяющихся вдоль оси резонатора (см., например, [25, 26]):

$$\frac{\partial \rho_{\rm gr}}{\partial t} = (E_5 - E_2) \times \left[\frac{\Delta \Omega}{4\pi} \beta_{\rm gr} A_{\rm gr} n_5 + B_{\rm gr} \rho_{\rm gr} \varphi_{\rm gr} \left(n_5 - \frac{g_5}{g_2} n_2 \right) \right] \frac{\ell_{\rm pl}}{\ell_r} - \rho_{\rm gr} q_r.$$
(24)

Здесь представлено выражение лазерной генерации на зеленой линии, для желтой линии оно полностью аналогично. В (24) $\Omega \approx \pi \left(r_2^2 - r_1^2\right) / \ell_r^2$ – телесный угол, в пределах которого распространяется лазерное излучение; $\ell_{\rm pl}$ (см) – длина активной среды лазера; ℓ_r (см) — расстояние между зеркалами резонатора (см. рис. 1); q_r – декремент затухания энергии излучения в пустом резонаторе. Первый член в квадратных скобках описывает вклад спонтанного ("затравочного") излучения, второй — усиление света в индуцированных переходах. Коэффициенты ϕ_{gr} , β_{gr} (или ϕ_{vel} , β_{vel} в аналогичном выражении для желтой линии генерации) и выше в (11) коэффициенты α_{gr} , α_{yel} учитывают конечность ширины спектральных линий. Их значения зависят от распределения интенсивности по частоте в контуре линии лазерного излучения $S_{\text{las}}(v)$ и в контуре поглощения спектральной линии $S_{ab}(v)$ [26] (для зеленой или желтой линии генерации). Опуская индексы gr и vel, запишем

$$\varphi = \int_{-\infty}^{\infty} S_{\rm las}(v) S_{\rm ab}(v) dv, \quad \beta = S_{\rm las}\left(v_0^{\rm las}\right) \int_{\Delta v_{\rm las}} S_{\rm ab}(v) dv,$$
$$\alpha = \varphi / S_{\rm las}\left(v_0^{\rm las}\right),$$

где Δv_{las} , v_0^{las} — соответственно ширина контура линии генерации лазерного излучения и частота в середине этого контура. В условиях ЛПМ ширина Δv_{las} близка к Δv_{ab} — ширине линии поглощения, при этом образования продольных мод резонатора не наблюдается. На основании экспериментальных и расчетных данных из [4, 27, 28] по контурам этих линий вычислены средние по длительности импульса генерации значения для всех указанных коэффициентов, которые можно использовать в расчетах ЛПМ и ИЛПМ (при $T_g \approx 2100-4000$ K).

Для зеленой линии генерации ЛПМ ($\lambda = 0.51 \text{ мкм}$): $\phi_{gr} \approx 1.17 \times 10^{-10} \text{ c}$, $\beta_{gr} \approx 1.7 \times 10^{-10} \text{ c}$, $\alpha_{gr} \approx 0.6$, $\Delta v_{las} \approx 5300 \text{ M}$ Гц; для желтой линии ЛПМ ($\lambda = 0.578 \text{ мкм}$): $\phi_{yel} \approx 0.95 \times 10^{-10} \text{ c}$, $\beta_{yel} \approx 1.8 \times 10^{-10} \text{ c}$, $\alpha_{yel} \approx 0.24$, $\Delta v_{las} \approx 1300 \text{ M}$ Гц.

В уравнении (24) при сильно несимметричном резонаторе ($R_1 \approx 1-0.3 \gtrsim R_2 \gtrsim 0$), согласно [26], декремент q_r может быть представлен в виде

$$q_r = \frac{2c}{\ell_r} \frac{(1-R_2)}{(1+R_1)}$$

Здесь *с* – скорость света; R_1 , R_2 – коэффициенты отражения зеркал. При $R_1 \approx 1$, $R_2 \approx 0$ (ЛПМ с одним глухим зеркалом) это выражение дает правильное значение декремента $q_r \approx c/\ell_r$, равное обратной величине характерного времени ухода излучения из резонатора через один торец. Отметим, что в силу заданной геометрии разрядной камеры с центральной вставкой (см. рис. 1) возможно использование только плоских зеркал.

