# = ЯДРА =

# СВЯЗЬ НУЛЬ-ЗВУКОВЫХ ВОЗБУЖДЕНИЙ В СИММЕТРИЧНОЙ И АСИММЕТРИЧНОЙ ЯДЕРНОЙ МАТЕРИИ

© 2022 г. В. А. Садовникова<sup>1)\*</sup>, М. А. Соколов<sup>2)</sup>

Поступила в редакцию 17.02.2022 г.; после доработки 23.03.2022 г.; принята к публикации 25.03.2022 г.

В работе представлен метод вычисления частот нуль-звуковых возбуждений в симметричной и асимметричной по изоспину ядерной материи. В асимметричной материи получены три ветви комплексных решений дисперсионного уравнения:  $\omega_{si}(k,\beta)$  (i = n, p, np), а в симметричной материи две ветви  $\omega_{s}(k)$ ,  $\omega_{s1}(k)$ . Показано, как связаны между собой эти ветви решений. Продемонстрировано построение функций отклика и структурных функций в ядерной материи на основе  $\omega_{si}(k,\beta)$ .

#### DOI: 10.31857/S0044002722040109

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Изучение возбуждений в ядерной материи, их связь с возбуждениями в конкретных ядрах являются предметом многочисленных исследований. Используются различные методы построения дисперсионных уравнений, дающие как вещественные, так и комплексные частоты возбуждений. Предлагаются разные подходы к процессам затухания возбуждений, к вопросам устойчивости ядерной материи при низкой и высокой плотностях, к описанию зависимости свойств возбуждений от температуры.

Одним из основных подходов, который привел к решению широкого круга задач физики ядра и частиц, является единый подход на основе кинетического уравнения с самосогласованным средним полем и интегралом столкновений [1, 2]. С использованием этого подхода были получены звуковые моды изоскалярного и изовекторного типа и исследовано их взаимодействие в зависимости от плотности среды. Был изучен гигантский дипольный резонанс в нагретых ядрах, а также гигантский монопольный резонанс. Исследованы вопросы устойчивости ядерной материи при различных плотностях. Также метод был применен к описанию явлений при высоких энергиях [3, 4].

В работе [5] использовано приближение локальной изоспиновой плотности с зависимостью от времени, получено три типа частично-дырочных возбуждений, оценен их вклад в энергетически взвешенное правило сумм, проанализирована зависимость этих состояний от плотности и изотопической асимметрии среды. В работе [6] выполнено описание силовых функций возбуждений в ядрах на основе коллективных возбуждений в асимметричной ядерной материи. Кроме затухания Ландау, исследуется влияние столкновений и флуктуаций плотности на затухание гигантских резонансов. Использование метода неравновесных функций Грина приводит к сложным дисперсионным уравнениям. Комплексные решения этих уравнений дают зависимость от температуры как энергий, так и ширин распада гигантских резонансов. В работе [7] нуль-звуковые моды рассматриваются на основе кинетической теории с включением столкновений, температуры и эффектов запаздывания. Исследовано влияние искажения ферми-поверхности на скорость и затухание звука в изовекторной и изоскалярной модах.

В работе [8] исследуется влияние различных членов эффективного частично-дырочного взаимодействия на описание горячей ядерной материи с последующим переходом к атомным ядрам. В работе [9] используется подход квантовой адродинамики. На основе релятивистского кинетического уравнения в ядерной материи выводится дисперсионное уравнение, которое позволяет получить скорость нуль-звука и исследовать внутреннюю структуру коллективных мод.

В настоящее время продолжаются исследования функций отклика в асимметричной, симметричной и нейтронной ядерной материи на различные внешние поля с использованием функционала плотности, построенного на основе взаимодействия Скирма [10]. Получены результаты для различных параметров асимметрии, плотности материи, переданных импульсов и температуры. Разработан метод построения структурных функций ядерной материи с использованием феноменологического взаимодействия конечного радиуса [11]. Показано

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup>НИЦ "Курчатовский институт" – ПИЯФ, Гатчина, Россия.

<sup>&</sup>lt;sup>2)</sup>Военная академия связи, Санкт-Петербург, Россия.

<sup>\*</sup>E-mail: sadovnikova\_va@pnpi.nrcki.ru

влияние на функции отклика тензорного, спинорбитального и других, зависящих от плотности и от импульсов, членов взаимодействия Скирма.

В настоящей работе представлены результаты исследования нуль-звуковых возбуждений в ядерной материи при параметре изотопической асимметрии  $\beta$  в интервале  $|\beta| < 0.5$ . Показано, как связаны ветви нуль-звуковых возбуждений в симметричной и асимметричной материи. Попытка установить такую связь определила то, как меняются и разветвляются  $\omega_{si}(k,\beta)$  с изменением k и *β*. Первые результаты были получены в работах [12, 13]. Вычисленные ветви решений различаются способом затухания. Далее ветви решений используются для построения функции отклика ядерной материи на внешнее поле с явным учетом вкладов нуль-звуковых возбуждений в среде. При переходе к структурным функциям  $S(\omega, k)$  предложенный метод позволяет связать максимумы в  $S(\omega, k)$  и решения дисперсионного уравнения, при этом ширины максимумов определяются мнимыми частями  $\omega_{si}(k,\beta)$ , имеющими определенный физический смысл.

В работе исследовано поведение нуль-звука в нормальной холодной ферми-жидкости, состоящей из протонов и нейтронов, при различных значениях параметра асимметрии и находящейся при равновесной плотности р. Дисперсионное уравнение для вычисления частот коллективных возбуждений в зависимости от волнового вектора и параметра асимметрии для нуль-звуковых возбуждений получено в рамках теории конечных ферми-систем [14, 15] с эффективным взаимодействием квазичастиц Ландау-Мигдала. При вычислении решений дисперсионного уравнения используется подход, в рамках которого уже были получены ветви нульзвуковых возбуждений в симметричной ядерной материи [16], а также была изучена связь неустойчивости Померанчука и пионной конденсации в ядерной материи [17].

Асимметричная ядерная материя характеризуется плотностью нейтронов  $\rho_n$  и протонов  $\rho_p$ , полная плотность  $\rho = \rho_n + \rho_p$ . Параметр асимметрии  $\beta$ , ферми-импульсы для нейтронов и протонов определяются следующим образом:

$$\beta = \frac{\rho_n - \rho_p}{\rho_n + \rho_p}; \quad p_{\text{F}n} = \left(3\pi^2 (1+\beta)\frac{\rho}{2}\right)^{1/3}; \quad (1)$$
$$p_{\text{F}p} = \left(3\pi^2 (1-\beta)\frac{\rho}{2}\right)^{1/3}; \quad p_0 = \left(3\pi^2 \rho\right)^{1/3}.$$

В разд. 2 представлено дисперсионное уравнение для вычисления комплексных частот нульзвуковых возбуждений в ядерной материи. Обсуждается местоположение решений на комплексной плоскости частот, физический смысл мнимых частей решений. В разд. З представлены ветви решений в симметричной и асимметричной материи. Показано, что ветви решений различного типа начинаются при разных значениях волнового вектора k и имеют различную зависимость от k. В разд. 4 получен переход от решений в асимметричной материи ( $|\beta| > 0$ ) к решениям в симметричной ( $\beta = 0$ ) ядерной материи. В разд. 5 представлены результаты для структурных функций ядерной материи, построенных на базе полученных решений.

Основные расчеты выполнены с использованием изовекторного взаимодействия квазичастиц. В разд. 6 показано влияние изоскалярного взаимодействия квазичастиц на изовекторные возбуждения на примере конкретных ядер.

#### 2. ДИСПЕРСИОННОЕ УРАВНЕНИЕ

Мы рассматриваем изовекторные нуль-звуковые возбуждения в ядерной материи с параметром асимметрии (1) в интервале  $-0.5 \le \beta \le 0.5$ , следуя работе [15].

Эффективное взаимодействие между квазичастицами, которое используется в вычислениях, это взаимодействие Ландау—Мигдала [15]:

$$\mathcal{F}(\boldsymbol{\sigma}_1, \boldsymbol{\tau}_1; \boldsymbol{\sigma}_2, \boldsymbol{\tau}_2) = C_0(F + F'(\boldsymbol{\tau}_1 \boldsymbol{\tau}_2) + (2) + G(\boldsymbol{\sigma}_1 \boldsymbol{\sigma}_2) + G'(\boldsymbol{\tau}_1 \boldsymbol{\tau}_2)(\boldsymbol{\sigma}_1 \boldsymbol{\sigma}_2)),$$

где  $\sigma$ ,  $\tau$  — матрицы Паули в спиновом и изоспиновом пространстве. Безразмерные функции F, F', G', G зависят от угла между импульсами входящих частиц и могут быть разложены по полиномам Лежандра, зависящим от этого угла. Далее мы используем только нулевые компоненты разложения функций, сохраняя для нулевых компонент то же обозначение: F, F', G', G. Численные значения F, F', G', G определяются из эксперимента, и они могут зависеть от плотности и параметра асиметрии [1]. В нашей работе это фиксированные константы. В (2) нормировочный коэффициент равен  $C_0 = N^{-1} = \frac{\pi^2}{m_0 p_0}$ , N — плотность нуклонов на ферми-поверхности в ядерной материи с плотностью  $\rho$ , состоящей из одного сорта частиц.

В работе [14] представлена система уравнений для эффективного поля  $V_{\rm ef}^{\tau\tau'}$ , возникающего в среде под действием изовекторного дипольного внешнего поля. Используя систему для эффективных полей [14, 15], перепишем ее для изовекторного монопольного внешнего поля  $V_0^{\tau} = E_0 \sum_l (\tau_z)_l^{\tau} e^{i(\mathbf{r}_l \mathbf{k})} e^{-i(\omega + i\eta)t}$ :

$$V_{\text{ef}}^{\tau\tau'} = V_0^{\tau\tau'} \delta_{\tau\tau'} + \mathcal{F}^{\tau\tau''} A^{\tau''} V_{\text{ef}}^{\tau''\tau'}.$$
 (3)

 $A^{ au}$  представляют собой интегралы по запаздывающей протонной  $(A^p)$  или нейтронной  $(A^n)$ 

ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА том 85 № 4 2022

частично-дырочной ph-петле и выражаются через функцию Линхардта [18]. Систему уравнений (3) представим в матричном виде

$$\mathcal{M}V_{\rm ef} = V_0, \quad V_{\rm ef} = \mathcal{M}^{-1}V_0, \tag{4}$$

где

$$\mathcal{M} = \begin{pmatrix} (1 - F^{pp}A^p) & -F^{pn}A^n \\ -F^{np}A^p & (1 - F^{nn}A^n) \end{pmatrix}, \quad (5)$$
$$V_{\text{ef}} = \begin{pmatrix} V_{\text{ef}}^{pp} & V_{\text{ef}}^{pn} \\ V_{\text{ef}}^{np} & V_{\text{ef}}^{nn} \end{pmatrix}, \quad \hat{A} = \begin{pmatrix} A^p & 0 \\ 0 & A^n \end{pmatrix}.$$

Здесь определено  $F^{pp} = F^{nn} = C_0(F + F'), F^{pn} = F^{np} = C_0(F - F').$ 

Далее мы выразим функцию отклика  $\Pi^{\tau\tau'}(\omega, k)$ (запаздывающий поляризационный оператор) через эффективные поля  $V_{\text{ef}}^{\tau\tau'}$ , следуя [15] и учитывая (4) (полагаем  $E_0 = 1$ ):

$$\Pi^{\tau\tau'}(\omega,k) = \left(V_0, \hat{A}V_{\text{ef}}\right)^{\tau\tau'}(\omega,k) =$$

$$= \left(V_0, \hat{A}\mathcal{M}^{-1}V_0\right)^{\tau\tau'}(\omega,k).$$
(6)

Перемножая матрицы в (6), для функции отклика  $\Pi^{\tau\tau'}(\omega,k)$  получаем выражение

$$\Pi = \begin{pmatrix} \Pi^{pp} & \Pi^{pn} \\ \Pi^{np} & \Pi^{nn} \end{pmatrix} =$$
(7)
$$= \frac{1}{\det(\mathcal{M})} \begin{pmatrix} A^{p}(1 - F^{nn}A^{n}) & -A^{p}F^{pn}A^{n} \\ -A^{n}F^{np}A^{p} & A^{n}(1 - F^{pp}A^{p}) \end{pmatrix}.$$

Для дальнейшего будет удобно ввести матрицу  $D^{\tau\tau'}(\omega,k)$ , определенную следующим образом:  $\Pi^{\tau\tau'}(\omega,k) = D^{\tau\tau'}(\omega,k)/E(\omega,k)^{3}$ . Здесь  $E(\omega,k) \equiv \equiv \det(\mathcal{M}(\omega,k))$ .

Значения  $\omega(k)$ , для которых детерминант системы  $E(\omega, k)$  обращается в нуль и отклик системы велик, отвечают нуль-звуковым возбуждениям материи. Дисперсионное уравнение для изовекторных нуль-звуковых коллективных возбуждений  $\omega_i(k, \beta)$  в асимметричной ядерной материи мы получаем, приравнивая  $E(\omega, k)$  к нулю. Таким образом, дисперсионное уравнение имеет вид [1, 12, 15]:

$$E(\omega, k) = (1 - F^{nn} A^n)(1 - F^{pp} A^p) - (8) - (A^p F^{pn})(A^n F^{np}) = 0.$$

ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА том 85 № 4 2022

Аналогичное дисперсионное уравнение представлено в [10], где использовалось уравнение Бете—Солпитера для запаздывающих ph-пропагаторов, усредненных по импульсу, в приближении случайных фаз ( $A^{\tau}$  в наших обозначениях), а также в работе [1] с использованием линеаризованных уравнений Власова. Перепишем (8) в виде

$$E(\omega, k) = 1 - C_0(F + F')A^p -$$
(9)  
-  $C_0(F + F')A^n + 4FF'C_0^2A^pA^n = 0.$ 

В представленной работе вычисления выполнялись при равновесной плотности  $\rho = 0.17 \ \text{фm}^{-3}$ ,  $p_0 = 0.268$  ГэВ, эффективной массе квазичастиц  $m = 0.8m_0, m_0 = 0.94$  ГэВ. В расчетах использовались следующие значения параметров эффективного взаимодействия (2): F' = 1.0, F = 0.0 [20], т.е. учитывалось только изовекторное взаимодействие квазичастиц в среде. В разд. 6 будет показано влияние изоскалярного взаимодействия Fна изовекторные возбуждения в конкретных ядрах. Отметим, что в нашей работе нет самосогласования между средним полем в среде и эффективным взаимодействием квазичастиц [1, 10]. Влияние среднего поля выражено только через наличие эффективной массы квазичастиц, а эффективное взаимодействие (2) отвечает лишь за возбуждения в среде. Такой упрощенный подход дает возможности наглядно представить основные моменты связи возбуждений в симметричной и асимметричной материи.

# 2.1. Расположение решений ω<sub>si</sub>(k, β) на комплексной плоскости частот

В этом разделе изложен метод построения решений дисперсионного уравнения<sup>4)</sup>. Метод использует аналитическую структуру функций  $A^n$ ,  $A^p$ .

Функции Линхардта  $A^{\tau}$ ,  $\tau = n, p$  определяются как суммы функций Мигдала [14, 15, 18]  $A^{\tau} = A^{\tau}(\omega, k) + A^{\tau}(-\omega, k)$ :

$$A^{\tau}(\omega, k) =$$
(10)  
=  $-2\frac{1}{4\pi^2} \frac{m^3}{k^3} \left[ \frac{a^2 - b_{\tau}^2}{2} \ln\left(\frac{a + b_{\tau}}{a - b_{\tau}}\right) - ab_{\tau} \right],$ 

где  $a = \omega - (\frac{k^2}{2m}), b_{\tau} = \frac{kp_{F\tau}}{m}$ . Выражение (10) содержит логарифмическую функцию, которая имеет разрезы на комплексной плоскости  $\omega$  и является многозначной функцией на своей римановой поверхности. На рис. 1 показаны разрезы функций  $A^p$  и  $A^n$ . Буквой  $\mu$  обозначено вещественное решение уравнения (9), полученное при  $k = k(\mu)$  и

<sup>&</sup>lt;sup>3)</sup>В работе [19] расчеты выполнены с использованием выражения (7). В соотношении (9) этой работы опечатка (указан неверный знак для П<sup>пр</sup>, П<sup>pn</sup>).

<sup>&</sup>lt;sup>4)</sup>Ветви решений  $\omega_{si}(k,\beta)$  зависят от двух аргументов k,  $\beta$ . Там, где это несущественно, аргумент  $\beta$  может быть опущен.



**Рис. 1.** Разрезы функций  $A^{\tau}$  (10), (11) представлены на комплексной плоскости частот  $\omega$  при  $\beta > 0$ . В верхней части рисунка показаны разрезы функции  $A^{p}$ , в нижней части — разрезы  $A^{n}$ .

расположенное на положительной вещественной оси, правее разрезов.

Разрезы функции  $A^{\tau}(\omega, k)$  обозначены как (1, 1'), а разрезы  $A^{\tau}(-\omega, k)$  как (2, 2'):

$$(1',1): -\frac{kp_{F\tau}}{m} + \frac{k^2}{2m} \le \omega \le \frac{kp_{F\tau}}{m} + \frac{k^2}{2m}, \quad (11)$$
$$(2',2): -\frac{kp_{F\tau}}{m} - \frac{k^2}{2m} \le \omega \le \frac{kp_{F\tau}}{m} - \frac{k^2}{2m}.$$

Длина разрезов зависит от k и  $\beta$ . Рис. 1 выполнен для случая  $\beta > 0$ , что дает  $p_{\text{F}n} > p_{\text{F}p}$  (1) и, соответственно, нейтронные разрезы (11) оказываются длиннее, чем протонные.