Мощность излучения лазера $W_{\text{las}}(t)$, выходящего из оптического резонатора через одно или оба зеркала, как известно:

$$W_{\rm las}(t) = q_r \rho(t) \Delta v_{\rm las} F \ell_r,$$

где *F* – площадь сечения лазерного пучка на выходных зеркалах.

Эффективные константы для блоков возбужденных уровней атомов

Концентрация n_k какого-либо блока уровней (рис. 2) равна сумме отдельных концентраций n_{ks} возбужденных частиц в блоке. Предполагается больцмановское распределение заселенностей уровней внутри блоков. При таком подходе уравнения баланса концентраций для блоков по форме полностью совпадают с аналогичными уравнениями для концентраций одиночных уровней (11). Блок рассматривается как некий эффективный уровень со своей эффективной энергией возбуждения, ионизации и эффективными константами заселения, расселения, спонтанного распада и т.п. [13].

Эффективные константы скорости возбуждения $(k \le i)$ электронным ударом и девозбуждения $(k \ge i)$ блоков определяются как

$$q_{ki} = \sum_{s} \left(g_{ks} \mathrm{e}^{-E_{ks}/T_e} \sum_{m} q_{ksim} \right) \left[\sum_{s} g_{ks} \mathrm{e}^{-E_{ks}/T_e} \right]^{-1}.$$

Здесь *q_{ks im}* — прямая или обратная константа скорости возбуждения электронным ударом при переходе с отдельного уровня *s* блока *k* на уровень

т блока *i*; g_{ks} и E_{ks} – статистические веса и энергии отдельных уровней блока.

Эффективные константы скорости ионизации q_k^{ion} , тройной рекомбинации q_k^{rec} и фоторекомбинации q_k^{fr} блоков рассчитываются как

$$q_k^{\text{ion}} = \sum_{s} \left[q_{ks}^{\text{ion}} g_{ks} e^{-E_{ks}/T_e} \left(\sum_{s} g_{ks} e^{-E_{ks}/T_e} \right)^{-1} \right],$$
$$q_k^{\text{rec}} = \sum_{s} q_{ks}^{\text{rec}}, \quad q_k^{\text{fr}} = \sum_{s} q_{ks}^{\text{fr}},$$

где q_{ks}^{ion} , q_{ks}^{rec} , q_{ks}^{fr} – соответственно константы для отдельных уровней в блоке.

Эффективная энергия перехода с блока *k* на блок *i* и энергия ионизации блока *k* определяются по формулам

$$E_{ki} = \sum_{s} \left[g_{ks} e^{-E_{ks}/T_e} \sum_{m} (E_{ks} - E_{im}) q_{ksim} \right] /$$

$$/ \left[\sum_{s} \left(g_{ks} e^{-E_{ks}/T_e} \sum_{m} q_{ksim} \right) \right],$$

$$\varepsilon_k = \sum_{s} \left(\varepsilon_{ks} g_{ks} q_{ks}^{ion} e^{-E_{ks}/T_e} \right) \times$$

$$\times \left[\sum_{s} \left(g_{ks} q_{ks}^{ion} e^{-E_{ks}/T_e} \right) \right]^{-1},$$

где $\varepsilon_{ks} = J_k - E_{ks}$ (эВ) — энергия ионизации с отдельного уровня, J_k — потенциал ионизации меди или неона. Для k = 1-8 берется $J_k = J_{Cu} = 7.726$ эВ при $E_{ks} < 7.726$ эВ. При $E_{8s} > 7.726$ эВ подставляем $J_{Cu}' = 10.6$ эВ; при k = 9, 10, 11 $J_k = 21.56$ — потенциал ионизации неона.

Эффективная вероятность спонтанного перехода между блоками определена как

$$A_{ki}^{\text{ef}} = \sum_{s} \left(g_{ks} \mathrm{e}^{-E_{ks}/T_e} \sum_{m} A_{ksim}^{\text{ef}} \right) / \left[\sum_{s} g_{ks} \mathrm{e}^{-E_{ks}/T_e} \right],$$

где A_{ksim}^{ef} — эффективные вероятности спонтанных переходов между отдельными уровнями *s* и *m* (с учетом реабсорбции).

УРАВНЕНИЯ ЭЛЕКТРИЧЕСКОЙ СХЕМЫ ИНДУКЦИОННОГО ВОЗБУЖДЕНИЯ И ЗАКОН ОМА В ПЛАЗМЕ ИЛПМ

Упрощенно электрическая схема индукционного возбуждения может быть представлена в виде трансформатора (без сердечника), в котором роль первичной обмотки играет индуктор (соленоид). Роль вторичной обмотки — плазменный "толстый" виток (рис. 4). Накопительная емкость *C*, заряженная до начального напряжения $U_c(0)$, замыкается через ключ на индуктор. В результате в кольцевой камере возникают свобод-

№ 5 2022

ные затухающие колебания вихревого электрического поля и азимутального тока накачки.

На рис. 4 L_{ind} , J_{ind} и R_{ind} – индуктивность ин-дуктора, полный ток и омическое сопротивление первичной цепи; L – индуктивность участка цепи, включающей емкость и ключ; L_{pl} , J_{pl} и $R_{pl}(t)$ – индуктивность, полный ток и быстро меняющееся сопротивление плазменного "витка". Значения $L_{\rm ind}, L_{\rm pl}$ и взаимная индуктивность M вычислялись по известным формулам [29] с учетом геометрии проводников. Коэффициент трансформаторной связи находился по соотношению $K_r = M / \sqrt{L_{\text{ind}} L_{\text{pl}}}$. Электрическое сопротивление ключа $R_{kev}^{\prime}(t)$ описывалось модельной функцией, позволявшей задавать как время коммутации, так и джоулевы потери в ключе. Частота $f_{\rm tr}$ свободных колебаний тока в основном определяется параметрами первичной цепи L_{ind}, L и C, а затухание колебаний – сопротивлением плазмы $R_{\rm pl}(t)$ и $R_{\rm ind}$. В рассматриваемых условиях работы ИЛПМ $f_{\rm tr}$ лежит в области высоких частот. В этом случае лучше использовать нестационарный обобщенный закон Ома [16, 19], связывающий плотность тока ј и электрическое поле Е в условиях неравновесной, слабоионизованной плазмы:

$$\mathbf{j}(r,t) = \mathbf{\sigma}\mathbf{E}(r,t) + \mathbf{\tau}_{ea}\frac{\partial\mathbf{j}(r,t)}{\partial t} + \mathbf{\tau}_{ea}\mathbf{j}(r,t)\frac{1}{n_e}\frac{\partial n_e}{\partial t}.$$
 (25)

Здесь $\tau_{ea} = 1 / \sum_{a} v_{ea} - xарактерное время пробега электронов в упругих столкновениях. В (25)$ пренебрегается градиентными членами, пондеромоторной силой и плазма полагается неподвижной. Отметим, что в случае, когда σ , n_e и τ_{ea} не зависят от времени и однородны, а поле Е есть заданная гармоническая функция с частотой ω (вынужденные колебания), уравнение (25) сводится к известному алгебраическому выражению для ј, Е и высокочастотной проводимости, зависящей от соотношения величин τ_{ea} и ω [30]. Но такие условия в ИЛПМ не выполняются, Е не является заданной функцией. Электрическое сопротивление плазмы довольно быстро изменяется во время короткого (~150 нс) импульса возбуждения, что связано с зависимостью σ и τ_{ea} от температуры и концентрации электронов (см. ниже).