Точки разреза определяются энергиями невзаимодействующих ph-пар  $\omega_{ph}^{\tau}(k) = \varepsilon_{\mathbf{p}+\mathbf{k}} - \varepsilon_{p}$ , где  $\varepsilon_{q} = q^{2}/(2m)$  и  $\tau = n, p$ . Лист комплексной плоскости частот, на котором расположены вещественные нуль-звуковые решения и энергии  $\omega_{ph}^{\tau}(k)$ , мы считаем физическим листом, рис. 1. Решения, полученные под разрезом, на других логарифмических листах, являются комплексными и считаются физическими решениями, если можно сделать аналитическое продолжение по какому-либо параметру (по k, по  $\rho$ , по  $\beta$  и т.д.) от физических решениям.

В соответствии с теорией Ландау [21] уравнение (8) имеет вещественные решения при небольших значениях волнового вектора k. С ростом kпроисходит перекрытие коллективной и частичнодырочной мод, т.е. вещественного решения ( $\mu$ ) и логарифмического разреза функции  $A^n(\omega, k)$ (рис. 1). После перекрытия мы ищем решение дисперсионного уравнения под логарифмическим разрезом функции  $A^n(\omega, k)$ , на нижнем нефизическом листе. Решение уходит на нефизический лист и приобретает отрицательную мнимую часть.

Следующий шаг состоит в придании физического смысла мнимой части решений. Вещественное решение соответствует стабильному коллективному возбуждению в среде. Мы интерпретируем появление мнимой части как затухание возбуждения за счет смешивания со свободными (невзаимодействующими) *ph*-парами, принадлежащими разрезу, и с последующим переходом части пар, участвующих в формировании коллективного состояния, в свободное состояние.

Внешнее поле возбуждает как коллективные состояния, так и невзаимодействующие протонные и нейтронные частично-дырочные пары, т.е. коллективную и *ph*-моды. Мы считаем, что перекрытие вещественного решения с, например, нейтронным разрезом (разрез функции  $A^n(\omega, k)$ ), после которого решение уходит под разрез и становится комплексным, означает возникновение затухания возбуждения за счет смешивания коллективной и нейтронной частично-дырочной мод. В ядрах такая мнимая часть дает вклад в ширину пиков в сечении полупрямого распада в реакции  $(\gamma, n)$ . Решения, которые затухают за счет испускания нейтронов, обозначаются  $\omega_{sn}(k)$ . В этом случае мы говорим, что нейтронный канал открыт. При построении  $\omega_{sn}(k)$  функция  $A^p$  в (9) вычисляется на физическом листе, в этом случае мы считаем, что протонный канал закрыт. Заметим, что  $A^n(-\omega,k)$ также берется на физическом листе. Решения, связанные с уходом под разрезы функций  $A^n(\omega,k)$  и  $A^{n}(-\omega,k)$ , обсуждались в [17]. Таким образом, при вычислении  $\omega_{sn}(k,\beta>0)$  мы считаем, что открыт только один нейтронный канал.

Аналогично  $\omega_{sp}(k)$  обозначает решение, которое или вещественно (это имеет место при  $\beta < 0$ ), или расположено под протонным разрезом при  $\beta > 0$ . Мнимая часть  $\omega_{sp}(k)$  означает затухание возбуждения за счет испускания протона (в ядрах) или смешивания с невзаимодействующими протонными ph-парами (в ядерной материи). При вычислении  $\omega_{sp}(k, \beta > 0)$  мы считаем, что открыт только один протонный канал.

При переходе от асимметричной к симметричной материи возникает вопрос, во что превращаются ветви  $\omega_{sp}(k)$  и  $\omega_{sn}(k)$ . Оказывается, что в симметричной материи есть ветвь решений того же типа, что и  $\omega_{sp}(k)$  и  $\omega_{sn}(k)$ , т.е. когда открыт только один канал. Мы обозначили эту ветвь  $\omega_{s1}(k)$ . Дальше будет показано, что при переходе от асимметричной к симметричной материи ветви  $\omega_{sp}(k)$  и  $\omega_{sn}(k)$  сливаются, переходя в  $\omega_{s1}(k)$  (при определенных k).

В симметричной материи протонный и нейтронный разрезы совпадают. Если открыты и протонный, и нейтронный каналы, то возникновение мнимой части решения соответствует испусканию нуклона, изоспин которого в рассматриваемой модели не определен, это может быть протон или нейтрон. Решения такого типа в симметричной материи обозначены  $\omega_s(k)$  и соответствуют обычному нульзвуку. Дальше будет показано, что при переходе к асимметричной материи ( $\beta > 0$ ) решения  $\omega_s(k)$ разветвляются на  $\omega_{sn}(k, \beta)$  и  $\omega_{snp}(k, \beta)$ .

#### 3. РЕШЕНИЯ ДИСПЕРСИОННОГО УРАВНЕНИЯ

#### 3.1. Решения дисперсионного уравнения в симметричной ядерной материи

Дисперсионное уравнение (8) в симметричной материи может быть факторизовано следующим образом:

$$E(\omega, k) = (1 - 2C_0 F A)(1 - 2C_0 F' A).$$
(12)

Здесь  $A^{p}(\omega, k) = A^{n}(\omega, k) = A(\omega, k),$ A = $= A(\omega, k) + A(-\omega, k)$ . Факторизация  $E(\omega, k)$  означает, что в симметричной материи есть два независимых уравнения. Одно описывает изоскалярные возбуждения, возникающие за счет phвзаимодействия F, а другое — изовекторные возбуждения, возникающие за счет взаимодействия  $F^\prime$ (2). Факторизация говорит о том, что изоскалярные и изовекторные возбуждения не взаимодействуют в симметричной материи. Однако в асимметричной ядерной материи (АЯМ) факторизация исчезает. Основные расчеты в работе проведены в предположении F = 0. Влияние скалярно-изоскалярного взаимодействия F(2) обсуждается в разд. 6, где показано, что его влияние на ветви изовекторных решений мало (как и отмечалось в [20]). Это имеет место при равновесной плотности и небольшом параметре асимметрии.

Таким образом, дисперсионное уравнение принимает следующий вид:

$$1 - 2C_0 F' A = 0. (13)$$

На рис. 2 представлены ветви решений  $\omega_s(k)$ и  $\omega_{s1}(k)$ . Ветвь  $\omega_s(k)$  — это обычный нуль-звук, ветвь вещественна при значениях волнового вектора  $k \leq k_t$ . Здесь  $k_t$  — это такое значение волнового вектора, при котором начинается пересечение коллективной и частично-дырочной моды. Кроме того, правый край разреза (1', 1) является решением дисперсионного уравнения с  $\omega = k_t^2/(2m) +$  $+ p_F k_t/m$ . При  $k > k_t$  ветвь  $\omega_s(k)$  переходит под разрез на нефизический лист и приобретает мнимую часть. Величина  $k_t$  зависит от  $\beta$  и в симметричной материи  $k_t(\beta = 0) = 0.34p_0$ . Ветвь  $\omega_s(k)$  затухает из-за смешивания со свободными частичнодырочными парами, это могут быть как протонные, так и нейтронные ph-пары.

Решения типа  $\omega_{s1}(k)$  не появляются на физическом листе, они расположены на нефизическом



Рис. 2. Ветви решений в симметричной ядерной материи ( $\beta = 0$ ). При положительных  $\omega > 0$  показаны реальные части решений  $\text{Re}\omega_i(k)$ . При отрицательных  $\omega < 0$  — мнимые части ветвей  $\text{Im}\omega_i(k)$ . Кривые: сплошные —  $\omega_s(k)$ , штриховые —  $\omega_{s1}(k)$ .

листе под протонным или нейтронным разрезом и полностью комплексны. Ветвь найдена при  $k \ge$  $\geq k_c$ . Эта ветвь играет важную роль, когда мы изучаем, как меняются ветви решений с изменением параметра асимметрии. Численно получено, что  $k_c = 0.52 p_0$ . Ветвь  $\omega_{s1}(k)$  имеет большую по сравнению с  $\omega_s(k)$  мнимую часть и затухает за счет смешивания с *ph*-парами одного изоспина. Дальше будет показано, как изменяются  $\omega_s(k)$  и  $\omega_{s1}(k)$ при переходе к асимметричной материи. Таким образом, в симметричной материи при  $0 < k \leq k_t$ имеется вещественное решение  $\omega_s(k)$ ; когда  $k \ge k_t$ , эта ветвь становится комплексной (открыты как протонный, так и нейтронный каналы). При  $k > k_c$ появляется еще одно комплексное решение  $\omega_{s1}(k)$ , которое расположено на нефизическом листе либо протонной  $A^p(\omega,k)$ , либо нейтронной  $A^n(\omega,k)$ функции (что неразличимо в симметричной материи), рис. 2.