В правой части (25) последние два члена обусловлены силой инерции свободных электронов плазмы при изменении их скорости дрейфового движения, что можно трактовать как наличие дополнительной сторонней силы [31], действующей на заряды. Учет этой силы приводит к тому, что в уравнении Кирхгофа [32] для вторичной цепи трансформаторной схемы (для плазменного "витка"), появляется дополнительная сторонняя электродвижущая сила \mathscr{E} [31], зависящая от производных тока $dJ_{\rm pl}(t)/dt$ и эффективного сопротивления



Рис. 4. Электрическая схема генератора импульсов накачки ИЛПМ.

 $dR_{\rm pl}(t)/dt$ (кроме ЭДС самоиндукции и взаимной индукции).

В этом случае систему дифференциальных уравнений, описывающую работу схемы на рис. 4 (двух индуктивно связанных контуров), можно представить в виде

$$U_{c} = (L + L_{\text{ind}}) \frac{dJ_{\text{ind}}}{dt} -$$

$$- M \frac{dJ_{\text{pl}}}{dt} - J_{\text{ind}} \left(R_{\text{key}}(t) + R_{\text{ind}} \right), \qquad (26)$$

$$0 = R_{\rm pl}J_{\rm pl} + L_{\rm pl}\frac{dJ_{\rm pl}}{dt} - M\frac{dJ_{\rm ind}}{dt} + \mathcal{E}, \qquad (27)$$

$$\frac{dU_c}{dt} = -\frac{J_{\rm ind}}{C}.$$
(28)

Используя (25), можно показать, что приближенно

$$\mathscr{E} \approx \frac{\tau_{ea}}{2J_{\rm pl}} \frac{d\left(R_{\rm pl}J_{\rm pl}^2\right)}{dt}.$$
(29)

В (26), (27), (29) азимутальный ток в плазменном "витке" с учетом цилиндрической геометрии определяется как

$$J_{\rm pl}(t) = \int_{S} j_{\rm pl}(r,t) dS.$$

Здесь $j_{\rm pl} \equiv j_{\phi}$, $dS = \ell_{\rm pl} dr$ – элемент площади поперечного сечения тока $S = (r_2 - r_1) \ell_{\rm pl}$. Мощность джоулевого тепловыделения $W_{\rm pl}(t)$ во всем плазменном кольцевом объеме и эффективное сопротивление $R_{\rm pl}$, определяющие диссипацию электрической энергии в джоулево тепло, представляются в виде [33]

$$W_{\rm pl}(t) = 2\pi \int_{V} \frac{j_{\rm pl}^2(r,t)}{\sigma(r,t)} r dr \ell_{\rm pl}, \quad R_{\rm pl}(t) = \frac{W_{\rm pl}(t)}{J_{\rm pl}^2(t)}, \quad (30)$$

где интегрирование проводится по объему $V = \pi (r_2^2 - r_1^2) \ell_{pl}$ разрядной камеры. Поэтому среднюю по объему мощность $w_j(t)$ в балансе энергии электронов (21) можно представить как

$$w_j(t) \approx \frac{J_{\rm pl}^2(t)R_{\rm nn}(t)}{V}.$$
(31)

В то же время для того, чтобы использовать (30) и (31), необходимо знать радиальную зависимость плотности тока $j_{pl}(r, t)$ и проводимости $\sigma(r, t)$. Детальный обзор работ, посвященных расчету радиального распределения электрических параметров в плазме индукционного разряда, можно найти, например, в [33]. В работе [11] приводятся формулы для расчета $R_{\rm pl}(t)$ применительно к полому металлическому цилиндру с однородной и постоянной проводимостью о и с любой глубиной проникновения поля δ в проводящую среду. Выражения состоят из сложных комбинаций функций Бесселя. Значения $R_{pl}(t)$, рассчитанные по этим формулам с использованием средних по объему разрядной камеры ИЛПМ значений $\sigma(t)$ в условиях слабого скин-эффекта $\delta \ge (r_2 - r_1)$, лежат в области

$$R_{\rm pl}(t) \approx (2.7 - 4.7) 2\pi/\sigma(t) \ell_{\rm pl} \approx \\ \approx \pi (r_2 + r_1) / (\sigma(t) S).$$
(32)

В численных экспериментах ограничимся использованием соотношений (31), (32), связывающих систему дифференциальных уравнений нульмерной модели плазменных процессов (11), (14)-(16), (21), (24) с системой электротехнических уравнений (26)-(29), описывающих формирование импульсов накачки. Совместное решение этих систем уравнений дает самосогласованные значения всех плазменных и электротехнических искомых величин. Отметим, что совместно решается и тепловая задача. В модель работы ИЛПМ входит специально разработанная методика расчета тепловых параметров рабочего тела и элементов высокотемпературной конструкции лазера [34]. В численных экспериментах последовательно просчитывались десятки импульсов накачки, следующих с заданной частотой f, и находился установившийся по всем параметрам режим работы ИЛПМ. По найденным значениям f_{tr} и σ вычислялась толщина скин-слоя δ [11] и контролировалось выполнение условия $\delta \ge (r_2 - r_1)$. По начальному запасу энергии в накопительной емкости $CU_c^2/2$ оценивалось максимально возможное значение магнитного поля *H*, создаваемого индуктором. Обычно, оно не превосходило 100-150 эр-

стед, чему соответствовало максимальное значение параметра Холла для электронов [30] $\beta_e = \tau_{ea} e H/m_e c \leq 0.3$, $\beta_e^2 < 0.1$. Поэтому проводимость $\sigma(t)$ можно считать изотропной величиной

и пренебрегать влиянием магнитного поля на процессы переноса. В случае невыполнения перечисленных выше условий, ограничивалась область задаваемых исходных параметров. Отметим, что влияние указанных значений магнитных полей на генерацию лазерного излучения вследствие эффекта Зеемана, согласно экспериментальным работам (см. гл. 4 в [4]), оказалось не велико.

ОСНОВНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ЧИСЛЕННЫХ ЭКСПЕРИМЕНТОВ

С использованием описанной выше модели ИЛПМ впервые показана возможность генерации лазерного излучения в ЛПМ с накачкой импульсно-периодическим ВЧ-разрядом [5-7], в отличие от электродных ЛПМ, где используется апериодический импульс тока накачки. При этом в численных экспериментах обнаружен ряд новых эффектов – своеобразное поведение кинетических параметров в плазме и разнообразие форм импульсов излучения в зависимости от параметров ВЧ-разряда [7, 35, 36]. Для примера, рассмотрим некоторые результаты расчетов ИЛПМ с объемом кольцевой камеры V = 1.7 л ($r_1 = 2.5$ см, совемом кольцевой камеры v = 1.7 л ($r_1 = 2.5$ см, $r_2 = 3.5$ см, $\ell_{\rm pl} = 90$ см) с одновитковым индукто-ром: $K_r \approx 0.53$, C = 1.5 нф, $U_c(0) = 35$ кВ, $f \sim 10$ кГц, $f_{\rm tr} \approx 30$ МГц, $T_w = 1823$ К, $n_{\rm Cu} = 1.5 \times 10^{15}$ см⁻³, $P_{\rm Ne} = 250$ Торр, $\ell_r = 130$ см, $R_1 = 0.97$, $R_2 \approx 0.1$. На рис. 5 представлена динамика основных параметров плазмы в период импульса возбуждения $(0 \le t \le 125 \text{ нс})$ и в межимпульсный период релаксации $(1.25 \times 10^{-7} \le t \le 10^{-4} \text{ c})$. Из рис. 5а видно, что мгновенная удельная мощность w_i(t) пульсирует с удвоенной частотой тока ~ 60 МГц. Это приводит к значительным пульсациям электронной температуры T_e . Эффективное сопротивление $R_{\rm pl}(t) \sim$ ~ $1/\sigma(t)$, согласно (32), тоже пульсирует, поскольку проводимость $\sigma(t)$ зависит от T_e . Значительное возрастание $R_{\rm pl}(t)$ на начальном участке (0 < $t \le 30$ нс) связано с резким ростом T_{ρ} . Увеличение концентрации электронов не сдерживает рост $R_{nl}(t)$, поскольку $n_e(t)$ нарастает медленно и плавно. Последнее обусловлено тем, что характерные ионизационные времена рабочей смеси существенно больше периода ВЧ-колебаний. Высокую скорость ввода энергии можно объяснить большой крутизной колебаний тока в цуге и значительным увеличением сопротивления плазмы $R_{pl}(t)$. Этими кинетическими эффектами отличается возбуждение лазерной среды индукционным ВЧ-разрядом от возбуждения апериодическим разрядом с большой длительностью переднего фронта импульса тока. В межимпульсный период (рис. 5б), когда происходит остывание электронов и идут рекомбинационные процессы, динамика параметров плазмы примерно такая же, как и в обычном электродном ЛПМ [37, 38].