#### 3.2. Решения дисперсионного уравнения в асимметричной ядерной материи

Дисперсионное уравнение (9) в асимметричной материи имеет вид

$$1 - C_0 F' A^p - C_0 F' A^n = 0.$$
(14)

В асимметричной материи получены три ветви комплексных решений (рис. 3):  $\omega_{si}(k,\beta)$ , i = n, p, np. На рис. З каждая ветвь  $\omega_{si}(k,\beta)$  показана для параметров асимметрии  $\beta = 0.01, 0.2, 0.5$ . На этом рисунке обращают на себя внимание особенное поведение ветвей  $\omega_{sn}(k,\beta)$ ,  $\omega_{sp}(k,\beta)$  при малом значении  $\beta = 0.01$  и тот факт, что ветви начинаются при разных значениях волнового вектора k. Далее каждый тип ветвей рассматривается по отдельности.



**Рис. 3.** Ветви решений при различных значениях параметра асимметрии  $\beta$ .  $a - \omega_{sn}(k, \beta)$ ;  $\delta - \omega_{sp}(k, \beta)$ ,  $b - \omega_{snp}(k, \beta)$ . Кривые: сплошная —  $\beta = 0.01$ , штриховая —  $\beta = 0.2$ , штрихпунктирная —  $\beta = 0.5$ . Другие обозначения те же, что на рис. 2.

**3.2.1. Ветви**  $\omega_{sn}(k, \beta)$ , рис. **3***a*. Как отмечалось выше, при  $\beta = 0$  вещественные решения составляют часть  $\omega_s(k, \beta = 0)$  при  $k \le k_t$  ( $\beta = 0$ ). Вещественное продолжение этой части на  $\beta > 0$  осуществляет  $\omega_{sn}(k, \beta)$  при  $k \le k_t(\beta)$ . При больших k ветвь  $\omega_{sn}(k, \beta)$  становится комплексной из-за смешивания коллективного возбуждения с невзаимодействующими нейтронными ph-парами.

На рис. 4*а* показана зависимость  $k_t(\beta)$  и конечное значение вещественных решений:  $\omega(k_t, \beta)$ . Для каждого  $\beta$  имеется вещественное решение при  $k \leq k_t(\beta)$ , которое становится комплексным при  $k > k_t(\beta)$ . Другими словами, стабильное нульзвуковое возбуждение в среде (отвечающее гигантскому резонансу в ядрах) начинает затухать с ростом k, испуская нейтроны. Видно, что с ростом  $\beta$ мнимая часть у вещественных решений появляется при все меньших значениях волновых векторов k.

Кривые  $k_t(\beta)$  и  $\omega(k_t, \beta)$  могут быть зеркально отображены на отрицательные  $\beta < 0$  и при замене  $n \leftrightarrow p$  имеют аналогичный смысл (кулоновское взаимодействие здесь не учитывается).

**3.2.2. Ветви**  $\omega_{sp}(k, \beta)$ , рис. 36. Ветвь  $\omega_{sp}(k, \beta)$ при  $\beta > 0$  полностью находится на нефизическом листе, относящемся к  $A^p(\omega, k)$ . Решения затухают за счет смешивания коллективного возбуждения и невзаимодействующих протонных ph-пар. В ядре это затухание отвечает эмиссии протона. На рис. 4*a* кривая  $k^p(\beta)$  обозначает волновой вектор, такой, что при  $k \ge k^p(\beta)$  в материи появляются решения  $\omega_{sp}(k, \beta)$ , и они отсутствуют, когда  $k < k^p(\beta)$ . Заметим, что мнимая часть стремится к нулю: Im $\omega_{sp}(k, \beta)(k) \to 0$  при  $k \to k^p(\beta)$  (что приводит к пику в структурных функциях).

Расчеты показывают, что  $k^p(\beta)$  совпадает с той кривой, которую описывает точка 2, относящаяся к разрезам функции  $A^p$ , при изменении  $\beta$ 



"ключевых" 4. Зависимость Рис. волновых векторов  $k_t(\beta), k^p(\beta), k^{np}(\beta)$  от  $\beta$ . a — Кривая  $k^{np}(\beta)$  состоит из двух частей: штриховая  $k_2^{np}(\beta),$ штрихпунктирная —  $k_1^{np}(\beta)$ ; точечная кривая —  $k^p(\beta)$ ; сплошные —  $k_t(\beta)$ ,  $\omega_s(k_t(\beta)).$ Представлены б — Комплексная  $\omega$ -плоскость.  $\omega_{snp}(k,\beta)$  для разных значений  $\beta$  (указаны на кривых). Жирная сплошная —  $\omega_s(k)$  (см. рис. 2). Звездочки — значения кривых при  $k = 0.4p_0$ . Точка а обозначает  $\omega(k_2^{np}, \beta = 0.3), \ b$  — это  $\omega(k_1^{np}, \beta = 0.3),$  $c - k_t(\beta = 0) = 0.34 p_0$  (рис. a).

289

((11), рис. 1). При  $k < k^p(\beta)$  решения не найдены, возможно, происходит смешивание с *ph*-парами, образующими как разрез (1', 1), так и (2', 2). Вопрос требует дополнительных исследований. На рис. 4*a* видно, что в области  $k^p(\beta) \le k \le k_t(\beta)$  одновременно существуют как вещественное решение  $\omega_{sn}(k,\beta)$ , так и комплексное решение  $\omega_{sp}(k,\beta)$ . В симметричной материи  $\omega_{sp}(k,\beta = 0)$  исчезает, что обозначено стрелкой на кривой  $k^p$ , рис. 4*a*.

3.2.3. Ветви  $\omega_{snp}(k,\beta)$ , рис. 3*в*. Третья ветвь решений, которая получена в асимметричной материи, — это  $\omega_{snp}(k)$ . Она расположена на нефизических листах как функции  $A^n(\omega,k)$ , так и  $A^p(\omega,k)$ и описывает затухающее коллективное возбуждение. Затухание идет за счет смешивания со свободными нуклонными ph-парами (протонными и нейтронными). Ветвь начинается при  $k = k^{np}(\beta)$ и существует при значениях k и  $\beta$ , расположенных вне области, ограниченной осями координат и кривыми  $k_1^{np}(\beta)$  и  $k_2^{np}(\beta)$  (рис. 4*a*). Кривая  $k^{np}(\beta)$ состоит из двух частей,  $k_1^{np}(\beta)$  и  $k_2^{np}(\beta)$ , возникновение которых продемонстрировано на рис. 4б. На рис. 4 показано, что при  $\beta < 0.233$  имеется одно решение типа  $\omega_{snp}(k)$  при каждом  $\beta$ , оно найдено при  $k > k_1^{np}(\beta)$ . На рис. 4б это соответствует тому, что отсутствует низкочастотная часть решения.

Когда  $0.233 \le \beta \le 0.40$ , появляется дополнительная низкочастотная часть решения при малых волновых векторах  $k < k_2^{np}(\beta)$ . При  $\beta > 0.399$  две части решения сливаются, и мы получаем одно решение для всех k. На рис. 46 показано, что слияние происходит, когда ветвь  $\omega_{snp}(k,\beta)$  имеет очень малую мнимую часть, она почти касается горизонтальной оси при  $\beta = 0.40$   $(k = 0.225 p_0)$ , оставаясь на нефизическом листе. Заметим, что решение исчезает, если положить  $\text{Im}\omega_{snn}(k,\beta) =$ = 0 и пытаться построить вещественное решение. Точки *a*, *b* на рис. 4б обозначают решения на кривой  $k^{np}(\beta)$ : точка a обозначает  $\omega(k_2^{np},\beta=0.3), b$  это  $\omega(k_1^{np}, \beta = 0.3)$ . Эти точки демонстрируют, что при  $k \to k_{1,2}^{np}(\beta)$  мнимая часть стремится к нулю:  $\text{Im}\omega_{snp}(k,\beta)(k) \to 0$ . Это приводит к максимуму в структурных функциях, что является аналогом пороговых явлений в реальных распадах частиц. Для наглядности звездочками на кривых на рис. 46 обозначены величины  $\omega_{snp}(k,\beta)$  при  $k = 0.4p_0$ .

# 4. СВЯЗЬ ВЕТВЕЙ В АСИММЕТРИЧНОЙ И СИММЕТРИЧНОЙ МАТЕРИИ

В этом разделе представлено поведение ветвей  $\omega_{sn}(k), \ \omega_{sp}(k)$  и  $\omega_{snp}(k)$  при  $|\beta| \to 0$  и их связь с решениями  $\omega_s(k), \ \omega_{s1}(k)$  (рис. 2). В основном

ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА том 85 № 4 2022

мы рассматриваем  $\beta > 0$ . В этом разделе, вопервых, обсуждается разветвление  $\omega_s(k)$  на две ветви  $\omega_{sn}(k)$  и  $\omega_{snp}(k)$  в точке  $k = k_t(\beta = 0)$  при переходе к асимметричной материи. Во-вторых, показано, как  $\omega_{sn}(k,\beta)$  и  $\omega_{sp}(k,\beta)$  переходят в  $\omega_{s1}(k)$  при  $|\beta| \to 0$  и  $k > k_c$ .