Рис. 5. Динамика параметров плазмы: (а) – период импульса возбуждения ($\tau_{at} \approx 125$ нс), (б) – межим-пульсный период; $1 - T_e, 2 - w_j, 3 - R_{pl}, 4 - n_e$.

При 10 < t < 100 мкс концентрация электронов n_e заметно снижается и основной вклад в охлаждение электронов вносят спонтанное излучение и отчасти амбиполярная диффузия. Процесс идет квазистационарно. Отметим, что в период времени 1 < t < 100 мкс учет в уравнениях (11), (14)–(16) и (21) переноса частиц и энергии электронов на стенки (в нульмерном приближении) вносит заметный вклад в величину предымпульсных значений $n_e(0)$, $n_k(0)$, $T_e(0)$, $R_{\rm pl}(0)$. В период импульса возбуждения 0 < t < 200 нс роль этих процессов

мала по сравнению с объемными процессами (возбуждение и ионизация уровней, джоулев нагрев электронов).

При стандартном наборе исходных задаваемых параметров ИЛПМ, указанных выше, лазерная генерация $W_{las}(t)$ в каждом цуге накачки имела форму одиночного импульса амплитудой свыше



Рис. 6. Динамика $W_{\text{las}}(t)$ (1) и $T_e(t)$ (2): (a) -f = 10 кГц, $U_c(0) = 35 \text{ кB}$, $R_2 = 0.1$; (6) -f = 2 кГц, $U_c(0) = 28 \text{ кB}$, $\ell_r = 100 \text{ см}$, $R_2 = 0.02$.

1 МВт, при этом наблюдаются небольшие специфичные пульсации $W_{\text{las}}(t)$, связанные с пульсациями T_e в ВЧ-разряде (рис. 6а). Выходная средняя мощность излучения достигала уровня в 100—160 Вт, что указывает на практическую перспективу таких лазеров.

При средних $f_{\rm tr} \sim 20-50$ МГц, низких частотах f < 2-3 кГц, напряжениях $U_c(0) < 30$ кВ генерация ИЛПМ $W_{\rm las}(t)$ приобретала своеобразную форму в виде "гребенки" регулярных пульсаций излучения с частотой $2f_{\rm tr}$ (рис. 6б). С увеличением $f_{\rm tr}$ свыше 70–80 МГц пульсации T_e и $W_{\rm las}(t)$ практически сглаживались.

При малых $f_{tr} \sim 10$ МГц пульсации T_e возрастали и "гребенка" распадалась на два-три отдельных импульса излучения. Детально эти эффекты и динамика кинетических параметров плазмы представлены в численных экспериментах [35, 36]. Отметим, что такая форма импульсов генерации неспецифична для обычных ЛПМ.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Обоснована и представлена модель кинетики плазменных процессов в индукционном импульсно-периодическом ВЧ-разряде, возбуждающем рабочую среду лазеров на самоограниченных переходах атомов металлов. Рассмотрен вариант нульмерного приближения балансов концентраций возбужденных атомов и энергии электронов применительно к кольцевой геометрии разрядной камеры. Модель учитывает упругие, неупругие и радиационные процессы. Представлены выражения, описывающие диффузионное охлаждение электронного газа и диффузию атомов в кольцевой геометрии. Модель позволяет рассчитать основные физические параметры плазмы и выходные характеристики ИЛПМ, выявить ряд тонких эффектов. Разработка физической модели ИЛПМ и проведение численных экспериментов актуальны для оценки перспективы создания таких лазеров и их практического применения.

Автор выражает благодарность В.М. Батенину за поддержку и участие в работе по этой теме, а также за полезное обсуждение данной статьи.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Исаев А.А., Петраш Г.Г. Исследование импульсных газовых лазеров на атомных переходах. В сб. Импульсные газоразрядные лазеры на переходах атомов и молекул. М.: Наука, 1975. (Тр. ФИАН. 1975. Т. 81. 3 с.).
- 2. *Little C.E.* Metall Vapor Lasers: Physics, Engineering, and Applications. Chichester (UK): J. Wiley and Sons Ltd., 1999. 620 p.
- Batenin V.M., Buchanov V.V., Boichenko A.M., Kazaryan M.I., Klimovskii I.I., Molodykh E.I. High Brightness Metal Vapor Lasers. V. 1. Physical Fun-

ТЕПЛОФИЗИКА ВЫСОКИХ ТЕМПЕРАТУР том 60 № 5

damentals and Mathematical Models. Boca Raton: CRC Press, 2016. 600 p.

- Батенин В.М., Бохан П.А., Бучанов В.В., Евтушенко Г.С., Казарян М.А., Карпухин В.Т., Климовский И.И., Маликов М.М. Лазеры на самоограниченных переходах атомов металлов. Т. 2 / Под ред. Батенина В.М. М.: Физматлит, 2011. 610 с.
- 5. Маликов М.М., Казарян М.А., Карпухин В.Т. О возможности эффективной накачки лазеров на парах меди импульсно-периодическим индукционным разрядом // Краткие сообщения по физике. 2015. Т. 42. № 5. С. 28.
- Батенин В.М., Казарян М.А., Карпухин В.Т., Лябин Н.А., Маликов М.М. Конструктивные и физические особенности индукционных коаксиальных лазеров на парах меди // Физика плазмы. 2016. Т. 42. № 11. С. 1013.
- Batenin V.M., Kazaryan M.A., Karpukhin V.T., Malikov M.M. Copper Vapor Laser Pumped by Pulse-periodic High-frequency Discharge // High Temperature. 2017. V. 55. № 5. P. 678.
- 8. Григорьянц А.Г., Казарян М.А., Лябин В.Н. Лазерная прецизионная микрообработка материалов. М.: Физматлит, 2017. 416 с.
- Евтушенко Г.С., Казарян М.А., Торгаев С.Н., Тригуб М.В., Шиянов Д.В. Скоростные усилители яркости на индуцированных переходах в парах металлов. Томск: STT, 2016. 246 с.
- Вараксин А.Ю., Ромаш М.Э., Копейцев В.Н. О возможностях визуализации при моделировании воздушных смерчей // ТВТ. 2010. Т. 48. № 4. С. 617.
- 11. Установки индукционного нагрева / Под ред. Слухоцкого А.Е. Л.: Энергоиздат, 1981.
- 12. Директор Л.Б., Маликов М.М. Физическая модель и методика расчета параметров лазера на парах меди. Препринт № 5-249. М.: ИВТАН, 1988. 52 с.
- Биберман Л.М., Воробьёв В.С., Якубов И.Т. Кинетика неравновесной низкотемпературной плазмы. М.: Наука, 1982.
- Биберман Л.М. Приближенный способ учета диффузии резонансного излучения // ДАН СССР. 1948. Т. 59. № 4. С. 659.
- 15. *Хастед Дж.* Физика атомных столкновений. М.: Мир, 1965.
- Голант В.Е., Жилинский А.П., Сахаров С.А. Основы физики плазмы. М.: Атомиздат, 1977.
- Директор Л.Б., Маликов М.М., Фомин В.А. Реабсорбция излучения неоднородной низкотемпературной плазмы // ЖТФ. 1987. Т. 57. № 1. С. 28.
- 18. Кошинар М., Крюков Н.А., Редько Т.П. Диффузия атомов меди в инертных газах // Оптика и спектроскопия. 1981. Т. 50. № 1. С. 62.
- 19. Франк-Каменецкий Д.А. Лекции по физики плазмы. М.: Атомиздат, 1964.
- *Гудзенко Л.И., Яковленко С.И.* Плазменные лазеры. М.: Атомиздат, 1978.
- Жилинский А.П., Ливенцева И.Ф., Цендин Л.Д. Баланс энергии электронного газа в низкотемпературной слабоионизованной плазме // ЖТФ. 1977. Т. 47. № 2. С. 304.
- 22. Scheibner K.F., Hazi A.U., Henry R.J.W. Electron-impact Excitation Cross Sections for Transitions in Atomic Copper // Phys. Rev. A. 1987. V. 35. № 11. P. 4869.