**4.1.**  $\omega_{s}(k)$ . Сначала обратимся к  $\omega_{s}(k)$ . На рис. 2 показано, что эта ветвь вещественна при k < $\langle k_t(\beta = 0)$  и комплексна при больших  $k > k_t(\beta)$ . Оказалось, что вещественная и комплексная части меняются по-разному с изменением  $\beta$ . Это связано с двумя возможностями построения комплексного решения при  $k > k_t(\beta)$ . А именно, можно построить решение, открывая только один нейтронный канал,  $\omega_{sn}(k)$ , а можно сохранить открытыми как нейтронный, так и протонный каналы  $\omega_{snp}(k)$  (как было в симметричной материи). На рис. 4а показано, что от точки  $k=k_t(eta=0)=0.34p_0$  отходят две кривые:  $k_t(\beta)$  и  $k_1^{np}(\beta)$ , которые означают, что при каждом eta > 0 ( $eta \leq 0.233$ ) имеется вещественное решение при  $k \leq k_t(\beta)$ , оно становится комплексным решением  $\omega_{sn}(k)$  при  $k>k_t(eta)$ . При дальнейшем увеличении волнового вектора:  $k > k_1^{np}(eta),$ возникает еще одно комплексное решение  $\omega_{snp}(k).$ И все эти решения связаны с разветвлением  $\omega_s(k)$ в точке  $k = k_t (\beta = 0)$ .

Рассмотрим, как меняется вещественная часть  $\omega_s(k)$  с ростом  $\beta$ . Кривая  $k_t(\beta)$  на рис. 4aдля каждого  $\beta$  дает значения k, при которых заканчиваются вещественные решения, становясь комплексными при  $k > k_t(\beta)$ . На этом рисунке также показаны значения вещественных решений в точке  $k=k_t(eta)$ :  $\omega(k_t,eta)$ . Вещественные решения при  $k \leq k_t(eta)$  представляют собой линии  $\omega(k,eta) =$  $=v(\beta)k$ , которые начинаются при k=0 и  $\omega=$ = 0 и заканчиваются при  $k = k_t(\beta)$  в  $\omega(k_t, \beta)$ (линии не показаны). Когда  $\beta = 0$ , мы относим эти вещественные решения к  $\omega_s(k)$ :  $\omega(k,\beta) =$  $=\omega_s(k,\beta=0);$  когда  $\beta>0$ , эти решения относятся к  $\omega_{sn}(k,\beta)$ :  $\omega(k,\beta) = \omega_{sn}(k,\beta > 0)$ ; когда  $\beta < 0$ , решения относятся к  $\omega_{sp}(k,\beta)$ :  $\omega(k,\beta) =$  $=\omega_{sp}(k,\beta<0)$ . Это означает, что, например, при  $\beta > 0$  решение  $\omega(k, \beta)$  продолжается на  $k > k_t(\beta)$ как  $\omega_{sn}(k,\beta)$ , т.е. Im $\omega(k,\beta)$  определяется смешиванием с нейтронными частично-дырочными парами.

Мы получили непрерывный переход с изменением  $\beta$  между ветвями  $\omega_s(k)$ ,  $\omega_{sn}(k)$ ,  $\omega_{sp}(k)$  при  $k \leq k_t(\beta)$ . Таким образом, для стабильных изовекторных нуль-звуковых возбуждений в ядерной материи получена зависимость частоты возбуждений от параметра асимметрии  $\beta$ .

Заметим, что, переходя к ядрам, мы считаем, что вещественные решения описывают стабильные

коллективные возбуждения (гигантские резонансы). С ростом волнового вектора k вещественные решения становятся комплексными и отвечающие им коллективные возбуждения приобретают ширину, которая определяется мнимой частью  $\omega_{sn}(k,\beta)$ . Тем самым при  $\beta > 0$  мы можем говорить о вычислении нейтронной ширины резонанса.

Теперь рассмотрим продолжение на  $\beta \neq 0$ комплексной части  $\omega_s(k)$ , которая получена при  $k > k_t \ (\beta = 0)$ . При этих k ветвь  $\omega_s(k)$  начинает затухать и становится комплексной. Мнимая часть  $\omega_s(k)$  на рис. 2 построена в предположении, что открыты как протонный, так и нейтронный каналы. Поэтому можно ожидать, что и в АЯМ вещественное решение уходит под оба разреза. Такое решение действительно найдено, это  $\omega_{snp}(k,\beta)$ . Начало этого решения при  $\beta \to 0$  совпадает с  $k^{np}(\beta \to 0) = k_t(\beta \to 0)$  (рис. 4a). Выше это представлено, как разветвление ветви  $\omega_s(k)$  при переходе к асимметричной материи.

На рис. 4б на кривых  $\omega_{snp}(k,\beta)$  указаны значения  $\beta$ , при которых были получены эти ветви решений. Сплошной кривой обозначена  $\omega_s(k,\beta = 0)$ . Видно, что кривые сгущаются к  $\omega_s(k,\beta = 0)$  при  $\beta \to 0$ . Ветвь  $\omega_{snp}(k,\beta)$  мы рассматриваем как продолжение комплексной части  $\omega_s(k,\beta = 0)$  на  $\beta > 0$ .

Таким образом, нуль-звуковая ветвь  $\omega_s(k)$  в симметричной материи продолжается на асимметричную материю с  $\beta > 0$  двумя типами решений. Вещественная часть  $\omega_s(k, \beta = 0)$ , которая существует при малых  $k \le k_t(\beta = 0)$ , продолжается ветвью  $\omega_{sn}(k, \beta > 0)$ . А комплексная часть  $\omega_s(k, \beta = 0)$ , которая существует при  $k > k_t(\beta =$ = 0), продолжается ветвью  $\omega_{snp}(k, \beta > 0)$ . Кроме того,  $\omega_{snp}(k, \beta)$  приобретает низкочастотную комплексную часть при значении параметра асимметрии  $\beta > 0.233$ , рис. 4*a*.

**4.2.**  $\omega_{sn}(k)$  и  $\omega_{sp}(k)$ . Теперь рассмотрим  $\omega_{sn}(k)$  и  $\omega_{sp}(k)$ . На рис. 5*a* одновременно показаны ветви  $\omega_{s1}(k)$  и вычисленные при  $\beta = 0.05$  ветви  $\omega_{sn}(k)$ ,  $\omega_{sp}(k)$ . На рисунке видно сближение ветвей при  $k > k_c$  (как отмечалось выше, ветвь  $\omega_{s1}(k)$  существует при  $k \ge k_c$ , рис. 2).

На рис. 5б показаны части ветвей  $\omega_{sn}(k)$ ,  $\omega_{sp}(k)$ при  $\beta = 0.01, 0.05$  в сравнении с  $\omega_{s1}(k)$ . Ветвь  $\omega_{s1}(k)$  (сплошная кривая) — это та же ветвь, которая показана штрихами на рис. 2. При малых значениях  $\beta$  ветви  $\omega_{sn}(k)$  и  $\omega_{sp}(k)$  обтекают  $\omega_{s1}(k)$ , стремясь к этой ветви (при тех k, при которых она существует:  $k > k_c$ ). Это справедливо при  $\beta =$ = 0.01, а при  $\beta = 0.05$  решения уже слабо чувствуют этот предел. Это обтекание обусловливает особенное поведение ветвей на рис. 3a, 36 при  $\beta = 0.01$ . Заметим, что  $\omega_{sn}(k)$  и  $\omega_{sp}(k)$  подходят к  $\omega_{s1}(k)$  с разных нефизических листов.

Мы получили, что в асимметричной материи ветвь  $\omega_{s1}(k)$  расщепляется на две другие ветви, находящиеся на различных нефизических листах. Таким образом,  $\omega_{sn}(k)$  и  $\omega_{sp}(k)$  стремятся к  $\omega_{s1}(k)$ при  $\beta \to 0$  и  $k > k_c$ . Однако для значений волновых векторов в интервале  $k_t < k < k_c$  предела при  $\beta \to$  $\rightarrow 0$  нет. Техническая причина состоит в том, что нет решений дисперсионного уравнения (14) типа  $\omega_{sn}(k), \ \omega_{sp}(k)$  и  $\omega_{s1}(k)$  (т.е., когда открыт один, нейтронный или протонный, канал) в интервале  $k_t < k < k_c$  (рис. 2). Предел  $\omega_{sp}(k)$  отсутствует в более широкой области  $k_p < k < k_c$ .