2022

- Baille P., Chang J.-S., Claude A., Hobson R.M., Ogram G.L., Yau A.W. Effective Collision Frequency of Electrons in Noble Gases // J. Phys. B: At. Mol. Phys. 1981. V. 14. P. 1485.
- Брагинский С.И. Вопросы теории плазмы. Т. 1 / Под ред. Леонтовича М.А. М.: Госатомиздат, 1963.
- Методы расчета оптических квантовых генераторов / Под ред. Степанова Б.И. Минск: Наука и техника, 1968. Т. 2. С. 184.
- Жидков А.Г., Протопопов С.В., Середа О.В., Терских А.О., Яковленко С.И. Формирование светового потока в лазерных системах // Тр. ФИАН. 1989. Т. 21. С. 116.
- Исаев А.А. Спектральный состав индуцированного излучения импульсного лазера на парах меди // Квантовая электроника. 1980. Т. 7. № 3. С. 599.
- Батенин В.М., Климовский И.И., Морозов А.В., Селезнева Л.А. Спектральный состав индуцированного излучения лазера на парах меди и его временная эволюция // ТВТ. 1979. Т. 17. № 3. С. 483.
- Калантаров П.Л., Цейтлин Л.А. Расчет индуктивностей. Л.: Энергия, 1970.
- Райзер Ю.П. Физика газового разряда. 3-е изд. М.: Интеллект, 2009. 736 с.
- Тамм И.Е. Основы теории электричества. М.: Наука; Гл. ред. физ.-мат. лит., 1976.

- 32. Попов В.П. Основы теории цепей. М.: Высшая школа, 2007.
- 33. Дресвин С.В. Основы теории и расчета высокочастотных плазмотронов. Л.: Энергоатомиздат, 1991.
- 34. Директор Л.Б., Карпухин М.Т., Маликов М.М. Теплофизическая модель лазеров на парах металлов с разрядными камерами цилиндрической и коаксиальной геометрии // ТВТ. 2014. Т. 52. № 3. С. 442.
- 35. Батенин В.М., Карпухин В.Т., Маликов М.М., Менделеев В.Я., Казарян М.А., Захарян Р.А., Лябин Н.А. Особенности излучения лазера на парах меди, возбуждаемого импульсно-периодическим ВЧ-разрядом // Краткие сообщения по физике. 2018. Т. 45. № 6. С. 11.
- 36. Batenin V.M., Kazaryan M.A., Karpukhin V.T., Malikov M.M. Dependence of Induction Copper Vapor Laser Radiation on the Parameters of RF Discharge and the Optical Cavity // Laser Phys. 2019. V. 29. № 8. P. 5002.
- 37. Директор Л.Б., Маликов М.М. Баланс энергии электронов и возбужденных атомов в плазме лазера на парах меди // ТВТ. 1989. Т. 27. № 5. С. 1036.
- 38. Дьячков Л.Г., Кобзев Г.А. Баланс энергии электронов в послесвечении лазеров на парах металлов // ЖТФ. 1978. Т. 48. № 11. С. 2343.