На рис. 5*в* демонстрируется зависимость  $\omega_{sn}(k,\beta)$  и  $\omega_{sp}(k,\beta)$  от  $\beta$  при фиксированных k. Как видно, на рис. 4*a* имеется несколько "ключевых" значений волнового вектора. Здесь нас будут интересовать два значения:  $k_t(\beta), k_c = 0.52p_0$ . Мы выбираем  $k_i = k_1, k_2, k_3$  такие, что они расположены по-разному по отношению к  $k_t(\beta)$  и  $k_c$ :  $k_1 < k_t(\beta), k_t(\beta) < k_2 < k_c$  и  $k_3 > k_c$ :  $k_1 = 0.05p_0, k_2 = 0.4p_0, k_3 = 0.6p_0$ . Мы увидим, что поведение ветвей  $\omega_{sn}(k_i, \beta), \omega_{sp}(k_i, \beta)$  различается существенно при разных  $k_i$ .

На рис. 5*в* показаны изменения реальных частей решений  $\operatorname{Re}\omega_{sn}(k_i,\beta)$ ,  $\operatorname{Re}\omega_{sp}(k_i,\beta)$  в зависимости от  $\beta$ . Когда  $k = k_1$  (сплошные кривые) и  $\beta > 0$ , ветвь  $\omega_{sn}(k_1)$  действительна. Изменяя  $\beta$  от  $\beta = 0.5$  до отрицательных значений, мы переходим к реальной ветви  $\omega_{sp}(k_1)$ ,  $\beta < 0$ . При  $\beta = 0$  решения проходят точку  $\omega_s(k_1)$ . Вторая ветвь решений, которая найдена при  $k = k_1$  и  $\beta > 0$ — это  $\omega_{sp}(k_1)$ , она комплексна. Она не существует при  $k < k^p(\beta)$  и не может быть продолжена на отрицательные  $\beta$ .

При  $k = k_2$  и  $\beta > 0$  ветвь  $\omega_{sn}(k_2)$  комплексна (рис. 3a), и реальная часть  $\text{Re}\omega_{sn}(k_2, \beta)$  изображается точечной кривой на рис. 5a. Мы не можем продолжить эту ветвь на  $\omega_{sp}(k_2)$ , изменяя  $\beta$  с положительных на отрицательные значения, поскольку, как отмечалось выше, отсутствуют решения дисперсионного уравнения (9) типа  $\omega_{sn}(k)$ ,  $\omega_{sp}(k)$  при  $\beta = 0$  и  $k = k_2$ , рис. 2.

Когда  $k = k_3$  и  $\beta > 0$ , ветвь  $\omega_{sn}(k)$  комплексна (штриховая кривая, рис. 5 $\beta$ ). В отличие от случая с  $k = k_2$  имеется комплексное решение при  $\beta =$ = 0 (это  $\omega_{s1}(k_3)$ ). Поэтому мы можем переходить к отрицательным  $\beta$  и продолжать  $\omega_{sn}(k_3, \beta > 0)$ на  $\omega_{sp}(k_3, \beta < 0)$  через точку  $\omega_{s1}(k_3)$ . Больше того,  $\omega_{sn}(k_3, \beta < 0)$  может быть продолжена на



**Рис. 5.** Поведение  $\omega_{sn}(k,\beta)$  и  $\omega_{sp}(k,\beta)$  при  $|\beta| \to 0.a$  — Ветви  $\omega_{sn}(k,\beta)$  (штриховая),  $\omega_{sp}(k,\beta)$  (точечная) для  $\beta = 0.05$ ;  $\omega_{s1}(k)$  (сплошная).  $\delta$  — Комплексная  $\omega$ -плоскость; кривые:  $I - \beta = 0.01, 2 - \beta = 0.05$  показаны в сравнении с  $\omega_{s1}(k)$  (тип кривых тот же, что на рис. a). a — Зависимость Re $\omega_{sn}(k_i,\beta)$  и Re $\omega_{sp}(k_i,\beta)$  от  $\beta$  при определенных  $k_i$ , i = 1, 2, 3:  $k_1 = 0.05p_0$  (сплошные кривые),  $k_2 = 0.4p_0$  (точечные);  $k_3 = 0.6p_0$  (штриховые); n означает  $\omega_{sn}(k_i,\beta)$ ,  $p - \omega_{sp}(k_i,\beta)$ ;  $s - \omega_s(k_1), s1 - \omega_{s1}(k_3)$ .

 $\omega_{sp}(k_3, \beta > 0)$ . Аналогичные рисунки можно получить для мнимых частей  $\omega_{sn}(k_i), \omega_{sp}(k_i, \beta)$ , а также для  $\omega_{snp}(k_i, \beta)$  и  $\omega_{spn}(k_i, \beta)$ .

# 5. СТРУКТУРНЫЕ ФУНКЦИИ $S(\omega, k)$ В ЯДЕРНОЙ МАТЕРИИ, ПОСТРОЕННЫЕ НА ОСНОВЕ $\omega_{si}(k)$

Под действием внешнего поля в среде возникает эффективное поле, которое связано с функцией

ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА том 85 № 4 2022

отклика соотношением (6). Структурная функция определяется как мнимая часть от функции отклика  $\Pi(\omega, k)$  [22]:

$$S(\omega, k) = -\frac{1}{\pi} \text{Im}\Pi(\omega, k).$$
(15)

Как показано в работе [23], в изовекторном внешнем поле функция отклика  $\Pi(\omega, k)$  может быть представлена как сумма

$$\Pi(\omega, k) = \Pi^{pp}(\omega, k) + \Pi^{nn}(\omega, k) -$$
(16)  
-  $\Pi^{pn}(\omega, k) - \Pi^{np}(\omega, k).$ 

Используем выражения (7) для  $\Pi^{\tau\tau'}(\omega, k)$ . Тогда функция отклика на изовекторное внешнее поле имеет вид

$$\Pi(\omega, k) =$$
(17)  
$$= \frac{(D^{pp} + D^{nn} - D^{pn} - D^{np})}{E(\omega, k)} \equiv \frac{D^{iv}(\omega, k)}{E(\omega, k)}.$$

Как отмечалось выше, внешнее поле возбуждает в ядерной материи коллективные и *ph*-моды. Коллективные моды соответствуют трем типам комплексных решений дисперсионного уравнения.

Представим структурную функцию в виде суммы по трем типам возбуждений:

$$S(\omega, k) = \sum_{l} S_{l}(\omega, k), \qquad (18)$$

где l = n, p, np. Обратный детерминант системы  $\mathcal{M}$ (5) и П( $\omega, k$ ) (7) запишем как сумму по полюсам:

$$\frac{1}{E(\omega,k)} = \sum_{l} \left( \frac{R_l(\omega_{sl},k)}{\omega - \omega_{sl}(k)} + \operatorname{Reg}_l(\omega,k) \right).$$
(19)

Вычеты  $R_l(\omega_{sl}, k)$  в полюсах вычисляются на тех же нефизических листах, где расположены решения (I - это мнимая единица):

$$R_{l}(\omega_{sl}, k) =$$

$$= \frac{1}{E'(\omega_{sl}(k))} = \frac{\operatorname{Re}(E') - I\operatorname{Im}(E')}{|E'|^{2}},$$
где  $E'(\omega_{sl}(k)) = \frac{dE(\omega, k)}{d\omega}|_{\omega \to \omega_{sl}(k)}.$ 
(20)

Тогда функция отклика имеет вид

$$\Pi(\omega, k) =$$
(21)  
=  $\sum_{l} D^{iv}(\omega, k) \left( \frac{R_l(\omega_{sl}, k)}{\omega - \omega_{sl}(k)} + \operatorname{Reg}_l(\omega, k) \right).$ 

Соответствующая структурная функция  $S(\omega, k)$  равна:

$$S(\omega, k) = \sum_{l} S_{l}(\omega, k) =$$
(22)  
$$= -\frac{1}{\pi} \operatorname{Im} \sum_{l} D^{iv}(\omega, k) \times$$
$$\times \left( \frac{R_{l}(\omega_{sl}, k)}{\omega - \omega_{sl}(k)} + \operatorname{Reg}_{l}(\omega, k) \right) \equiv$$
$$\equiv S_{\text{pol}}(\omega, k) + S_{\text{reg}}(\omega, k).$$

Мы можем сопоставить вклад полюса в точке  $\omega_{si}(k)$  в структурную функцию  $S(\omega,k)$  с реакцией

фоторазвала на ядрах. Мнимая часть  $\omega_{sn}(k)$  в ядре дает затухание возбуждения путем испускания нейтрона. Максимум в структурной функции, отвечающий полюсу  $\omega_{sn}(k)$ , будет иметь ширину, определяемую мнимой частью  $\omega_{sn}(k)$ , т.е. вылетом нейтронов в реакции  $(\gamma, n)$ . Аналогично  $\omega_{sp}(k)$  дает вклад в  $(\gamma, p)$ , а мнимая часть  $\omega_{snp}(k)$  дает вклад в структурную функцию как  $(\gamma, n)$ , так и  $(\gamma, p)$ реакций.

Заметим, если вычислять  $\Pi(\omega, k)$  без специального выделения полюсов и при вещественных  $\omega$ , то это будет гладкая функция, не содержащая максимумов. И только включение полюсов на нефизических листах выявляет структуру в  $S(\omega, k)$ [24].

Теперь вычислим вклад в  $S(\omega, k)$ , возникающий в результате прямого выбивания нуклона внешним полем (в ядрах), а в материи он соответствует взаимодействию внешнего поля с нуклоном, не вовлеченным в образование коллективного состояния. Для этого положим в выражении (17) эффективную константу взаимодействия квазичастиц равной нулю, F' = 0, и получим

$$S_{\rm fr}(\omega, k) =$$

$$= -\frac{1}{\pi} {\rm Im}(A^p(\omega, k) + A^n(\omega, k)) =$$

$$= S^p_{\rm fr}(\omega, k) + S^n_{\rm fr}(\omega, k).$$
(23)

Обратимся к рис. 6. На рис. 6а показаны три ветви решений дисперсионного уравнения (14) в материи с  $\beta = 0.1667$ , такой параметр асимметрии соответствует, например, ядрам <sup>48</sup>Ca, <sup>120</sup>Sn. Вклады этих решений в  $S(\omega, k)$  при  $k = 0.45 p_0$  приведены на рис. 6б. Вклад решения  $\omega_{si}(k)$  в структурную функцию обозначен тем же типом кривой, что и ветвь решения на рис. 6а и снабжен той же цифрой.

Максимум, который описан штриховой кривой (короткий штрих) на рис. 66, возник из-за полюса в  $(22) \omega_{sp}(k = 0.45p_0) = (0.157, -0.0164)p_0$ . Согласно рис. 6*a*, максимум на кривой 2 расположен при частотах, меньших, чем максимум на точечной кривой 1, который возникает при  $\omega_{sn}(k = 0.45p_0) = (0.199, -0.0097)p_0$ . Самый острый пик принадлежит штрихпунктирной кривой и отвечает полюсу  $\omega_{snp}(k = 0.45p_0) = (0.192, -0.0021)p_0$ . Форма максимума связана с близостью полюса к порогу появления ветви  $\omega_{snp}(k)$ . Максимумы структурной функции сдвинуты относительно положения полюсов. При малой ширине пика, отвечающей малой мнимой части решения, сдвиг составляет сотни кэВ, а для протонного полюса это 4.7 МэВ.

Кривая, обозначенная длинным штрихом, описывает  $S_{\rm fr}(\omega, k)$  (23), т.е. это сумма мнимых

ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА том 85 № 4 2022



Рис. 6. Ветви решений и структурные функции при  $\beta = 0.1667. a$  — Ветви решений  $\omega_{sn}(k)$  (точечная кривая, 1),  $\omega_{sp}(k)$  (штриховая, 2),  $\omega_{snp}(k)$  (штрихпунктирная, 3). Остальные обозначения как на рис. 2.  $\delta$  — Структурная функция  $S_{pol}(\omega, k) + S_{fr}(\omega, k)$  (22), (23) (тонкая сплошная кривая), вычисленная при  $k = 0.45p_0$ . Вклады отдельных полюсов в  $S_{pol}$  показаны цифрами и типом линий, соответствующими рис. a. Кривая 4 — вклад  $S_{fr}(\omega, k)$  (23).  $S_{str} = 10^3 S(\omega, k) M_3 B^{-1} ф m^{-3}$ .

частей протонной и нейтронной функций Линхардта. Сплошная кривая — это сумма  $S_{\rm pol}(\omega,k)$  +  $+ S_{\rm fr}(\omega,k)$ . Мы получили сложную структуру для полной структурной функции, которая порождена решениями дисперсионного уравнения. Гигантскому резонансу мы сопоставляем пик, связанный с решением  $\omega = \omega_{sn}(k = 0.45p_0)$ . Мнимая часть этого решения определяет нейтронную ширину гигантского резонанса.

Таким образом, на рис. 66 построена структурная функция, которая соответствует изовекторным нуль-звуковым возбуждениям и возбуждению *ph*пар в асимметричной материи.

# 6. ВЛИЯНИЕ ИЗОСКАЛЯРНОГО ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ КВАЗИЧАСТИЦ НА ЧАСТОТЫ ИЗОВЕКТОРНЫХ ВОЗБУЖДЕНИЙ

При вычислении решений дисперсионного уравнения (8) был опущен вклад изоскалярного взаимодействия квазичастиц, мы полагали F = 0. В

ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА том 85 № 4 2022

этом разделе мы продемонстрируем влияние этого взаимодействия на частоты изовекторных возбуждений.

Для этого мы сравним частоты возбуждений для случаев F' = 1.0, F = 0.0 и F' = 1.0, F = 0.1. Гигантские дипольные изовекторные резонансы в теории Мигдала [14] возбуждаются за счет взаимодействия квазичастиц  $F^{pp}$ ,  $F^{nn}$ ,  $F^{pn}$ ,  $F^{np}$  (см. определение после (5)).

Для того чтобы показать, как меняются вычисленные частоты возбуждений при учете изоскалярного взаимодействия F(2), мы проделали следующее. Сначала отобрали в таблице [25] группу ядер, распространенность которых в природе больше 50%. Затем мы воспользовались двумя моделями для определения волнового вектора  $k_A$ , который отвечает гигантскому дипольному резонансу в конкретном ядре. Для каждого из отобранных ядер был вычислен импульс  $k_A$ , и была получена разность между реальными частями решений  $\omega_{sn}(k_A, \beta_A)$  (между частотами возбуждений)

$$d_A = \operatorname{Re} \left( \omega_{sn}(k_A, \beta_A) \right) |_{F=0.1} - \qquad (24)$$
$$- \operatorname{Re} \left( \omega_{sn}(k_A, \beta_A) \right) |_{F=0}.$$

Первая модель взята из [8], она дает  $k_A = \pi/(2R_A)$ , где  $R_A = (r_0A^{1/3})$ ,  $r_0 = 1.2$  фм. Для большинства отобранных ядер величина  $k_A$  меньше, чем  $k_t$  (рис. 4), это означает, что решения  $\omega_{sn}(k_A, \beta_A)$  в большинстве вещественны. Для вещественных решений на рис. 7*a* показана зависимость разности  $d_A$  от  $\beta$ .

Как отмечалось выше, из-за факторизации дисперсионного уравнения (12) в ядрах с N = Z, как и в симметричной материи ( $\beta = 0$ ), изоскалярное взаимодействие не оказывает влияние на изовекторные возбуждения. Поэтому  $d_A(\beta_A = 0) = 0$ , и все значения  $d_A$  находятся в начале координат. При  $\beta > 0$  имеется почти линейный рост величины  $d_A(\beta)$  с ростом  $\beta$ . Величина  $d_A$  очень мала, она составляет десятки кэВ, тогда как  $\omega_{sn}(k_A, \beta_A)$  это десятки МэВ.

Вторая использованная модель — это модель Штейнведеля – Йенсена [26], она дает другую (большую) величину для волнового момента гигантского дипольного резонанса в ядрах:  $k_A = 2.08/R_A$ . Для таких  $k_A$  все  $\omega_{sn}(k_A, \beta_A)$  комплексны, и на рис. 76 показана величина  $d_A(\beta_A)$ , как она определена в (24). В этом случае никакой определенной зависимости  $d_A$  от  $\beta$ , A и  $k_A$  не наблюдается, и единственное, что можно отметить, что влияние изоскалярного взаимодействия на изовекторные моды мало.

Однако как показано в работе [1], при большой плотности среды и в рамках метода, использующего самосогласованные определения параметров



Рис. 7. Влияние изоскалярного взаимодействия квазичастиц F на частоты изовекторных возбуждений в ядрах. a — Разность  $d_A$  (24) для  $k_A = \pi/(2R_A)$ , отобраны ядра, в которых получены стабильные возбужденные состояния при таких  $k_A$ .  $\delta$  — Разность  $d_A$ (24) для  $k_A = 2.08/R_A$ .

среднего поля и квазичастичного взаимодействия, имеется сильное взаимное влияние изоскалярных и изовекторных вибраций с сопутствующим истощением коллективности в изовекторной моде.

### 7. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В настоящей работе получены ветви нульзвуковых возбуждений в ядерной материи с равновесной плотностью и с параметром асимметрии, изменяющимся в интервале  $-0.5 \le \beta \le 0.5$ . Эти решения удовлетворяют дисперсионному уравнению (14) (в симметричной материи это (13)) и являются комплексными функциями. Мнимая часть решений описывает затухание нуль-звуковых возбуждений из-за смешивания со свободными частично-дырочными парами.

Цель работы состояла в том, чтобы получить ветви решений и связать решения при различных  $\beta$ . Это определяет появление и тип ветвей. Исследовалась симметричная и асимметричная материя. В симметричной материи получено две ветви решений  $\omega_s(k,\beta=0)$  и  $\omega_{s1}(k,\beta=0)$  (рис. 2). В асимметричной материи для каждого  $\beta > 0$  построено три

ветви решений:  $\omega_{sn}(k,\beta)$ ,  $\omega_{sp}(k,\beta)$  и  $\omega_{snp}(k,\beta)$  (рис. 3).

Показано, что при переходе от симметричной к асимметричной материи нуль-звуковая ветвь  $\omega_s(k,\beta=0)$  разветвляется на  $\omega_{sn}(k,\beta)$  и  $\omega_{snp}(k,\beta)$  в точке  $k_t(\beta=0)$  (с другой стороны, две упомянутых ветви сливаются в этой точке при  $\beta \to 0$ ) (рис. 4*a*). Также показано, что ветви  $\omega_{sn}(k,\beta)$  и  $\omega_{sp}(k,\beta)$  сливаются для волновых векторов  $k > k_c$  и  $\beta \to 0$ , переходя в  $\omega_{s1}(k,\beta=0)$  (рис. 5*b*). Ветвь  $\omega_{sn}(k,\beta)$  является вещественной и описывает стабильные возбуждения в материи для волновых векторов  $k < k_t(\beta)$  и  $\beta \to 0$ . Однако в интервале  $k_t < k < k_c$  предел  $\beta \to 0$  отсутствует как для  $\omega_{sn}(k,\beta)$ , так и для  $\omega_{sp}(k,\beta)$ .

Чтобы получить решения при  $\beta < 0$ , следует заменить  $n \leftrightarrow p$  в обозначениях ветвей, полученных при  $\beta > 0$  (кулоновское взаимодействие в работе не учитывается). Поведение решений в зависимости от  $\beta$  во всем рассматриваемом интервале  $-0.5 \leq \beta \leq 0.5$  при заданных k зависит от значения k (рис. 5 $\beta$ ).

В разд. 5 построена структурная функция, связанная с нуль-звуковыми возбуждениями в ядерной материи, которые возникают под действием изовекторного внешнего поля (рис. 6б). Представлен вклад трех ветвей нуль-звукового возбуждения в структурную функцию  $S(\omega, k)$ , который отвечает трем решениям дисперсионного уравнения (14) в асимметричной материи  $\beta = 0.1667$  и при  $k = 0.45p_0$ .

Основные вычисления выполнены с учетом только изовекторного взаимодействия квазичастиц: F' = 1.0, F = 0. В разд. 6 показано, что учет изоскалярного взаимодействия F не влияет на частоты возбуждений в симметричной материи и в ядрах с N = Z. При  $\beta > 0$  частоты решений слабо зависят от F. Вклады в вещественные решения примерно линейно растут с  $\beta$ , изменения составляют доли процента (рис. 7*a*). Тогда как в случае комплексных решений малость вкладов сохраняется, хотя регулярной зависимости не обнаружено (рис. 7*b*).

Полученные структурные функции могут быть использованы для вычисления сечений полупрямого фоторазвала  $(\gamma, n)$ ,  $(\gamma, p)$  для конкретных ядер. Нельзя говорить о качественном согласии с экспериментом в такой упрощенной модели. Однако полученные результаты могут выявить те закономерности в поведении сечений фотоядерных реакций, которые обусловлены природой ядерной материи, а не структурой ядра: зависимость максимумов сечений от изменения  $\beta$  при фиксированном Z или N, поведение сечений при фиксированном  $\beta$  при разных A. Результаты расчетов (особенно рис. 4) весьма чувствительны даже к незначительному изменению входных параметров задачи. Поэтому есть основания полагать, что вклады таких важных поправок, как учет разности масс протона и нейтрона, зависимость силовых констант взаимодействия (2) от плотности среды могут быть исследованы в рамках предложенного метода. Кроме этого, есть интерес к задаче о вычислении "изотопического расщепления" нуль-звуковых возбуждений в асимметричной материи. Это аналог изотопического расщепления в ядрах, когда нейтрон может быть выбит в сплошной спектр из состояний с  $p < p_{Fp}$ или из состояний с  $p > p_{\mathrm{F}p}$  [27].

Авторы выражают благодарность М.Г. Рыскину за полезные обсуждения.

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. M. Colonna, M. Di Toro, and A. B. Larionov, Phys. Lett. B 428, 1 (1998).
- 2. M. Di Toro, V. M. Kolomietz, and A. B. Larionov, Phys. Rev. C 59, 3099 (1999).
- 3. A. B. Larionov, I. N. Mishustin, L. M. Satarov, et al., Phys. Rev. C 78, 014604 (2008).
- 4. A. B. Larionov, T. Gaitanos, and U. Mosel, Phys. Rev. C **85**, 024614 (2012). 5. E. Lipparini and E. Pederiva, Phys. Rev. C **88**, 024318
- (2013).
- 6. U. Fuhrmann, K. Morawetz, and R. Walke, Phys. Rev. C 58, 1473 (1998).
- 7. V. M. Kolomietz and S. Shlomo, Phys. Rev. C 64, 044304 (2001).
- 8. F. L. Braghin, D. Vautherin, and A. Abada, Phys. Rev. C 52, 2504 (1995).
- 9. V. Greco, M. Colonna, M. Di Toro, and F. Matera, Phys. Rev. C 67, 015203 (2003).
- 10. A. Pastore, D. Davesne, and J. Navarro, Phys. Rept. 563, 1 (2015).
- 11. D. Davesne, A. Pastore, and J. Navarro, Prog. Part. Nucl. Phys. 120, 103870 (2021).

- 12. В. А. Садовникова, М. А. Соколов, Изв. РАН. Сер. физ. 80, 1069 (2016) [V. A. Sadovnikova, M. A. Sokolov, Bull. Russ. Acad. Sci. Phys. 80, 981 (2016)].
- 13. В. А. Садовникова, М. А. Соколов, Изв. РАН. Сер. физ. 81, 1338 (2017) [V. A. Sadovnikova, M. A. Sokolov, Bull. Russ. Acad. Sci. Phys. 81, 1196 (2017)].
- 14. A. B. Migdal, A. A. Lushnikov, and D. F. Zaretsky, Nucl. Phys. A 66, 193 (1965).
- 15. А. Б. Мигдал, Д. Н. Воскресенский, Э. Е. Саперштейн, М. А. Троицкий, Пионные степени свободы в ядерном вешестве (Наука, Москва, 1991).
- 16. В. А. Садовникова, Изв. РАН. Сер. физ. 78, 853 (2014) [V. A. Sadovnikova, Bull. Russ. Acad. Sci. Phys. 78, 636 (2014)].
- 17. В. А. Садовникова, ЯФ 70, 1024 (2007) [V. A. Sadovnikova, Phys. At. Nucl. 70, 989 (2007)].
- 18. T. Ericson and W. Weise, Pions and Nuclei (Clarendon Press, Oxford, 1988).
- 19. В. А. Садовникова, Изв. РАН. Сер. физ. 85, 1482 (2021) [V. A. Sadovnikova, Bull. Russ. Acad. Sci. Phys. 85, 1155 (2021)].
- 20. А.Б. Мигдал, Теория конечных ферми-систем и свойства атомных ядер (Наука, Москва, 1983).
- 21. Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц, Статистическая физика (Наука, Москва, 1976).
- 22. А. А. Абрикосов, Л. П. Горьков, И. Е. Дзялошинский, Методы квантовой теории поля в статистической физике (Физ.-мат. литература, Москва, 1962).
- 23. E. S. Hernandez, J. Navarro, and A. Polls, Nucl. Phys. A 627, 460 (1997).
- 24. R. J. Eden, P. V. Landshoff, D. I. Olive, and J. C. Polkinghorne, The Analytic S-Matrix (University Press, Cambridge, 1966).
- 25. Характеристики атомных ядер, nuclphys.sinp. msu.ru/anuc/table.pdf, табл. 12 (2014).
- 26. H. Steinwedel, J. H. D. Jensen, and P. Jensen, Phys. Rev. 79, 1019 (1950).
- 27. Б. С. Ишханов, И. М. Капитонов, УФН 191, 147 (2021).

# CONNECTION OF ZERO-SOUND EXCITATIONS IN SYMMETRIC AND ASYMMETRIC NUCLEAR MATTER

# V. A. Sadovnikova<sup>1)</sup>, M. A. Sokolov<sup>2)</sup>

#### <sup>1)</sup>NRC "Kurchatov Institute" – PNPI, Gatchina, Russia <sup>2)</sup>Military Telecommunication Academy, St.-Petersburg, Russia

We present the method of calculation of zero-sound excitation frequencies in the symmetric and isospin asymmetric nuclear matter. In asymmetric matter three branches of the dispersion equation complex solutions  $\omega_{si}(k,\beta)$ , i = p, n, np are obtained but in symmetric matter two branches  $\omega_s(k,\beta=0)$ ,  $\omega_{s1}(k,\beta=0)$  were found. It is shown how these branches are interconnected. The response functions and the structure functions based on  $\omega_{si}(k,\beta)$  are calculated in nuclear matter.